

## Разбалловка

Будут две (возможно три) контрольные по 30 баллов, 10 баллов за посещения и 10 баллов за домашние задания. Будет возможность набрать дополнительные баллы. Максимальный автомат без экзамена — 4.

## Базовая теория вероятности

Случайные события обозначаются буквами  $A, B, C$ , каждому событию соответствует числовая характеристика  $P(A)$  — вероятность наступления события  $A$ , при этом  $0 \leq P(A) \leq 1$ .

Формула вероятности  $P(A) = \frac{m}{n}$ , где  $n$  — число всех возможных исходов,  $m$  — число исходов, соответствующих событию  $A$ .

Упражнение 1. Бросается кубик. Какова вероятность, что выпадет чётное число?

Ответ:  $\frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

Упражнение 2. В коробке 4 красных и 3 синих карандаша. Вынули 3 из них. Найти вероятность того, что из них будут два красных, а один — синий.

Число всех возможных элементарных исходов:

$$n = \binom{7}{3} = \frac{7!}{3!4!} = 35$$

Число искоемых исходов:

$$m = \binom{4}{2} \binom{3}{1} = \frac{4!}{2!2!} \cdot \frac{3!}{1!2!} = 18$$

Ответ:  $\frac{18}{35}$

Упражнение 3. В ящике 5 чёрных шаров, 3 белых и 2 красных. Вынули половину из них. Найти вероятность того, что из них будут два белых и два чёрных.

Число всех возможных элементарных исходов:

$$n = \binom{10}{5} = \frac{10!}{5!5!} = 252$$

Число искоемых исходов:

$$m = \binom{3}{2} \binom{5}{2} \binom{2}{1} = \frac{3!}{2!1!} \cdot \frac{5!}{3!2!} \cdot \frac{2!}{1!1!} = 60$$

Ответ:  $\frac{60}{252} = \frac{10}{43}$

Упражнение 4. На первом этаже шестиэтажного дома в лифт зашли трое человек. Какова вероятность того, что они выйдут на разных этажах? (Выйти на первом этаже нельзя)

Первый человек выходит где угодно, второй — на любом из оставшихся четырех этажей, третий — на любом из трех.

$$1 \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{5} = \frac{12}{25}$$

Формальное решение:

$$n = 5^3 = 125$$

$$m = A_5^3 = 5 \cdot 4 \cdot 3 = 60$$

$$P(A) = \frac{60}{125} = \frac{12}{25}$$

**Ответ:**  $\frac{12}{25}$

Упражнение 5. На полке расставляется 8 книг. Найти вероятность того, что 3 конкретные книги будут стоять рядом.

$$n = 8! = 40320$$

$$m = 6 \cdot 3! \cdot 5! = 4320$$

$$P(A) = \frac{4320}{40320} = \frac{3}{28}$$

**Ответ:**  $\frac{3}{28}$

Упражнение 6. За круглым столом сидят 5 человек. Найти вероятность того, что два конкретных человека окажутся рядом.

$$n = 5! = 120$$

$$m = 5 \cdot 2! \cdot 3! = 60$$

$$P(A) = \frac{1}{2}$$

**Ответ:**  $\frac{1}{2}$

Упражнение 7. На доске поставили белую и черную ладьи. Найти вероятность того, что они не будут бить друг друга.

$$n = 64 \cdot 63$$

$$m = 64 \cdot 49$$

$$P(A) = \frac{49}{63} = \frac{7}{9}$$

**Ответ:**  $\frac{7}{9}$

*Упражнение 8.* 8 команд разбивают на две группы. Найти вероятность того, что две сильнейших команды окажутся в разных группах.

**Ответ:**  $\frac{3}{7}$

*Упражнение 9.* Бросаются два кубика. Найти вероятность того, что в сумме выпало не менее девяти очков.

$$n = 36$$

Искомых случаев  $5 \cdot 2$ : (6, 6), (6, 5), (6, 4), (6, 3), (5, 4) и их перестановки.

$$m = 5 \cdot 2$$
$$P(A) = \frac{10}{36} = \frac{5}{18}$$

**Ответ:**  $\frac{5}{18}$

*Упражнение 10.* Имеются карточки с буквами “П”, “Л”, “И”, “А”. Карточки выкладываются в ряд. Найти вероятность того, что получится осмысленное слово.

$$n = 4! = 12$$

Слов два: “пила” и “липа”.

$$m = 2$$

**Ответ:**  $\frac{2}{12} = \frac{1}{6}$

### Домашнее задание

*Упражнение 11.* В коробке 4 красных, 3 синих и 2 жёлтых карандаша. Из коробки вынули 6 карандашей. Найти вероятность того, что среди них будет поровну каждого цвета.

*Упражнение 12.* Известно, что у двух человек четыре козыря. Найти вероятность того, что они у них распределились в соотношении:

1. 2-2
2. 3-1 или 1-3
3. 4-0 или 0-4