

# Tutorium 11 - Transaktionen

25.01.2023 – Finn Kapitza





LUDWIG-  
MAXIMILIANS-  
UNIVERSITÄT  
MÜNCHEN

# 1. Aufgabe



## Aufgabe 11.1 - Synthesealgorithmus

### AssistentProfessorDiplomand (

PersNr,	←	<i>Personalnummer des Assistenten</i>
Name,	←	<i>Name des Assistenten</i>
Fachgebiet,	←	<i>Fachgebiet des Assistenten</i>
ChefPersNr,	←	<i>Personalnummer des Professors</i>
ChefName,	←	<i>Name des Professors</i>
MatrNr,	←	<i>Matrikelnummer des Studenten</i>
StudName,	←	<i>Name des Studenten</i>
Semester,	←	<i>Fachsemester des Studenten</i>
StudWohnOrt	←	<i>Wohnort des Studenten</i>

Enthält Daten von Studenten, deren Diplomarbeit von Assistenten betreut wird, die von Professoren angestellt sind

- ChefPersNr → ChefName
- PersNr → Name, Fachgebiet, ChefPersNr, ChefName
- MatrNr → PersNr, Name, Fachgebiet, ChefPersNr, ChefName, StudName, Semester, StudWohnOrt

## Aufgabe 11.1.a – Bestimme alle Schlüsselkandidaten

- $\text{ChefPersNr} \rightarrow \text{ChefName}$
- $\text{PersNr} \rightarrow \text{Name, Fachgebiet, ChefPersNr, } \cancel{\text{ChefName}}$
- $\text{MatrNr} \rightarrow \text{PersNr, } \cancel{\text{Name, Fachgebiet, ChefPersNr, ChefName}}, \text{StudName, Semester, StudWohnOrt}$
- Nur die Attribute auf den linken Seiten können in Schlüsselkandidaten enthalten sein -> *ChefPersNr, PersNr* und *MatrNr*
- Weder *ChefPersNr* noch *PersNr* sind Eindeutig
- *MatrNr* ist der einzige Schlüsselkandidat

## Aufgabe 11.1.b – Synthesealgorithmus

### 1) Kanonische Überdeckung:

#### a) Linksreduktion:

Da alle funktionalen Abhängigkeiten nur ein Attribut enthalten, kann nichts reduziert werden

#### b) Rechtsreduktion:

- $PersNr \rightarrow Name, Fachgebiet, ChefPersNr$ , da:  

$$ChefName \in AttrHülle(F - (PersNr \rightarrow Name, Fachgebiet, ChefPersNr, ChefName) \cup (PersNr \rightarrow Name, Fachgebiet, ChefPersNr, \{PersNr\}))$$
- $MatrNr \rightarrow StudName, Semester, StudWohnOrt, PersNr$ , da:  

$$\{Name, Fachgebiet, ChefPersNr, ChefName\} \subseteq AttrHülle(F - (MatrNr \rightarrow StudName, Semester, StudWohnOrt, PersNr, Name, Fachgebiet, ChefPersNr, ChefName) \cup (MatrNr \rightarrow StudName, Semester, StudWohnOrt, PersNr), \{MatrNr\})$$

## Aufgabe 11.1.b - Synthesealgorithmus

$$F = \{ \\ ChefPersNr \rightarrow ChefName, \\ PersNr \rightarrow Name, Fachgebiet, ChefPersNr, \\ MatrNr \rightarrow StudName, Semester, StudWohnOrt, PersNr \} = F_c$$

- c) Entfernung rechtsleerer Abhängigkeiten: nichts zu tun
- d) Zusammenfassen gleicher linker Seiten: nichts zu tun

## Aufgabe 11.1.b - Synthesealgorithmus

2) Erstellen eines neuen Relationenschemas aus  $F_c$ :

- **Professor**(ChefPersNr, ChefName)
- **Assistent**(PersNr, Fachgebiet, Name, ChefPersNr)
- **Diplomand**(MatrNr, StudName, Semester, StudWohnOrt, PersNr)

3) Rekonstruktion eines Schlüsselkandidaten:

-> Diplomand enthält Schlüsselkandidaten (*MatrNr*)

4) Elimination überflüssiger Relationen:

-> nichts zu tun



LUDWIG-  
MAXIMILIANS-  
UNIVERSITÄT  
MÜNCHEN

## 2. Wiederholung – Transaktionen

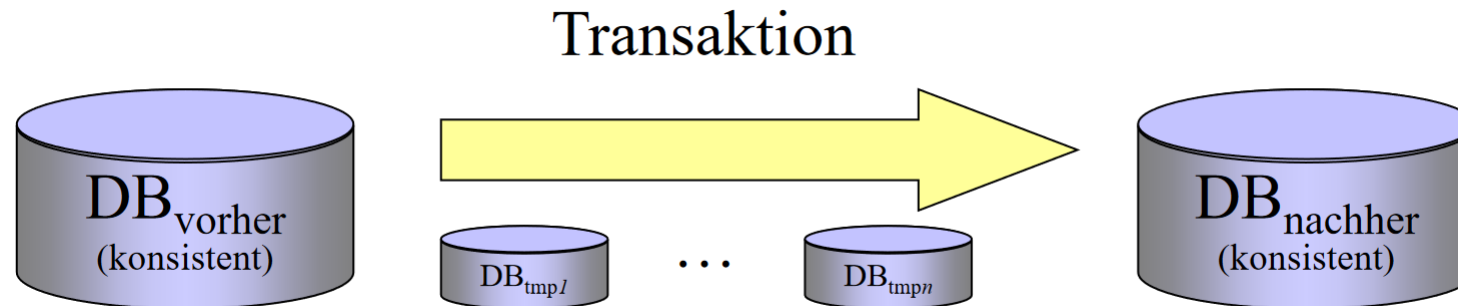




## Was sind Transaktionen?

**Transaktion:** Folge von Befehlen (*read*, *write*), die die Datenbank von einem **konsistenten** Zustand in einen anderen **konsistenten** Zustand überführt

-> Einheit **integritätserhaltender** Zustandsänderung einer Datenbank



### **Hauptaufgaben** von Transaktionen:

- Synchronisation (Koordination mehrerer Benutzerprozesse)
- Recovery (Beheben von Fehlersituationen)

### **Eigenschaften** von Transaktionen:

- **A**tomicity
- **C**onsistency
- **I**solation
- **D**urability

## Warum Transaktionen?

- Datenbanken werden selten von nur einem Benutzer benutzt  
-> mehrere Nutzer arbeiten **gleichzeitig** auf den Daten
- Die Nutzer sollen nichts von den anderen Nutzern mitbekommen  
-> **logischer Einnutzerbetrieb**
- Pseudoparallele Ausführung der Transaktionen -> bessere Auslastung des Systems
- Ohne Kontrolle des Ablaufs von TAs -> **Anomalien** können auftreten

## Anomalien – Lost Update

- Verloren gegangene Änderung
- Zwei Transaktionen:  $T_1, T_2$
- $T_2$  ändert Objekt  $x$  -> Änderung wird durch  $T_1$  überschrieben

$S = (r_1(x), w_2(x), w_1(x))$

$T_1$ :  $\overbrace{\quad\quad\quad}^{r(x)} \text{---} \overbrace{\quad\quad\quad}^{w(x)}$

$T_2$ :  $\overbrace{\quad\quad\quad}^{w(x)}$

***Lost Update***

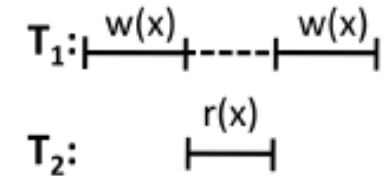
⇒ Änderung von  $T_2$  geht verloren

⇒ Verstoß gegen **Durability**

## Anomalien – Dirty Read / Dirty Write

- Zugriff auf „schmutzige“ (nicht dauerhaft gültige) Daten
- Zwei Transaktionen:  $T_1, T_2$
- $T_1$  verändert Objekt  $x$  zwei mal
- Zwischen den Änderungen liest  $T_2$  den Wert von  $x$  (dieser Wert bleibt aber nicht dauerhaft gültig)

$S = (w_1(x), r_2(x), w_1(x))$



**Dirty Read**

⇒ Verstoß gegen **Consistency**

## Anomalien – Non-Repeatable Read

- Eine Transaktion sieht während ihrer Ausführung zwei unterschiedliche Werte von einem Objekt
- $T_1$  liest beim ersten Auslesen von  $x$  einen anderen Wert als beim zweiten, da  $T_2$  den Wert von  $x$  verändert

$S = (r_1(x), w_2(x), r_1(x))$

$T_1$ :  $\overbrace{\quad r(x) \quad}^{\quad} \text{---} \overbrace{\quad r(x) \quad}^{\quad}$

$T_2$ :  $\overbrace{\quad w(x) \quad}^{\quad}$

*Non-repeatable Read*

⇒ Verstoß gegen **Isolation**

⇒ Transaktionen müssen so ausgeführt werden, dass das **ACID**-Prinzip nicht verletzt wird

Ein **Schedule**  $S$  ist eine Folge von Aktionen für eine Menge  $T = \{T_1, \dots, T_n\}$  von Transaktionen.

$S$  entsteht durch Mischen der Aktionen der TA  $T_i$

-> Reihenfolge der Aktionen innerhalb der jeweiligen TA wird beibehalten

### Serieller Schedule:

Ein Schedule ist **seriell**, wenn die einzelnen Transaktionen  $T = \{T_1, \dots, T_n\}$  nicht verzahnt werden, sondern blockweise hintereinander ausgeführt werden

=> **Isolation** ist gegeben, aber langsam, da nicht parallel

## Serialisierbarer Schedule:

Schedule  $S$  von  $T = \{T_1, \dots, T_n\}$  ist **serialisierbar**, wenn er die gleiche Wirkung hat wie ein beliebiger **serieller** Schedule von  $T = \{T_1, \dots, T_n\}$

⇒ Auch hier ist die **Isolation** nicht verletzt

⇒ Bessere Performanz als bei **seriellen** Schedules

⇒ Nur **serialisierbare** Schedules dürfen zugelassen werden



**Abhängigkeit:** unterschiedliche Transaktionen, gleiches Objekt

Sei  $S$  ein Schedule:

- Schreib-Lese Abhängigkeit von  $T_i \rightarrow T_j$ :
  - Es gibt ein  $x$ , so dass in  $S$   $w_i(x)$  vor  $r_j(x)$  kommt  $\rightarrow wr_{i,j}(x)$
- Lese-Schreib Abhängigkeit von  $T_i \rightarrow T_j$ :
  - Es gibt ein  $x$ , so dass in  $S$   $r_i(x)$  vor  $w_j(x)$  kommt  $\rightarrow rw_{i,j}(x)$
- Schreib-Schreib Abhängigkeit von  $T_i \rightarrow T_j$ :
  - Es gibt ein  $x$ , so dass in  $S$   $w_i(x)$  vor  $w_j(x)$  kommt  $\rightarrow ww_{i,j}(x)$

## Serialisierungsgraph

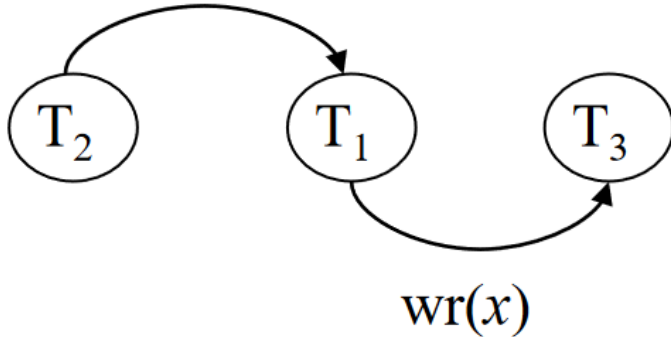
- Ein Serialisierungsgraph  $G$  ist ein gerichteter Graph  $G = (V, E)$ :
  - Mit Knoten  $V = \{T_1, \dots, T_n\}$  (beteiligten Transaktionen)
  - Mit Kanten  $E = \text{Abhängigkeiten } (T_i \rightarrow T_j)$  zwischen den Transaktionen
- Wenn der Graph **zyklenfrei** ist -> serialisierbar
- Wenn der Graph **Zyklen** enthält -> nicht serialisierbar

## Serialisierungsgraph - Beispiel

$S = (r_1(x), r_2(y), r_3(z), w_3(z), w_2(y), w_1(x), w_2(y), r_1(y), r_3(x), w_1(y))$

- Abhängigkeiten:  $wr_{1,3}(x), rw_{2,1}(y), wr_{2,1}(y), ww_{2,1}(y)$

$rw(y), wr(y), ww(y)$



⇒ Zyklenfrei ->  $S$  ist serialisierbar

## Aufgabe 11.2 – Kombinatorik von Schedules

Gegeben sei eine Menge von  $n$  Transaktionen  $\{T_1, \dots, T_n\}$ , wobei jede Transaktion  $T_i$  jeweils aus  $i_n$  vielen Einzeloperationen  $T_i = \langle A_{i,1}, A_{i,2}, \dots, A_{i,i_n} \rangle$  besteht.

Beispiel:

$$T_1 = \langle A_{1,1}, A_{1,2}, A_{1,3}, A_{1,4} \rangle$$

$$T_2 = \langle A_{2,1}, A_{2,2}, A_{2,3} \rangle$$

$$T_3 = \langle A_{3,1}, A_{3,2}, A_{3,3} \rangle$$

Erläutern Sie für das Beispiel  $\{T_1, T_2, T_3\}$  sowie für den allgemeinen Fall  $\{T_1, \dots, T_n\}$ :

## Aufgabe 11.2.a – Anzahl beliebiger Schedules

Aktionen dürfen innerhalb der Transaktion nicht vertauscht werden -> sonst beliebig angeordnet

Im Beispiel:

- Es gibt 10 Aktionen -> 10 freie Plätze im Schedule
- Erste Transaktion bekommt 4 beliebige Plätze
- Zweite TA bekommt 3 beliebige aus den übrigen  $10-4 = 6$  Plätzen
- Dritte TA bekommt den Rest

$$\binom{10}{4} \cdot \binom{6}{3} \cdot \binom{3}{3} = \frac{10!}{4! \cdot (10-4)!} \cdot \frac{6!}{3! \cdot (6-3)!} \cdot \frac{3!}{3! \cdot (3-3)!} = \frac{10!}{4! \cdot 3! \cdot 3!} = 4200$$

## Aufgabe 11.2.a – Anzahl beliebiger Schedules

- Im Allgemeinen Fall:

$$\frac{(i_1 + i_2 + \cdots + i_n)!}{i_1! \cdot i_2! \cdot \cdots \cdot i_n!}$$

## Aufgabe 11.2.b – Anzahl serieller Schedules

Anzahl der Permutationen der Transaktionen

-> Jede Transaktion kann an einer beliebigen stelle stehen

Im Beispiel:

$$3! = 6$$

Im allgemeinen:

$$n!$$

## Aufgabe 11.2.c – Anzahl serialisierbarer Schedules

Kann man im allgemeinen nicht genau bestimmen, da die Anzahl von den Abhängigkeiten bestimmt wird.

Liegt aber zwischen der Anzahl beliebiger Schedules und der Anzahl der seriellen Schedules

Im Beispiel:

$$6 \leq \text{Anz. serialisierbarer Schedules} \leq 4200$$

Im allgemeinen:

$$n! \leq \text{Anz. serialisierbarer Schedules} \leq \frac{(i_1 + i_2 + \dots + i_n)!}{i_1! \cdot i_2! \cdot \dots \cdot i_n!}$$



## Aufgabe 11.3 – Serialisierbarkeit von Schedules

Geben Sie für die Beispiele jeweils den vollständigen Abhängigkeitsgraphen, sowie ggf. einen äquivalenten seriellen Schedule an bzw. begründen Sie kurz warum dieser nicht existiert.

## Aufgabe 11.3.a – Abhängigkeiten

$$S_1 = (w_1(x), w_2(y), w_3(x), r_1(x), r_2(z), w_4(y), r_4(z), w_4(x), r_3(y), r_1(z))$$

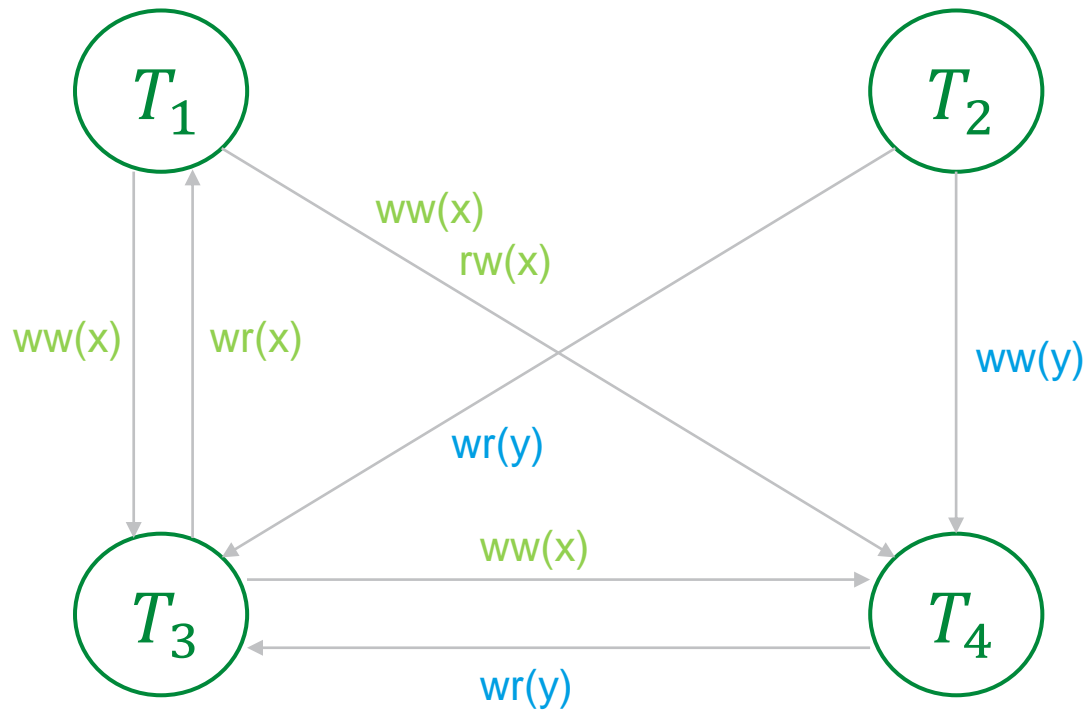
Abhängigkeiten:

- Auf Objekt  $x$ :  $ww_{1,3}(x), ww_{1,4}(x), wr_{3,1}(x), ww_{3,4}(x), rw_{1,4}(x)$
- Auf Objekt  $y$ :  $ww_{2,4}(y), wr_{2,3}(y), wr_{4,3}(y)$
- Auf Objekt  $z$ : wird nur gelesen -> keine Abhängigkeiten

## Aufgabe 11.3.a - Serialisierungsgraph

Abhängigkeiten:

$ww_{1,3}(x)$ ,  $ww_{1,4}(x)$ ,  $wr_{3,1}(x)$ ,  $ww_{3,4}(x)$ ,  $rw_{1,4}(x)$ ,  $ww_{2,4}(y)$ ,  $wr_{2,3}(y)$ ,  $wr_{4,3}(y)$



-> nicht serialisierbar, da der Graph mehrere Zyklen enthält z.B.  $T1 \rightarrow T3$

## Aufgabe 11.3.b – Abhängigkeiten

$$S = (w_1(x), r_4(x), r_1(y), r_1(z), w_1(z), w_3(x), r_4(z), w_3(y), w_2(y), w_2(z))$$

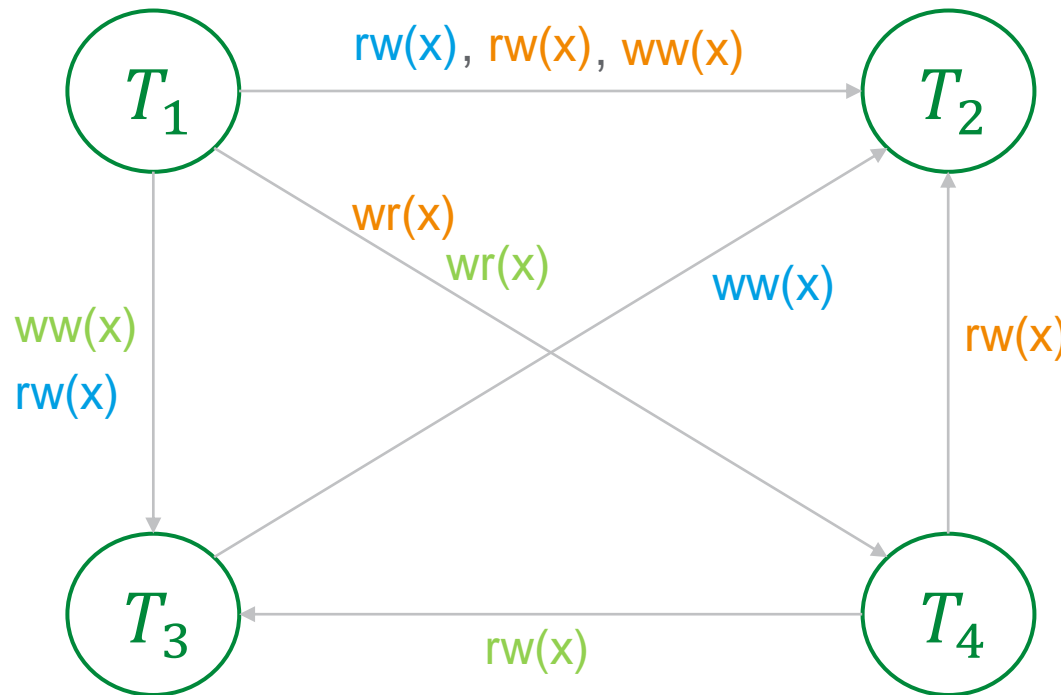
### Abhängigkeiten

- Auf Objekt  $x$ :  $wr_{1,4}(x), ww_{1,3}(x), rw_{4,3}(x)$
- Auf Objekt  $y$ :  $rw_{1,3}(y), rw_{1,2}(y), ww_{3,2}(y)$
- Auf Objekt  $z$ :  $rw_{1,2}(z), wr_{1,4}(z), ww_{1,2}(z), rw_{4,2}(z)$

## Aufgabe 11.3.b – Serialisierungsgraph

Abhängigkeiten:

$wr_{1,4}(x)$ ,  $ww_{1,3}(x)$ ,  $rw_{4,3}(x)$ ,  $rw_{1,3}(y)$ ,  $rw_{1,2}(y)$ ,  $ww_{3,2}(y)$ ,  
 $rw_{1,2}(z)$ ,  $wr_{1,4}(z)$ ,  $ww_{1,2}(z)$ ,  $rw_{4,2}(z)$



Graph ist Zyklenfrei -> serialisierbar

Konfliktäquivalenter serieller  
Schedule:  $(T_1, T_4, T_3, T_2)$

## Aufgabe 11.4.a – Anomalien

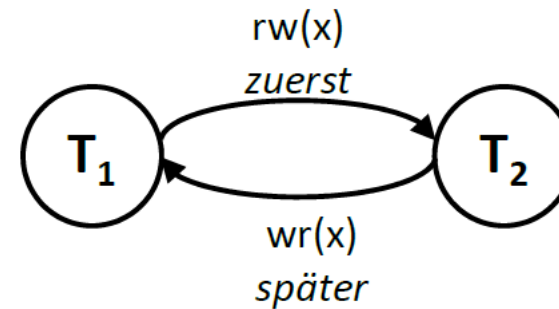
$$S = (r_1(x), r_2(y), w_2(x), r_1(z), r_1(x), w_2(y), w_1(z))$$

Für Anomalie sind immer 3 Aktionen von 2 Transaktionen auf ein Objekt nötig

In diesem Fall ist das nur für  $x$  der Fall

Muster:  $r_1(x), w_2(x), r_1(x)$

⇒ Non-Repeatable Read

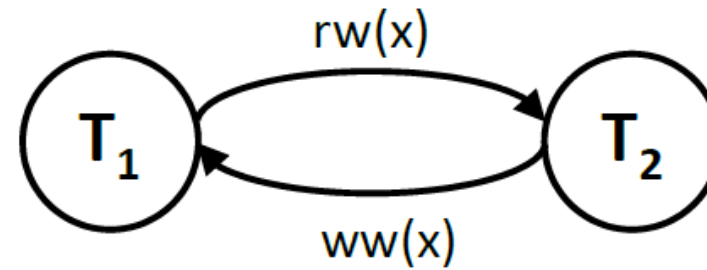


## Aufgabe 11.4.b – Anomalien

$$S = (r_2(y), r_1(x), w_2(x), w_2(y), w_1(x))$$

Muster:  $r_1(x), w_2(x), w_1(x)$

=> Lost Update bezüglich  $x$

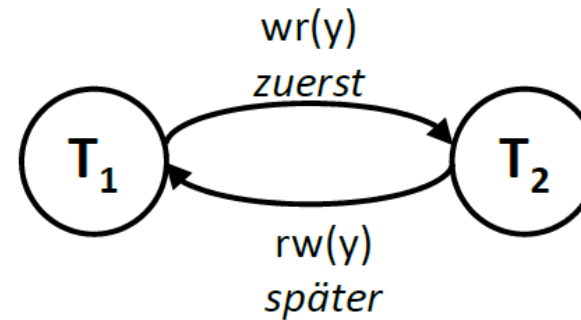


## Aufgabe 11.4.c - Anomalien

$$S = (r_1(x), r_2(z), w_1(y), r_2(y), w_1(x), w_2(z), w_1(y))$$

Muster:  $w_1(y), r_2(y), w_1(y)$

=> Dirty Read bezüglich  $y$







LUDWIG-  
MAXIMILIANS-  
UNIVERSITÄT  
MÜNCHEN



Finn Kapitza – [Finn.Kapitza@campus.lmu.de](mailto:Finn.Kapitza@campus.lmu.de)