

1 Определения и формулировки

1.1 ! Внутренняя точка множества, открытое множество, внутренность

a — внутренняя точка множества D , если $\exists U(a) : U(a) \subset D$, т.е. $\exists r > 0 : B(a, r) \subset D$

D — открытое множество, если $\forall a \in D : a$ — внутренняя точка D

Внутренностью множества D называется $Int(D) = \{x \in D : x \text{ — внутр. точка } D\}$

1.2 ! Предельная точка множества

a — предельная точка множества D , если

$$\forall \dot{U}(a) \quad \dot{U}(a) \cap D \neq \emptyset$$

1.3 ! Замкнутое множество, замыкание, граница

D — замкнутое множество, если оно содержит все свои предельные точки.

$\overline{D} = D \cup$ (множество предельных точек D) — замыкание.

Граница множества — множество его граничных точек. Обозначается ∂D

1.4 ! Изолированная точка, граничная точка

a — изолированная точка D , если $a \in D$ и a — не предельная, то есть:

$$\exists U(a) \quad U(a) \cap D = \{a\}$$

a — граничная точка D , если $\forall U(a) \quad U(a)$ содержит точки как из D , так и из D^c

1.5 Описание внутренности множества

1. $Int D$ - откр. множество

2. $Int D = \bigcup_{\substack{D \supset G \\ G \text{ — открыт}}} G$ — максимальное открытое множество, содержащееся в D

3. D — откр. в $X \Leftrightarrow D = Int D$

1.6 Описание замыкания множества в терминах пересечений

$\overline{D} = \bigcap_{\substack{D \subset F \\ F \text{ — замкн.}}} F$ — мин. (по вкл.) замкн. множество, содержащее D .

1.7 ! Верхняя, нижняя границы; супремум, инфимум

$E \subset \mathbb{R}$. E — **огр. сверху**, если $\exists M \in \mathbb{R} \forall x \in E \ x \leq M$. Кроме того, всякие такие M называются **верхними границами** E .

Аналогично ограничение снизу.

$$E \subset \mathbb{R}, E \neq \emptyset.$$

Для E — **огр. сверху** **супремум** ($\sup E$) — наименьшая из верхних границ E .

Для E — **огр. снизу** **инфимум** ($\inf E$) — наибольшая из нижних границ E .

1.8 Техническое описание супремума

$$\text{Техническое описание супремума: } b = \sup E \Leftrightarrow \begin{cases} \forall x \in E \ x \leq b \\ \forall \varepsilon > 0 \ \exists x \in E \ b - \varepsilon < x \end{cases}$$

1.9 ! Последовательность, стремящаяся к бесконечности

В \mathbb{R} :

1. $x_n \rightarrow +\infty \quad \forall E > 0 \ \exists N \ \forall n > N \ x_n > E$
2. $x_n \rightarrow -\infty \quad \forall E \ \exists N \ \forall n > N \ x_n < E$
3. $x_n \rightarrow \infty \Leftrightarrow |x_n| \rightarrow +\infty$

1.10 ! Компактное множество

$K \subset X$ — **компактное**, если для любого открытого покрытия этого множества \exists конечное подпокрытие $\Leftrightarrow \exists \alpha_1 \dots \alpha_n \quad K \subset \bigcup_{i=1}^n G_{\alpha_i}$

1.11 Секвенциальная компактность

Секвенциально компактным называется множество $A \subset X : \forall$ посл. (x_n) точек A \exists подпосл. x_{n_k} , которая сходится к точке из A

1.12 ! Определения предела отображения (3 шт)

$$(X, \rho^x), (Y, \rho^y) \quad D \subset X \quad f : D \rightarrow Y$$

$a \in X$, a — **пред. точка** множества D , $A \in Y$

Тогда $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A$ — **предел отображения**, если:

1. По Коши:

$$\forall \varepsilon > 0 \ \exists \delta > 0 \ \forall x \in D : 0 < \rho^X(a, x) < \delta \quad \rho^Y(f(x), A) < \varepsilon$$

2. На языке окрестностей:

$$\forall U(A) \exists V(a) \forall x \in \dot{V}(a) f(x) \in U(A)$$

3. По Гейне: $\forall(x_n)$ — посл. в X :

(a) $x_n \rightarrow a$

(b) $x_n \in D$

(c) $x_n \neq a$

$$f(x_n) \rightarrow A$$

1.13 Определения пределов в $\overline{\mathbb{R}}$

Для $X = \mathbb{R}, Y = \overline{\mathbb{R}}, -\infty < x < +\infty$:

1. $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = +\infty : \forall E \exists \delta > 0 \forall x \in X : 0 < |x - a| < \delta \ f(x) > E$

2. $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = -\infty : \forall E \exists \delta > 0 \forall x \in X : 0 < |x - a| < \delta \ f(x) < E$

3. $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = c \in \mathbb{R} \ \forall \varepsilon > 0 \exists \delta \forall x \in X : x > \delta \ |f(x) - c| < \varepsilon$

4. $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = c \in \mathbb{R} \ \forall \varepsilon > 0 \exists \delta \forall x \in X : x < -\delta \ |f(x) - c| < \varepsilon$

1.14 Предел по множеству

$f : D \subset X \rightarrow Y, D_1 \subset D, x_0$ — пред. точка D_1

Тогда предел по множеству D_1 в точке x_0 — это $\lim_{x \rightarrow x_0} f|_{D_1}(x)$

1.15 Односторонние пределы

В \mathbb{R} одностор. = { левостор., правостор. }

Левосторонний предел $\lim_{x \rightarrow x_0 - 0} f(x) = L$ — это $\lim f|_{D \cap (-\infty, x_0)}$

$$\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \forall x \in (x_0 - \delta, x_0) \cap D \ |f(x) - L| < \varepsilon$$

Аналогично правосторонний.

1.16 ! Непрерывное отображение

$f : D \subset X \rightarrow Y \ x_0 \in D$

f — непрерывное в точке x_0 , если:

1. $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = f(x_0)$, либо x_0 — изолированная точка D
2. $\forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \forall x \in D \rho(x, x_0) < \delta \Rightarrow \rho(f(x), f(x_0)) < \varepsilon$
3. $\forall U(f(x_0)) \exists V(x_0) \forall x \in V(x_0) \cap D f(x) \in U(f(x_0))$
4. По Гейне $\forall (x_n) : x_n \rightarrow x_0; x_n \in D \quad f(x_n) \xrightarrow{n \rightarrow +\infty} f(x_0)$

1.17 Непрерывность слева

f — непр. слева в x_0 , если $f|_{(-\infty, x_0] \cap D}$ — непрерывно в x_0

1.18 Разрыв, разрывы первого и второго рода

Если $\nexists \lim_{x \rightarrow x_0} f(x)$, либо $\exists \lim_{x \rightarrow x_0} f(x) \neq f(x_0)$ — точка разрыва.

Пусть $\exists f(x_0 - 0), f(x_0 + 0)$ и не все 3 числа равны: $f(x_0 - 0), f(x_0), f(x_0 + 0)$. Это разрыв I рода (**скачок**).

Остальные точки разрыва — разрыв II рода.

Примечание.

$$f(x_0 - 0) \Leftrightarrow \lim_{x \rightarrow x_0 - 0} f(x)$$

1.19 ! О большое, о маленькое

$f, g : D \subset X \rightarrow \mathbb{R}$ x_0 — пр. точка D

Если $\exists V(x_0) \exists \varphi : V(x_0) \cap D \rightarrow \mathbb{R} \quad f(x) = g(x)\varphi(x)$ при $x \in V(x_0) \cap D$

1. φ — ограничена. Тогда говорят $f = O(g)$ при $x \rightarrow x_0$
“ f ограничена по сравнению с g при $x \rightarrow x_0$ ”
2. $\varphi(x) \xrightarrow{x \rightarrow x_0} 0$ f — беск. малая по отношению к g при $x \rightarrow x_0$, $f = o(g)$
3. $\varphi(x) \xrightarrow{x \rightarrow x_0} 1$ f и g экв. при $x \rightarrow x_0$ $f \sim_{x \rightarrow x_0} g$

Примечание. О большое и о малое — разные вопросы в табличке.

1.20 ! Эквивалентные функции, таблица эквивалентных

Эквивалентные функции даны выше.

Таблица эквивалентных для $x \rightarrow 0$:

$$\begin{aligned}
\sin x &\sim x \\
\operatorname{sh} x &\sim x \\
\operatorname{tg} x &\sim x \\
\operatorname{arctg} x &\sim x \\
1 - \cos x &\sim \frac{x^2}{2} \\
\operatorname{ch} x - 1 &\sim \frac{x^2}{2} \\
e^x - 1 &\sim x \\
\ln(1 + x) &\sim x \\
(1 + x)^\alpha - 1 &\sim \alpha x \\
a^x - 1 &\sim x \ln a
\end{aligned}$$

1.21 Асимптотически равные (сравнимые) функции

В условиях прошлых определений $f = O(g), g = O(f) \Leftrightarrow f \asymp g$ — асимптотически сравнимы на множестве D , “величины одного порядка”.

1.22 Асимптотическое разложение

$g_n : D \subset X \rightarrow \mathbb{R}$ x_0 — пред. точка D

$$\forall n \quad g_{n+1}(x) = o(g_n), x \rightarrow x_0$$

Пример. $g_n(x) = x^n, n = 0, 1, 2 \dots$ $x \rightarrow 0$ $g_{n+1} = xg_n, x \rightarrow 0$

(g_n) называется шкала асимптотического разложения.

$$f : D \rightarrow \mathbb{R}$$

Если $f(x) = c_0 g_0(x) + c_1 g_1(x) + \dots + c_n g_n(x) + o(g_n)$, то это асимптотическое разложение f по шкале (g_n)

1.23 Наклонная асимптота графика

Пусть $f(x) = Ax + B + o(1), x \rightarrow +\infty$

Прямая $y = Ax + B$ — наклонная асимптота к графику f при $x \rightarrow +\infty$

1.24 Путь в метрическом пространстве

Y — метр. пр-во

$\gamma : [a, b] \rightarrow Y$ — непр. на $[a, b]$

= путь в пространстве Y

1.25 Линейно связное множество

$E \subset Y$

E — линейно связное, если $\forall A, B \in E \exists$ путь $\gamma : [a, b] \rightarrow E$ такой, что:

- $\gamma(a) = A$
- $\gamma(b) = B$

1.26 ! Функция, дифференцируемая в точке и производная

$f : \langle a, b \rangle \rightarrow \mathbb{R} \quad x_0 \in \langle a, b \rangle$

f — дифференцируема в точке x_0 , если $\exists A \in \mathbb{R}$

$$f(x) = f(x_0) + A \cdot (x - x_0) + o(x - x_0), x \rightarrow x_0$$

При этом A называется **производной** f в точке x_0

Примечание. Это два разных билета.

2 Теоремы

2.1 Теорема об открытых и замкнутых множествах в пространстве и в подпространстве

$Y \subset X$, X — метр.п., Y — подпространство, $D \subset Y \subset X$

1. D — откp. в $Y \Leftrightarrow \exists G$ — откp. в $X \quad D = G \cap Y$
2. D — замкн. в $Y \Leftrightarrow \exists F$ — замкн. в $X \quad D = F \cap Y$

2.2 Теорема о компактности в пространстве и в подпространстве

(X, ρ) — метрич. пространство, $Y \subset X$ — подпространство, $K \subset Y$

Тогда K — комп. в $Y \Leftrightarrow K$ — компактно в X .

2.3 Простейшие свойства компактных множеств

(X, ρ) — метрическое пространство, $K \subset X$

1. K — комп. $\Rightarrow K$ — замкн., K — огp.
2. X — комп, K — замкн. $\Rightarrow K$ — комп.

2.4 Лемма о вложенных параллелепипедах

$[a, b] = \{x \in \mathbb{R}^m : \forall i = 1 \dots m \ a_i \leq x_i \leq b_i\}$ — параллелепипед.

$[a^1, b^1] \supset [a^2, b^2] \supset \dots$ — бесконечная последовательность параллелепипедов.

Тогда $\bigcap_{i=1}^{+\infty} [a^i, b^i] \neq \emptyset$

Если $\text{diam}[a^n, b^n] = \|b^n - a^n\| \rightarrow 0$, тогда $\exists! c \in \bigcap_{i=1}^{\infty} [a^i, b^i]$

2.5 Компактность замкнутого параллелепипеда в \mathbb{R}^m

$[a, b]$ — компактное множество в \mathbb{R}^m

2.6 Теорема о характеристике компактов в \mathbb{R}^m

$K \subset \mathbb{R}^m$. Эквивалентны следующие утверждения:

1. K — замкнуто и ограничено
2. K — компактно
3. K — секвенциально компактно

2.7 Эквивалентность определений Гейне и Коши

Определение Коши \Leftrightarrow определение Гейне.

2.8 Единственность предела, локальная ограниченность отображения, имеющего предел, теорема о стабилизации знака

$f : D \subset X \rightarrow Y$, a — пред. точка D

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A; \lim_{x \rightarrow a} f(x) = B$$

Тогда $A = B$

О локальной ограниченности отображения, имеющего предел.

$f : D \subset X \rightarrow Y$, a — пред. точка D , $\exists \lim_{x \rightarrow a} f(x) = A$

Тогда $\exists V(a) : f$ — огр. на $V(a) \cap D$, т.е. $f(V(a) \cap D)$ содержится в некотором шаре.

О стабилизации знака.

$f : D \subset X \rightarrow Y$, a — пред. точка D , $\exists \lim_{x \rightarrow a} f(x) = A$

Пусть $B \in Y, B \neq A$

Тогда $\exists V(a) \forall x \in V(a) \cap D \ f(x) \neq B$

2.9 Арифметические свойства пределов отображений. Формулировка для $\overline{\mathbb{R}}$

$f, g : D \subset X \rightarrow Y$, X — метрич. пространство, Y — норм. пространство над \mathbb{R} , a — пред. точка D

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A, \lim_{x \rightarrow a} g(x) = B$$

$$\lambda : D \rightarrow \mathbb{R}, \lim_{x \rightarrow a} \lambda(x) = \lambda_0$$

Тогда:

1. $\exists \lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm g(x)$ и $\lim_{x \rightarrow a} f(x) \pm g(x) = A \pm B$
2. $\lim_{x \rightarrow a} \lambda(x) f(x) = \lambda_0 A$
3. $\lim_{x \rightarrow a} \|f(x)\| = \|A\|$
4. Для случая $Y = \mathbb{R}$ и для $B \neq 0$

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{g(x)} = \frac{A}{B}$$

$\frac{f}{g}$ задано на множестве $D' = D \setminus \{x : g(x) = 0\}$

a — пр. точка D' по теореме о стабилизации знака $\exists V(a) \forall x \in V(a) \cap D' \quad g(x) \neq 0$ — того же знака, что и B , т.е. $g(x) \neq 0$

$$\dot{V}(a) \cap D' = \dot{V}(a) \cap D \Rightarrow a \text{ — пред. точка для } D'$$

Если $Y = \overline{\mathbb{R}}$, можно “разрешить” случай $A, B = \pm\infty$

2.10 Принцип выбора Больцано–Вейерштрасса

Если в \mathbb{R}^m (x_n) — ограниченная последовательность, то у неё существует сходящаяся подпоследовательность.

2.11 Сходимость в себе и ее свойства

x_n — фундаментальная, последовательность Коши, сходящаяся в себе, если:

$$\forall \varepsilon > 0 \quad \exists N \quad \forall m, n > N \quad \rho(x_m, x_n) < \varepsilon$$

1. Сходящаяся в себе последовательность ограничена.
2. Если у сходящейся в себе последовательности есть сходящаяся подпоследовательность, то сама последовательность сходится.

2.12 Критерий Коши для последовательностей и отображений

$f : D \subset X \rightarrow Y$, a — пр. точка D , Y — полное метрическое пространство.

Тогда

$$\exists \lim_{x \rightarrow a} f(x) \in Y \Leftrightarrow \forall \varepsilon > 0 \exists \delta > 0 \forall x_1, x_2 \in D \quad \rho(x_1, a) < \delta; \rho(x_2, a) < \delta \Rightarrow \rho(f(x_1), f(x_2)) < \varepsilon$$

2.12.1 Для последовательностей

1. В любом метрическом пространстве x_n — сходящ. $\Rightarrow x_n$ — фундамент.
2. В \mathbb{R}^m x_n — фундамент. $\Rightarrow x_n$ — сходящ.

2.13 Теорема о пределе монотонной функции

$f : D \subset \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, монотонная, $a \in \overline{\mathbb{R}}$

$D_1 := D \cap (-\infty, a)$, a — пред. точка D_1 . Тогда:

1. f — возрастает, огр. сверху на D_1 . Тогда \exists конечный предел $\lim_{x \rightarrow a-0} f(x)$
2. f — убывает, огр. снизу на D_1 . Тогда \exists конечный предел $\lim_{x \rightarrow a-0} f(x)$

2.14 Свойства непрерывных отображений: арифметические, стабилизация знака, композиция

1. $f, g : D \subset X \rightarrow Y$ $x_0 \in D$ (Y — норм. пространство)

f, g — непр. в x_0 ; $\lambda : D \rightarrow \mathbb{R}(\mathbb{C})$ — непр. в x_0

Тогда $f \pm g, \|f\|, \lambda f$ — непр. в x_0

2. $f, g : D \subset X \rightarrow \mathbb{R}$ $x_0 \in D$

f, g — непр. в x_0

Тогда $f \pm g, |f|, fg$ — непр. в x_0

$g(x_0) \neq 0$, тогда $\frac{f}{g}$ — непр. в x_0

2.14.1 Стабилизация знака

Если функция $f : D \rightarrow \mathbb{R}$ непрерывна в точке x_0 и $f(x_0) \neq 0$, то:

$$\exists V(x_0) : \forall x \in V(x_0) \cap D \quad \text{sign } f(x) = \text{sign } f(x_0)$$

2.14.2 Непрерывность композиции непрерывных отображений

$$f : D \subset X \rightarrow Y \quad g : E \subset Y \rightarrow Z \quad f(D) \subset E$$

f — непр. в $x_0 \in D$, g — непр. в $f(x_0)$

Тогда $g \circ f$ непр. в x_0

2.15 Непрерывность композиции и соответствующая теорема для пределов

Непрерывность композиции дана выше.

2.15.1 Теорема о пределе композиции непрерывных отображений

$$f : D \subset X \rightarrow Y \quad g : E \subset Y \rightarrow Z \quad f(D) \subset E$$

a — предельн. точка D $f(x) \xrightarrow{x \rightarrow a} A$

A — предельн. точка E $g(y) \xrightarrow{y \rightarrow A} B$

$$\exists V(a) \quad \forall x \in \dot{V}(a) \cap D \quad f(x) \neq A \quad (*)$$

Тогда $g(f(x)) \xrightarrow{x \rightarrow a} B$

2.16 Теорема о замене на эквивалентную при вычислении пределов. Таблица эквивалентных

$$f, \tilde{f}, g, \tilde{g} : D \subset X \rightarrow \mathbb{R}$$

x_0 — предельная точка D

$f \sim \tilde{f}, g \sim \tilde{g}$ при $x \rightarrow x_0$

Тогда

$$\lim_{x \rightarrow x_0} f(x)g(x) = \lim_{x \rightarrow x_0} \tilde{f}(x)\tilde{g}(x)$$

, т.е. если \exists один из пределов, то \exists и второй и имеет место равенство

$$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow x_0} \frac{\tilde{f}(x)}{\tilde{g}(x)}$$

, если x_0 лежит в области определения $\frac{f}{g}$

Таблица эквивалентных дана выше.

2.17 Теорема единственности асимптотического разложения

$f, g_n : D \subset X \rightarrow \mathbb{R}$ x_0 — предельная точка D

$\forall n \quad g_{n+1} = o(g_n), x \rightarrow x_0$

$\exists U(x_0) \quad \forall x \in U(x_0) \cap D \quad \forall i \quad g_i(x) \neq 0$

Если $f(x) = c_0 g_0(x) + \dots + c_n g_n(x) + o(g_n(x))$

$f(x) = d_0 g_0(x) + \dots + d_m g_m(x) + o(g_m(x))$

$n \leq m$

Тогда $\forall i \quad c_i = d_i$

2.18 Теорема о топологическом определении непрерывности

$f : X \rightarrow Y$ — непр. на $X \Leftrightarrow \forall G \subset Y$, откр. $f^{-1}(G)$ — откр. в X .

2.19 Теорема Вейерштрасса о непрерывном образе компакта. Следствия

$f : X \rightarrow Y$ — непр. на X

Если X — комп., то $f(X)$ — комп.

Следствие 1. Непрерывный образ компакта замкнут и ограничен.

Следствие 2. (1-я теорема Вейерштрасса)

$f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ — непр.

Тогда f — огр.

Следствие 3. $f : X \rightarrow \mathbb{R}$

X — комп., f — непр. на X

Тогда $\exists \max_X f, \min_X f$

$\exists x_0, x_1 : \forall x \in X \quad f(x_0) \leq f(x) \leq f(x_1)$

Следствие 4. $f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$ — непр.

$\exists \max f, \min f$

2.20 Лемма о связности отрезка

Промежуток $\langle a, b \rangle$ (границы могут входить, могут не входить) — не представим в виде объединения двух непересекающихся непустых открытых множеств

Т.е. $\nexists G_1, G_2 \subset \mathbb{R}$ — откр.:

- $G_1 \cap G_2 = \emptyset$
- $\langle a, b \rangle \cap G_1 \neq \emptyset \quad \langle a, b \rangle \cap G_2 \neq \emptyset$
- $\langle a, b \rangle \subset G_1 \cup G_2$

2.21 Теорема Больцано-Коши о промежуточном значении

$f : [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$, непр. на $[a, b]$. Тогда

$$\forall t \text{ между } f(a) \text{ и } f(b) \quad \exists x \in [a, b] : f(x) = t$$

2.22 Теорема о сохранении промежутка

$f : \langle a, b \rangle \rightarrow \mathbb{R}$, непр.

Тогда $f(\langle a, b \rangle)$ — промежуток.

2.23 Теорема Больцано-Коши о сохранении линейной связности

X, Y — метрические пространства, $f : X \rightarrow Y$ — непрерывное и сюръекция

X — линейно связное множество. Тогда Y — линейно связное множество.

Доказательство. Надо доказать, что \exists путь $[a, b] \rightarrow [A, B]$

$$f(a) = A; f(b) = B$$

X — линейно связное $\Rightarrow \exists \gamma : [\alpha, \beta] \rightarrow X, \gamma(\alpha) = a, \gamma(\beta) = b, \gamma$ — непрерывное

$$f \circ \gamma[a, b] \rightarrow Y; f \circ \gamma(\alpha) = A, f \circ \gamma(\beta) = B$$

Т.к. композиция непрерывных функций непрерывна, $f \circ \gamma$ — непрерывна. □

2.24 Описание линейно связных множеств в \mathbb{R}

В \mathbb{R} линейно связными множествами являются только промежутки.

2.25 Теорема о бутерброде

Кусок хлеба и кусок колбасы, лежащие на столе, можно разрезать прямой на две равные по площади части каждый.

2.26 Теорема о вписанном n -угольнике максимальной площади

Вписанный n -угольник максимальной площади — правильный.

2.27 Теорема о непрерывности монотонной функции. Следствие о множестве точек разрыва

$f : \langle a, b \rangle \rightarrow \mathbb{R}$, монотонна. Тогда

1. Точки разрыва f (если есть) — I рода
2. f — непр. на $\langle a, b \rangle \Leftrightarrow f(\langle a, b \rangle)$ — промежуток

У монотонной функции, заданной на промежутке, имеется не более чем счётное (НБЧС) множество точек разрыва.

2.28 Теорема о существовании и непрерывности обратной функции

$f : \langle a, b \rangle \rightarrow \mathbb{R}$ — непр., строго монот.

$m := \inf_{\langle a, b \rangle} f(x)$, $M := \sup_{\langle a, b \rangle} f(x)$. Тогда:

1. f — обратимая и $f^{-1} : \langle m, M \rangle \rightarrow \langle a, b \rangle$
2. f^{-1} строго монотонна и того же типа (*возрастает или убывает*)
3. f^{-1} непрерывна