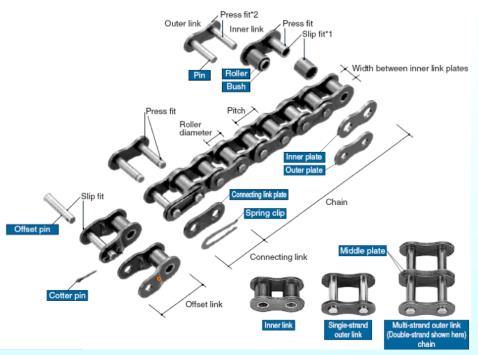


Cátedra: MECANICA APLICADA MECANICA Y MECANISMOS





CATEDRA: TCDM

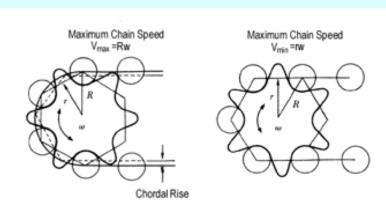
UNIDAD 2: TRANSMISIONES

FLEXIBLES

TEMA: CADENAS

Ejercicio 1B:

TRANSMISION DE MOVIMIENTO POR CADENAS



Para la resolución se utiliza el libro catalogo del fabricante REXNORD.



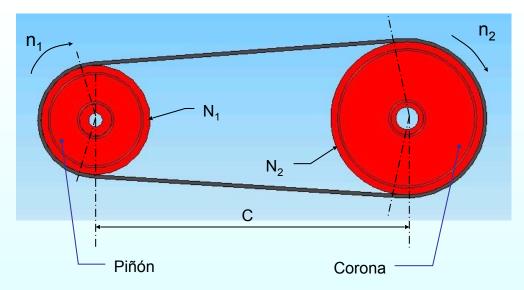


Se requiere seleccionar los elementos para un mando de transmisión de cadenas de rodillos para mover una cinta transportadora de carbón, accionado por un motor eléctrico con un reductor a engranajes. La velocidad de entrada en el mando es de 900 rpm, y la velocidad de salida que se requiere es de 230 a 240 rpm. La potencia máxima del motor es de 15 HP, y se supone que la carga de carbón no es uniforme sobre la cinta.

- a) Selecciona el mando de cadena adecuado para la transmisión, asumiendo un ramal.
- b) Redimensione el sistema de mando asumiendo un diámetro máximo de corona de 420mm.







<u>Criterios importantes:</u>

 $Z_1 \ge 17$ impar de ser posible

 $Z_2 \ge 17$ par de ser posible

Cantidad par de eslabones

Distancia entre centros:

 $30p \le C \le 50p$

Variables de entrada:

P : Potencia (motor)

n₁: Velocidad del motor

n₂: Velocidad de la carga

C: distancia entre centros (*)

Tipo de servicio

Variables de salida:

- 1) Potencia de selección Hs
- 2) Paso de la cadena p
- Piñón y corona
- 4) Potencia disponible Ha
- 5) Longitud de la cadena
- 6) Distancia entre centros corregida

Maquina conducida:

Cinta transportadora

Velocidad: 230 a 240 rpm

Maquina conductora:

Motor eléctrico 15 HP

Velocidad: 900 rpm



1. Potencia de selección Hs

Se obtiene de afectar la potencia de la transmisión (de la erogada por el motor o la consumida por la maquina) por el factor de servicio y diseño:

$$H_{s} = K_{s} \cdot H_{nom}$$

 H_{nom} : Potencia nominal: 15 HP

 K_s : factor de servicio: ????



De pagina 15 del catalogo (Tabla 1) se obtienen los factores de servicio

Table 1 Service factors

		Service factors	٦		
Driven equipment		Input power			
	Internal combustion engine with hydraulic drive	Electric motor or turbine	Internal combustion engine with mechanical drive		
Agitators, liquid stock	1.0	1. <mark></mark>)	1.2		
Beaters	1.2	1. <mark>3</mark>	1.4		
Blowers, centrifugal	1.0	1. <mark>0</mark>	1.2		
Boat propellers	1.4	1.5	1.7		
Compressors					
centrifugal	1.2	1. <mark>3</mark>	1.4		
reciprocating, 3 or more cylinders	1.2	1.3	1.4		
reciprocating, singular, ycylinders	1.4	1 <mark>.</mark> 5	1.7		
Conveyors					
uniformly loaded or fed	1.0	W	1.2		
not uniformly loaded or fed	1.2	1.3	1.4		
reciprocating	1.4	1.5	1.7		
Cookers, cereal	1.0	1.0	1.2		
Crushers	1.4	1.5	1.7		
Elevators, bucket					
uniformly loaded or fed	1 በ	1 0	1 2		

$$K_s = 1.3$$

 $H_s = 15HP \cdot 1.3 = 19.5HP$

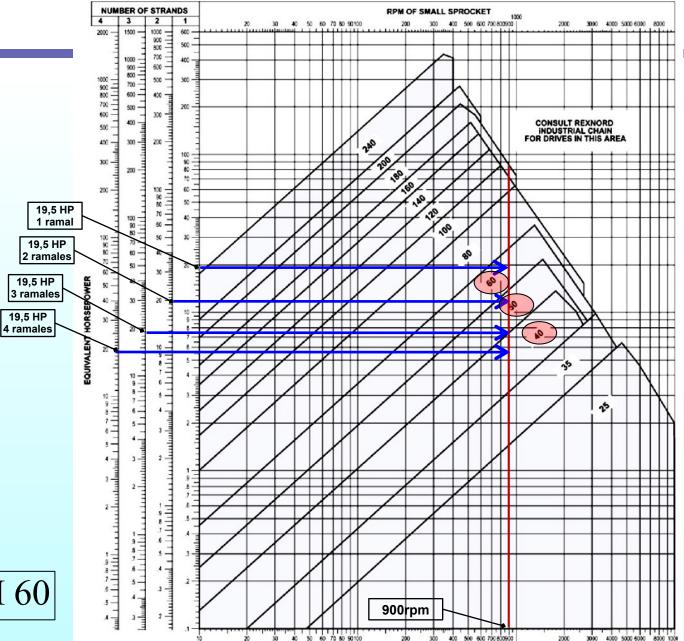
2. <u>Paso</u>

GRAFICO DE ELECCION de PASO:

De pagina 13 del catalogo (Gráfico C) selecciona el paso de la cadena y la cantidad de ramales, en función de la potencia de selección y la velocidad del piñón.

Como el enunciado sugiere usar cadena de 1 ramal, seleccionamos:

Cadena ANSI 60





$$H_s = K_s \cdot H_{nom}$$

 H_s : Potencia de selección

 H_{nom} : Potencia nominal

 K_s : factor de servicio

$$H_a = K_1 \cdot H_{tab}$$

 H_a : Potencia permisible

 H_{tab} : Potencia de tabla

 K_i : factor de corrección de ramales

$$H_a \ge H_s$$

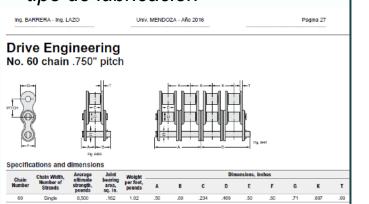
$$K_1 \cdot H_{tab} \ge K_s \cdot H_{nom}$$

3. Elección del piñón y corona



De <u>pagina 17 a 44</u> del catalogo (en este problema pagina 27) se obtiene la cantidad de dientes del piñón, en función de la velocidad angular y la potencia a transmitir. También se determina el

tipo de lubricación

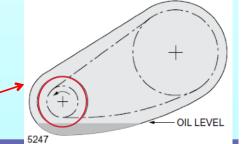


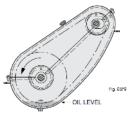
Number of	Maximum.					900	rpm	7	Horse	power	for si	ngle s	trand	chain	A						
teeth, in small	bore				ш		1			RPN	A of sm	all spr	ocket								
sprocket	inches	25	50	100	200	300	500	700	900	1/00	1100	1200	1400	1600	1800	2000	2500	3000	3500	4000	4500
11	1.250	0.41	0.77	1.44	2.69	3.87	6.13	8.30	10.4	11.4	12.5	11.9	9.4	7.70	6.45	5.51	3.94	3.00	2.38	1.95	1.63
12	1.344	0.45	0.85	1.58	2.95	4.25	6.74	9.12	11.4	12.6	13.7	13.5	10.7	8.77	7.35	6.28	4.49	3.42	2.71	2.22	1.86
13	1.500	0.50	0.92	1.73	3.22	4.64	7.34	9.94	12.5	13.7	14.9	15.2	12.1	9.89	8.29	7.08	5.06	3.85	3.06	2.50	0
14	1.750	0.54	1.00	1.87	3.49	5.02	7.96	10.8	13.5	14.8	16.2	17.0	13.5	11.1	9.26	7.91	5.66	4.31	3.42	2.80	0
15	1.938	0.58	1.08	2.01	3.76	5.41	8.57	11.6	14.5	16.0	17.4	18.8	15.0	12.3	10.3	8.77	6.28	4.77	3.79	3.10	0
16	2.125	0.62	1.16	2.16	4.03	5.80	9.19	12.4	15.6	17.1	18.7	20.2	16.5	13.5	11.3	9.66	6.91	5.26	4.17	3.42	0
17	2.313	0.66	1.24	2.31	4.30	6.20	9.81	13.3	16.7	18.3	19.9	21.6	18.1	14.8	12.4	10.6	7.57	5.76	4.57	3.74	0
18	2.500	0.70	1.31	2.45	4.58	6.59	10.4	14.1	17.7	19.5	21.2	22.9	19.7	16.1	13.5	11.5	8.25	6.28	4.98	4.08	0
19	2.688	0.75	1.39	2.60	4.85	6.99	11.1	15.0	10 0	20.6	22.5	24.3	21.4	17.5	14.6	12.5	8.95	6.81	5.40	4.42	0
20	2.313	0.79	1.47	2.75	5.13	7.38	11.7	15/3	19.8	21.3	23.8	25.7	23.1	18.9	15.8	13.5	9.66	7.35	5.83	0	-
21	3 003	0.83	1.55	2.90	5.40	7.78	12.3	16 7	20.9	23.0	25.1	27.1	24.8	20.3	17.0	14.5	10.4	7.91	6.28	0	2-3
777	3.250	0.87	1.63	3.05	5.68	8.19	13.0	17.5	22.0	24.2	26.4	28.5	26.6	21.8	18.2	15.6	11.1	8.48	6.73	0	85.
23	3.438	0.92	1.71	3.19	5.96	8.59	13.6	18.4	23.1	25.4	27.7	29.9	28.4	23.3	19.5	16.7	11.9	9.07	7.19	0	27.2
24	3.625	0.96	1.79	3.35	6.24	8.99	14.2	19.7	24.2	26.6	29.0	31.3	30.3	24.8	20.8	17.8	12.7	9.66	7.67	0	220
25	3.750	1.00	1.87	3.50	6.52	9.40	14.9	20.1	25.3	27.8	30.3	32.7	32.2	26.4	22.1	18.9	13.5	10.3	8.15	0	55 - 36
28	4.188	1.13	2.12	3.95	7.37	10.6	16.8	22.8	28.5	31.4	34.2	37.0	38.2	31.3	26.2	22.4	16.0	12.2	0	895.6	650
30	4.500	1.22	2.28	4.26	7.94	11.4	18.1	24.5	30.8	33.8	36.8	39.8	42.4	34.7	29.1	24.8	17.8	13.5	0	22	5025
32	4.750	1.31	2.45	4.56	8.52	12.3	194	26.3	33.0	36.3	39.5	42.7	46.7	38.2	32.0	27.3	19.6	14.9	0	28	1625
35	5.500	1.44	2.69	5.03	9.38	13.5	21.4	29.0	36.3	39.9	43.5	47.1	53.4	43.7	36.6	31.3	22.4	17.0	0	-	
40	6.250	1.67	3.11	5.81	10.8	10.0	24.7	33.5	42.0	46.1	50.3	54.4	62.5	53.4	44.7	38.2	27.3	0	272	7.0	250
Lubricatio	n type ■	- 1	A			В									C						

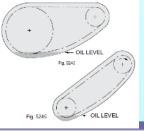
Number of									lorse	nower	for si	nale s	trand	chain							
	Maximum. bore		Horsepower for single strand chain ▲ RPM of small sprocket																		
in small	inches		·																		
sprocket			50	100	200	300	500	700	900	1000	1100	1200	1400	1600	1800	2000	2500	3000	3500	4000	4500
11	1.250	0.41	0.77	1.44	2.69	3.87	6.13	8.30	10.4	11.4	12.5	11.9	9.4	7.70	6.45	5.51	3.94	3.00	2.38	1.95	1.63
12	1.344	0.45	0.85	1.58	2.95	4.25	6.74	9.12	11.4	12.6	13.7	13.5	10.7	8.77	7.35	6.28	4.49	3.42	2.71	2.22	1.86
13	1.500	0.50	0.92	1.73	3.22	4.64	7.34	9.94	12.5	13.7	14.9	15.2	12.1	9.89	8.29	7.08	5.06	3.85	3.06	2.50	D
14	1.750	0.54	1.00	1.87	3.49	5.02	7.96	10.8	13.5	14.8	16.2	17.0	13.5	11.1	9.26	7.91	5.66	4.31	3.42	2.80	0
15	1.938	0.58	1.08	2.01	3.76	5.41	8.57	11.6	14.5	16.0	17.4	18.8	15.0	12.3	10.3	8.77	6.28	4.77	3.79	3.10	0
16	2.125	0.62	1.16	2.16	4.03	5.80	9.19	12.4	15.6	17.1	18.7	20.2	16.5	13.5	11.3	9.66	6.91	5.26	4.17	3.42	0
17	2.313	0.66	1.24	2.31	4.30	6.20	9.81	13.3	16.7	18.3	19.9	21.6	18.1	14.8	12.4	10.6	7.57	5.76	4.57	3.74	0
18	2.500	0.70	1.31	2.45	4.58	6.59	10.4	14.1	17.7	19.5	21.2	22.9	19.7	16.1	13.5	11.5	8.25	6.28	4.98	4.08	0
19	2.688	0.75	1.39	2.00	4.85	6.99	11.1	15.0	18.8	20.6	22.5	24.3	21.4	17.5	14.6	12.5	8.95	6.81	5.40	4.42	D
20	2.813	0.79	1.47	2.75	5.13	7.38	11.7	15.8	19.8	21.8	23.8	25.7	23.1	18.9	15.8	13.5	9.66	7.35	5.83	0	-
21	3.063	0.83	1.55	2.90	5.40	7.78	12.3	16.7	20.9	23.0	25.1	27.1	24.8	20.3	17.0	14.5	10.4	7.91	6.28	D	-
22	3.250	0.87	1.63	3.05	5.68	8.19	13.0	17.5	22.0	24.2	26.4	28.5	26.6	21.8	18.2	15.6	11.1	8.48	6.73	0	
23	3,438	0.92	1.71	3.19	5.96	8,59	13.6	18.4	23.1	25.4	27.7	29.9	28.4	23.3	19.5	16.7	11.9	9.07	7.19	0	-
24	3.625	0.96	1.79	3.35	6.24	8.99	14.2	19.3	24.2	26.6	29.0	31.3	30.3	24.8	20,8	17.8	127	9.66	7.67	0	-
25	3.750	1.00	1.87	3.50	6.52	9.40	14.9	20.1	25.3	27.8	30.3	32.7	32.2	25.4	22.1	18.9	13.5	10.3	8.15	0	-
28	4.188	1.13	2.12	3.95	7.37	10.6	16.8	22.8	28.5	31.4	34.2	37.0	38.2	31.3	26.2	22.4	16.0	12.2	0	-	-
30	4.500	1.22	2.28	4.26	7.94	11.4	18.1	24.5	30.8	33.8	36.8	39.8	42.4	34.7	29.1	24.8	17.8	13.5	0		
32	4.750	1.31	2.45	4.56	8.52	12.3	19.4	26.3	33.0	36.3	39.5	42.7	46.7	38.2	32.0	27.3	19.6	14.9	0		-
35	5.500	1.44	2.69	5.03	9,38	13.5	21.4	29.0	36.3	39.9	43.5	47.1	53.4	43.7	36.6	31.3	22.4	17.0	0		
40	6.250	1.67	3.11	5.81	10.8	15.6	24.7	33.5	42.0	46.1	50.3	54.4	62.5	53.4	44.7	38.2	27.3	0	÷		
Lubricatio	on type	-	1			В									С						

$$Z_1 = 21 \ dientes$$
 $H_{tab} = 20.9 \ HP$

Tipo de lubricación: Tipo" B







Type A: Manual or drip (Maximum chain speed 220 FPM)
 Type B: Bath or disc (Maximum chain speed 1800 FPM)

Type C: Forced (pump)

<u>Piñón y corona</u>



$$n_1 := 900 \text{rpm}$$
 $n_2 := 235 \text{rpm}$

$$i = \frac{n_1}{n_2} = \frac{D_2}{D_1} = \frac{Z_2}{Z_1} \implies D_2 = i \cdot D_1 \implies Z_2 = i \cdot Z_1$$

$$i := \frac{n_1}{n_2}$$
 $i = 3.83$

$$Z_1 = 21 dientes$$

$$Z_2 = i \cdot Z_1 = 3,83 \cdot 21 = 80,43$$
 dientes



Y verificamos la velocidad angular del eje conducido:

$$n_2 = \frac{Z_1}{Z_2} \cdot n_1$$
 \longrightarrow $n_2 = \frac{21}{80} \cdot 900rpm = 236,3rpm$

Diámetros primitivos de cada

$$d_1 = \frac{p}{sen\left(\frac{180}{Z_1}\right)} = \frac{0.75in}{sen\left(\frac{180}{21}\right)} =$$

$$d_1 = 5,032in$$

$$d_2 = \frac{p}{sen\left(\frac{180}{Z_2}\right)} = \frac{0.75in}{sen\left(\frac{180}{80}\right)} =$$

$$d_2 = 19,104in$$

4. Potencia disponible



Para paso 0,75 in

$$H_a = K_1 \cdot H_{tab}$$

 $K_1 := 1$ Se habia seleccionado 1 ramal

$$H_{tab} = 20.9 \ HP$$

$$H_a := K_1 \cdot H_{tab}$$
 $H_a = 20.9 \cdot hp$

$$H_a \ge H_d$$
 Verifica

Longitud necesaria de cadena 5.



Se debe calcular la longitud necesaria de la cadena. Dado que la distancia entre centros de arboles no estaba asignada previamente, se asume el valor medio de la sugerencia de la bibliografía:

Distancia equivalente en pasos:

$$C_p := 40$$
eslabones

Cadena ANSI 60

En pulgadas equivale a:

$$C_{in} := C_p \cdot p$$
 $C_{in} = 30 in$

$$C_{in} = 30 in$$

$$C_{in} = 3/4in * 40 = 30in$$

Para paso 0,75in y combinacion de ruedas:

$$Z_1 = 21$$

$$Z_2 = 80$$

$$Z_1 = 21$$
 $Z_2 = 80$ $p = 0.75 \cdot in$

$$L_{esl} := 2 \cdot C_p + \frac{Z_1 + Z_2}{2} + \frac{(Z_2 - Z_1)^2}{4 \cdot \pi^2 \cdot C_p}$$

$$L_{esl} = 132.704 \cdot \text{eslabones}$$

$$L_{esl} = 132.704 \cdot eslabones$$

$$2.C_p = 2.40 = 80$$

 $(Z1 + Z2)/2 = (21 + 80)/2 = 50,5$
 $(80 - 21)^2/(4.pi^2.40) = 2,2$

$$L_{in} = L_{esl} \cdot paso = 132esl \cdot 0,75in = 99in$$

$$L_{mm} = L_{esl} \cdot paso \cdot 25,4 = 132esl \cdot 0,75in * 25.4 = 2514,6mm$$

Adoptamos:



 $L_{es1} = 132 \cdot eslabones$

Distancia entre centros 6.



Esto se trata de recalcular la distancia entre centros de los arboles, en función de la cantidad de eslabones seleccionada, las ruedas dentadas y el paso de la cadena:

$$L_{esl} = 132 \cdot eslabones$$
 $Z_1 = 21$ $Z_2 = 80$ $p = 0.75 \cdot in$

$$Z_1 = 21$$

$$Z_2 = 80$$

$$p = 0.75 \cdot in$$

$$A = -81.5$$

$$C_{\infty} := \left[\frac{p}{4} \cdot \left[-A + \sqrt{A^2 - 8 \cdot \left(\frac{Z_2 - Z_1}{2 \cdot \pi} \right)^2} \right] \right]$$

$$C = 29.728 \cdot i1$$

$$C = 29.728 \cdot in$$
 $C = 755.099 \cdot mr$

7. Dimensionamiento 2



Para el segundo dimensionamiento, se limita el diámetro de la corona a 420 mm, y se continúa con el uso de cadena ANSI 60. Para comenzar el análisis, se calculo la cantidad de dientes que debería tener una corona que no exceda los 420 mm de diámetro, despejando de la ecuación del diámetro:

$$D_2 = \langle 420mm | D_2 = \langle 16,53in |$$

cadena *ANSI* – 60 (3/4in)

$$D = \frac{paso}{sen(\frac{180}{Z})} \rightarrow Z_2 = \frac{180}{arcsen(\frac{paso}{D_2})} = \frac{180}{arcsen(\frac{0.75in}{16.53in})} = 69,21 \rightarrow 68 dientes \quad Z_2 = 68 dientes$$

Se asume como primera opción una corona con 68 dientes, para no exceder los 420 mm de diámetro. Ahora se determina la cantidad de dientes del piñón, usando la relación de velocidades, y luego se ajustan las cantidades de dientes de ambas ruedas dentadas.

$$n_1 := 900 \text{rpm}$$
 $n_2 := 235 \text{rpm}$ $i := \frac{n_1}{n_2}$ $i = 3.83$ $i = \frac{n_1}{n_2} = \frac{D_2}{D_1} = \frac{Z_2}{Z_1} \implies D_2 = i \cdot D_1 \implies Z_2 = i \cdot Z_1$

$$Z_1 = Z_2/i = 68 dientes/3,83 = 17,75 \rightarrow 17 dientes$$
 $Z_1 = 17 dientes$

$$Z_1 = 17 dientes$$

$$Z_2 = Z_1 \cdot i = 17 dientes \cdot 3,83 = 65,11 \rightarrow 66 dientes$$
 $Z_2 = 66 dientes$

$$Z_2 = 66 dientes$$

Por último, se verifica que la **potencia admisible** de la selección de ruedas y cadena, sea mayor a la potencia corregida:

$$K_1 \cdot H_{tab} \ge K_s \cdot H_{nom}$$

$$H_{adm} = K_1 \cdot H_{tab} = 1.7 \cdot 16.7HP = 28.39HP$$



7. Dimensionamiento 3



Para el tercer dimensionamiento, se limita el diámetro de la corona a 420 mm, pero con cadena ANSI 80. Para comenzar el análisis, se calcula la cantidad de dientes que debería tener una corona que no exceda los 420 mm de diámetro, despejando de la ecuación del diámetro, pero con cadena paso 1":

$$D_2 = \langle 420mm \rangle$$
 $D_2 = \langle 16,53in \rangle$ cadena $ANSI - 80$ (1in)

$$D = \frac{paso}{sen(\frac{180}{Z})} \rightarrow Z_2 = \frac{180}{arcsen(\frac{paso}{D_2})} = \frac{180}{arcsen(\frac{1in}{1653in})} = 51,89 \rightarrow 52 dientes \quad Z_2 = 52 dientes$$

Se asume como primera opción una corona con 52 dientes, para no exceder los 420 mm de diámetro. Ahora se determina la cantidad de dientes del piñón, usando la relación de velocidades:

$$n_1 := 900 \text{rpm}$$
 $n_2 := 235 \text{rpm}$ $i := \frac{n_1}{n_2}$ $i = 3.83$ $i = \frac{n_1}{n_2} = \frac{D_2}{D_1} = \frac{Z_2}{Z_1} \implies D_2 = i \cdot D_1 \implies Z_2 = i \cdot Z_1$

$$Z_1 = Z_2/i = 52 dientes/3,83 = 13,57 \rightarrow 13 dientes$$
 $Z_1 = 13 dientes$

Por último, se verifica que la **potencia admisible** de la selección de ruedas y cadena, sea mayor a la potencia corregida:

$$K_1 \cdot H_{tab} \ge K_s \cdot H_{nom}$$

$$H_{tab} = 29,1HP$$
 $1ramales \rightarrow K_1 = 1$

$$H_{tab} = 29,1HP \quad 1 \text{ ramales} \rightarrow K_1 = 1$$

$$K_1 \cdot H_{tab} \geq K_s \cdot H_{nom}$$

$$H_{adm} = K_1 \cdot H_{tab} = 1 \cdot 29,7HP = 29,7HP$$







	Opción 1	Opción 2	Opción 3			
Numero de cadena	ANSI 60	ANSI 60	ANSI 80			
P (paso)	3/4 in [19,05 mm]	3/4 in [19,05 mm]	1 in [25,4 mm]			
N ₁ (num dientes piñon)	21	17	13 (!)			
D ₁ (dia primitivo piñon)	5,032 in					
N ₂ (num dientes corona)	80	66	52			
D ₂ (dia primitivo corona)	19,104 in	≤ 420 mm	≤ 420 mm			
C (dist centros modificada)	29,728 in [755,099 mm]	??	??			
L en eslabones	132	??	??			
Cantidad de ramales	1	2	1			
Potencia admisible	20,9 HP	28,39HP	29,7 HP			
Potencia de selección	19,5 HP					



Comparativa de variables esenciales en la selección en mandos de transmisión de potencia

Las variables mencionadas en la tabla deben ser determinadas por el ingeniero que realiza el dimensionamiento y selección del mando de transmisión, sin olvidar, que dichas variables están relacionadas entre sí, y la modificación en una de ellas, tiene incidencia en las otras.

	Variable "A"	Variable "B"	Variable "C"
Correas "V"	Sección (X, A, B,)	D ₁ , D ₂	Cant. de correas
Correas Dentadas	Paso (8mm, 14mm)	Z ₁ , Z ₂	Ancho de correa
Cadenas de rodillos	Paso (ANSI 40, 60, 80)	Z ₁ , Z ₂	Cant. de ramales
Engranajes	Módulo	Z ₁ , Z ₂	Flanco (ancho de cara)

Ing. Sebastián Lazo 16 FING – Año 2021



