

全因子试验设计

2022

六西格玛黑带课程培训



课程内容

- 1 全因子试验定义
- 2 二水平全因子试验设计与分析概述
- 3 二水平全因子(2^k)试验设计与分析实例
- 4 BB考试例题讲解

全因子试验定义

全因子试验检验所有因子2水平的组合,运行的次数是2^k,这里k是因子的数量。

全因子试验通常用于试验的特征分析阶段

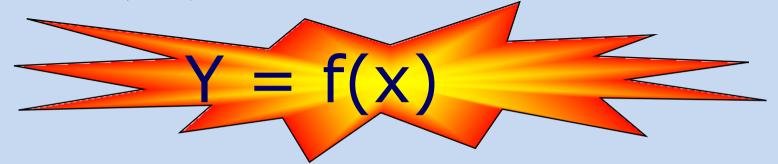
2k 因子设计 -- 符号

- 2k 设计是所有因子只有两个水平的试验.
 - 一般而言: 在 2 x 2 x 2 试验中有多少因子和每个因子几个水平? 全因子试验中有多少种试验组合?

 - 在 2⁷ 试验中有多少因子和几个水平? 有多少种试验组合?
- 2^k
 - 在 2k 因子试验中有多少因子和几个水平?
 - 有多少种试验组合?

使用 2k 设计的首要五点理由

1. 使用因子试验的第一个理由是:

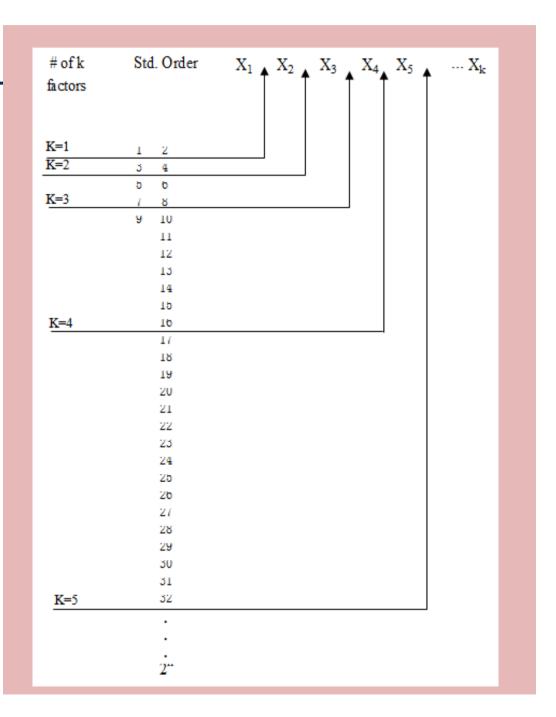


- 2. 因子试验设计易懂易解 (Minitab 有许多 2k 设计的路径)
- 3. 因子试验设计构成部分实施因子试验设计这个高级技术课题的基础
- 4. 当需要更多的详细资讯时因子试验设计可扩充形成合成设计
- 5. 因子试验设计对每一因子要求进行较少的试验

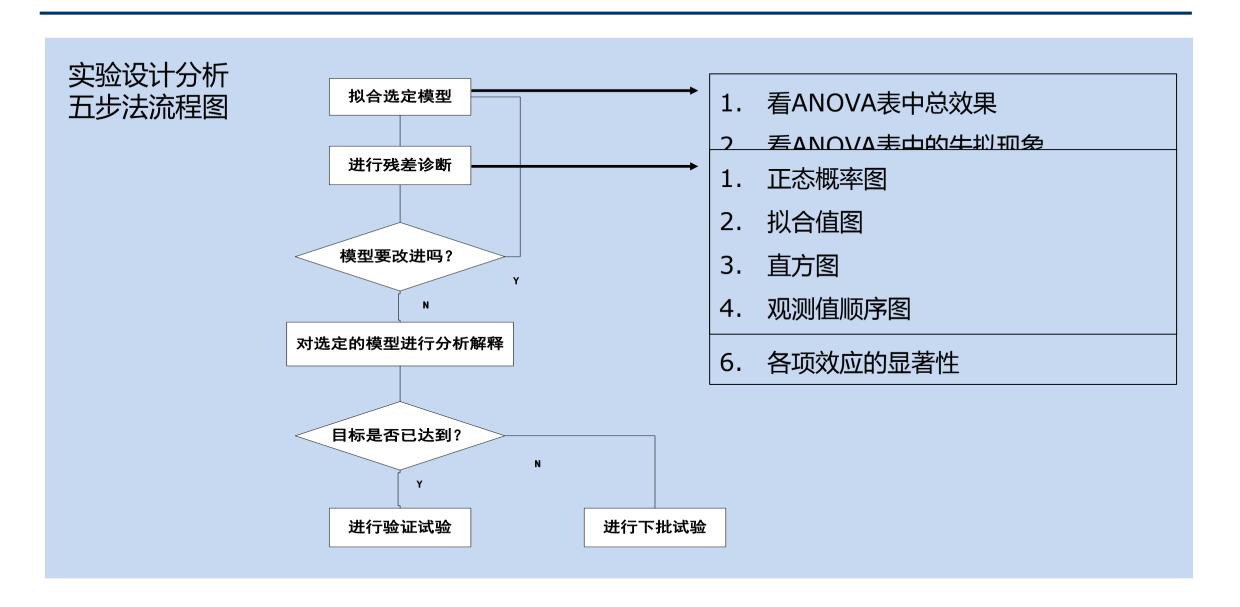
2k试验的模型

试验数=(2个水平)(K个因子) = 2^k,因此,叫做"2^k因子设计"

注意:每增加一个因子加倍了所需的试验运行数.

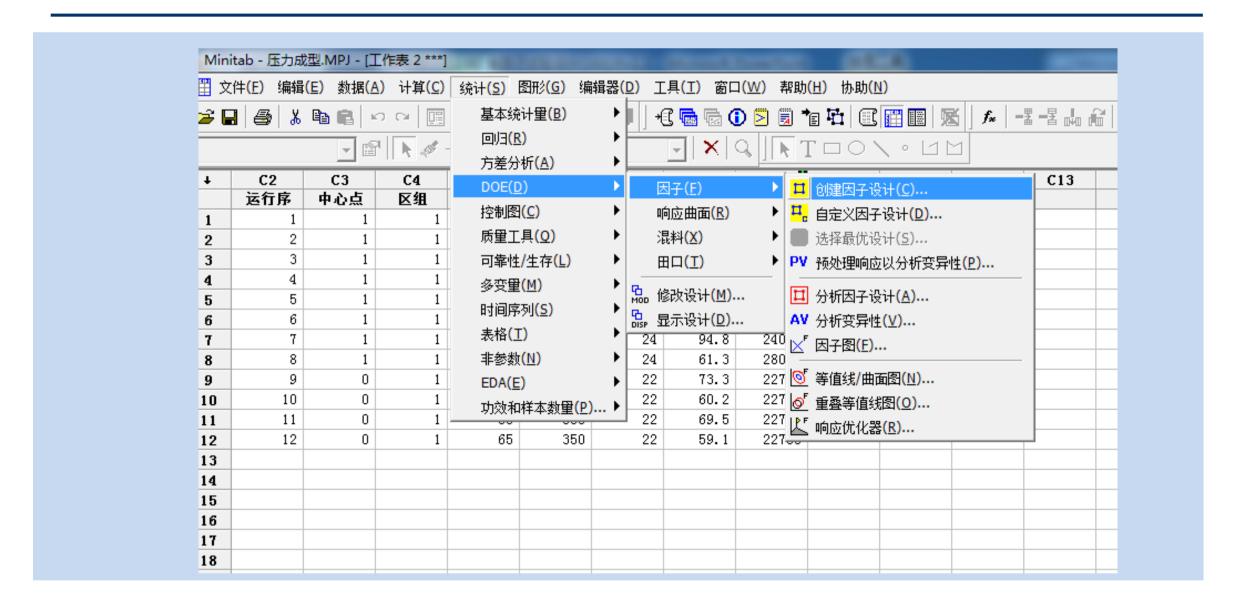


- ▶试验的安排、中心点的选取及随机化排序
- ▶代码化及其计算
- ▶全因子试验设计的分析

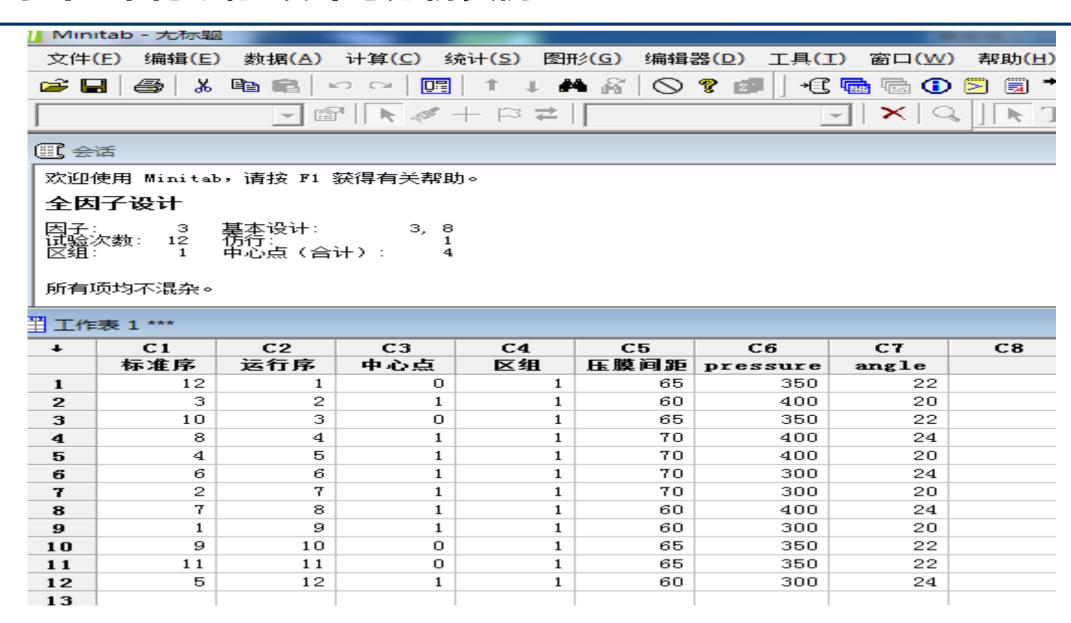


压力成型塑胶板工艺条件试验设计

- 在压力成型塑胶板生产中,经过因子的初步筛选后,最后得知, 影响成型塑胶板强度的因子有三个:压模间距、成型压力及压力角 。我们要判断哪些因子的主效应及哪些交互效应是显著的,哪种生 产条件下可以获得最大的成型塑胶板强度。
- A: 压模间距,低水平: 60mm; 高水平: 70mm
- B: 成型压力,低水平: 300(Pa); 高水平: 400(Pa)
- C: 压力角,低水平: 20度; 高水平: 24度



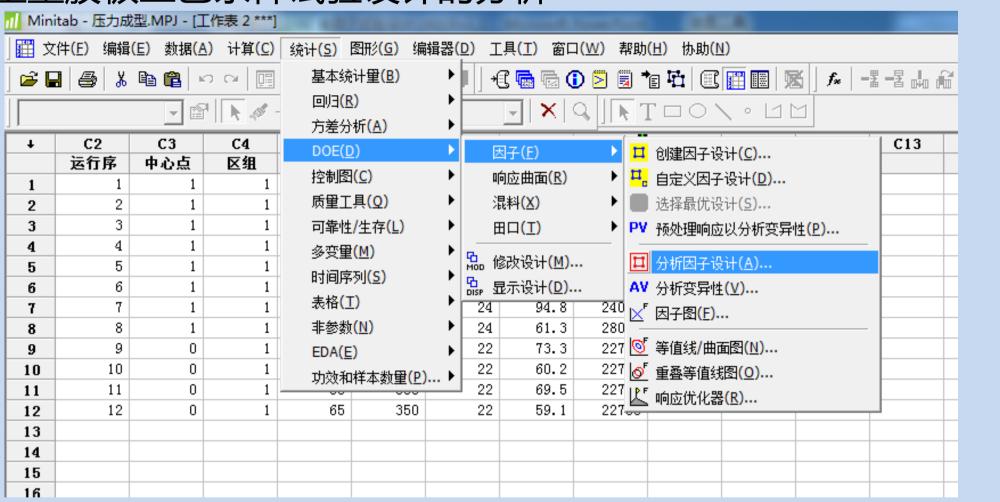


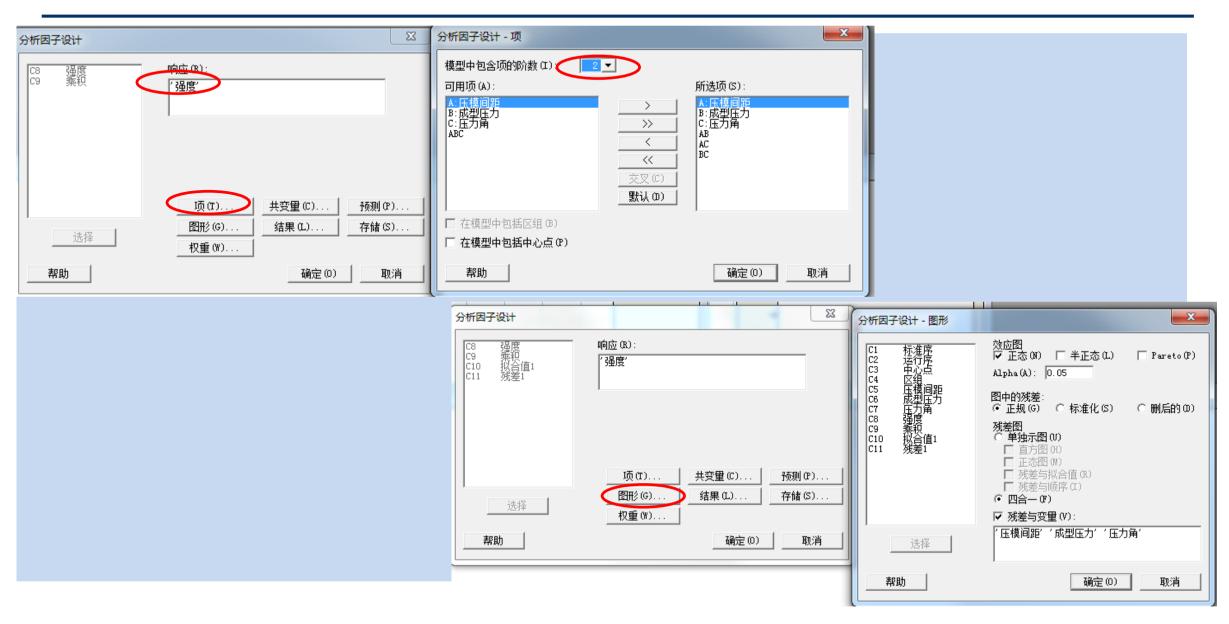


压力成型塑胶板工艺条件实验数据(顺序)

标准	隹序	运行序	中心点	区组	压模间距	成型压力	压力角	强度
	1	1	1	1	60	300	20	61.8
	2	2	1	1	70	300	20	55.3
	3	3	1	1	60	400	20	89. 1
	4	4	1	1	70	400	20	63.5
	5	5	1	1	60	300	24	55. 2
	6	6	1	1	70	300	24	49.6
	7	7	1	1	60	400	24	94.8
	8	8	1	1	70	400	24	61.3
	9	9	0	1	65	350	22	73.3
1	.0	10	0	1	65	350	22	60. 2
1	.1	11	0	1	65	350	22	69.5
1	.2	12	0	1	65	350	22	59. 1

• 压力成型塑胶板工艺条件试验设计的分析





二水平全因子试验设计与分析实例—评估回归总效果

强度 的方差分析(已编码单位) 来源 自由度 Seg SS Adi SS Adj MS F 拒绝原假设,回 16. 80 (0. 005) 主效应 1585 14 528, 380 1585, 14 归模型有效 压模间距 633 68 633, 68 633, 680 20, 15 0.006 成型压力 941. 78 941. 78 941, 780 29, 94 0.003 压力角 9.68 9.68 9,680 0.31 0.603 2因子交互作用 313, 46 313, 46 104, 485 3, 32 0.115 压模间距*成型压力 276, 13 276. 13 276, 125 8. 78 0.031 压模间距*压力角 6. 13 6. 13 6. 125 0.19 0.677 成型压力*压力角 31, 21 31, 21 31, 205 0.99 0.365 无明显弯曲 残差误差 157, 27 157, 27 31, 455 弯曲 0.844 无明显失拟 1.71 1.71 1.707 0.04 失拟 9.68 9.68 9.680 0.20 0.686 纯误差 145, 89 145, 89 48, 629 远大于0.05 合计 2055, 87

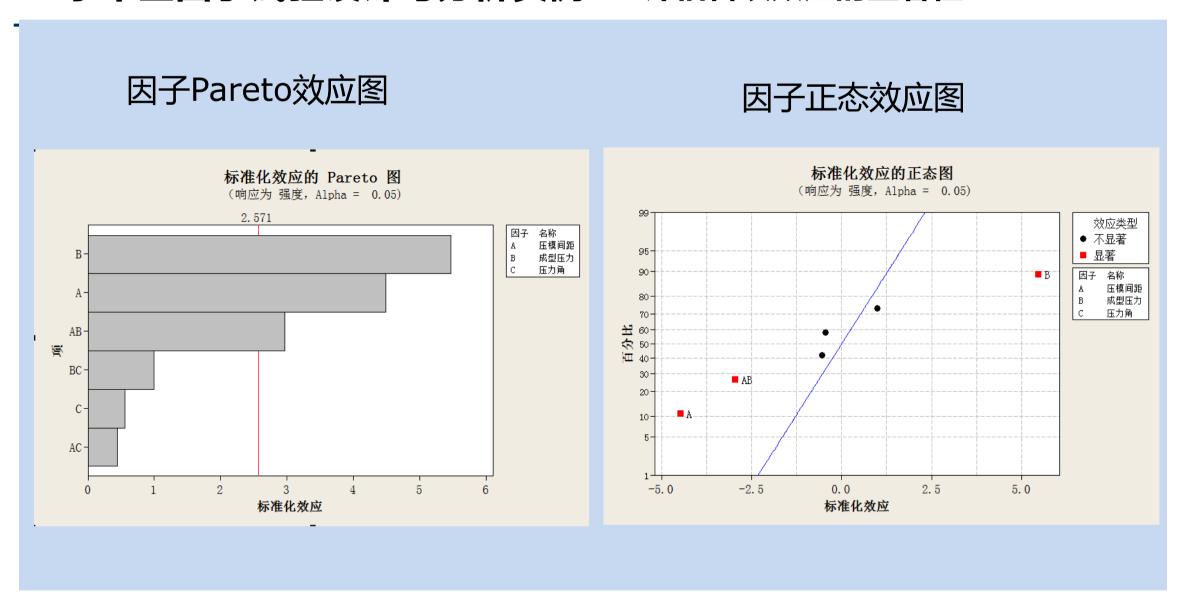
二水平全因子试验设计与分析实例—评估各项效应的显著性

拟合因子: 强度 与 压模间距, 成型压力, 压力角

强度 的估计效应和系数(已编码单位)

			系数标			
项	效应	系数	准误	T	Р	
常量		66.058	1.619	40.80	0.000	
压模间距	-17.800	-8.900	1. 983	-4.49	0.006	
成型压力	21.700	10.850	1. 983	5.47	0.003	<0.05 , 显著
压力角	-2.200	-1.100	1. 983	-0.55	0.603	,
压模间距*成型压力	-11.750	-5.875	1. 983	-2.96	0.031	
压模间距*压力角	-1.750	-0.875	1. 983	-0.44	0.677	
成型压力*压力角	3.950	1. 975	1. 983	1.00	0.365	

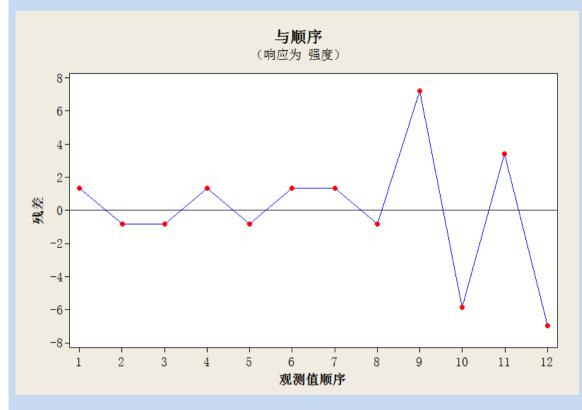
二水平全因子试验设计与分析实例 —评估各项效应的显著性

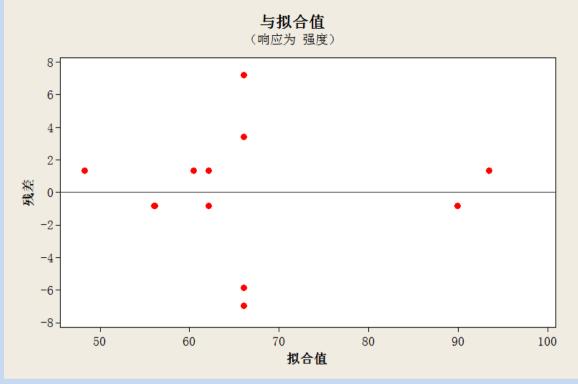


二水平全因子试验设计与分析实例 —残差分析

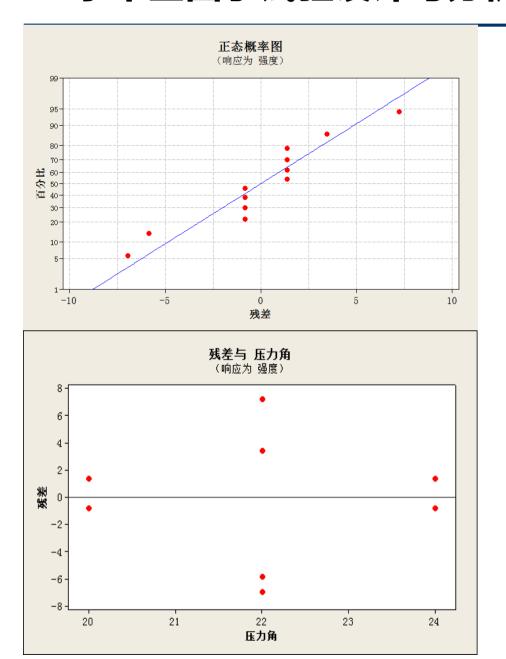
残差对于观测顺序的散点图

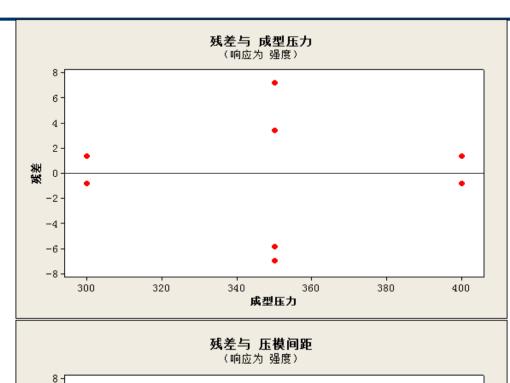
残差对于响应变量拟合值的散点图

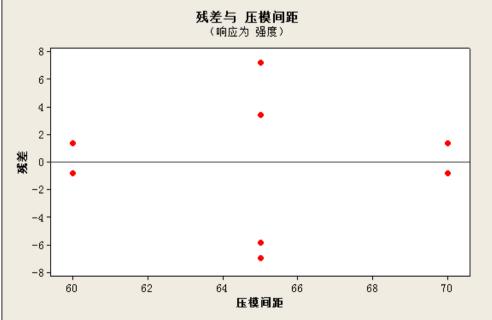




二水平全因子试验设计与分析实例—残差分析

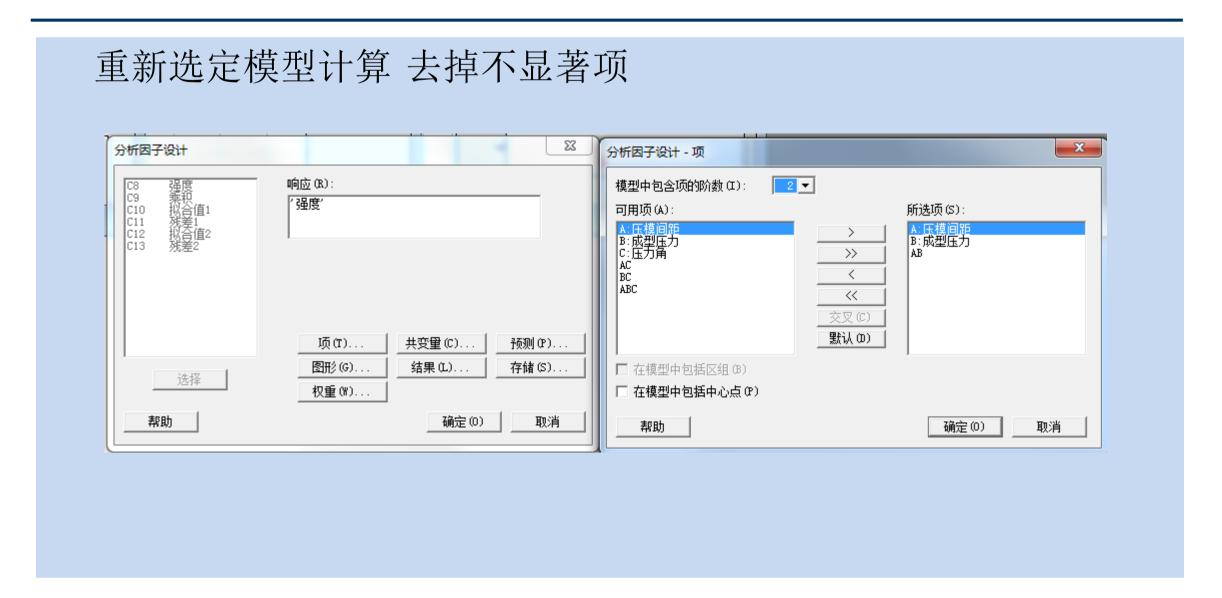






观察各图是否正常,如残差是否服从正态性等。

再判断模型是否需要改进,在此例中可以发现模型基本上是好的,只是在检验各项效应中发现三个自变量主效应中,只有A: 压力,B: 距离是显著的。在交互作用项中,仅AB显著所以我们修改拟合模型中的选项,把关于C的部分删去,重新计算分析。



拟合因子: 强度 与 压模间距, 成型压力

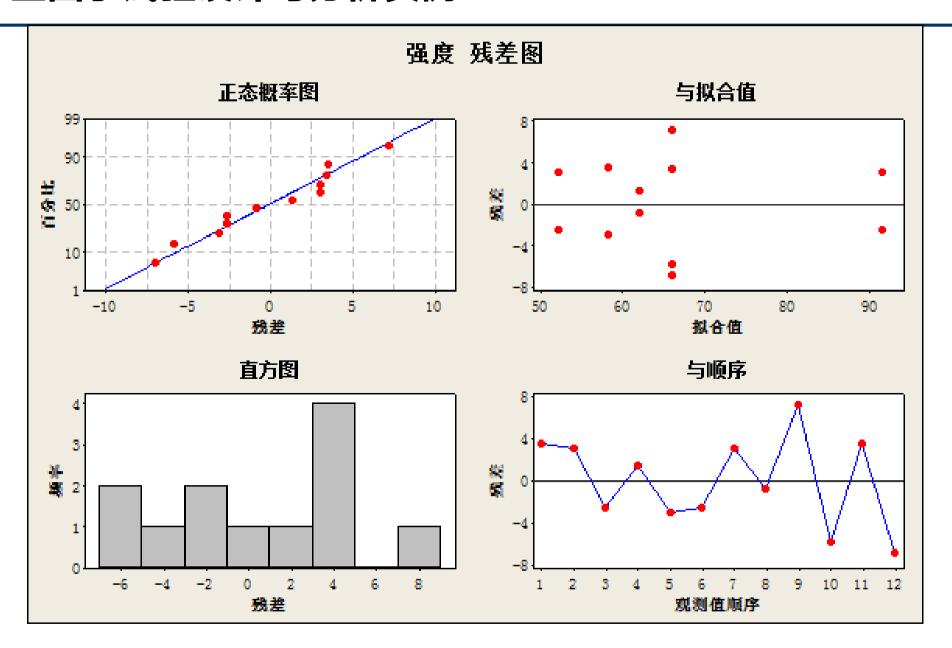
强度 的估计效应和系数(已编码单位)

```
系数
   效应。
        66.058
                         45, 28
                  1.459
                               0.000
        -8, 900
                  1.787
                         -4.98
-17.800
                               0.001
21.700
        10.850
                  1.787
                         6,07 0,000
-11,750 -5,875
                  1.787
                        -3, 29 0, 011
```

强度 的方差分析(已编码单位)

来源。	自由度	Seq SS	Adj SS	Adj MS	F	P
主效应	2	1575. 46	1575. 46	787. 730	30.85	0.000
	1	633, 68	633, 68	633, 680	24.82	0.001
成型压力	1	941.78	941.78	941.780	36, 88	0.000
2因子交互作用	1	276, 12	276, 12	276, 125	10.81	0.011
压模间距*成型压力	1	276. 12	276, 12	276, 125	10.81	0.011
残差误差	8	204.28	204, 28	25, 536		
弯曲	1	1.71	1.71	1.707	0.06	0.815
纯误差	7	202.58	202, 58	28. 940		
合计	11	2055, 87				

	全模型	删减模型
R-Sq	0.9235	0.9006
R-Sq(调 整)	0.8317	0.8634
S	5.60846	5.05327



二水平全因子试验设计与分析实例 — 模型方程

代码化的回归方程

项	效应	系数	准误	Т	Р
常量		66.058	1.459	45.28	0.000
压模压力	-17.800	-8.900	1.787	-4.98	0.001
成型间距	21.700	10.850	1.787	6.07	0.000
压模间距*成型压	力 -11.750	-5.875	1.787	-3.29	0.011

$$y=66.058-8.9*$$
 $\left(\frac{压力-350}{50}\right)+10.85\left(\frac{间距-65}{5}\right)-5.875*\left(\frac{压力-350}{50}\right)*\left(\frac{间距-65}{5}\right)$

二水平全因子试验设计与分析实例 — 模型方程

原始数据的回归方程

项 系数

常量 -428.817

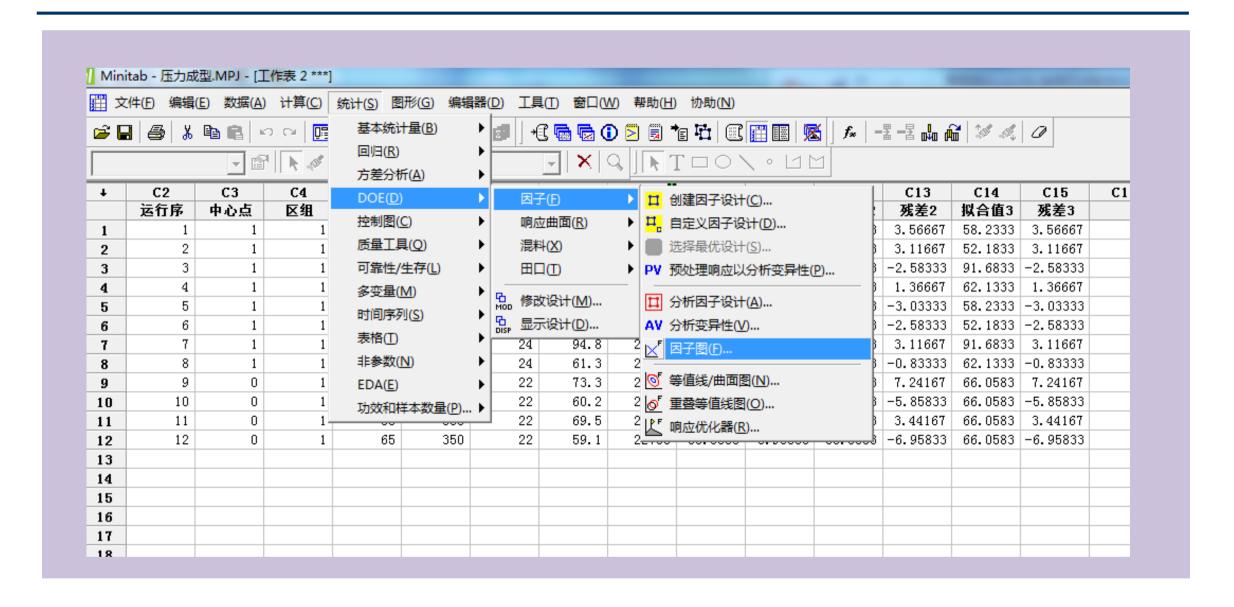
压模间距 6.44500

成型压力 1.74450

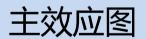
压模间距*成型压力 -0.0235000

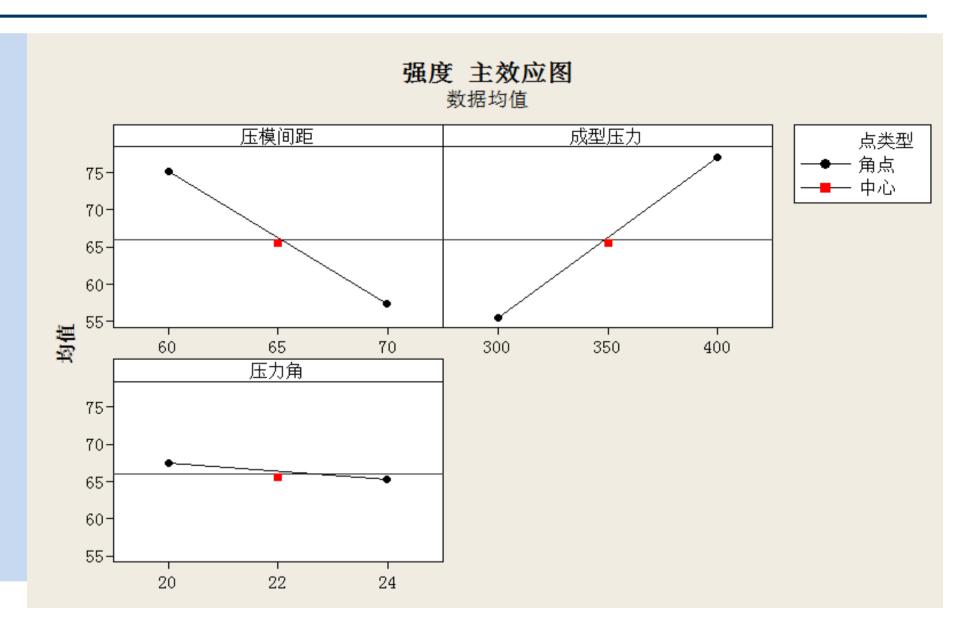
y=-428.817+6.445*间距+1.7445*压力-0.0235*压力*间距

二水平全因子试验设计与分析实例 --分析解释

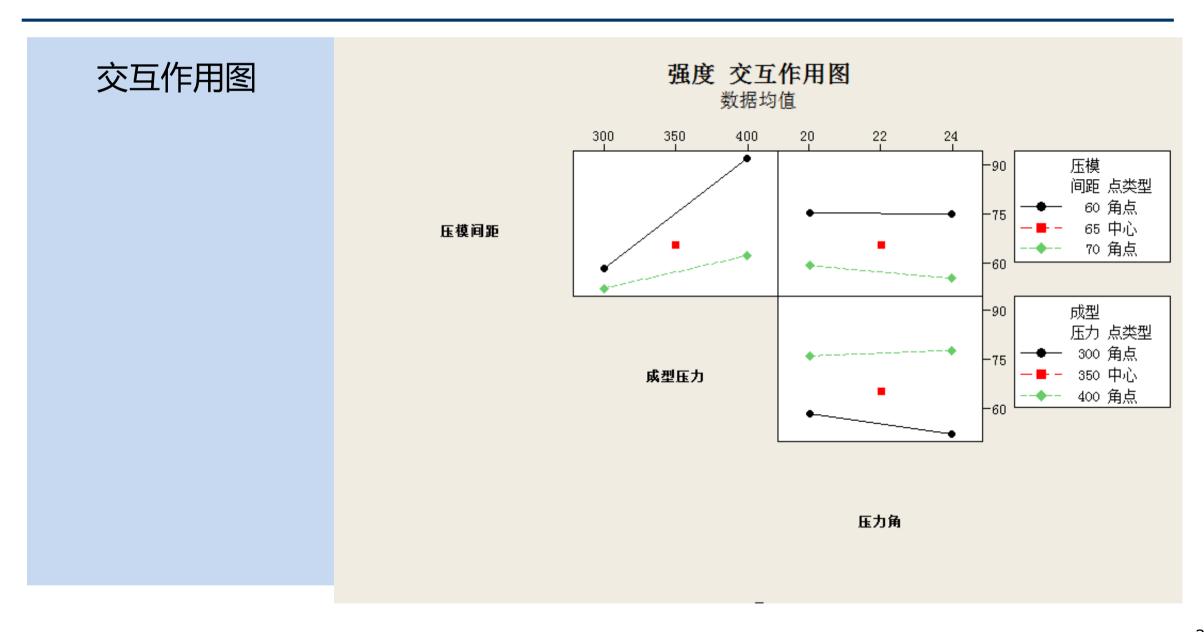


二水平全因子试验设计与分析实例 --分析解释

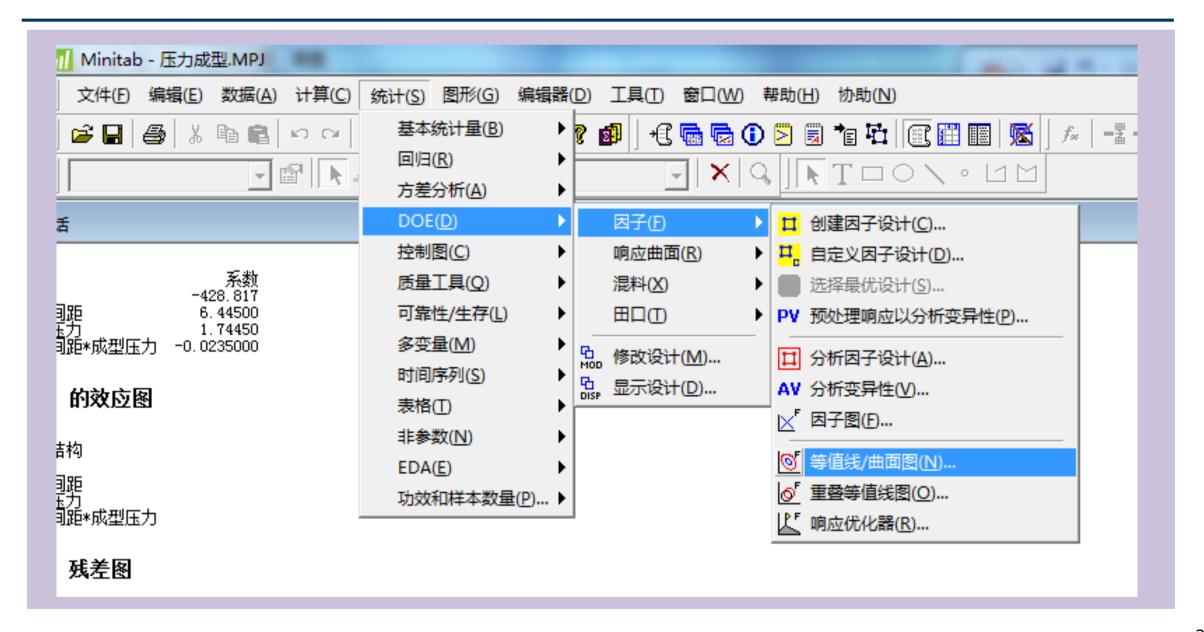




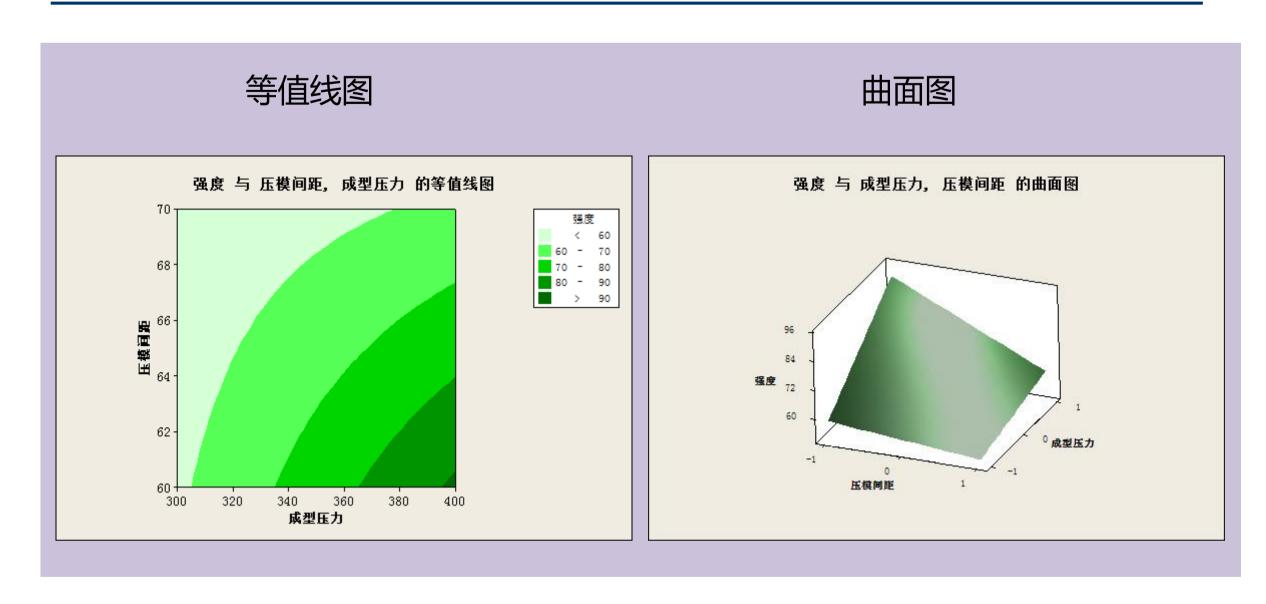
二水平全因子试验设计与分析实例 --分析解释



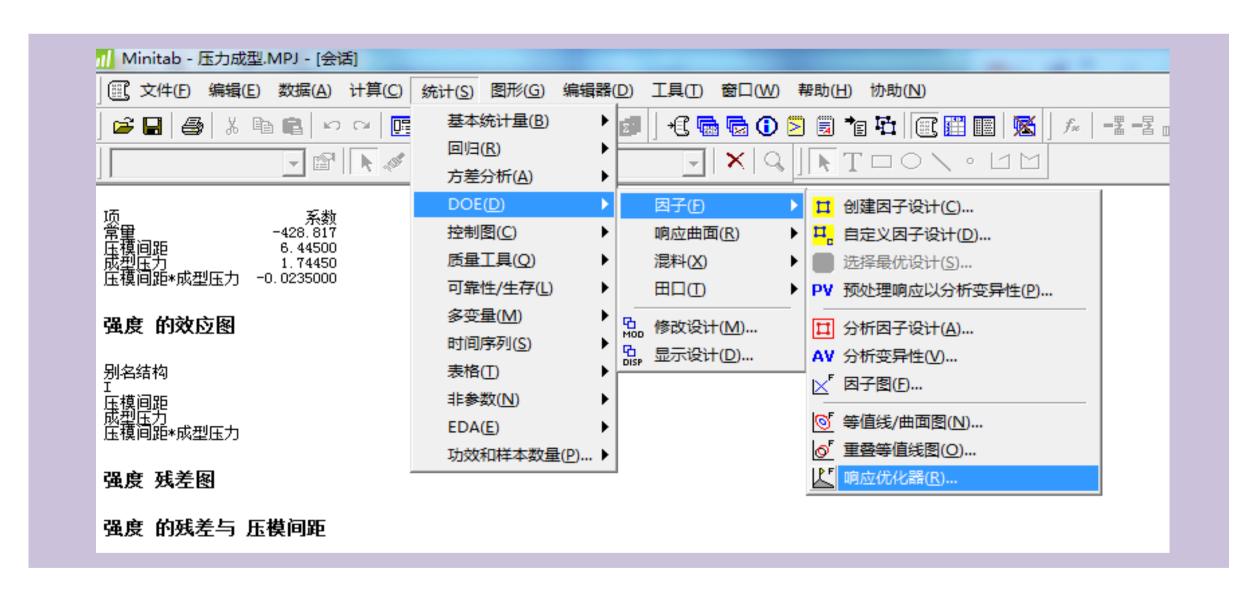
二水平全因子试验设计与分析实例--分析解释



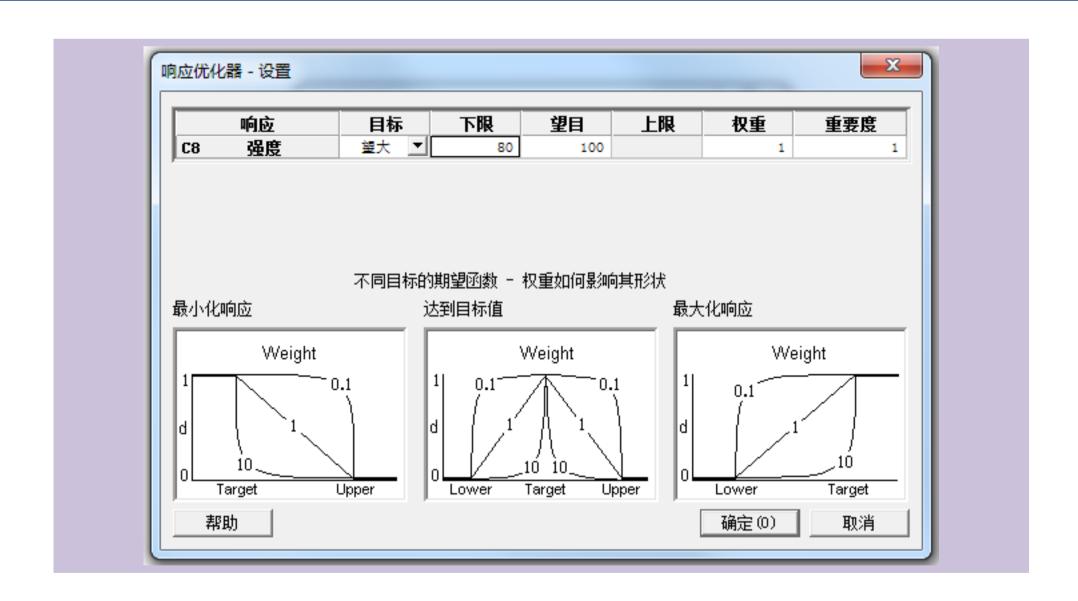
二水平全因子试验设计与分析实例--分析解释



--最优化



二水平全因子试验设计与分析实例 --最优化

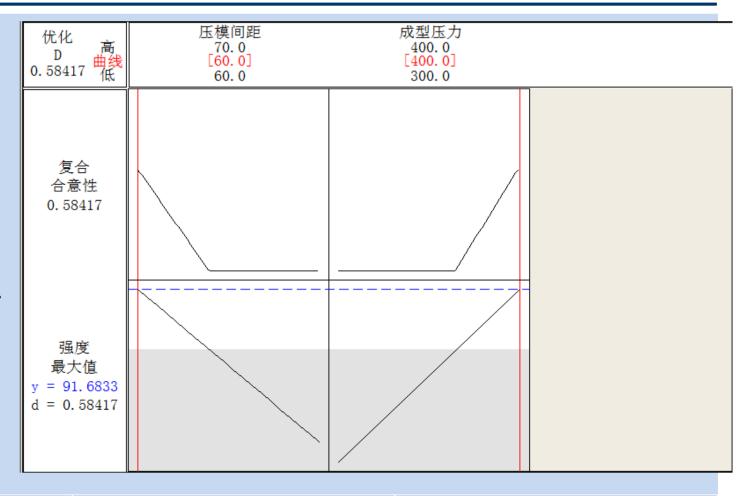


实现优化

统计-DOE-因子-相应优化器

在最优目标设定上, 取望大

在设定中填写下端及望目两项 根据试验分别取80和100,计 算机将自动设置渴求函数



拟合值	拟合值标准误	95%置信区间	95%预测区间
91.6833	3.4211	(83.7943,99.5724)	(77.6112,105.7555)

二水平全因子试验设计与分析实例 -- 判断目标是否已经达到



BB考题举例

69、题目:某个全因子试验运行次数(Run)为36次,因子的水平都为2,还知道重复次数为2,中心点的试验次数为4,则实施此次全因子试验的因子数是

多少? B

- a) 3
- b) 4

试验次数=R×2k+B×C

- c) 5
- d) 6

