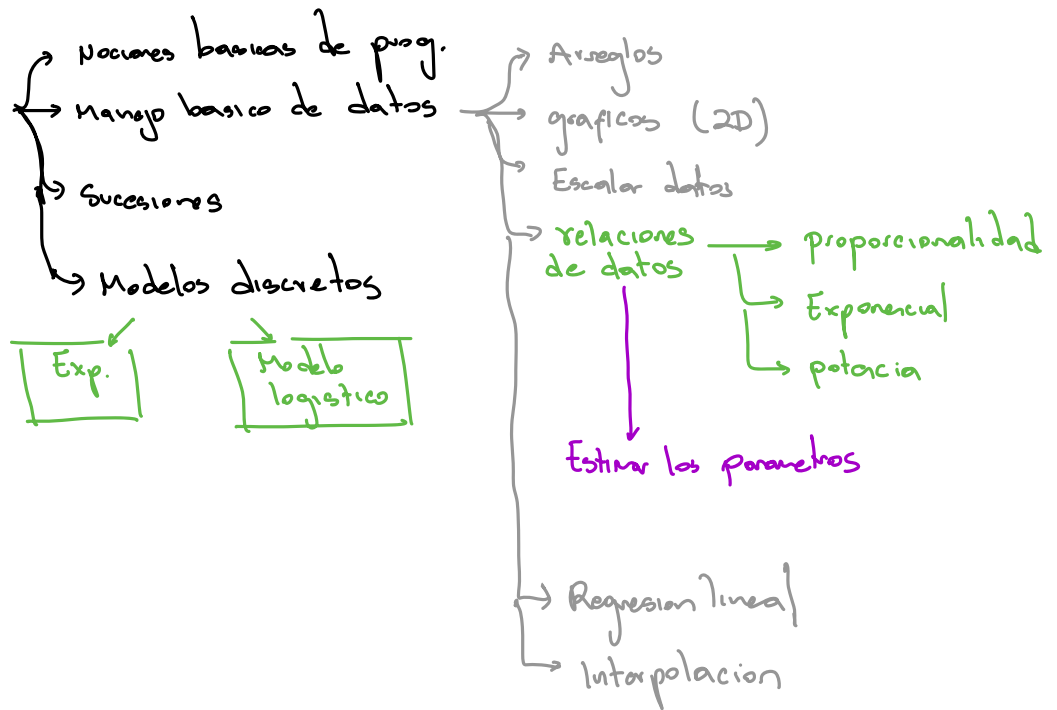
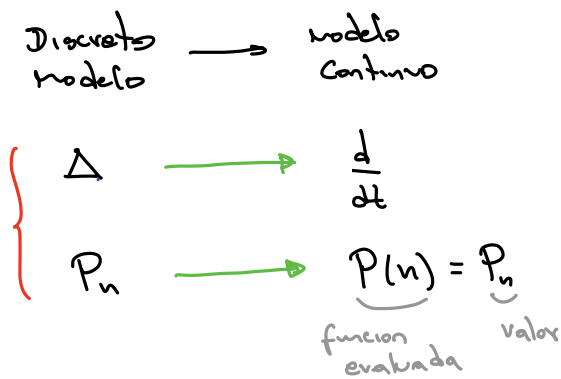


## Examen parcial 1



## clase pasada



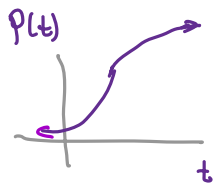
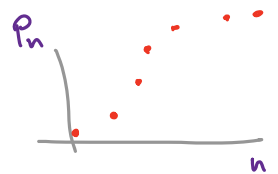
M. Exp. discreto

$$P_{n+1} = K P_n$$

$$\Delta P_n = (K-1) P_n$$

$$\frac{dP(t)}{dt} = (K-1) P(t)$$

$$P(t) = P_0 e^{(K-1)t}$$



## Analizar modelos Continuos

✓  
hoy

Encontrar puntos de equilibrio  
(puntos críticos)

encontrar los diagramas de fase  
 $\downarrow$   
(ver atractores o repulsores)

Resolver el modelo numericamente

## Puntos Críticos

"son los puntos del modelo en donde los cambios se hacen cero".

$\Downarrow$

$$\frac{d f}{d t} = 0$$

Ej: sea el modelo logístico continuo

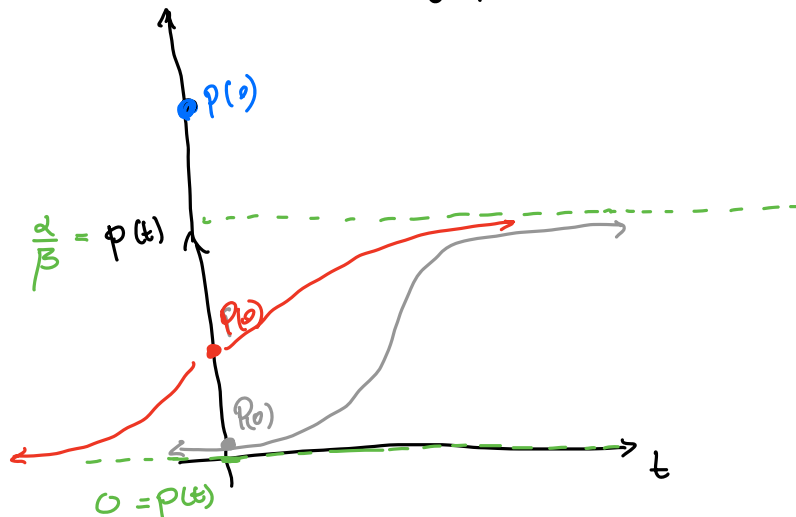
$$\frac{dP(t)}{dt} = \alpha P(t) - \beta P(t)^2$$

encontramos los puntos críticos

sol punto critico:  $\frac{dP(t)}{dt} = 0 = \alpha P(t) - \beta P(t)^2$   
 $0 = P(t) (\alpha - \beta P(t))$

$0 = P(t)$ 
 $\checkmark$ 
 $\alpha - \beta P(t) = 0$ 
 $P(t) = \frac{\alpha}{\beta}$

recordemos la forma del grafico



## Conclusion

Los puntos críticos pueden ser

- Atractores (sumidero) → Atrae las soluciones
- Repulsor (puntos de silla) → repele las soluciones

Ej<sup>2</sup>:  $\frac{dP(t)}{dt} = k P(t) \Rightarrow$

$$\frac{dP}{dt} = 0 \Rightarrow 0 = k P(t)$$
$$\Rightarrow \boxed{0 = P(t)}$$

