# TRABAJO PRÁCTICO Nº 7 CIRCUITOS DE CORRIENTE CONTINUA-PARTE III

## Experiencia 7.1 Redes de corriente continua

## Objetivo

Corroborar procedimientos y reglas que se aplican en la resolución de redes de corriente continua constituidas por elementos lineales y funcionamiento en régimen estacionario.

#### Introducción

Se trata de circuitos eléctricos cuyo funcionamiento se resuelve analíticamente aplicando la ley de Ohm, las reglas de asociación de resistencias, la ecuación del circuito serie y las reglas de Kirchhoff.

Ley de Ohm:  $i = \frac{V}{R}$ 

Regla; resistencias en serie:  $R_{eq} = \sum R_i$ 

Regla; resistencias en paralelo:  $\frac{1}{R_{eq}} = \sum \frac{1}{R_{i}}$ 

Ecuación del circuito serie:  $i = \frac{\sum \varepsilon}{\sum R}$ 

Kirchhoff; regla de las mallas:  $\sum V = 0$ 

 $\textit{Kirchhoff; regla de los nudos:} \qquad \sum i_{entrante} = \sum i_{saliente} \ \acute{o} \ \sum i = 0$ 

La denominación de red eléctrica que se da a los circuitos proviene de la configuración en mallas de la interconexión de elementos, de manera que se los puede describir mediante:

- Malla (o espira): cualquier trayectoria conductora <u>cerrada</u> que se pueda definir recorriendo el circuito.
- Nodo (o unión, o nudo): punto del circuito al que confluyen <u>tres o más</u> conductores de interconexión de elementos.
- Rama: tramo del circuito, con uno o varios elementos en serie, definido entre dos nodos.
- Elementos activos: Generadores de fem; se los representa como ideales, sin resistencia interna. Si es necesario tomar en cuenta el valor de r, se la representa en serie con ε, como una resistencia externa.
- Elementos pasivos o consumidores: resistores (resistencias lineales).

Las redes más sencillas son aquellas que se pueden resolver reduciéndolas a una malla simple o circuito serie usando las reglas de asociación serie y paralelo de resistencias y generadores. Llamamos a estas redes **circuitos reducibles.** 

Las redes en las que no es posible la reducción a circuito serie se denominan **redes o circuitos no reducibles** y para su resolución se recurre a las reglas de Kirchhoff.

Las fuentes de fem que usaremos serán consideradas como ideales (sin resistencia interna) por esto, adoptaremos como valor de  $\varepsilon$  directamente la diferencia de potencial en bornes de las fuentes, en funcionamiento y conectadas a la red en estudio.

## I. Verificación del procedimiento para resolver una "red reducible a circuito serie".

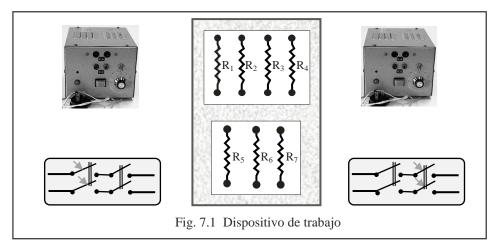
## Equipamiento

Siete resistores potencia de disipación 0,5 W con terminales de conexión tipo "banana" y accesorios fijos en un panel rectangular.

Dos fuentes de corriente continua.

Tester digital.

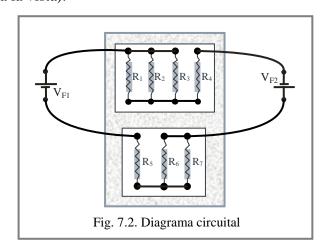
Dos módulos con interruptores y accesorios para conexión, comando y protección de circuitos. Conductores y accesorios para el cableado.



#### Procedimiento

Representar esquemáticamente el grupo de resistores y numerarlos conforme se indica en el dispositivo de trabajo. Medirlos utilizando el ohmímetro y registrar sus valores en el esquema. Dibujar diagrama circuital de una red reducible a circuito serie indicando la conexión de las fuentes; por ejemplo, el mostrado en el esquema (Fig. 7.2) que interconecta los siete resistores y las dos fuentes.

**Interconectar los resistores** del panel conforme a lo representado en el diagrama (el diagrama siempre debe tenerlo a la vista).



$$\begin{aligned} V_{F1} &= \epsilon_1 \\ V_{F2} &= \epsilon_2 \end{aligned}$$

Determinar con el tester en la función ohmímetro los valores de resistencias equivalentes que permitan calcular el denominador  $\Sigma R$  de la ecuación general. Registrar valores y calcular  $\Sigma R$ .

Comparar el valor determinado anteriormente con el que resulta de resolver las combinaciones serie paralelo de la red a partir del valor de los resistores individuales. Para el caso de la red del

diagrama corresponde: 
$$\sum R = \frac{R_1 R_2 R_3}{R_2 R_3 + R_1 R_2 + R_1 R_3} + R_4 + R_5 + \left(\frac{R_6 R_7}{R_6 + R_7}\right)$$
(7.1)

Conectar la red a las fuentes utilizando los interruptores de comando y protección de circuitos; previamente, controlar que las **polaridades** sean las indicadas en el diagrama y que la regulación de las fuentes (no necesariamente iguales) supere 12 V.

Controlar que los resistores funcionen sin exceder la potencia de disipación 0,5 W; en caso de que esto ocurra, disminuir la tensión de alguna de las fuentes. Para este control aplicar la expresión  $P = \frac{V^2}{R}$  (con el tester, en la función voltímetro, medir la tensión V en el resistor de resistencia R que controla).

Medir con el tester en la función voltímetro las tensiones de salida de las fuentes, estando estas activadas y conectadas a la red. Registrar los valores medidos y calcular el numerador de la ecuación general del circuito serie  $\Sigma$   $\varepsilon$ .

Calcular la corriente del circuito serie aplicando 
$$i = \frac{\sum \varepsilon}{\sum R}$$
 (7.2)

Medir la corriente en diferentes puntos del circuito serie, comprobando la característica de corriente del circuito serie. Indicar en el diagrama los puntos de medición y registrar valores medidos.

**Precaución**: la apertura del circuito para conectar el amperímetro, debe realizarla abriendo previamente los interruptores de comando.

Final: verificar correspondencia entre valor medido y valor calculado de la intensidad de corriente del circuito reducible a serie.

## II. Verificación de las reglas de Kirchhoff. "Redes no reducibles a circuito serie".

Equipamiento

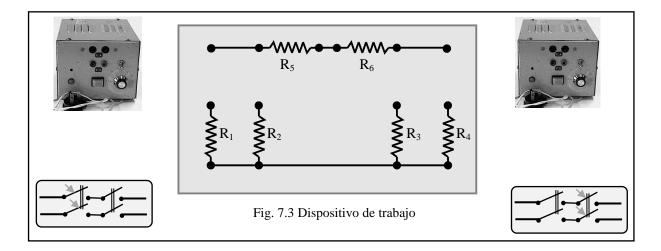
Seis resistores potencia de disipación 0,5 W parcialmente interconectados conforme se indica en el dispositivo de trabajo (Fig. 7.3).

Dos fuentes de corriente continua.

Tester digital.

Dos módulos con interruptores y accesorios para conexión, comando y protección de circuitos.

Conductores y accesorios para el cableado.

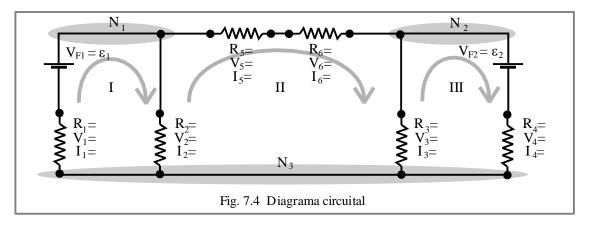


#### **Procedimiento**

Representar esquemáticamente el grupo de resistores y numerarlos conforme se indica en el dispositivo de trabajo. Medirlos utilizando el ohmímetro y registrar sus valores en el esquema.

Dibujar diagrama circuital de una red no reducible a circuito serie indicando la conexión de las fuentes; por ejemplo, el mostrado en el esquema (Fig. 7.4) que interconecta los seis resistores y las dos fuentes. Marcar en el diagrama la formación de nodos y mallas (en el ejemplo son tres nodos y tres mallas simples).

Registrar en el diagrama la identificación y valor de los resistores.



## Con el diagrama circuital a la vista

Construir la red efectuando el correspondiente cableado; inclusive el de conexión de las fuentes. Activar las fuentes reguladas a tensiones del orden de 12 V y cerrar los interruptores de comando.

#### Con el tester en la función voltímetro

Controlar que los resistores funcionen sin exceder la potencia de disipación 0,5 W; en caso de que esto ocurra, disminuir la tensión de alguna de las fuentes.

Medir la tensión en cada uno de los elementos de la red registrando **valores** y **POLARIDADES** en el diagrama circuital.

## Aplicando la ley de Ohm

Calcular la corriente en cada uno de los resistores; registrar valores y sentidos en el diagrama.

#### Considerando los datos registrados en el diagrama circuital:

Verificar la regla de las mallas en las cuatro mallas simples.

Verificar la regla de los nudos en los cuatro nudos.

Registrar los cálculos y exponer conclusiones.

## Ejercicio complementario

Determinar la diferencia de potencial entre los puntos  $\mathbf{a}$  y  $\mathbf{b}$  de la red ( $V_{ab} = V_a - V_b$ ). (7.3) Sobre el diagrama circuital, partiendo del punto  $\mathbf{b}$  seguir una trayectoria conductora hasta el punto  $\mathbf{a}$  sumando algebraicamente las diferencias de potencial que encuentre. Efectuar igual

determinación siguiendo diferentes trayectorias. Comparar resultados. Verificar midiendo Vab

con el tester en la función voltímetro.

#### Ejercicio complementario

Para resolver una red no reducible a serie, aplicando las reglas de Kirchhoff, debe obtener un número de ecuaciones lineales independientes igual al número de incógnitas; así, la resolución de la red es, en definitiva, un problema algebraico.

Resolver la red Fig. 7.4 (determinar analíticamente las corrientes) a partir del conocimiento de las resistencias y de las tensiones en bornes de las fuentes. Verificar valores y sentido de las corrientes con los registrados en el diagrama circuital.

## Experiencia 7.2

## Circuitos resistencia-capacitancia

#### Introducción

Cuando se tiene un circuito formado por un resistor  $\mathbf{R}$  y un capacitor  $\mathbf{C}$  en serie, y se lo conecta a una fuente de corriente continua, se produce la carga del capacitor; esta carga y la consecuente diferencia de potencial entre las placas del capacitor, no son constantes por cuanto se aproximan a un valor final ( $\mathbf{Q}$  y V) de manera asintótica siguiendo una variación exponencial con un tiempo característico  $\tau = \mathbf{RC}$ , denominado "constante de tiempo" o "tiempo de relajación".

En el proceso de descarga, los parámetros mencionados, también varían exponencialmente, con la misma constante de tiempo.

A estos procesos, en los que los parámetros eléctricos varían con el tiempo, se denominan "transitorios" y, en la práctica, se consideran finalizados cuando el tiempo transcurrido es del orden de 5 veces el tiempo de relajación  $\tau$ .

#### Objetivo

Analizar transitorios de carga y descarga de capacitores en circuitos RC y determinar las respectivas constantes de tiempo  $\tau$ 

#### Equipamiento

Caja **RC**. Características y especificaciones de los capacitores en T.P.N° 4. Los resistores son:  $R_1 = 2.0 \times 10^8 \Omega$ ;  $R_2 = 1.0 \times 10^8 \Omega$  y  $R_3 = 0.50 \times 10^8 \Omega$ .

Fuente de tensión variable de baja potencia. Se usará solo en la escala 0 - 30 V.

Electrómetro para mediciones estáticas de tensión. Se usará en la escala de 0 - 30 V. Cronómetro.

#### I. Transitorio de carga

## Procedimiento:

Seleccionar el circuito que muestra la Fig. 7.5. El circuito serie es formado con  $R_1$ =2.0x10 $^8$   $\Omega$  y  $C_2$ = 0.47  $\mu$ F.

Asegurar que el capacitor se encuentre descargado cortocircuitándolo transitoriamente.

Incorporar la fuente ajustada a 30 V.

Conectar el electrómetro a los terminales del capacitor

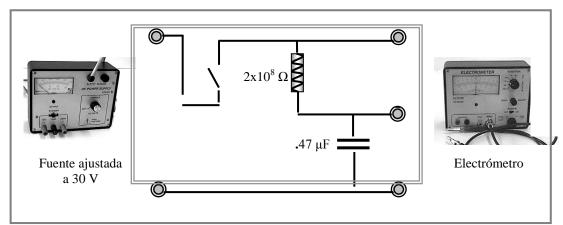


Fig. 7.5 Dispositivo de trabajo y circuito ensayo transitorio de carga

Cerrar la llave de la fuente iniciando el proceso de carga y simultáneamente accionar el cronómetro comenzando a medir el tiempo t .

Tomar los valores de t correspondientes a tensiones de 5 V; 10 V; 15 V y 20 V en bornes del capacitor (que serán indicadas por el electrómetro).

Graficar la curva de carga v=f(t). (al finalizar el proceso de carga la tensión en bornes del condensador será  $V_f = 30 \text{ V}$ ).

Repetir la operación conectando el electrómetro en bornes de la resistencia y tomar lecturas de t para valores de tensión de 25 V; 20 V; 15 V y 10 V.

Graficar la curva v = f(t). (al finalizar la carga, la tensión en bornes del resistor será nula).

## Cálculo de la constante de tiempo

Para cualquier punto de la curva de carga obtenida, por ejemplo, el punto 2, se cumple:

$$\mathbf{v}_2 = \mathbf{V}_{\mathbf{f}} \left( 1 - \mathbf{e}^{-\frac{\mathbf{t}_2}{\tau}} \right) \tag{7.4}$$

de donde despejamos:

$$\tau = \frac{-t_2}{\ln \frac{V_f - v_2}{V_f}}$$
 (7.5)

Verificar resultado con los valores de R y C del circuito ensayado ( $\tau = RC$ ).

Observar que en el ensayo donde v es la tensión en bornes del resistor, indirectamente está analizando la corriente i del transitorio de carga del capacitor.

Repetir procesos de carga seleccionando distintos valores de R y C; controlando cualitativamente su influencia en la duración del transitorio. No tomar lecturas; únicamente observar el desplazamiento de la aguja del electrómetro.

## II. Transitorio de descarga

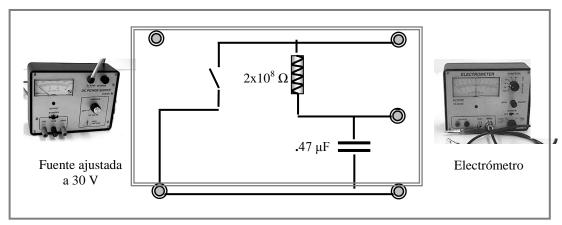


Fig. 7.6 Dispositivo de trabajo y circuito ensayo transitorio de descarga

#### Procedimiento:

Adoptar iguales componentes del circuito **RC** como muestra la Fig. 7.6.

Cargar el capacitor a **30 V** haciendo breve contacto con los terminales conectados a los bornes de la fuente.

Conectar el electrómetro a los bornes del capacitor.

Cerrar la llave y simultáneamente operamos el cronómetro comenzando a medir el tiempo t.

Tomar lecturas de t correspondientes a tensiones de 20; 15; 10 y 5 V.

Graficar la curva de descarga v = f(t). (al finalizar el proceso de descarga la tensión en bornes del capacitor será nula).

## Cálculo de la constante de tiempo

Para dos puntos cualesquiera de la curva, por ejemplo el 2 y el 4, se cumple:

$$v_2 = V_i e^{-\frac{t_2}{\tau}} \quad y \quad v_4 = V_i e^{-\frac{t_4}{\tau}}$$
 (7.6)

De donde resulta: 
$$\frac{v_2}{v_4} = e^{\frac{t_4 - t_2}{\tau}}$$
 finalmente: 
$$\tau = \frac{t_4 - t_2}{\ln \frac{v_2}{v_4}}$$
 (7.7)

Teniendo en cuenta que ha ensayado el circuito con los mismos elementos: ¿Coincide el valor obtenido de  $\tau$  con el valor determinado anteriormente con datos del proceso de carga?

Repetir procesos de descarga con distintos valores de R y C; controlando cualitativamente su influencia en la duración del transitorio. No tomar lecturas; únicamente observar e interpretar el desplazamiento de la aguja del electrómetro.