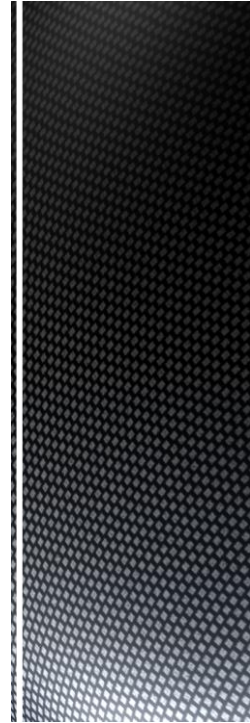


Física I

Laboratorio
Propagación de Errores

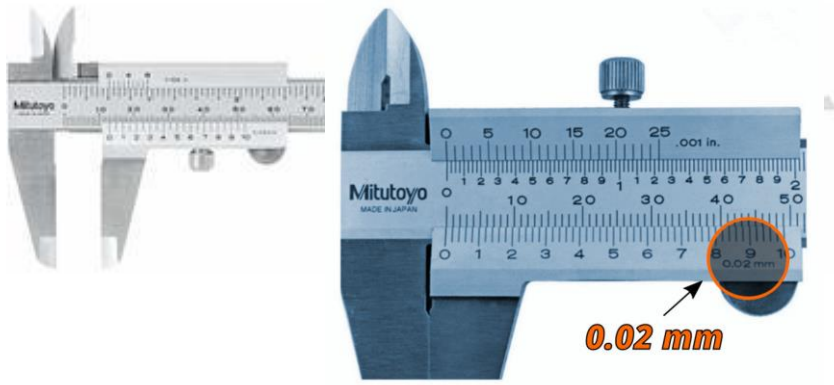
2020



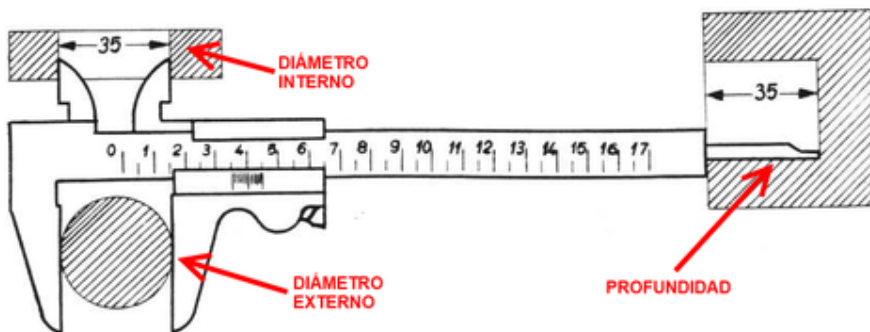
Calibre o vernier



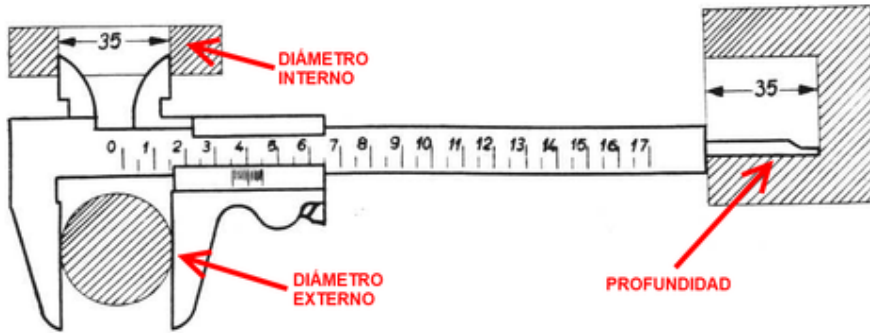
Calibre o vernier



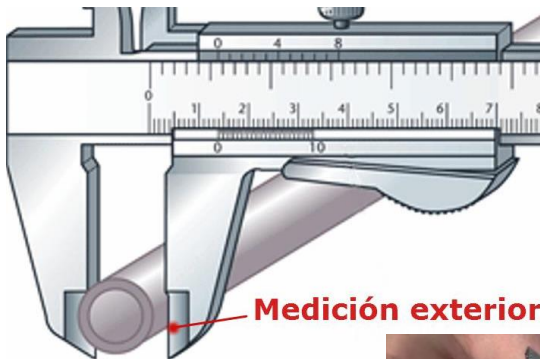
Calibre o vernier



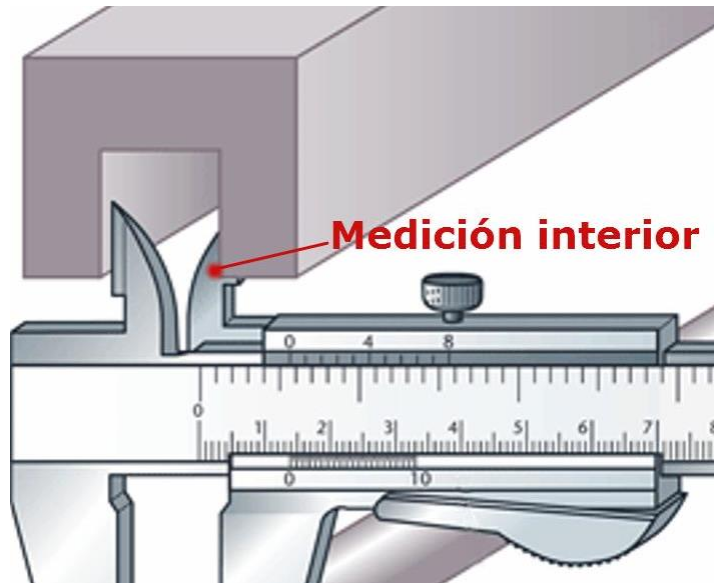
Calibre o vernier



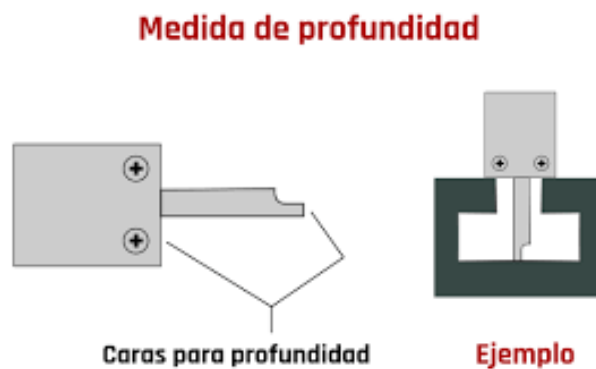
Calibre o vernier – Medición exterior



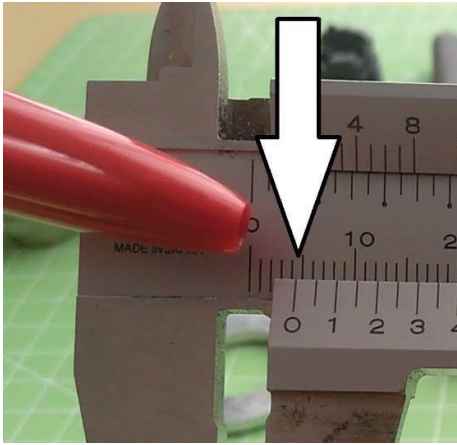
Calibre o vernier – Medición interior



Calibre o vernier – Medición de profundidad



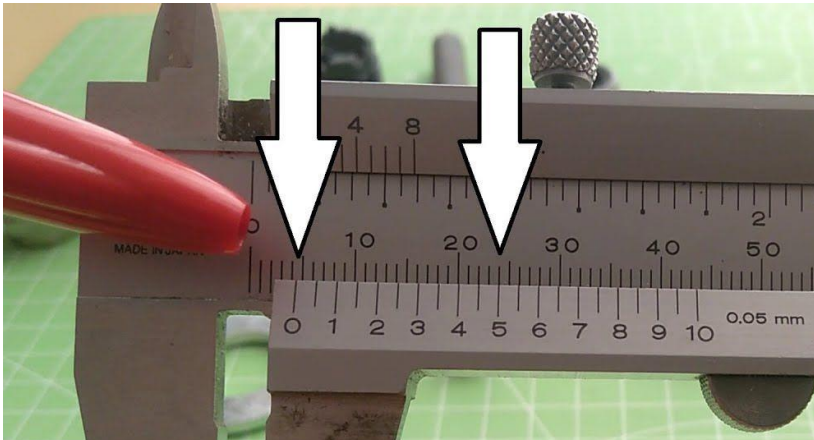
Calibre o vernier – lectura de la medida



Apreciación del
instrumento: 0,05mm

4

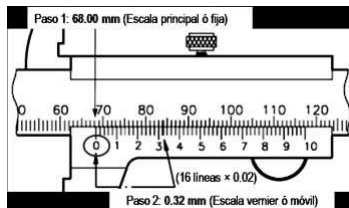
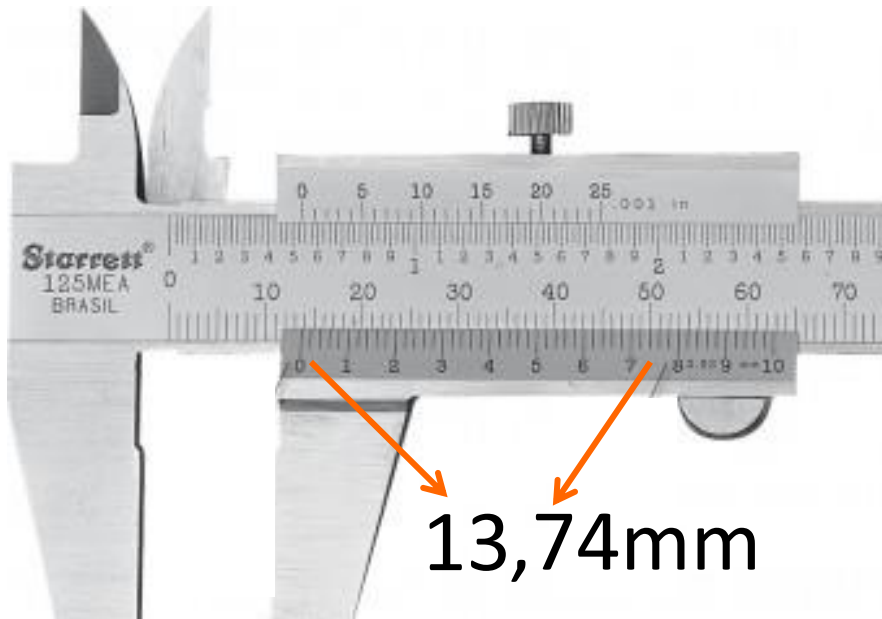
Calibre o vernier – lectura de la medida



Apreciación del
instrumento: 0,05mm

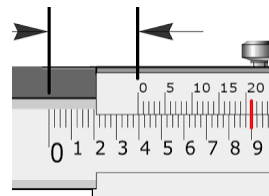
4,50mm

Calibre o vernier – lectura de la medida



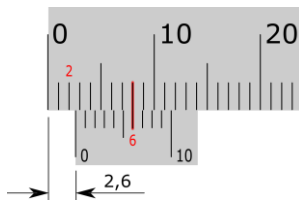
Apreciación: 0,02mm

68,32mm



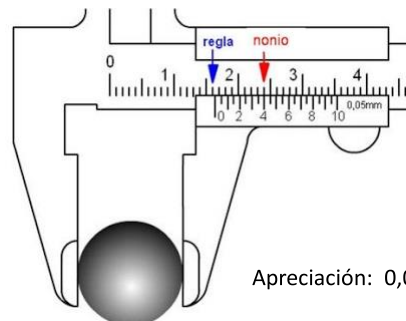
Apreciación: 0,01mm

3,75mm+0,21mm=3,96mm



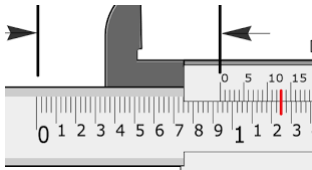
Apreciación: 0,01mm

2,06mm



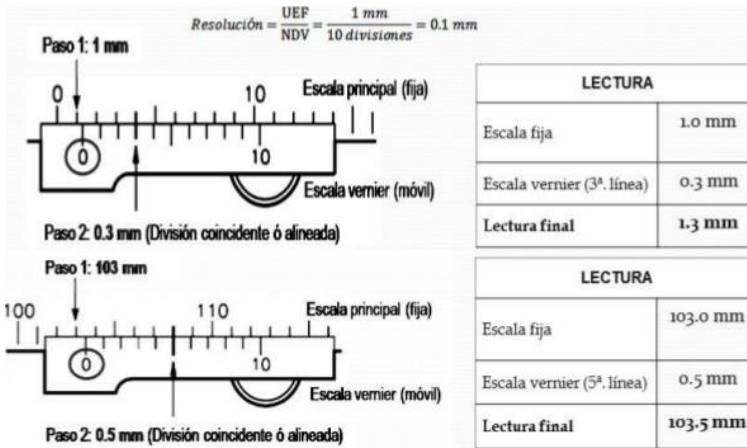
Apreciación: 0,05mm

16mm+0,40mm=16,40mm



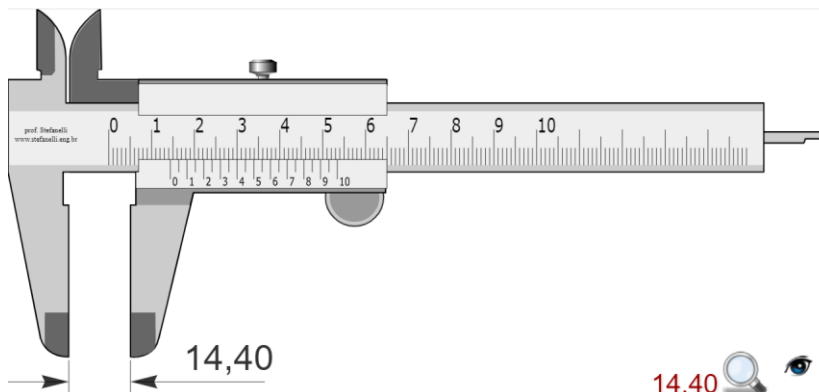
Apreciación: 0,01mm

$$9,25\text{mm} + 0,13\text{mm} = 9,38\text{mm}$$



Calibre o vernier – lectura de la medida

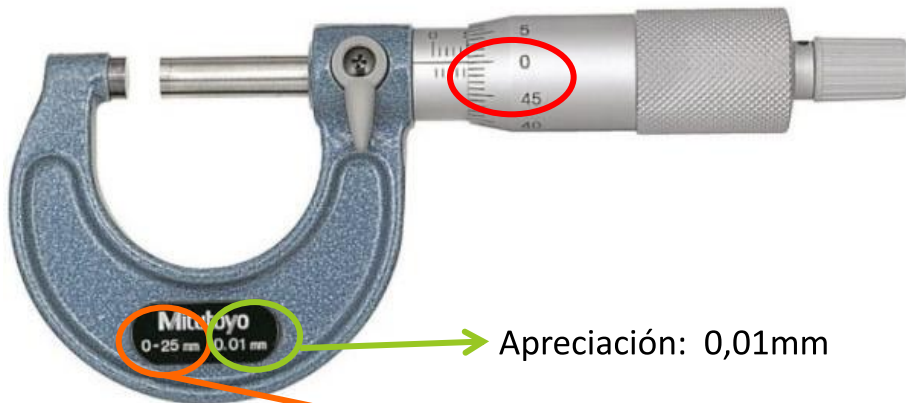
▪ <https://www.stefanelli.eng.br/es/calibre-virtual-simulador-milimetro-05/>



Palmer o tornillo micrométrico



Palmer o tornillo micrométrico



Apreciación: 0,01mm

Alcance: 25mm

Palmer o tornillo micrométrico - Lectura



Apreciación del
instrumento: 0,01mm

5,00mm

Palmer o tornillo micrométrico - Lectura



$12,5\text{mm} + 0,40\text{mm} = 12,90\text{mm}$

Palmer o tornillo micrométrico - Lectura



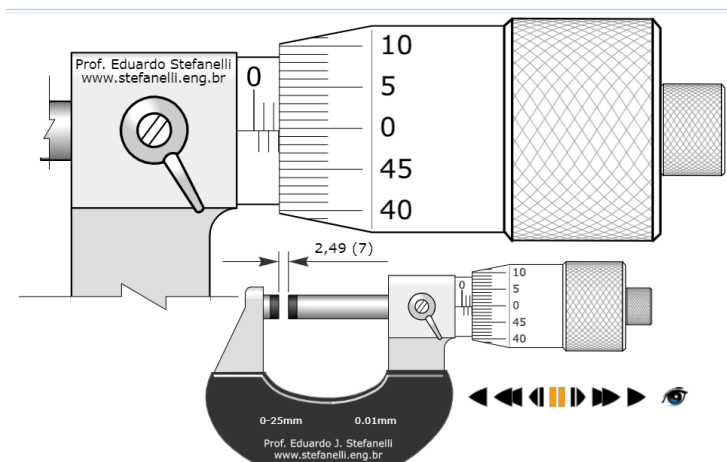
$$19,0\text{mm} + 0,11\text{mm} = 20,11\text{mm}$$



$$9,0\text{mm} + 0,23\text{mm} = 9,23\text{mm}$$

Palmer o tornillo micrométrico - Lectura

<https://www.stefanelli.eng.br/es/micrometro-virtual-centesimas-milimetro-simulador/>



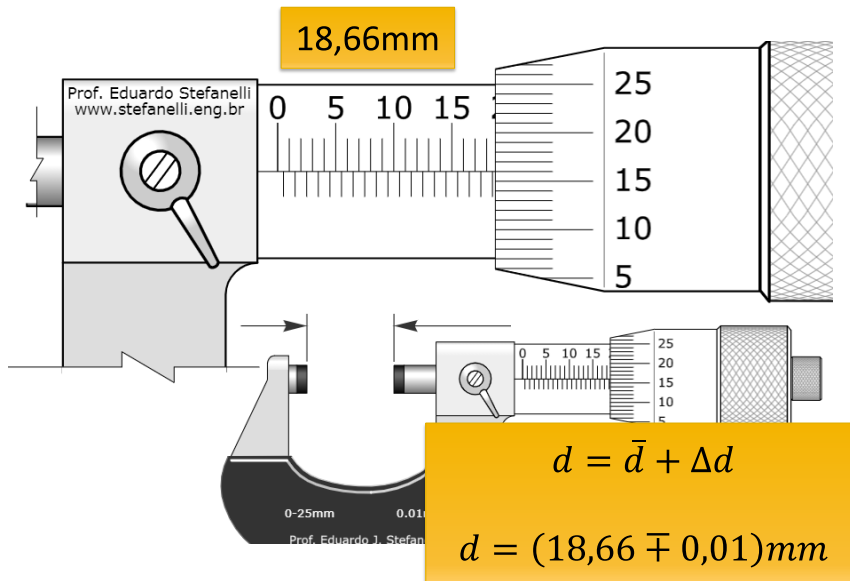
EJERCICIO: propagación de errores



Con la medida del diámetro y la altura, calcule realizando la propagación de errores y exprese como valores acotados :

- El perímetro de un rectángulo de altura igual a la del cilindro y base igual al diámetro del mismo (la vista del cilindro).
- El área de ese rectángulo.
- El volumen del cilindro.

Diámetro:



Altura:

	Lectura	Valor más probable	Error aparente	Error aparente al cuadrado	Diámetro
Nº	[mm]	[mm]	[mm]	[mm ²]	[mm]
	h_i	\bar{h}	$h_i - \bar{h}$	$(h_i - \bar{h})^2$	h
1	86,25				Instrumento utilizado:
2	86,15				
3	86,05				CALIBRE
4	85,92				
5	85,96				Error de apreciación:
6	86,20				
7	86,15				Error absoluto:
8	86,15				
9	86,00				Error:
10	85,88				
Σ					Valor acotado:

$$e = \sqrt{\frac{\sum (h_i - \bar{h})^2}{n(n-1)}}$$

▪ El mayor entre el error de apreciación y el error absoluto.

$$h = \bar{h} + \Delta h$$

Perímetro



$$\bar{P} = 2\bar{d} + 2\bar{h}$$

$$\Delta P = 2\Delta d + 2\Delta h$$

$$P = \bar{P} + \Delta P$$

$$\begin{aligned} d &= \bar{d} + \Delta d \\ h &= \bar{h} + \Delta h \end{aligned}$$

Área



$$\bar{A} = \bar{d} \cdot \bar{h}$$

$$\begin{aligned} d &= \bar{d} + \Delta d \\ h &= \bar{h} + \Delta h \end{aligned}$$

$$\varepsilon_A = \varepsilon_d + \varepsilon_h$$

$$\frac{\Delta A}{\bar{A}} = \frac{\Delta d}{\bar{d}} + \frac{\Delta h}{\bar{h}}$$

$$\Delta A = \bar{A} \left(\frac{\Delta d}{\bar{d}} + \frac{\Delta h}{\bar{h}} \right)$$

$$A = \bar{A} + \Delta A$$

Volumen



$$\bar{V} = \pi \cdot \frac{\bar{d}^2}{4} \cdot \bar{h}$$

$$\begin{aligned} d &= \bar{d} + \Delta d \\ h &= \bar{h} + \Delta h \end{aligned}$$

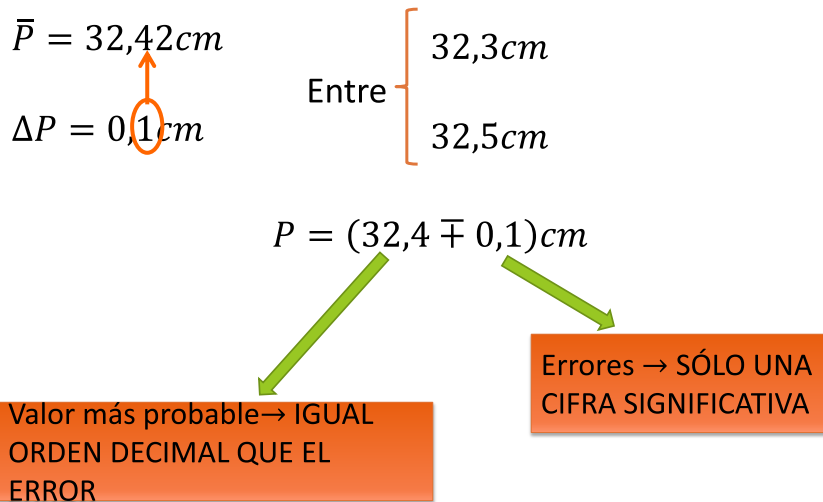
$$\varepsilon_V = \varepsilon_\pi + 2\varepsilon_d + \varepsilon_h$$

$$\frac{\Delta V}{\bar{V}} = \frac{\Delta \pi}{\bar{\pi}} + 2 \frac{\Delta d}{\bar{d}} + \frac{\Delta h}{\bar{h}}$$

$$\Delta V = \bar{V} \left(\frac{\Delta \pi}{\bar{\pi}} + 2 \frac{\Delta d}{\bar{d}} + \frac{\Delta h}{\bar{h}} \right)$$

$$V = \bar{V} + \Delta V$$

Valores acotados (ejemplos)



Valores acotados (ejemplos)

$\bar{P} = 203,58cm$
 $\Delta P = 0,61cm$

$P = (203,6 \mp 0,6)cm$

$\bar{A} = 1603,15cm^2$
 $\Delta A = 2,23cm^2$

$A = (1603 \mp 2)cm^2$

$\bar{V} = 23518,079cm^3$
 $\Delta V = 371,54cm^3$

$V = (235 \mp 4)10^2cm^3$