



Domáca Úloha 3

Počiatocne som začal s kódom, ktorý som našiel na internete, aby som mal predstavu.

Algoritmus bežal okolo 80min a našiel ofarbenie grafu [dsjc125.9](#) na 50 farieb, s čím som nebol spokojný.

Vlastný algoritmus: moja prvá idea bola, že náhodne ofarbím všetky polia a potom postupne budem meniť farby, dokým graf nebude správne ofarbený (t.j. všetko random walk) ale po znovu-zamyslení sa som si uvedomil že to je nereálne (všetko cez random = extrémne dlhý čas na výpočet + nemusí vždy fungovať).

Môj nový nápad pozostáva z toho, že budem využívať **náhodné ofarbenie**, následne **hill climb** a ak potom uviazne tak **random walk**.

Pre prácu s grafom využívam **networkx**, na zistenie ako funguje syntax pre prácu s knižnicou som si vypísal toto:

```
# zobrazenie bodov a hran
print("Nodes:", list(G.nodes())) # body
print("Edges:", list(G.edges())) # hrany

# struktura grafu
print("\nGraph as adjacency list:")

for node in G.nodes():
    neighbors = list(G.neighbors(node))
    print(f"{node}: {neighbors}")
```

No, cez ten hill climb to bolo dosť dlho čakať na výsledok, a vždy mi to nenašlo ten počet farieb aký chcem. Skúšal som to s trochu „ľahším“ grafom: [dsjc125.1.col](#) aby som nemusel dlho čakať. Tento graf má mať 5 farieb, ale našlo mi to najlepšie 8.

Vymyslel som to následovne:

- Hill climb ako main vec
 - o Kontrola či sa zmenší počet konfliktov
 - Ak áno, super, našli sme novú farbu
 - Ak nie, vráť originálnu
- Random walk každých 10 steps
 - o Vyber random node a meň mu nahodne k-krat farbu
 - Každý pokus kontrola či sa zmenší počet konfliktov
 - Ak áno, super
 - Ak nie, vráť originálnu

Ak algo prejde 10k steps, tak mi navýši počet pokusov a farbu. Počet max pokusov som dal na 10. Spustil som to na grafe zo zadania, som zvedavý ako to dopadne (idem sa prejsť :D).



Po 856 minútach som beh grafu vypočítal, nechcem si brať algoritmus so sebou do hrobu.

Po súperení s mojou naivitou a hlúposťou som sa úplne rozhodol vypustiť chatbotov a robiť to sám, keďže aj mozog potrebuje niekedy námahu a nechcem skončiť tak, že mi Alčko bude hovoriť všetko čo mám robiť.

Po chvíľke rozmyšľania som vymyslel jednoduchý algoritmus, ktorý mi pomohol sa dostať k celkom zaujímavému výsledku, ale má pár problémov, ktoré chcem vyriešiť cez hill climb algoritmus.

Tento algoritmus spočíva v tom, že:

- Navštívím prvý bod, ktorý skúmam
- Nastavím mu farbu X
- Všetkým jeho susedom nastavím novú farbu Y
- Pokračujem do ďalšieho skúmaného bodu
- Nastavím mu farbu Z
- Všetkým jeho susedom...

Nafarbilo mi to graf dsjc125.9 na 55 farieb, čo je celkom zaujímavé a je extrémne rýchly.

Hlavný problém je taký, že graf nie je správne ofarbený, skúšal som na to urobiť funkciu ale po 15 minútach behu som to vzdal. (Problém bol v implementácii checkovania správnosti ofarbenia grafu, kvôli posunutým farbám od 1 nie od 0)

Vytváram hill climb algoritmus, ktorý:

- Zavolá funkciu simpleAdjacencyColoring
- Priradí z nej col, k
- Načítá target_k
- Vyberie random číslo / farbu
- Bude na týchto miestach skúšať farby z existujúcich farieb bez predošlej vybranej farby, dokým nebude graf správne zafarbený

Vzdal som tento postup, nefungovalo to: Hill climb sa snaží zmenšiť počet konfliktov, ale môj algoritmus na simple adjacency coloring nemá žiadne konflikty.

Namiesto toho som zlepšil svoj hill climb a zimplementoval po 10x rovnakom výsledku stagnation counter, ktorý triggeruje beh random walk, ktorý pomáha sa dostať von z lokálneho „loopu“. Myslím že problém je v tom, že cykluje medzi rovnakými bodmi, ktorých zmena farby nepomáha sa dostať k skutočnému výsledku. Mám tam 20% šancu na ten random walk ale podľa toho čo vidím tak budem to musieť dať trochu vyššie.

Prosím, tolerujte môj profesionálny debug message na beh random walk ...



```
Step 1900: Current conflicts: 21, Current k: 44  
Stagnation detected! Counter: 3  
Step 2000: Current conflicts: 21, Current k: 44  
...  
OOPS FUNNY  
Step 17200: Current conflicts: 13, Current k: 44  
Stagnation detected! Counter: 91  
OOPS FUNNY
```

1 stagnácia = 10x rovnaký
výsledok za sebou, čiže
som mal ~31x 10x rovnaký
výsledok za sebou.
Neresetujem tento
inkrement, preto je veľký.

Taktiež zaujímavá vec,

keďže to je na pseudo-náhode, tak niekedy resp. niektorý beh algoritmu je lepší ako ten predošlý. Na screenshote to bol celkom dobrý beh, bežalo to 15min a potom som to vypol.

Najprv som skúšal každých 10 stagnácii šancu na random walk, zmenil som to na ak sa 3x opakuje rovnaké číslo 100% že urobí random walk a vyzerá to, že to funguje.

Po 30min behu som sa nedokázal dostať pod 7 konfliktov, preto sa pokúsim s niekým porozprávať a skúsiť niečo ďalšie.

Všimol som si tabu search, pokúsim sa to zimplementovať, znie to sľubne.

Do existujúceho algoritmu som nedokázal „vopchať“ tabu search, tak som sa rozhodol program znova prepísať.

Výsledná verzia algoritmu

Load web graph je funkcia, ktorá načíta getovacím requestom algoritmus.

Count conflicts je funkcia, ktorá spočíta konflikty v grafe. Konflikt = 2 nodes s rovnakou farbou vedľa seba.

Get_conflicting nodes rovnaká ako count_conflicts ale pridáva do setu nodes, ktoré majú rovnakú farbu a vráti ich.

Random walk vykoná random walk s prioritou na conflicting nodes, ak nie sú konflikty ide na náhodný node. Vyberá možné farby, ktoré nepoužívajú susedia a mení node z dostupných farieb.

Is stagnating je jednoduchá funkcia ktorá vráti **True** alebo **False** na základe posledných 20 výsledkov a threshold: ak je viac rovnakých výsledkov ako threshold, vráti **True**.

Hill climbing with walks je hill climb rozšírený o **stagnation detection** a prioritou konfliktujúcich nodes, taktiež periodicky (80% šanca) mení medzi hill climb a random walk.

Tabu search je funkcia, ktorá zaznamenáva predošlé výsledky v tzv. „taboo“ tabuľke a skúša nové možnosti. Riešenie je taboo práve vtedy, ak sa už vyskytuje v tabuľke, vtedy sa preskakuje. Riešenie sa prijíma práve vtedy, ak nie je taboo alebo je lepšie ako riešenie doteraz.

Simulated annealing je funkcia, ktorá obsahuje teplotu a cooling rate. Skúša náhodné možnosti, v tomto prípade s 90% šancou na vybratie farby, ktoré nekonfliktujú so susedom, ináč vyberá zo všetkých farieb. Rozhodnutie je prijaté na základe „teploty“.



Beh na algo dsjc125.9 s 44 farbami:

```
84 ===== Attempting coloring with k=44 colors =====
85 Attempting to color graph with 44 colors (nodes: 125, edges: 6961)
86 Initial greedy coloring has 155 conflicts
87 Phase 1: Hill Climbing with Random Walks (12000 steps)
88 Step 0: Best conflicts = 155, Current conflicts = 155
89 Step 500: Best conflicts = 17, Current conflicts = 34
90 Step 1000: Best conflicts = 13, Current conflicts = 88
91 Step 1500: Best conflicts = 13, Current conflicts = 21
92 Step 2000: Best conflicts = 13, Current conflicts = 77
93 Step 2500: Best conflicts = 13, Current conflicts = 37
94 Step 3000: Best conflicts = 13, Current conflicts = 86
95 Step 3500: Best conflicts = 13, Current conflicts = 33
96 Step 4000: Best conflicts = 12, Current conflicts = 76
97 Step 4500: Best conflicts = 12, Current conflicts = 38
98 Step 5000: Best conflicts = 12, Current conflicts = 85
99 Step 5500: Best conflicts = 12, Current conflicts = 40
100 Step 6000: Best conflicts = 12, Current conflicts = 92
101 Step 6500: Best conflicts = 12, Current conflicts = 35
102 Step 7000: Best conflicts = 12, Current conflicts = 82
103 Step 7500: Best conflicts = 12, Current conflicts = 34
104 Step 8000: Best conflicts = 11, Current conflicts = 76
105 Step 8500: Best conflicts = 10, Current conflicts = 22
106 Step 9000: Best conflicts = 10, Current conflicts = 77
107 Step 9500: Best conflicts = 10, Current conflicts = 24
108 Step 10000: Best conflicts = 10, Current conflicts = 83
109 Step 10500: Best conflicts = 7, Current conflicts = 20
110 Step 11000: Best conflicts = 7, Current conflicts = 84
111 Step 11500: Best conflicts = 7, Current conflicts = 26
112 Phase 2: Tabu Search (12000 steps)
113 Tabu Search Step 0: Best conflicts = 5
114 Tabu Search Step 500: Best conflicts = 2
115 Tabu Search Step 1000: Best conflicts = 2
116 Tabu Search Step 1500: Best conflicts = 1
117 Successfully found coloring with 44 colors using tabu search!
118 [SUCCESS]: Found valid coloring with 44 colors in 1040.64 seconds!
119 [COLORING]: [41, 40, 30, 3, 26, 3, 25, 29, 4, 20, 10, 9, 27, 28, 42, 5, 20, 16, 23, 38, 24, 14, 32, 13, 27, 33, 40]
120 Color correctness: True
```

Failed to find valid coloring. Best solution has 2 conflicts.

[FAILURE]: Could not find valid coloring with 43 colors after 4804.22 seconds.

Stopping search. Minimum colors found: 44

Beh trval 144m 48.2s

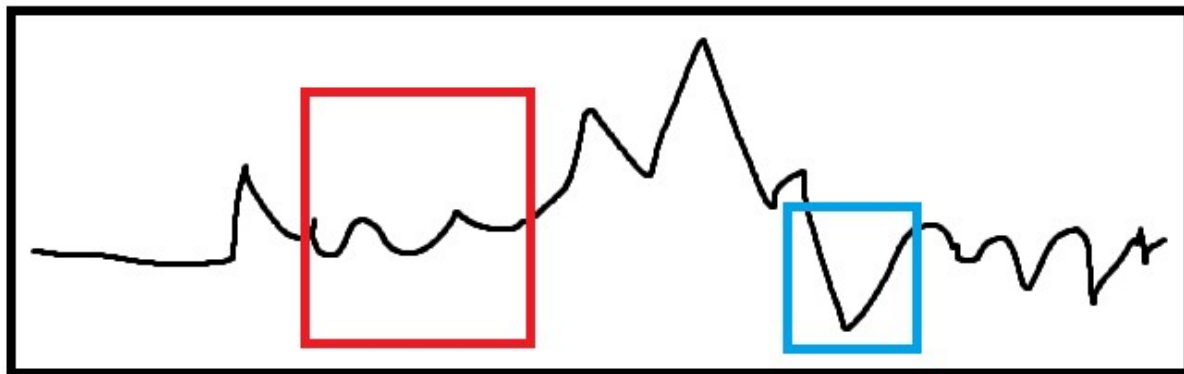
Hill climb

Hill climb je algoritmus, ktorý sa snaží optimalizovať riešenie tým, že vyberá náhodné body a ich susedov, mení ich a ak sa riešenie (v tomto prípade zníženie počtu konfliktov alebo kolízií) stane lepším, tak ho nechá, ak nie tak skúša ďalej.

Výhody: Celkom ok rýchlostí, pri jednoduchých riešeniach funguje super

Nevýhody: Závislosť na náhode, všimol som si že ak spúšťam algoritmus na domácej úlohe, tak sa vie „zaseknúť“ a nepokračuje už ďalej. Pri zdĺhavých riešeniach trvá exponenciálne dlhšie.

Do svojej úlohy som zaimplementoval detekciu stagnácie, a následne vykonanie random walk, ktoré pomáha dostať sa z tzv. lokálneho minima. Znamená to, že ak mám napr. hľadanie najnižšej hodnoty, môže sa stať že hill climb sa bude pohybovať len v červenom štvorci, ale „nedostane sa odtamadiaľ“ lebo kvôli implementácií si myslí že ďalej sú už len vyššie hodnoty.



Tabu Search

Tabu search je taký vylepšený hill climb - robí to, že si pamätá posledné riešenia a pridáva ich do „taboo“ tabuľky. V praxi to znamená to, že ak nájde riešenie, ktoré je už v taboo tabuľke, tak ho preskočí. Zároveň porovnáva medzi riešeniami v tejto tabuľke a vyberie najlepšie z nich (aj keď je celkovo horšie), čo pomáha dostať sa von z lokálneho minima.

Simulated Annealing

Zdroje:

https://en.wikipedia.org/wiki/Simulated_annealing

<https://www.machinelearningplus.com/machine-learning/simulated-annealing-algorithm-explained-from-scratch-python/>

Tzv. simulované kalenie:

- Optimalizačný algoritmus
- Vyberie náhodný stav
- Rozhodne či vybrať výsledok na základe „teploty“ a hodnoty funkcie

Ako mám chápať túto teplotu, a funkčnú hodnotu? Môžem to jednoducho vysvetliť na svojom algoritme (aj keď ho neuvidíte).

Problém je nasledovný: Počas hľadania najlepšieho riešenia mám určitý počet konfliktov, a snažím sa ho znížiť, ale neviem ísť pod určité číslo (keďže výber je pseudonáhodný). Annealing pomáha sa dostať k výsledku tým, že pomocou teploty vyberá niekedy aj horšie riešenie tzn. escapuje local minimum.

Ak je funkčná hodnota vyššia a teplota nižšia, je väčšia šanca vybrať toto riešenie.

```
# delta
delta = new_conflicts - old_conflicts
# vypocet sance prijatie riesenia
delta <= 0 or random.random() < math.exp(-delta / max(0.01,
temperature)):
# prijat a prepocitat konflikty
current_conflicts = count_conflicts(G, current_col)
```