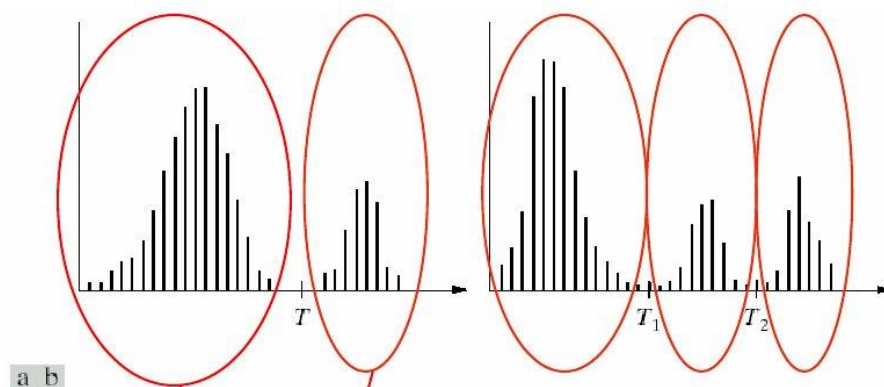


阈值处理

● 基础



a b

FIGURE 10.26 (a) Gray-level histograms that can be partitioned by (a) a single threshold, and (b) multiple thresholds.

暗的背景: $f(x,y) \leq T$

亮的对象: $f(x,y) > T$

暗的背景: $f(x,y) \leq T_1$

亮的一个对象: $T_1 < f(x,y) \leq T_2$

亮的另一个对象: $f(x,y) > T_2$

阈值处理

- 基础

- ✓ 阈值处理操作

$$T = T[x, y, p(x, y), f(x, y)]$$

$f(x, y)$ 是点 (x, y) 的灰度级， $p(x, y)$ 表示该点的局部性质，如以 (x, y) 为中心的邻域的平均灰度级

- ✓ 阈值处理后的图像 $g(x, y)$ 定义为

$$g(x, y) = \begin{cases} 1 & f(x, y) > T \\ 0 & f(x, y) \leq T \end{cases}$$

阈值处理

- 基础

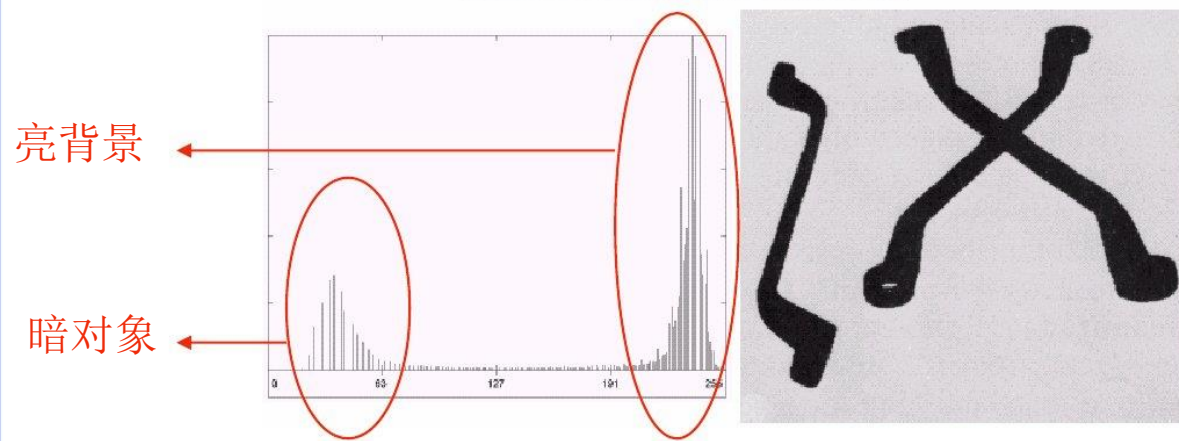
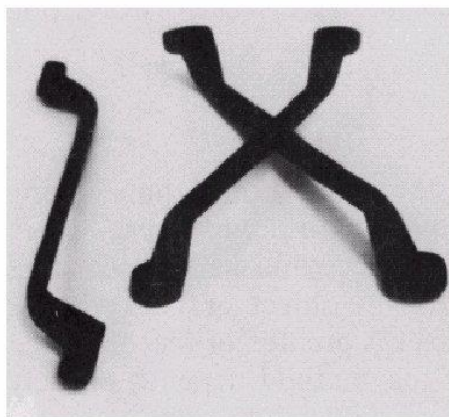
$$g(x, y) = \begin{cases} 1 & f(x, y) > T \\ 0 & f(x, y) \leq T \end{cases}$$

- ✓ 标记为1的像素对应于对象，标记为0的像素对应于背景
- ✓ 当T仅取决于f(x,y)，阈值称为全局的
- ✓ 当T取决于f(x,y)和p(x,y)，阈值是局部的
- ✓ 当T取决于空间坐标x和y，阈值就是动态的或自适应的



图像分割

- 基本全局阈值例子



a
b c

FIGURE 10.28

(a) Original image. (b) Image histogram. (c) Result of global thresholding with T midway between the maximum and minimum gray levels.

图像分割

- 计算基本全局阈值算法

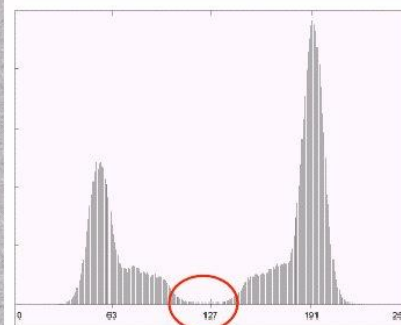
1. 选择一个T的初始估计值
2. 用T分割图像，生成两组像素： G_1 由所有灰度值大于T的像素组成，而 G_2 由所有灰度值小于或等于T的像素组成
3. 对区域 G_1 和 G_2 中的所有像素计算平均灰度值 μ_1 和 μ_2
4. 计算新的阈值 $T = \frac{1}{2}(\mu_1 + \mu_2)$
5. 重复步骤2到4，直到逐次迭代所得的T值之差小于事先定义参数 T_0

利用基本全局阈值算法的例子

原图



原图的直方图



a b
c

FIGURE 10.29
(a) Original image. (b) Image histogram. (c) Result of segmentation with the threshold estimated by iteration. (Original courtesy of the National Institute of Standards and Technology.)

基本全局阈值算法
处理的结果

$T_0=0$ ，3次迭代得到
值为125.4
最后确定 $T=125$



波谷作为阈值

图像分割

- 基本自适应阈值

- ✓ 单一全局阈值存在的问题

- 不均匀亮度图像无法有效分割

- ✓ 方法

- 将图像进一步细分为子图像，并对不同的子图像使用不同的阈值处理

- 解决的关键问题：如何将图像进行细分和如何为得到的子图像估计阈值

- 自适应阈值：取决于像素在子图像中的位置

最佳全局和自适应阈值

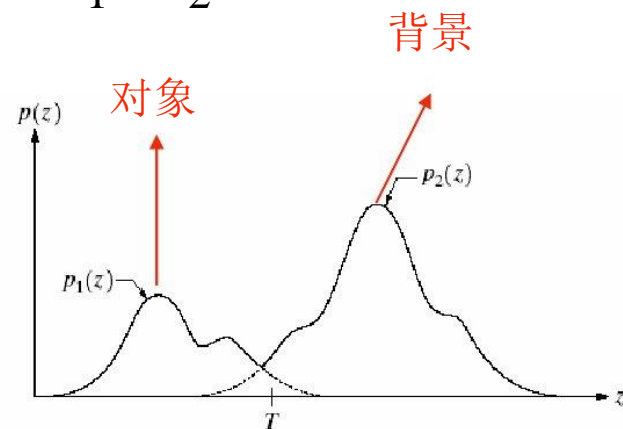
- ✓ 假设2个PDF中较大的一个对应背景的灰度级，较小的一个描述了图像中对象的灰度级，则混合PDF是

$$p(z) = P_1 p_1(z) + P_2 p_2(z)$$

P_1 是属于对象像素的概率， P_2 是属于背景像素的概率，假设图像只包括对象和背景，则

$$P_1 + P_2 = 1$$

FIGURE 10.32
Gray-level
probability
density functions
of two regions in
an image.



最佳全局和自适应阈值

- ✓ 在区间[a,b]内取值的随机变量的概率是它的概率密度函数从a到b的积分，即在这两个上下限之间PDF曲线围住的面积，因此，将一个背景点当作对象点进行分类时，错误发生的概率为：

$$E_1(T) = \int_{-\infty}^T p_2(z) dz$$

这是在曲线 $p_2(z)$ 下方位于阈值左边区域的面积

- ✓ 将一个对象点当作背景点进行错误分类发生的概率为

$$E_2(T) = \int_T^{\infty} p_1(z) dz$$

这是在曲线 $p_1(z)$ 下方位于阈值右边区域的面积

最佳全局和自适应阈值

- ✓ 出错率的整体概率是

$$E(T) = P_1 E_1(T_1) + P_2 E_2(T_2)$$

- ✓ 为了找到出错最少的阈值，使用莱布尼兹法则把 $E(T)$ 对 T 求微分并令结果等于0，得到

$$P_1 p_1(T) = P_2 p_2(T)$$

- ✓ 上式解出 T ，即为最佳阈值
- ✓ 如果 $P_1=P_2$ ，则最佳阈值位于曲线 $p_1(z)$ 和 $p_2(z)$ 的交点处

最佳全局和自适应阈值

- ✓ 高斯密度可以用两个参数均值和方差描述

$$p(z) = \frac{P_1}{\sqrt{2\pi} \sigma_1} e^{-\frac{(z - \mu_1)^2}{2\sigma_1^2}} + \frac{P_2}{\sqrt{2\pi} \sigma_2} e^{-\frac{(z - \mu_2)^2}{2\sigma_2^2}}$$

- ✓ 出错最少的阈值T的解

$$AT^2 + BT + C = 0$$

$$A = \sigma_1^2 - \sigma_2^2$$

$$B = 2(\mu_1 \sigma_2^2 - \mu_2 \sigma_1^2)$$

$$C = \sigma_1^2 \mu_2^2 - \sigma_2^2 \mu_1^2 + 2\sigma_1 \sigma_2 \ln(\sigma_2 P_1 / \sigma_1 P_2)$$

最佳全局和自适应阈值

- ✓ 如果方差相等 $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \sigma^2$ ，则得到单一的阈值

$$T = \frac{\mu_1 + \mu_2}{2} + \frac{\sigma^2}{\mu_1 - \mu_2} \ln \left| \frac{P_2}{P_1} \right|$$

- ✓ 如果 $P_1 = P_2$ ，最佳阈值是均值的平均数

图像分割

- 通过边界特性选择阈值

- ✓ 基本思想:

- 如果直方图的各个波峰很高、很窄、对称，且被很深的波谷分开时，有利于选择阈值
 - 为了改善直方图的波峰形状，我们只把区域边缘的像素绘入直方图，而不考虑区域中间的像素
 - 用微分算子，处理图像，使图像只剩下边界中心两边的值

图像分割

- 通过边界特性选择阈值
 - ✓ 这种方法有以下优点：
 - 1)在前景和背景所占区域面积差别很大时，不会造成一个灰度级的波峰过高，而另一个过低
 - 2)边缘上的点在区域内还是区域外的概率是相等的，因此可以增加波峰的对称性
 - 3)基于梯度和拉普拉斯算子选择的像素，可以增加波峰的高度

图像分割

- 通过边界特性选择阈值

- ✓ 算法的实现：

- 1) 对图像进行梯度计算，得到梯度图像。

- 2) 得到梯度值最大的那一部分（比如10%）
的像素直方图

- 3) 通过直方图的谷底，得到阈值 T

- ✓ 如果用拉普拉斯算子，不通过直方图，直接
得到阈值，方法是使用拉普拉斯算子过滤图
像，将0跨越点对应的灰度值为阈值 T

图像分割

- 基于不同变量的阈值

- ✓ 在某些情况下，传感器可以产生不止一个在图像中描述每一个像素的可利用的变量，因此，允许进行多谱段阈值处理
- ✓ 例如一幅有3个变量的图像(RGB分量)，每个像素有16种可能的灰度级，构成 $16 \times 16 \times 16$ 种灰度级（网格，立方体）
- ✓ 阈值处理就是在三维空间内寻找点的聚簇的过程。如在直方图中找到有效点簇K，可以对RGB分量值接近某一个簇的像素赋予一个任意值(如白色的值)，对它其它像素赋予另一个值（如黑色的值）
- ✓ 彩色图像处理中的色调和饱和度易于图像分割

图像分割

- 基于区域的分割
 - ✓ 基本公式
 - ✓ 区域生长
 - ✓ 区域分离与合并

图像分割

- 基本概念

✓ 目标：将区域 R 划分为若干个子区域 R_1, R_2, \dots, R_n ，这些子区域满足5个条件：

1)完备性：
$$\bigcup_{i=1}^n R_i = R$$

2)连通性：每个 R_i 都是一个连通区域

3)独立性：对于任意 $i \neq j$ ， $R_i \cap R_j = \Phi$



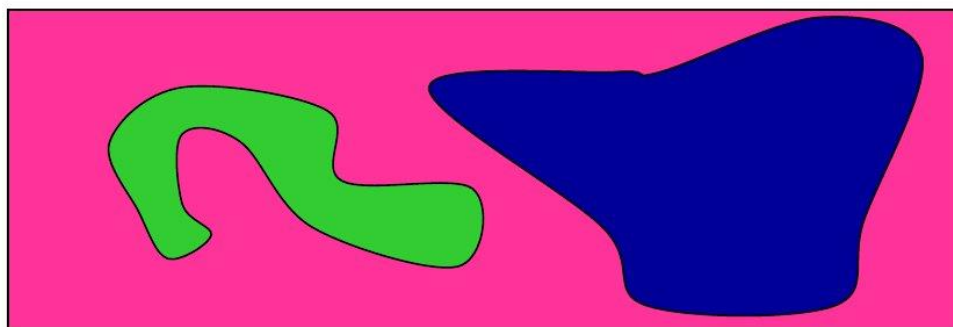
图像分割

- 基本概念

4)单一性：每个区域内的灰度级相等，

$$P(R_i) = \text{TRUE}, i = 1, 2, \dots, n$$

5)互斥性：任两个区域的灰度级不等， $P(R_i \cup R_j) = \text{FALSE}, i \neq j$



图像分割

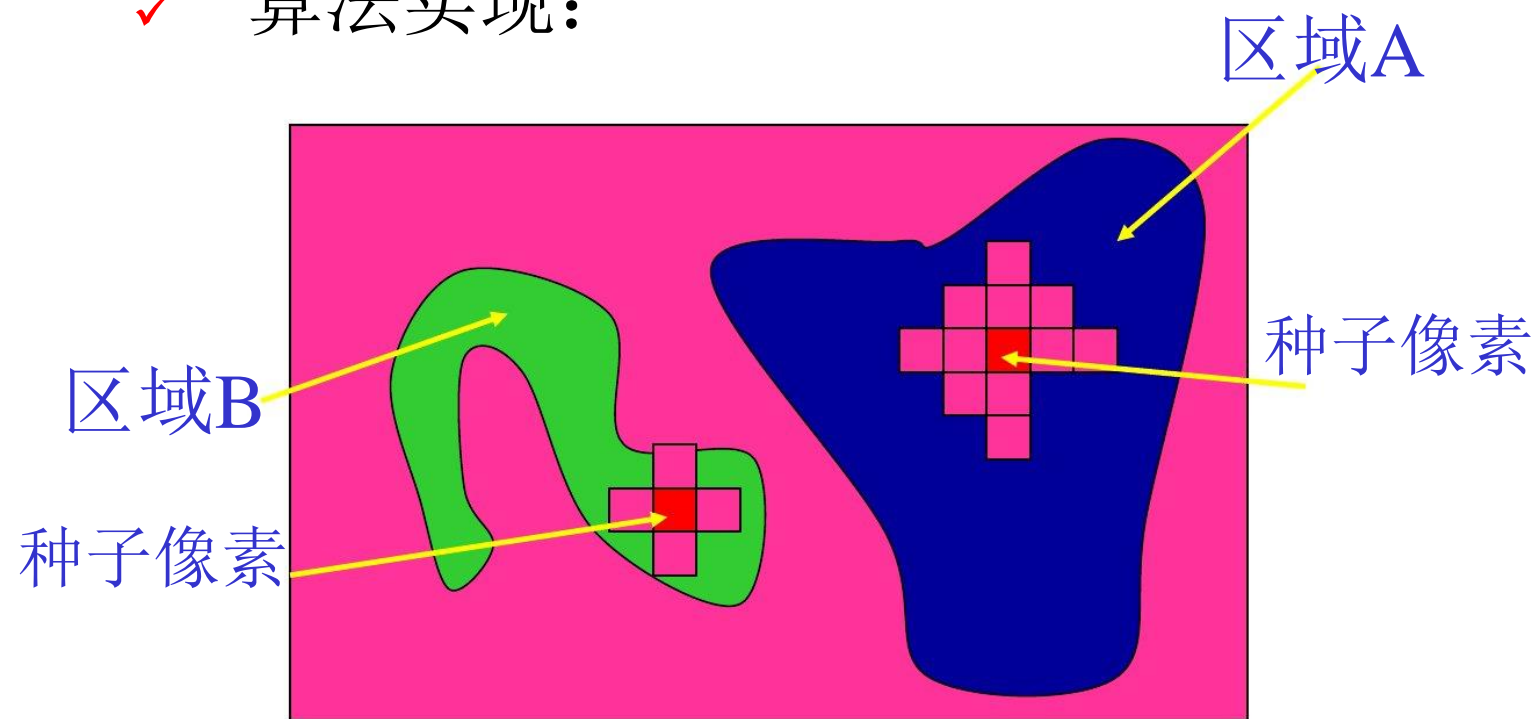
- 区域增长的算法实现：

- 1) 根据图像的不同应用选择一个或一组种子，它或者是最亮或最暗的点，或者是位于点簇中心的点
- 2) 选择一个描述符（条件）
- 3) 从该种子开始向外扩张，首先把种子像素加入结果集合，然后不断将与集合中各个像素连通、且满足描述符的像素加入集合
- 4) 上一过程进行到不再有满足条件的新结点加入集合为止



图像分割

- 通过像素集合的区域增长
 - ✓ 算法实现:



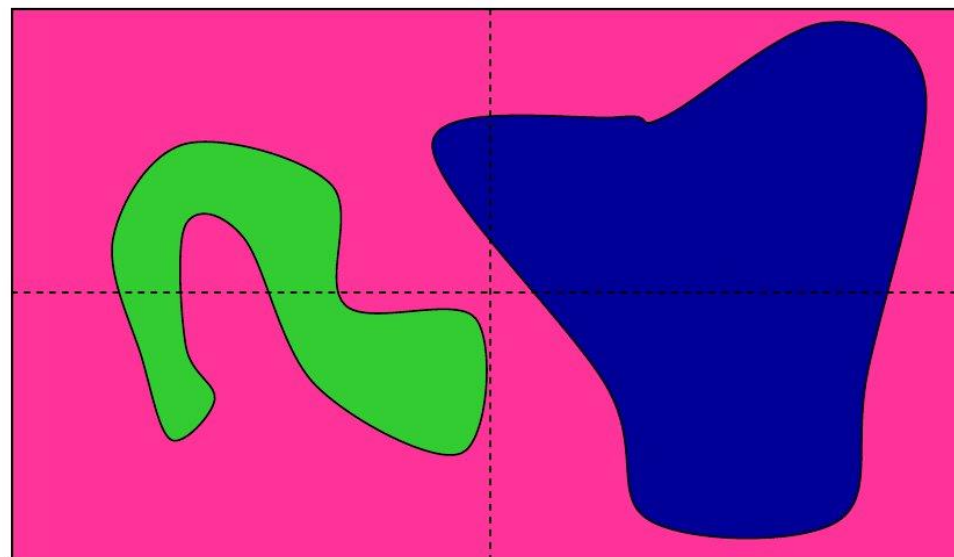


图像分割

- 区域分裂与合并

- ✓ 算法实现:

- 1) 对图像中灰度级不同的区域, 均分为四个子区域



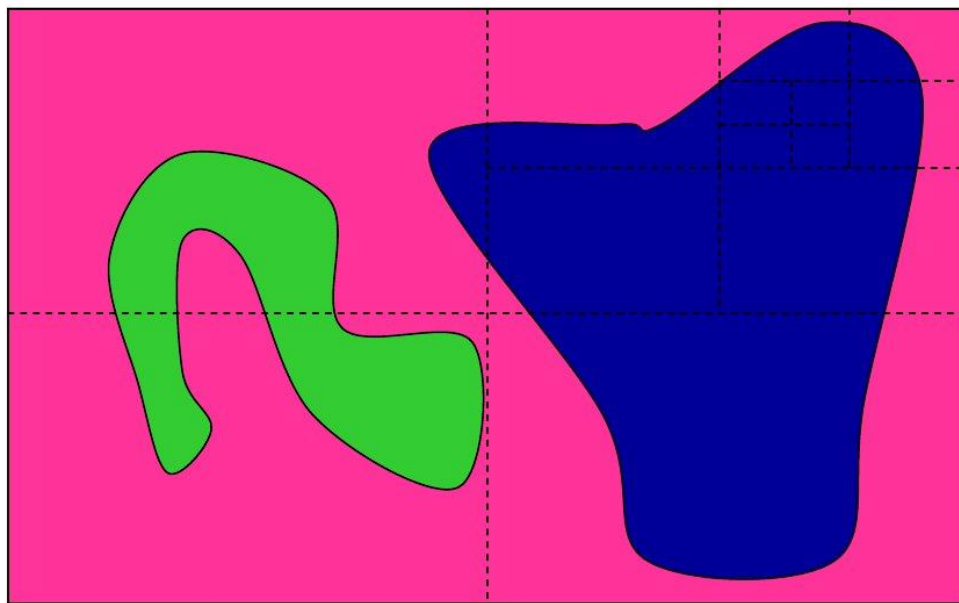
图像分割

- 区域分裂与合并
 - ✓ 算法实现：
 - 2) 如果相邻的子区域所有像素的灰度级相同，则将其合并
 - 3) 反复进行上两步操作，直至不再有新的分裂与合并为止



图像分割

- 区域分裂与合并
 - ✓ 算法实现:



图像分割

- 区域分裂与合并

- ✓ 算法实现：实际应用中还可作以下修改：

$P(R_i)$ 的定义为：

1) 区域内多于80%的像素满足不等式

$$|z_j - m_i| \leq 2\sigma_i,$$

其中： z_j 是区域 R_i 中第 j 个点的灰度级，

m_i 是该区域的平均灰度级，

σ_i 是区域的灰度级的标准方差。

2) 当 $P(R_i)=\text{TRUE}$ 时，将区域内所有像素的灰度级置为 m_i

图像分割

- 概述
- 间断检测
- 边缘连接和边界检测
- 阈值处理
- 基于区域的分割
- 分割中运动的应用

分割中运动的应用

- 空间技术

✓ 使用两帧图像 $f(x,y,t_i)$ 和 $f(x,y,t_j)$ 相减的办法，形成差值图像

$$d_{ij}(x,y) = \begin{cases} 1 & |f(x,y,t_i) - f(x,y,t_j)| > T \\ 0 & \text{其它} \end{cases}$$

✓ 在动态图像处理过程中， d_{ij} 中值为1的像素被认为是对象运动的结果

✓ 考虑图像帧序列 $f(x,y,t_1), f(x,y,t_2), \dots, f(x,y,t_n)$ ，并令 $f(x,y,t_1)$ 为基本图像，一幅累积差异图像(ADI)由基准图像和图像序列的后续图像对比得到

分割中运动的应用

● 空间技术（续）

✓ 令 $R(x,y)$ 表示基准图像，绝对ADI，正ADI和负ADI定义如下：

$$A_k(x, y) = \begin{cases} A_{k-1}(x, y) + 1 & R(x, y) - f(x, y, k) > T \\ A_{k-1}(x, y) & \text{其它} \end{cases}$$

$$P_k(x, y) = \begin{cases} P_{k-1}(x, y) + 1 & [R(x, y) - f(x, y, k)] > T \\ P_{k-1}(x, y) & \text{其它} \end{cases}$$

$$N_k(x, y) = \begin{cases} N_{k-1}(x, y) + 1 & [R(x, y) - f(x, y, k)] < -T \\ N_{k-1}(x, y) & \text{其它} \end{cases}$$

分割中运动的应用

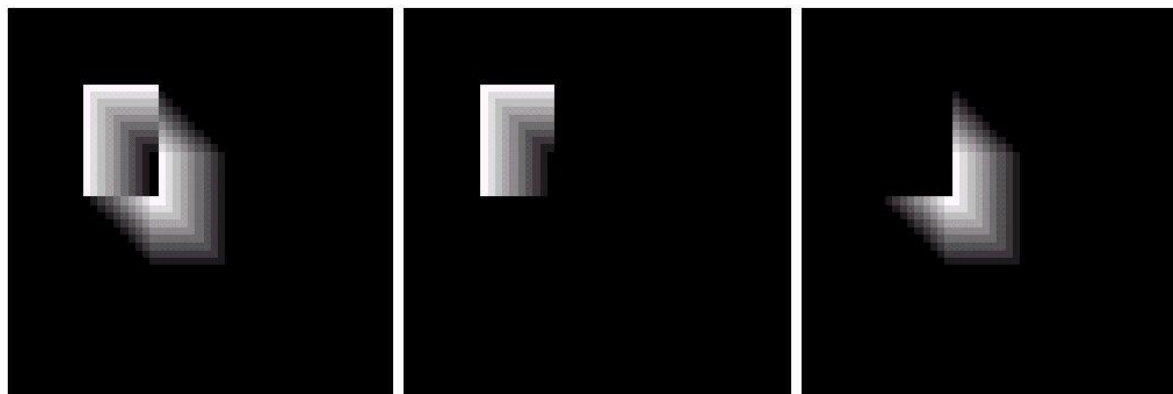
- 空间技术举例

向东南方向运动的矩形目标的ADI

绝对ADI

正ADI

负ADI



a b c

FIGURE 10.49 ADIs of a rectangular object moving in a southeasterly direction. (a) Absolute ADI. (b) Positive ADI. (c) Negative ADI.

图像文件格式

多种文件格式：BMP, GIF, TIFF, JPEG等

- 互联网用：GIF、JPG
- 印刷用：TIF、JPG、TAG、PCX
- 国际标准：TIF、JPG

文件类型	说明	1 位单色	8 位灰度	8 位彩色	16 位灰度	24 位彩色	48 位彩色
BMP	微软视窗系统图像文件格式	✓	✓	✓	×	✓	×
GIF	用于网页上的动画、透明	✓	✓	✓	×	×	×
TIFF	可储存多幅图像	✓	✓	✓	✓	✓	✓
PCX	Paintbrush 软件图像格式	✓	✓	✓	×	✓	×
JPG	连续色调静态图像数字压缩	×	✓	×	×	✓	×
PSD	Photoshop 软件图像格式	✓	✓	✓	✓	✓	✓

图像数据格式 ---bmp图像格式

- 文件头定义 (14 byte)

名称	类型	字段	说明
文件类型	WORD	bftype	规定文件类型必须是BM
文件大小	DWORD	bfsiz	包括文件头在内的文件大小
保留字段1	WORD	bfReserved	必须置0
保留字段2	WORD	bfReserved 2	必须置0
数据偏移	DWORD	bfoffBits	位图数据相对于文件头的 偏移字节数

$$\text{bfoffBits} = 14 (\text{文件头长度}) + 40 (\text{信息头长度}) + \text{ColorNum} \times 4 (\text{调色板长度})$$

图像数据格式

---bmp图像格式

●位图信息头（40 byte）

名称	类型	说明
biSize	DWORD	文件信息头的字节（40）
biWidth	DWORD	图形宽度（列数）
biHeight	DWORD	图像高度（行数）
biPlanes	WORD	目标设备的位平面数，必须为1
biBitCount	WORD	每个像素所需的位数，1，4，8，或24

●位图信息头数据（cont）

名称	类型	说明
biCompression	DWORD	压缩方式
biSizeImage	DWORD	图象的字节数
bimPelsPerMeter	DWORD	设备水平方向每米长度上的像素数
binPelsPerMeter	DWORD	设备垂直方向每米长度上的像素数
biClrUsed	DWORD	为零时，颜色表中点阵位图实际使用的颜色数 biBitCount=1, 4, 8时，为2 biBitCount biBitCount=24时，不用调色板
biClrImportant	DWORD	给出重要的颜色索引值，“0”表示所以颜色都重要

biSizeImage=（[(biWidth+3)/4]X4）XbiHeight

‘[]’表示向上取整

图像数据格式

---bmp图像格式

- 颜色表(每个颜色表占4byte)

名称	类型	说明
rgbBlue	ByTE	像素颜色中蓝色成分
rgbGreen	ByTE	像素颜色中绿色成分
rgbRed	ByTE	像素颜色中红色成分
rgbReserved	ByTE	未使用，必须为0

图像数据格式 ---bmp图像格式

- 位图数据

记录着每点像素在调色板中的索引值，其记录方式也随颜色模式而定：

2色图像每点占1位（1字节表示8个像素）；

16色图像每点占4位（1字节表示2个像素）；

256色图像每点占8位（1字节表示1个像素）；

真彩色图像每点占24位（3字节表示1个像素）；

每一行的字节数必须是4的倍数；

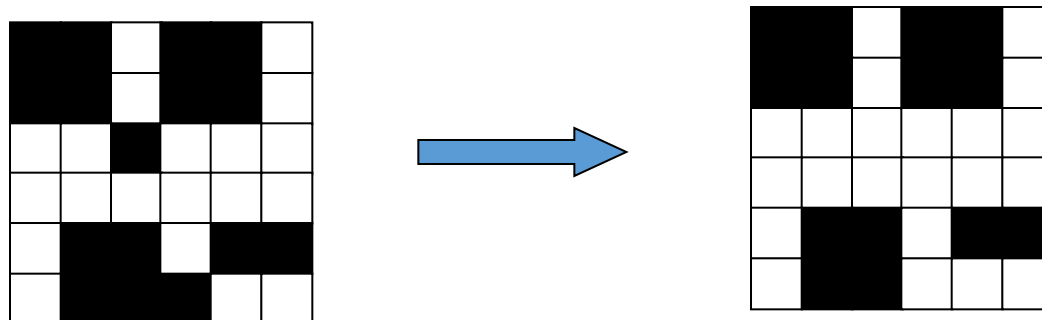
图像数据信息大小=（图像宽度*图像高度*记录像素的位数）/8 （byte）

$$([(biWidth+3)/4] \times 4)$$

腐蚀 —— 基本概念

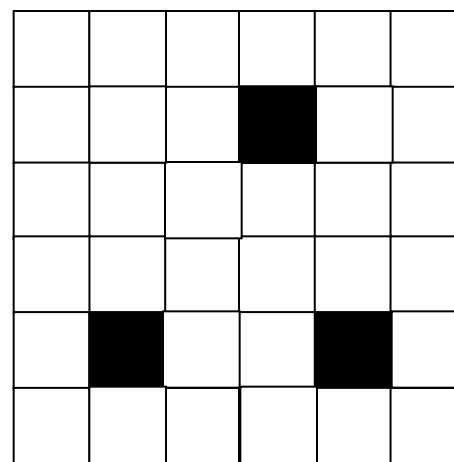
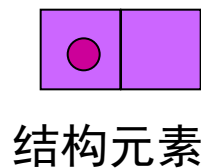
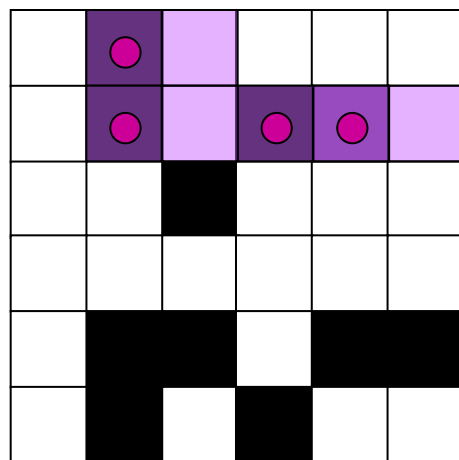
- **腐蚀** 是一种消除连通域的边界点，使边界向内收缩的处理。

例：



腐蚀 —— 设计思想

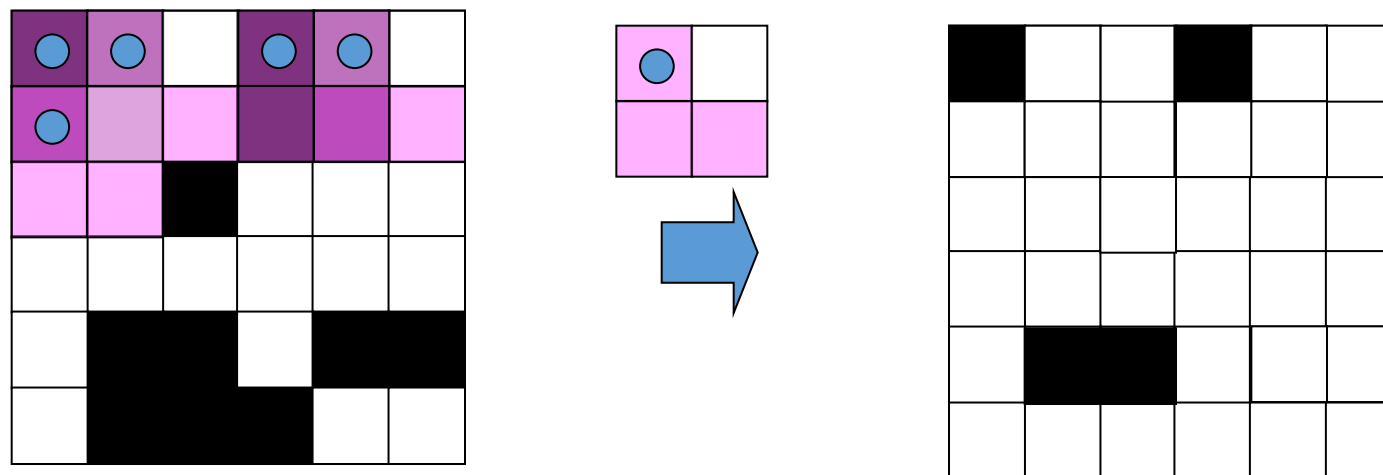
- 设计一个结构元素，结构元素的原点定位在待处理的 **目标像素** 上，通过判断是否覆盖，来确定是否该点被腐蚀掉。



腐蚀 —— 算法步骤

- 1) 扫描原图，找到第一个像素值为1的目标点；
- 2) 将预先设定好形状以及原点位置的结构元素的原点移到该点；
- 3) 判断该结构元素所覆盖的像素值是否全部为1：
如果是，则腐蚀后图像中的相同位置上的像素值为1；
如果不是，则腐蚀后图像中的相同位置上的像素值为0；
- 4) 重复2) 和3)，直到所有原图中像素处理完成。

腐蚀 —— 例题



注：图像画面上边框处不能被结构元素覆盖的部分
可以保持原来的值不变，也可以置为背景。

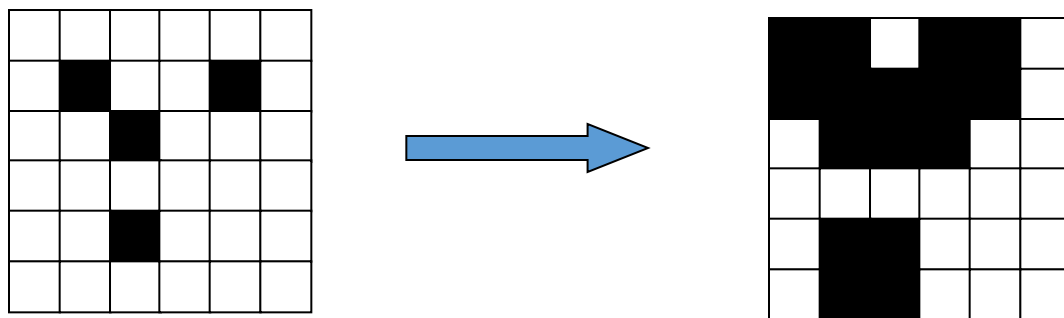
腐蚀 —— 应用

- 腐蚀处理可以将粘连在一起的不同目标物分离，并可以将小的颗粒噪声去除。

膨胀 —— 基本概念

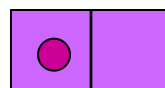
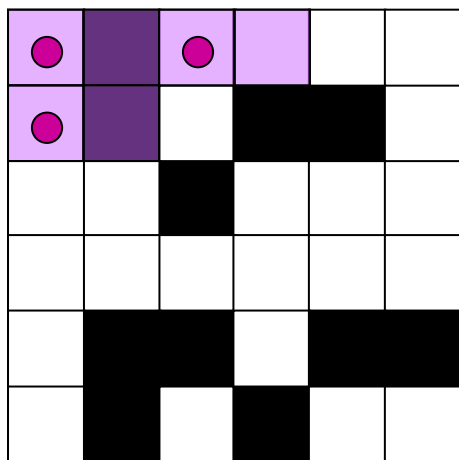
- 膨胀是将与目标区域的背景点合并到该目标物中，使目标物边界向外部扩张的处理。

例：

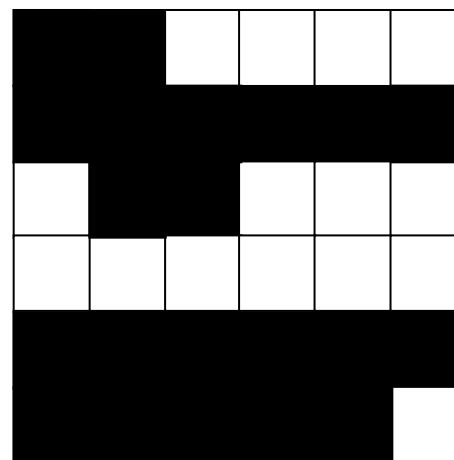


膨胀 —— 设计思想

- 设计一个结构元素，结构元素的原点定位在背景像素上，判断是否覆盖有目标点，来确定是否该点被膨胀为目标点。



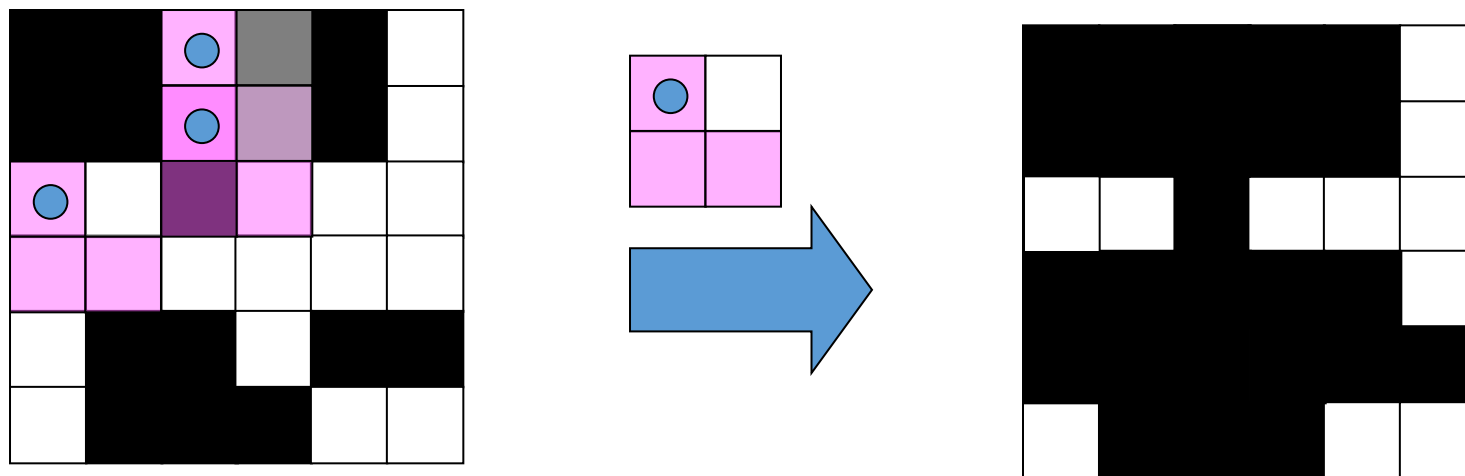
结构元素



膨胀 —— 算法步骤

- 1) 扫描原图，找到第一个像素值为0的背景点；
- 2) 将预先设定好形状以及原点位置的结构元素的原点移到该点；
- 3) 判断该结构元素所覆盖的像素值是否存在为1的目标点：
如果是，则膨胀后图像中的相同位置上的像素值为1；
如果不是，则膨胀后图像中的相同位置上的像素值为0；
- 4) 重复2) 和3)，直到所有原图中像素处理完成。

膨胀 —— 例题



膨胀 —— 应用

- 膨胀处理可以将断裂开的目标物进行合并，便于对其整体的提取。

开运算与闭运算的提出背景

- 前面介绍的膨胀与腐蚀运算，对目标物的后处理有着非常好的作用。但是，腐蚀和膨胀运算的一个缺点是，改变了原目标物的大小。
- 为了解决这一问题，考虑到腐蚀与膨胀是一对逆运算，将膨胀与腐蚀运算同时进行。由此便构成了开运算与闭运算。

- 开运算

思路：先腐蚀，再膨胀

- 定义： $B \circ S = (B \otimes S) \oplus S$

- 结果：

- 1) 消除细小对象

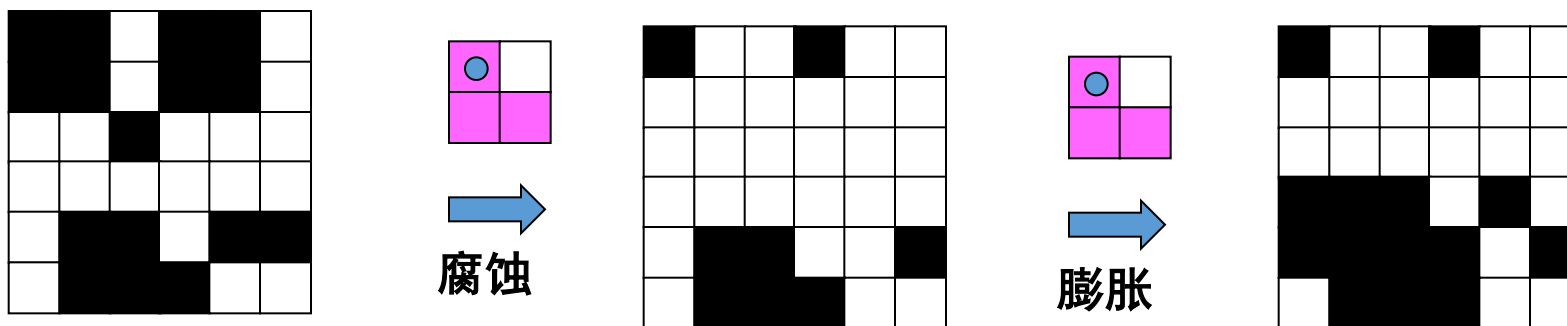
- 2) 在细小粘连处分离对象

- 3) 在不改变形状的前提下，平滑对象的边缘

开运算 —— 算法原理

- 开运算是对原图先进行腐蚀处理，后再进行膨胀的处理。
- 开运算可以在分离粘连目标物的同时，基本保持原目标物的大小。

开运算 —— 运算示例



闭运算—— 算法原理

- 闭运算是先对原图进行膨胀处理，然后再进行腐蚀的处理。
- 闭运算可以在合并断裂目标物的同时，基本保持原目标物的大小。

- 闭运算

思路：先膨胀、再腐蚀

- 定义： $B \bullet S = (B \oplus S) \otimes S$

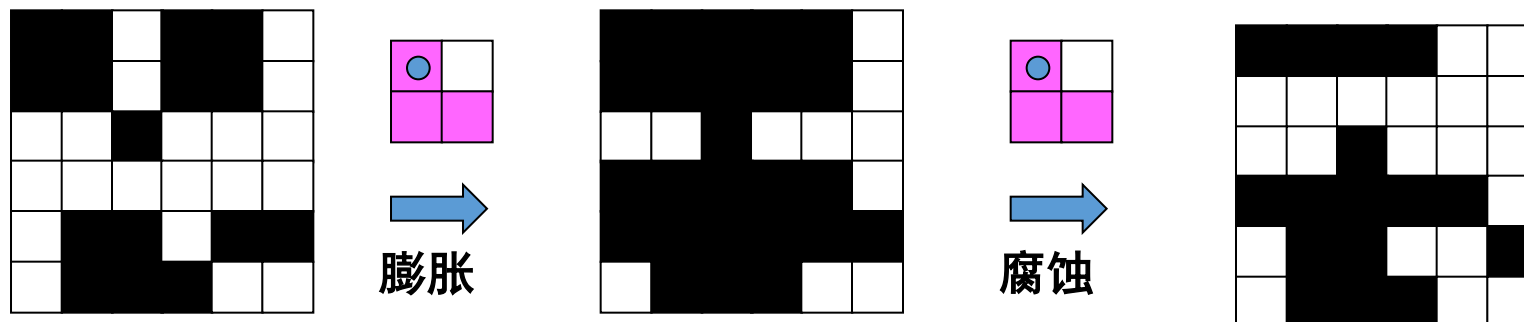
- 结果：

- 1) 填充对象内细小空洞。

- 2) 连接邻近对象

- 3) 在不明显改变面积前提下，平滑对象的边缘

闭运算 —— 运算示例



问题：本例未能将分裂成两个连通域的目标合并，怎么办？

开、闭运算的变形

- 如果当按照常规的开运算不能分离粘连，或者是闭运算不能合并断裂：
- 对于开运算可以先进行N次腐蚀，再进行N次膨胀；
- 对于闭运算可以先进行N次膨胀，再进行N次腐蚀。

变形闭运算的示例

