5. ESTIMACIÓN DE PARÁMETROS

	Parámetro a estimar	Intervalo bilateral para una confianza de (1-α).100%
5.01	Media μ de una población normal con varianza σ^2 conocida	$\overline{x} - z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < \mu < \overline{x} + z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ donde $z_{\alpha/2}$ es un valor de z (variable normal estándar) que deja un área de $1 - \alpha$ entre $-z_{\alpha/2}$ y $z_{\alpha/2}$
5.02	Media μ de una población normal con varianza σ^2 desconocida	$\overline{x} - t_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}} < \mu < \overline{x} + t_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}$ donde $t_{\alpha/2}$ es un valor de t (variable t -Student) que deja un área de 1 - α entre $-t_{\alpha/2}$ y $t_{\alpha/2}$ con $\nu = n$ - 1 grados de libertad
5.03	Diferencia entre dos medias $\mu_1 - \mu_2$ con varianzas σ_1^2 y σ_2^2 conocidas	$(\bar{x}_{l} - \bar{x}_{2}) - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\sigma_{l}^{2}}{n_{l}} + \frac{\sigma_{2}^{2}}{n_{2}}} < \mu_{l} - \mu_{2} < (\bar{x}_{l} - \bar{x}_{2}) + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\sigma_{l}^{2}}{n_{l}} + \frac{\sigma_{2}^{2}}{n_{2}}}$ $donde\ z_{\alpha/2}\ es\ un\ valor\ de\ z\ (variable\ normal\ estándar)$ $que\ deja\ un\ área\ de\ 1\ - \alpha\ entre\ -z_{\alpha/2}\ y\ z_{\alpha/2}$
5.04	Diferencia entre dos medias $\mu_1 - \mu_2$ de dos poblaciones normales con varianzas desconocidas e iguales $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$	$\begin{split} &(\overline{x}_{1}-\overline{x}_{2})-t_{\alpha/2,\nu}S_{p}\sqrt{\frac{1}{n_{1}}+\frac{1}{n_{2}}}<\mu_{1}-\mu_{2}<(\overline{x}_{1}-\overline{x}_{2})+t_{\alpha/2,\nu}S_{p}\sqrt{\frac{1}{n_{1}}+\frac{1}{n_{2}}}\\ &siendo~S_{p}^{2}=\frac{(n_{1}-1)s_{1}^{2}+(n_{2}-1)s_{2}^{2}}{n_{1}+n_{2}-2}\\ &y~donde~t_{\alpha/2}~es~un~valor~de~t~(variable~t-Student)~que~deja~un~área~de~1~-~\alpha~entre~-t_{\alpha/2}~y~t_{\alpha/2}~con~\nu=n_{1}+n_{2}-2\\ &grados~de~libertad \end{split}$
5.05	Diferencia entre dos medias $\mu_1 - \mu_2$ de dos poblaciones normales con varianzas desconocidas y distintas $\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$	$\begin{split} (\overline{x}_{1} - \overline{x}_{2}) - t_{\alpha/2,\nu} \sqrt{\frac{s_{1}^{2} + s_{2}^{2}}{n_{1}}} < \mu_{1} - \mu_{2} < (\overline{x}_{1} - \overline{x}_{2}) + t_{\alpha/2,\nu} \sqrt{\frac{s_{1}^{2} + s_{2}^{2}}{n_{1}}} + \frac{s_{2}^{2}}{n_{2}} \\ donde \ t_{\alpha/2} \ es \ un \ valor \ de \ t \ (variable \ t\text{-Student}) \ que \ deja \\ un \ \acute{a}rea \ de \ 1 - \alpha \ entre \ -t_{\alpha/2} \ y \ t_{\alpha/2} \ con \ \nu \ grados \ de \ libertad, \\ siendo \ \nu = \frac{\left(s_{1}^{2} / n_{1} + s_{2}^{2} / n_{2}\right)^{2}}{\left(s_{1}^{2} / n_{1}\right)^{2} + \left(s_{2}^{2} / n_{2}\right)^{2}} \\ \frac{\left(s_{1}^{2} / n_{1}\right)^{2} + \left(s_{2}^{2} / n_{2}\right)^{2}}{n_{2} - 1} \end{split}$

Fórmulas 12 Estadística Técnica



5.06	Diferencia entre medias de dos poblaciones normales para muestras pareadas $\mu_D = \mu_1 - \mu_2$	$\overline{d} - t_{\alpha/2} \frac{s_d}{\sqrt{n}} < \mu_D < \overline{d} - t_{\alpha/2} \frac{s_d}{\sqrt{n}}$ donde $t_{\alpha/2}$ es un valor de t (variable t -Student) que deja un área de 1 - α entre $-t_{\alpha/2}$ y $t_{\alpha/2}$ con $\nu = n$ - 1 grados de libertad
5.07	Proporción o parámetro de una distribución binomial <i>p</i>	$\hat{p} - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}\hat{q}}{n}} donde z_{\alpha/2} es un valor de z (variable normal estándar) que deja un área de 1 - \alpha entre -z_{\alpha/2} y z_{\alpha/2}$
5.08	Diferencia entre dos proporciones o dos parámetros binomiales $p_1 - p_2$	$ (\hat{p}_1 - \hat{p}_2) - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1} + \frac{\hat{p}_2 \hat{q}_2}{n_2}} < p_1 - p_2 $ $ p_1 - p_2 < (\hat{p}_1 - \hat{p}_2) + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1 \hat{q}_1}{n_1} + \frac{\hat{p}_2 \hat{q}_2}{n_2}} $ $ donde \ z_{\alpha/2} \ es \ un \ valor \ de \ z \ (variable \ normal \ estándar) $ $ que \ deja \ un \ área \ de \ 1 - \alpha \ entre \ -z_{\alpha/2} \ y \ z_{\alpha/2} $
5.09	Varianza σ^2 de población normal	$\frac{(n-1)s^2}{\chi^2_{\alpha/2}} < \sigma^2 < \frac{(n-1)s^2}{\chi^2_{1-\alpha/2}}$ donde $\chi^2_{\alpha/2}$ y $\chi^2_{1-\alpha/2}$ son valores de χ^2 que dejan a la derecha un área de $\alpha/2$ y 1- $\alpha/2$, respectivamente, con ν = n - 1 grados de libertad
5.10	Cociente de varianzas σ_1^2/σ_2^2 de distribuciones normales	$\frac{s_i^2}{s_2^2} \cdot \frac{1}{f_{\alpha 2}(v_1, v_2)} < \frac{\sigma_i^2}{\sigma_2^2} < \frac{s_i^2}{s_2^2} f_{\alpha 2}(v_2, v_1)$ donde $f_{\alpha 2}(v_1, v_2) y$ $f_{\alpha 2}(v_2, v_1)$ son valores de F con v_1 $y \ v_2 \ y \ con \ v_2 \ y \ v_1 \ grados \ de \ libertad, \ respectivamente,$ $que \ dejan \ a \ la \ derecha \ un \ área \ de \ \alpha / 2, \ siendo \ v_1 = n_1 - 1$ $y \ v_2 = n_2 - 1$
5.11	Tamaño de muestra para estimación de medias	$n = \left(\frac{z \cdot \sigma}{e}\right)^2$
5.12	Tamaño de muestra para estimación de proporciones	$n = \frac{z^2 \cdot \overline{p} \cdot \overline{q}}{e^2} con proporción muestral conocida$ $n = \frac{z^2}{4 \cdot e^2} con proporción muestral desconocida$

Fórmulas 13 Estadística Técnica

		Fó	rmulas
D. Fernández	&	M.	Guitart