

## UNIDAD 4: ACOPLAMIENTOS TEMPORARIOS

### Trabajo practico:

# ACOPLAMIENTOS TEMPORARIOS

Frenos de disco, tambor y embragues de disco

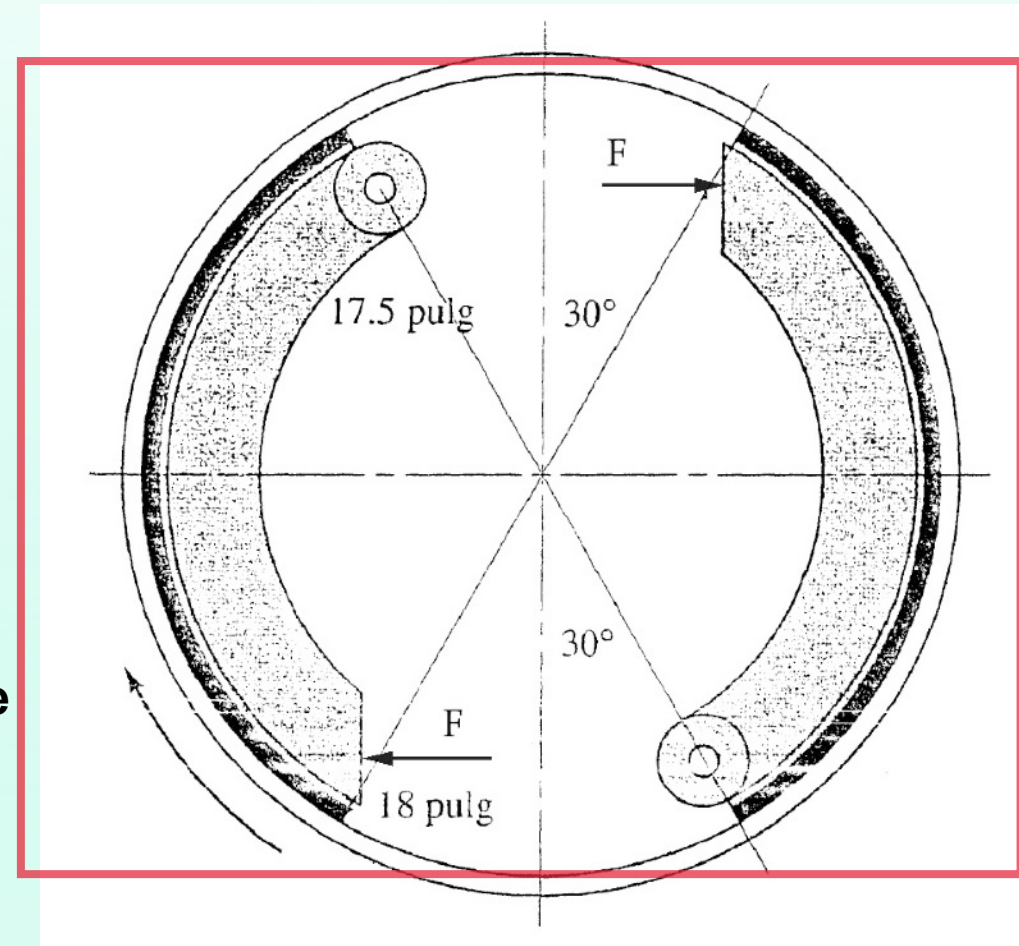
*Para la resolución se utiliza el libro*

*Diseño en Ingeniería Mecánica – Shigley ed. 9th*



# Problema 2

El freno de la figura es utilizado para detener la carga de una grúa. Como puede apreciarse, ambas zapatas son autoenergizantes. Este freno tienen la particularidad que su funcionamiento es “seguro ante una falla” (**fail safe**), es decir, ante una falla en el sistema o un corte en el suministro de energía, el freno se aplica. La fuerza  $F$  es proporcionada por resortes, y la fuerza para liberar el freno es aplicada por el operador de la grúa a través de un mando hidráulico. El **ancho del freno es de 8 in**, el **radio del tambor es de 18 in**, el punto de aplicación de  $F$  y el punto de pivot se encuentran sobre un radio **17,5 in**, y el **torque máximo que debe soportar el freno es de 540000 lbf.in**. Para esta aplicación se exige un factor de seguridad mínimo de  **$n=1,5$** . El material para las zapatas será metal sinterizado en seco.



# Problema 2

## Determinar:

- La **presión máxima** aplicada en las zapatas (verificar con la admisible)
- La **fuerza F** a aplicar por los resortes para frenar el torque del enunciado

## Datos:

$b = 8in$  : ancho de la zapata

$r = 18in$  : radio de la zapata

$a = 17,5in$  : distancia al pivot

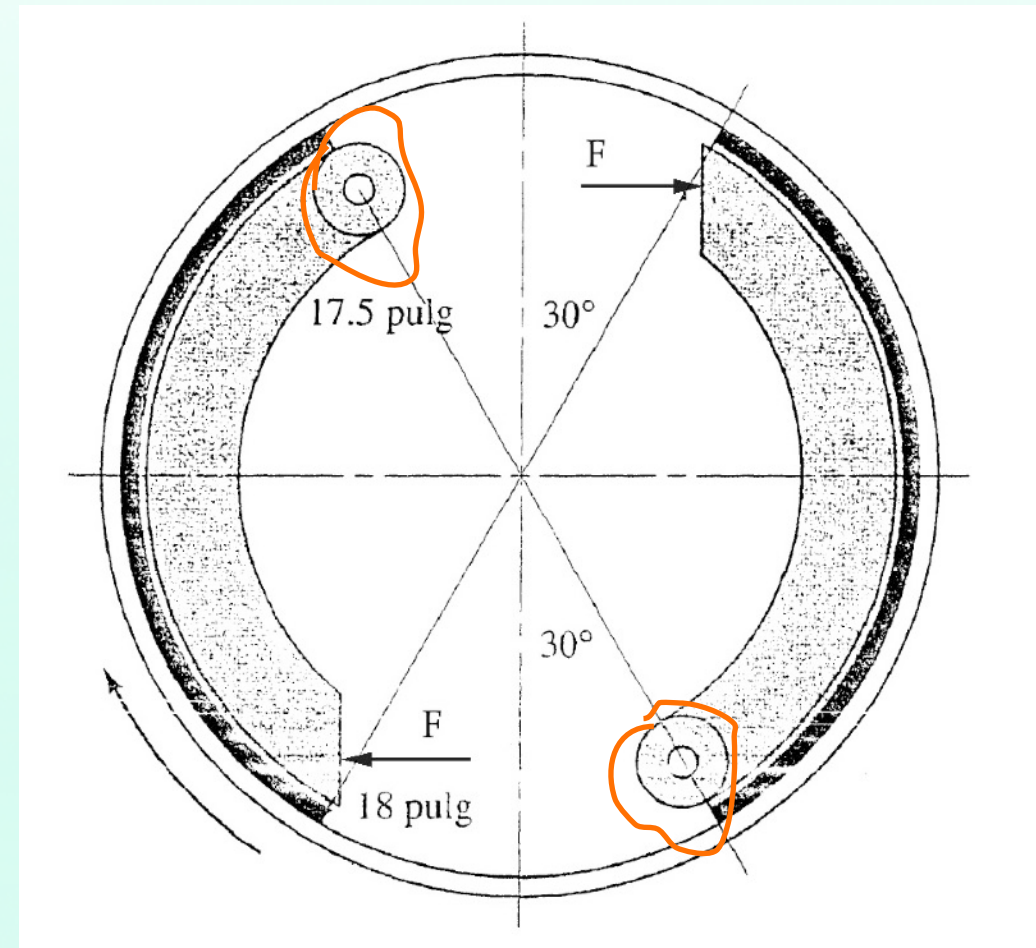
$n = 1,5$  : factor de seguridad

$T = 540000lb \cdot in$  : torque de frenado

$\theta_1 = 0^\circ$

$\theta_a = 90^\circ$

$\theta_2 = 120^\circ$



# Problema 2

En principio, se buscan los datos característicos de los materiales del embrague. (Shigley – 9th ed.)

**Tabla 16-3**

Características de materiales de fricción para frenos y embragues (*Fuentes:* Ferodo Ltd., Chapel-en-le-frith, Inglaterra; Scan-pac, Mequon, Wisc; Raybestos, Nueva York, N.Y. y Stratford, Conn.; Gatke Corp., Chicago Ill.; General Metals Powder Co., Akron, Ohio; D.A.B. Industries, Troy, Mich.; Friction Products Co., Medina, Ohio.)

Material	Coeficiente de fricción $f$	Presión máxima $P_{máx}$ psi	Temperatura máxima		Velocidad máxima, $V_{máx}$ pie/min	Aplicaciones
			Instantánea, °F	Continua, °F		
Cermet	0.32	150	1500	750		Frenos y embragues
Metal sinterizado (seco)	0.29-0.33	300-400	930-1020	570-660	3 600	Embragues y frenos de disco de yugo
Metal sinterizado (húmedo)	0.06-0.08	500	930	570	3 600	Embragues
Asbesto moldeado rígido (seco)	0.35-0.41	100	660-750	350	3 600	Frenos y embragues de tambor
Asbesto moldeado rígido (húmedo)	0.06	300	660	350	3 600	Embragues industriales
Zapatas de asbesto moldeado rígido	0.31-0.49	750	930-1380	440-660	4 800	Frenos de disco
Que no sea asbesto moldeado rígido	0.33-0.63	100-150		500-750	4 800-7 500	Embragues y frenos
Asbesto moldeado semirrígido	0.37-0.41	100	660	300	3 600	Embragues y frenos
Asbesto moldeado flexible	0.39-0.45	100	660-750	300-350	3 600	Embragues y frenos
Hilo y alambre de asbesto arrollado	0.38	100	660	300	3 600	Embragues de automóviles
Hilo y alambre de asbesto tejido	0.38	100	500	260	3 600	Embragues y frenos industriales
Algodón tejido	0.47	100	230	170	3 600	Embragues y frenos industriales
Papel resiliente (húmedo)	0.09-0.15	400	300		PV < 500 000 psi · pie/min	Embragues y bandas de transmisión

# Problema 2

## Los datos del material:

Material: - Metal sinterizado  
(en seco)

## Coeficiente de fricción:

$$f_{\min} := 0.29 \quad f_{\max} := 0.33$$

## Presión admisible:

$$P_{\text{adm\_min}} := 300 \text{ psi} \quad P_{\text{adm\_max}} := 400 \text{ psi}$$

Para el calculo usaremos el promedio de los factores de fricción:

$$f := \frac{f_{\min} + f_{\max}}{2} \quad f = 0.31$$

Debido a que las 2 zapatas son iguales, asumimos que cada una produce la mitad del torque de frenado requerido, por lo tanto:

$$T_{\text{zap}} = n \cdot \frac{T}{2} \quad T_{\text{zap}} = 1,5 \cdot \frac{540000 \text{ lb} \cdot \text{in}}{2} = 405000 \text{ lb} \cdot \text{in} \quad T_{\text{zap}} = 405000 \text{ lb} \cdot \text{in}$$



# Ejercicio 4

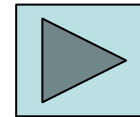
## a) Cálculo y verificación de la presión máxima

De acuerdo a la teoría, para frenos de zapata larga la presión tiene una distribución senoidal a lo largo de dichas zapatas, ocurriendo la máxima presión cuando:

$$\theta_a := 90^\circ$$

Debido a que conocemos el torque a frenar por cada zapata, podemos calcular cual sería la presión necesaria máxima para conseguir el frenado, a partir de la ecuación 16-6:

$$T = \frac{f p_a b r^2 (\cos \theta_1 - \cos \theta_2)}{\sin \theta_a}$$



(16-6)

Y ahora despejamos la presión aplicada para el torque transmitido por zapata:

$$p_{max} = \frac{T_{zap} \cdot \sin(\theta_a)}{f \cdot b \cdot r^2 \cdot (\cos(\theta_1) - \cos(\theta_2))}$$

Este valor verifica con los datos del material

$$p_{max} = \frac{405000 \text{ lb} \cdot \text{in} \cdot \sin(90^\circ)}{0,31 \cdot 8 \text{ in} \cdot (18 \text{ in})^2 \cdot (\cos(0^\circ) - \cos(120^\circ))}$$

$$p_{max} = 336 \text{ psi}$$

## b) Calculo de la fuerza de aplicación del freno

Observando el diseño del freno, podemos asegurar que se trata de **zapatas autoenergizadas**, en las cuales el sentido de la rotación ayuda al frenado. Hacemos uso de la ecuación 16-4:

$$F = \frac{M_N - M_f}{c} \quad (16-4)$$

$$F \cdot c = M_N - M_f \quad \text{Equilibrio de momentos en el sistema, para zapata autoenergizada}$$

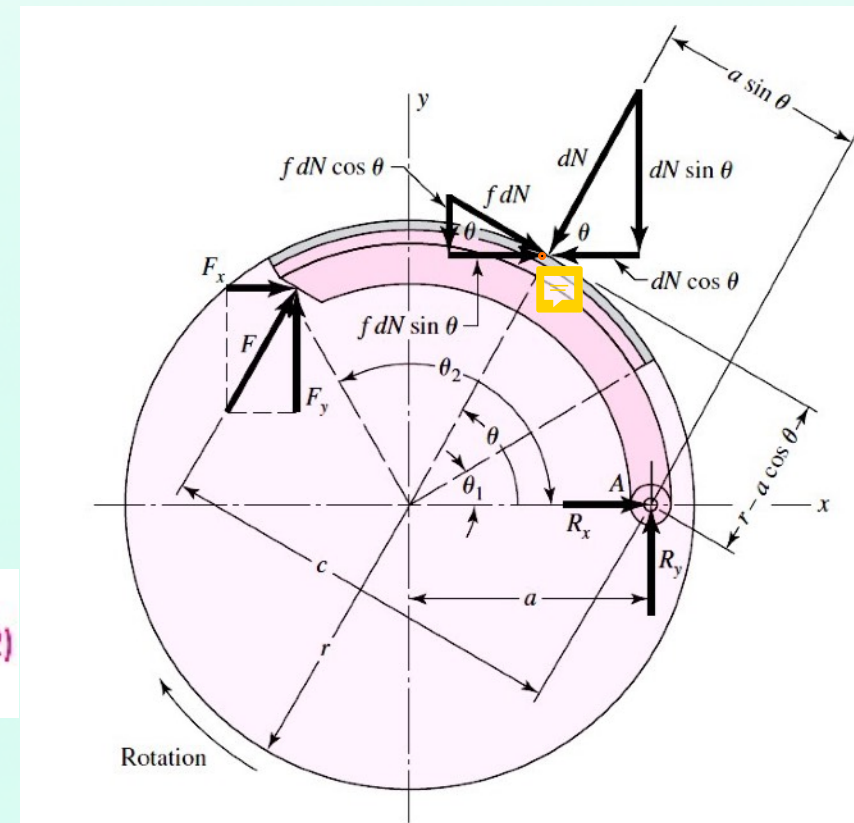
$$F \cdot c = M_N + M_f \quad \text{Equilibrio de momentos en el sistema, para zapata no autoenergizada}$$

La variable **c** equivale a la distancia que hay entre el punto de aplicación de la carga **F** y el pivot.

El momento normal  $M_N$  y  $M_F$  lo obtenemos a partir de la integración de las ecuaciones 16-2 y 16-3:

$$M_f = \int f dN(r - a \cos \theta) = \frac{f p_a b r}{\sin \theta_a} \int_{\theta_1}^{\theta_2} \sin \theta (r - a \cos \theta) d\theta \quad (16-2)$$

$$M_N = \int dN(a \sin \theta) = \frac{p_a b r a}{\sin \theta_a} \int_{\theta_1}^{\theta_2} \sin^2 \theta d\theta \quad (16-3)$$



# Ejercicio 4

Integrando y resolviendo encontramos los valores de los momentos que deben ser equilibrados por el momento  $F \cdot c$  :

$$M_f := \frac{f \cdot p_{\max} \cdot b \cdot r}{\sin(\theta_a)} \cdot \int_{\theta_1}^{\theta_2} \sin(\theta) \cdot (r - a \cdot \cos(\theta)) \, d\theta \quad \longrightarrow \quad M_f := \frac{f \cdot p_{\max} \cdot b \cdot r}{\sin(\theta_a)} \cdot \left[ r - r \cdot \cos(\theta_2) - \frac{a}{2} \cdot (\sin(\theta_2))^2 \right]$$

$$M_f = 307 \text{ k} \cdot \text{lb} \cdot \text{in}$$

$$M_n := \frac{a \cdot p_{\max} \cdot b \cdot r}{\sin(\theta_a)} \cdot \int_{\theta_1}^{\theta_2} (\sin(\theta))^2 \, d\theta \quad \longrightarrow \quad M_n := \frac{a \cdot p_{\max} \cdot b \cdot r}{\sin(\theta_a)} \cdot \left( \frac{\theta_2}{2} - \frac{1}{4} \cdot \sin(2 \cdot \theta_2) \right)$$

$$M_n = 1070 \text{ k} \cdot \text{lb} \cdot \text{in}$$

La distancia  $c$  la resolvemos por trigonometría:

$$c := 2 \cdot (a \cdot \cos(30^\circ)) \quad c = 30.3 \text{ in}$$

Entonces la fuerza necesaria en cada zapata para aplicar el freno es:

$$F := \frac{M_n - M_f}{c} \quad F = 25189 \text{ lbf}$$



# Ejercicio 4

## c) Calculo de las reacciones en los pasadores

Primero descomponemos la fuerza  $F$  en sus componentes  $x$  y de acuerdo al sistema de referencia utilizado:

$$F_x := F \cdot \sin(30^\circ) \quad F_x = 12595 \text{ lbf}$$

$$F_y := F \cdot \cos(30^\circ) \quad F_y = 21815 \text{ lbf}$$

A continuación, a partir de las ecuaciones 16-8, primero se deben calcular las variables  $A$  y  $B$ :

$$A = \int_{\theta_1}^{\theta_2} \sin \theta \cos \theta d\theta = \left( \frac{1}{2} \sin^2 \theta \right)_{\theta_1}^{\theta_2} \quad (16-8)$$

$$B = \int_{\theta_1}^{\theta_2} \sin^2 \theta d\theta = \left( \frac{\theta}{2} - \frac{1}{4} \sin 2\theta \right)_{\theta_1}^{\theta_2}$$

$$A := \frac{1}{2} \cdot (\sin(\theta_2))^2 \quad A = 0.375$$

$$B := \frac{\theta_2}{2} - \frac{1}{4} \cdot \sin(2\theta_2) \quad B = 1.264$$

# Ejercicio 4

Por ultimo aplicamos las ecuaciones 16-9 (observar que estas formulas son para zapatas autoenergizadas):

$$R_x = \frac{p_a b r}{\sin \theta_a} (A - f B) - F_x$$

$$R_y = \frac{p_a b r}{\sin \theta_a} (B + f A) - F_y$$

(16-9)

$$A = 0.375 \quad B = 1.264 \quad b := 8\text{in} \quad r := 18\text{in} \quad \theta_a := 90^\circ$$

$$p_{\max} = 336\text{psi}$$

$$R_x := \frac{p_{\max} \cdot b \cdot r}{\sin(\theta_a)} \cdot (A - f \cdot B) - F_x \quad R_x = -13405\text{lbf}$$

$$R_y := \frac{p_{\max} \cdot b \cdot r}{\sin(\theta_a)} \cdot (B + f \cdot A) - F_y \quad R_y = 44957\text{lbf}$$

Y calculamos la resultante de la reacción en los pasadores:

$$R := \sqrt{R_x^2 + R_y^2} \quad R = 46913\text{lbf}$$