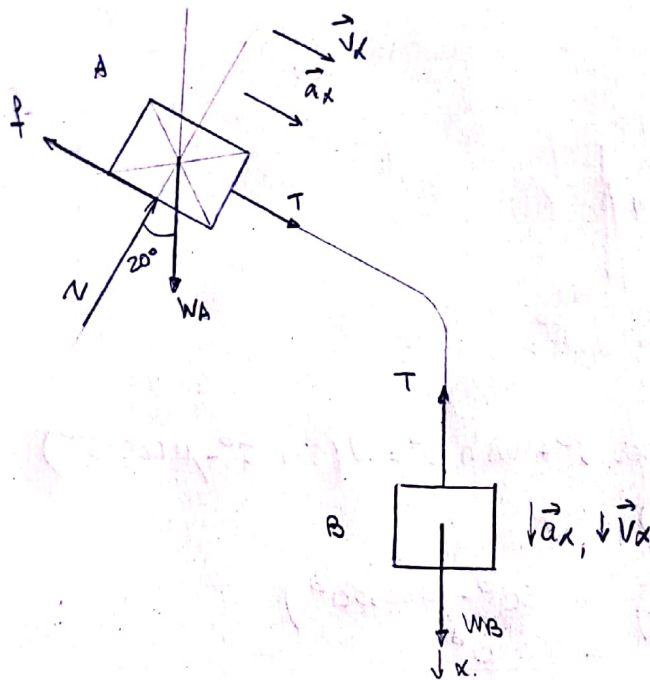


PROBLEMA 1.



i) Verifico que el sistema no continúe en reposo luego de liberarlo.

$$\sum F_B = W_B - T = 0 \rightarrow T = W_B \quad (\text{supongo equilibrio del bloque B})$$

$$\sum F_A = -f + T; f_{\text{max}} = \mu_s W_A \cos 20^\circ = 0,2 \times 40 \times 9,81 \times \cos 20^\circ [\text{N}] = 73,75 \text{ N}$$

$$T = W_B = 30 \text{ kg} \times 9,81 \text{ m/s}^2 = 294,3 \text{ N}$$

$$\text{Luego } T > f \text{ y } \sum F_A > 0$$

O sea que el sistema no puede permanecer en reposo cuando se libera.

ii) A: $-f + T + W_A \sin 20^\circ = m_A a_x$ (2da ley Newton en x);

B: $-T + W_B = m_B a_x$

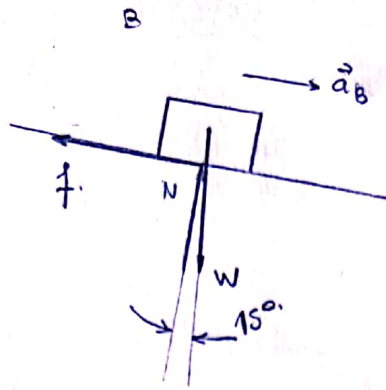
Sumando se obtiene: $-f + W_A \sin 20^\circ + W_B = (m_A + m_B) a_x$

$$a_x = \frac{W_A \sin 20^\circ + m_B g - f}{m_A + m_B} = \frac{W_A \sin 20^\circ + W_B - \mu_k W_A \cos 20^\circ}{m_A + m_B}$$

$$a_x = g \cdot \frac{m_A (\sin 20^\circ - \mu_k \cos 20^\circ) + m_B}{m_A + m_B}$$

$$a_x = 9,81 \text{ m/s}^2 \times \frac{40 \text{ kg} \cdot (\sin 20^\circ - 0,15 \cos 20^\circ) + 30 \text{ kg}}{70 \text{ kg}} = \boxed{5,35 \text{ m/s}^2}$$

PROBLEMA 2.



$$-ma_B = -f + W \sin 15^\circ = -W \mu \cos 15^\circ + W \sin 15^\circ = W (\sin 15^\circ - \mu \cos 15^\circ)$$

$$a_B = g (\sin 15^\circ - \mu \cos 15^\circ) \quad (1)$$

También sea en A: $a_A = (g \sin 30^\circ - \mu \cos 30^\circ)$

despejando μ : $-\mu = \frac{a_A}{g \cos 30^\circ} - \frac{\sin 30^\circ}{\cos 30^\circ}$

Reemplazando en (1):

$$a_B = g \left(\sin 15^\circ + \frac{a_A}{g \cos 30^\circ} \cos 15^\circ - \tan 30^\circ \cos 15^\circ \right)$$

$$a_B = 0,414 \text{ m/s}^2$$

m_A "sube" m_B "baja"

PROBLEMA 3.

$$\Delta E = \Delta U + \Delta K = \frac{1}{2}(m_A + m_B)(V^2 - V_0^2) + \overbrace{m_A g d} - \overbrace{m_B g d} = 0$$

$\Delta E = 0$: Variación de energía mecánica del sistema nula porque solo trabajan fuerzas conservativas.

$$m_A = 4 \text{ kg}; m_B = 20 \text{ kg}$$

$$\frac{1}{2}(m_A + m_B)(V^2 - V_0^2) + g(m_A - m_B)d = 0$$

$$\left\{ \frac{(m_B - m_A) 2gd + V_0^2}{m_B + m_A} \right\}^{1/2} = V$$

$$\left\{ \frac{16 \text{ kg} \times 2 \times 9,8 \text{ m/s}^2 \cdot 1 \text{ m}}{24 \text{ kg}} + (1,6 \text{ m/s})^2 \right\}^{1/2} = 3,95 \text{ m/s}$$

PROBLEMA 4. $\Delta E = \Delta U + \Delta K = W_f \rightarrow$ trabajo de fuerzas no conservativas.

$$W_f = \int \vec{f} \cdot d\vec{e} = -f_m \Delta x \quad (\text{El trabajo de las fuerzas no conservativas es reemplazado por el de una fuerza media})$$

$$\Delta U = mg \Delta h$$

$$\Delta U = \frac{-2\%}{100} \times 300 \text{ m} \times 9.81 \text{ m/s}^2 \times 7200 \text{ kg} = -423792 \text{ J}$$

$$\Delta k = \frac{1}{2} m (V_f^2 - V_i^2) = \frac{1}{2} 7200 \text{ kg} \times \left[\left(\frac{72 \times 10^3}{3600} \right)^2 - \left(\frac{108 \times 10^3}{3600} \right)^2 \right] \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2} = -1.8 \times 10^6 \text{ J}$$

$$F_m = \frac{\Delta U + \Delta k}{-\Delta x} = \frac{-423792 \text{ J} - 1.8 \times 10^6 \text{ J}}{-300 \text{ m}} = \boxed{7412.64 \text{ N}}$$