

Clase pasada → Modelos de Markov
↓
¿Que son?

El estado de todos los posibles resultados \rightarrow (probabilidades) de 1 exp. aleatorio se describen con un vector (fila) de estado

La matriz de transición permite cambiar de estado

$$\underline{v}_{n+1} = \underline{v}_n \cdot P$$

$$\underline{v}_n = (\dots, v_i, \dots)$$

\swarrow
medida n

\downarrow
 $v_i = P(X = x_i)$

$$(\#, \#, \#) = (\text{---} \rightarrow) \cdot \begin{pmatrix} \text{red} \\ \text{purple} \\ \text{green} \end{pmatrix}$$

Resultado de un proceso de markov.

$$\underline{v}_1 = (P_1, P_2, \dots, P_n)$$

$\uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow$
 $R_1 \quad R_2 \quad R_n$

P = ? → ¿Cómo construir P? → De los datos!

↑
En esto se basa la construcción de Modelos Markovianos

Ejemplo (ver código adjunto!)

$$P = (P_{ij})$$

Fila \nwarrow \nearrow columna

$$\begin{matrix} 0 \rightarrow \\ 1 \rightarrow \\ 2 \rightarrow \end{matrix} \begin{pmatrix} \overset{\checkmark}{P_{00}} & \overset{\checkmark}{P_{01}} & \overset{\checkmark}{P_{02}} \\ P_{10} & P_{11} & P_{12} \\ & & \end{pmatrix}_{3 \times 3}$$

Definimos:

$\bar{X} = \{0, 1, 2\} \rightarrow$ valores de la variable aleatoria

↓
Estados: - Soleado $\rightarrow \bar{X}(\text{soleado}) = 0$
 - Nublado $\rightarrow \bar{X}(\text{nublado}) = 1$
 - lluvioso $\rightarrow \bar{X}(\text{lluvioso}) = 2$

Entonces

P_{00} : probabilidad de que si esta soleado, pase a soleado

↑↑
S S

P_{01} : " " " " , pase a Nublado

P_{02} : " " " " , pase a lluvioso

Segun la info

$P_{00} = 0.5$
↓ ↓
Soleado Soleado

$P_{01} = 0.3$
↓ ↓
Soleado Nublado

$P_{02} = 0.2$
↓ ↓
Soleado lluvioso

$$\left(\sum_{j=0}^2 P_{ij} = 1 \right)$$

($\forall i$)

$$\begin{cases} P_{10} : 0.2 \\ P_{11} : 0.6 \\ P_{12} : 0.2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} P_{20} : 0.1 \\ P_{21} : 0.4 \\ P_{22} : 0.5 \end{cases}$$

Finalmente obtuvimos

$$P = \begin{pmatrix} 0.5 & 0.3 & 0.2 \\ 0.2 & 0.6 & 0.2 \\ 0.1 & 0.4 & 0.5 \end{pmatrix}$$

Tenemos el modelo Markoviano

$$\boxed{v_{n+1} = v_n \cdot P}, \text{ donde } v_n = (P(\bar{X}=0), P(\bar{X}=1), P(\bar{X}=2))$$

\uparrow
Modelo

en el estado n .

Pregunta

Pregunta
¿Si hoy es soleado, cuál es el clima más probable dentro de 15 días?
($n = 0$)

1.) $v_0 = (1, 0, 0) = (v_0, v_1, v_2)$ ✓

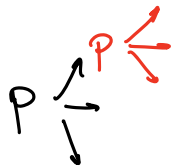
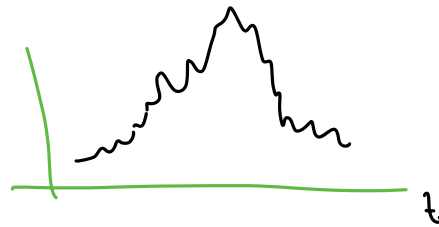
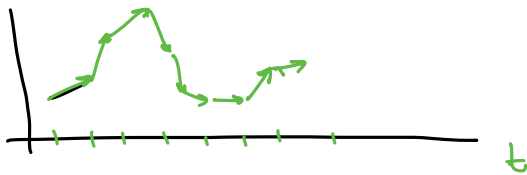
$\downarrow \qquad \qquad \qquad \downarrow \qquad \qquad \downarrow$

dia cero Solado Nublado lluvioso

$$2) \quad \begin{aligned} v_1 &= v_0 \cdot P \\ v_2 &= v_1 \cdot P \\ &\vdots \\ v_{15} &= v_{14} \cdot P \end{aligned} \longrightarrow P = \text{np.array}(\underbrace{[[F_0], [F_1], [F_2]]}_{[p_{00}, p_{01}, p_{02}]})$$

3) El clima mas probable corresponde V: mas grande!

Problema 2 (ver código)



P_1

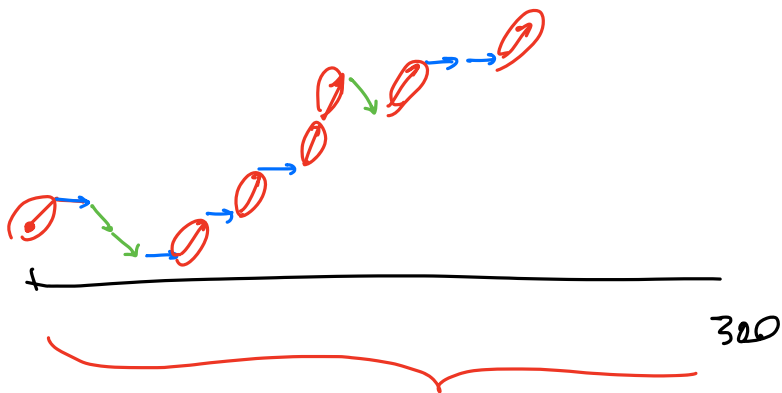
Nvidia

(Nvda)

Nasdaq ✓

S&P500 ✓

↓
→ JIN SIMMONS (matemático)



Definir V.A

Estados → Aumenta acción
→ permanece
↓ Disminuye acción

$$X(\text{Aumentar}) = 0$$

$$X(\text{permanece}) = 1$$

$$X(\text{Disminuir}) = 2$$

$$\underline{X} = \{0, 1, 2\}$$

$$P = (P_{ij})$$

⇒

$$P = \begin{pmatrix} \underline{P_{00}} & \underline{P_{01}} & \underline{P_{02}} \\ & \underline{P_{11}} & \\ \underline{P_{20}} & & \end{pmatrix} \begin{matrix} \leftarrow \text{Aumentar} \\ \leftarrow \text{permanece} \\ \leftarrow \text{Disminuir} \end{matrix}$$

Por el enfoque frecuentista tenemos

$$P_{\underline{00}} = \frac{50}{300} = \frac{1}{6}$$

$$P_{01} = \frac{36}{306}$$

$$P_{02} =$$

$$P_{10} = \frac{40}{309} =$$