



FACULTAD  
DE INGENIERÍA

**MECÁNICA APLICADA**  
**MECÁNICA Y MECANISMOS**

# **IMPULSO Y CANTIDAD DE MOVIMIENTO**

**Ing. Carlos Barrera-2021**

# OBJETIVOS

1. Desarrollar formulaciones para el momento lineal y el momento angular.
2. Aplicar los principios del impulso lineal y angular.
3. Analizar la mecánica del impacto.



## Principio del impulso y la Cantidad de movimiento

$$\mathbf{F} = \frac{d}{dt}(m\mathbf{v})$$

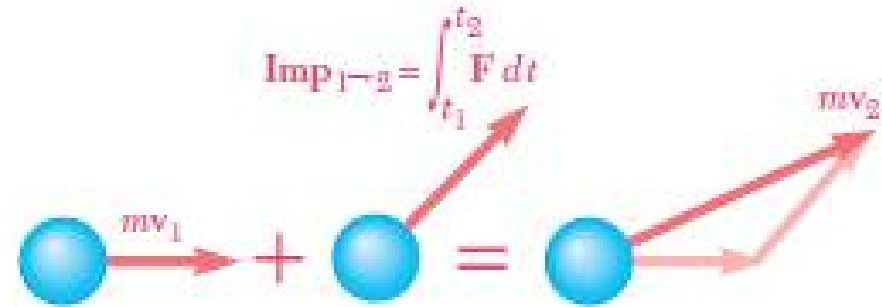
$$\mathbf{F} dt = d(m\mathbf{v})$$

$$\int_{t_1}^{t_2} \mathbf{F} dt = m\mathbf{v}_2 - m\mathbf{v}_1$$

$$m\mathbf{v}_1 + \int_{t_1}^{t_2} \mathbf{F} dt = m\mathbf{v}_2$$

$$\begin{aligned} \text{Imp}_{1 \rightarrow 2} &= \int_{t_1}^{t_2} \mathbf{F} dt \\ &= \mathbf{i} \int_{t_1}^{t_2} F_x dt + \mathbf{j} \int_{t_1}^{t_2} F_y dt + \mathbf{k} \int_{t_1}^{t_2} F_z dt \end{aligned}$$

$$m\mathbf{v}_1 + \text{Imp}_{1 \rightarrow 2} = m\mathbf{v}_2$$



Quando sobre una partícula actúa una fuerza durante un intervalo, la cantidad de movimiento final de la partícula puede obtenerse al sumar vectorialmente la cantidad de movimiento inicial y el impulso de la fuerza.

**Las ecuaciones de componentes son:**

$$\begin{aligned}(mv_x)_1 + \int_{t_1}^{t_2} F_x dt &= (mv_x)_2 \\ (mv_y)_1 + \int_{t_1}^{t_2} F_y dt &= (mv_y)_2 \\ (mv_z)_1 + \int_{t_1}^{t_2} F_z dt &= (mv_z)_2\end{aligned}$$

**Cuando varias fuerzas actúan sobre la partícula, se considera el impulso de cada una de las fuerzas.**

$$m\mathbf{v}_1 + \sum \mathbf{Imp}_{1 \rightarrow 2} = m\mathbf{v}_2$$

**Es posible sumar vectorialmente las cantidades de movimiento de todas las partículas y los impulsos de todas las fuerzas que participan.**

$$\sum m\mathbf{v}_1 + \sum \mathbf{Imp}_{1 \rightarrow 2} = \sum m\mathbf{v}_2$$

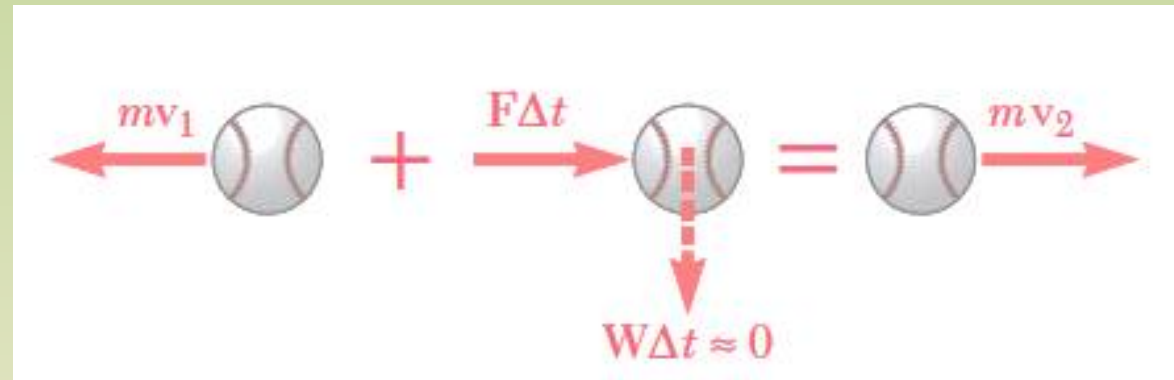
**Si la suma de las fuerzas externas es cero, la ecuación es:**

$$\Sigma m\mathbf{v}_1 = \Sigma m\mathbf{v}_2$$

**La cantidad de movimiento total de las partículas se conserva.**



# Movimiento impulsivo



$$m\mathbf{v}_1 + \{\Sigma \mathbf{F}\} \Delta t = m\mathbf{v}_2$$

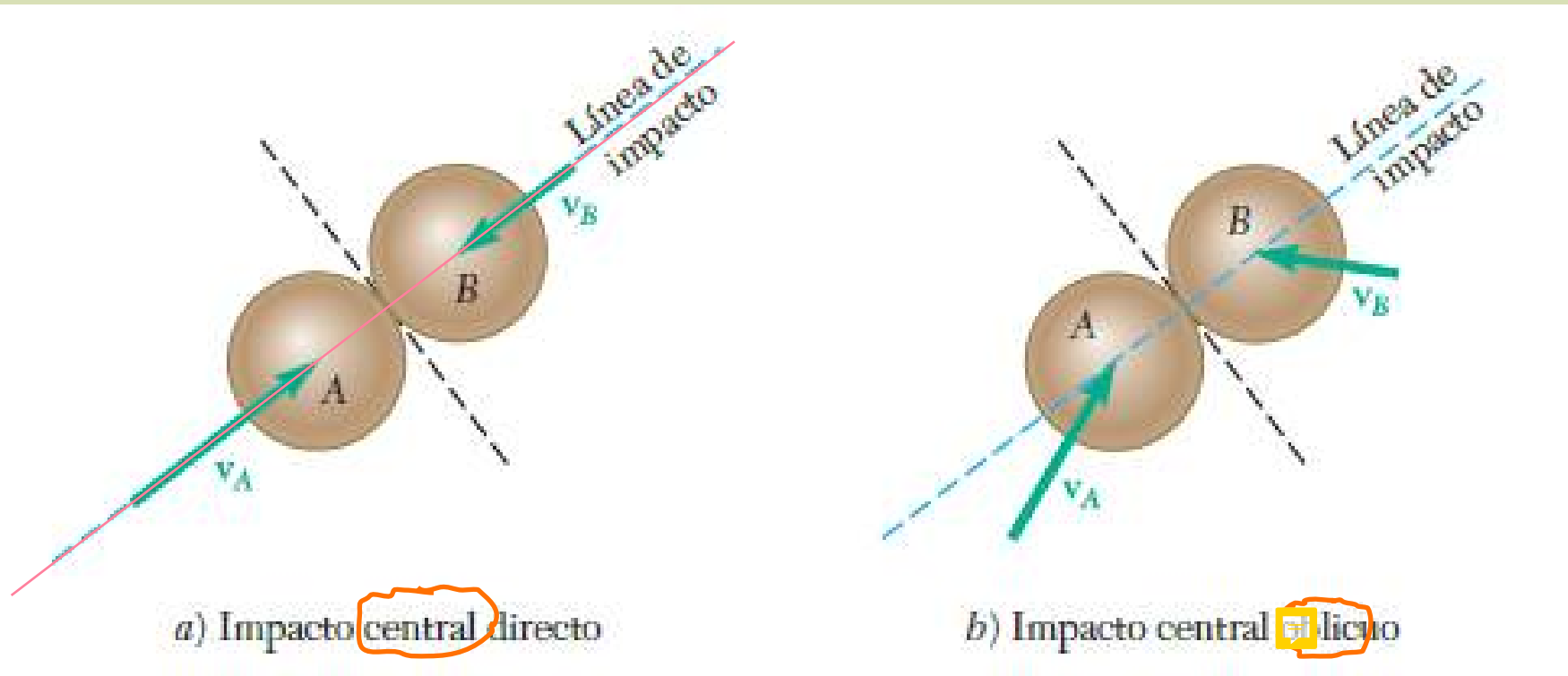
En el caso del movimiento impulsivo de varias partículas

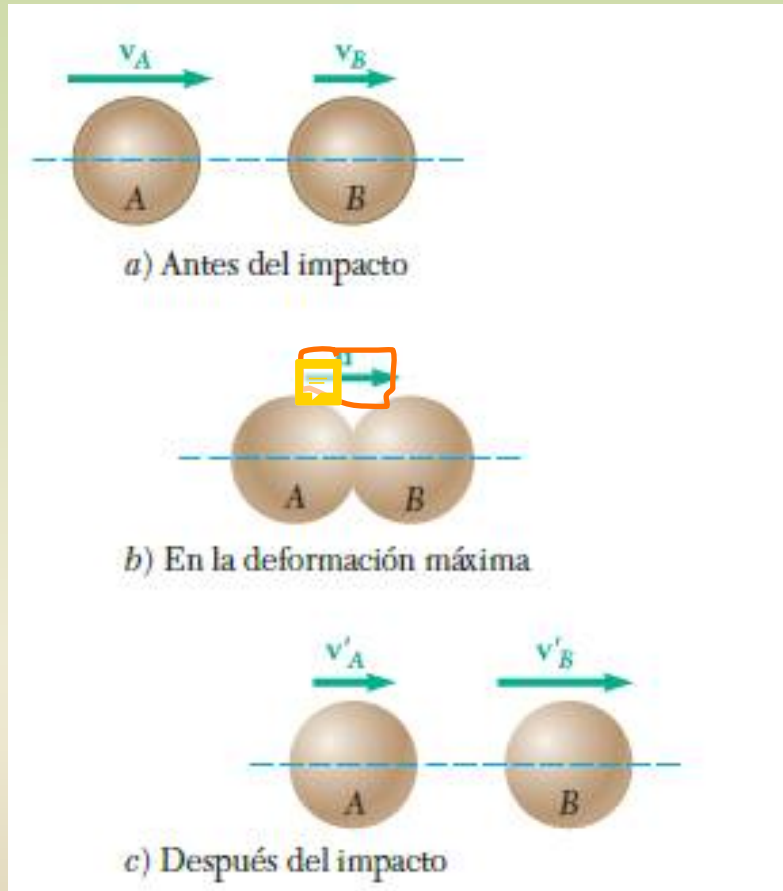
$$\Sigma m\mathbf{v}_1 + \Sigma \mathbf{F} \Delta t = \Sigma m\mathbf{v}_2$$

$$\Sigma m\mathbf{v}_1 = \Sigma m\mathbf{v}_2$$

El momento total de la partícula se conserva

# IMPACTO





## Impacto Central Directo

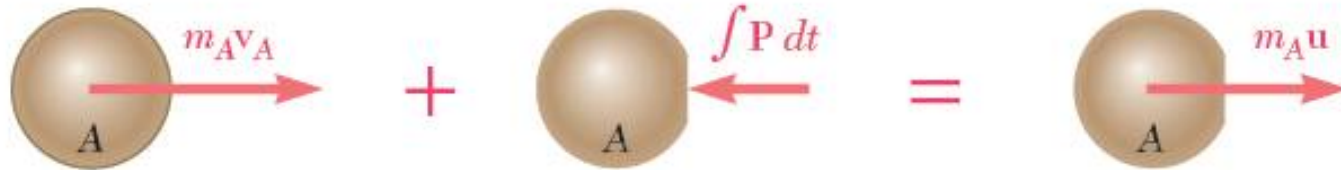
$$m_A \mathbf{v}_A + m_B \mathbf{v}_B = m_A \mathbf{v}'_A + m_B \mathbf{v}'_B$$

$$m_A v_A + m_B v_B = m_A v'_A + m_B v'_B$$

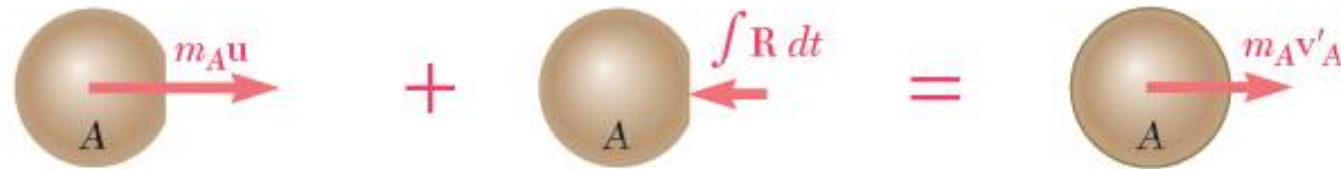


$$m_A v_A - \int P dt = m_A u$$

$$m_A u - \int R dt = m_A v'_A$$



a) Periodo de deformación



b) Periodo de restitución

$$e = \frac{\int R dt}{\int P dt}$$

**Coeficiente de restitución**

**Para la partícula B**

$$e = \frac{u - v'_A}{v_A - u}$$

$$e = \frac{v'_B - u}{u - v_B}$$

$$e = \frac{(u - v'_A) + (v'_B - u)}{(v_A - u) + (u - v_B)} = \frac{v'_B - v'_A}{v_A - v_B}$$

$$v'_B - v'_A = e(v_A - v_B)$$

**La velocidad relativa de dos partículas después del impacto puede obtenerse al multiplicar su velocidad relativa antes del impacto por el coeficiente de restitución**

### Impactos particulares

$e = 0$ , *impacto perfectamente plástico*

$$v'_B = v'_A$$

$$v'_B = v'_A = v'$$

$$m_A v_A + m_B v_B = (m_A + m_B) v'$$

$e = 1$ , *impacto perfectamente elástico.*

$$v'_B - v'_A = v_A - v_B$$

**En este caso, se conserva la energía total de las partículas, así como su cantidad de movimiento total**

$$m_A(v_A - v'_A) = m_B(v'_B - v_B)$$

$$v_A + v'_A = v_B + v'_B$$

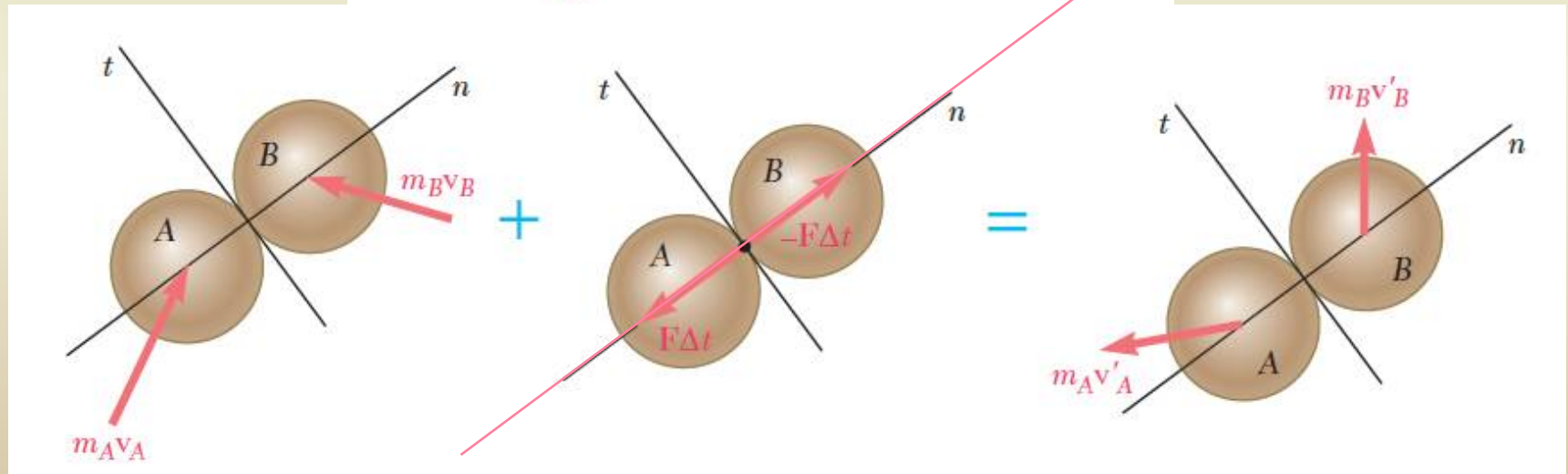
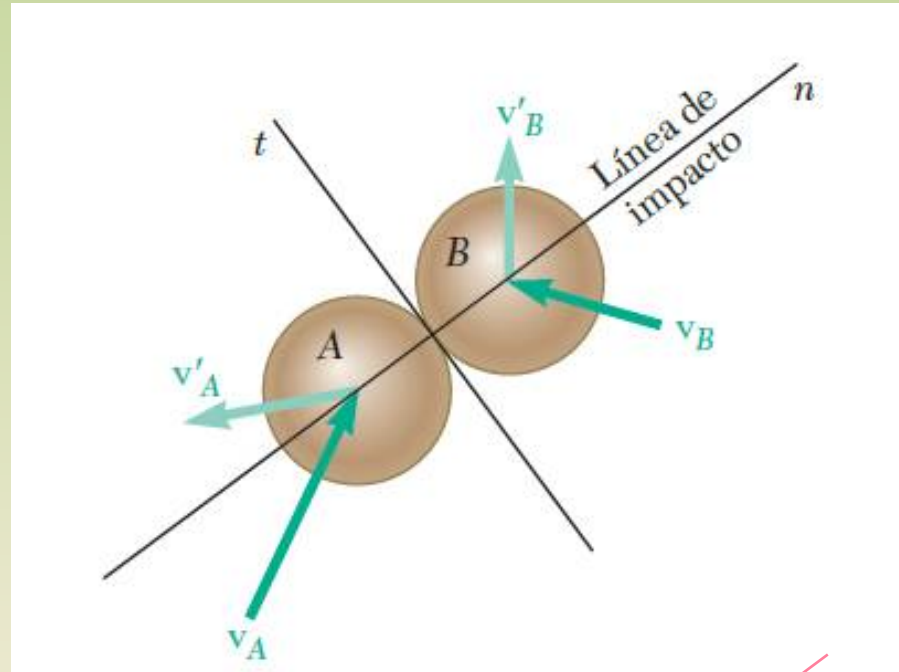
$$m_A(v_A - v'_A)(v_A + v'_A) = m_B(v'_B - v_B)(v'_B + v_B)$$

$$m_A v_A^2 - m_A (v'_A)^2 = m_B (v'_B)^2 - m_B v_B^2$$

$$\frac{1}{2}m_A v_A^2 + \frac{1}{2}m_B v_B^2 = \frac{1}{2}m_A (v'_A)^2 + \frac{1}{2}m_B (v'_B)^2$$



# Impacto Central Oblicuo



La componente de la cantidad de movimiento de cada partícula a lo largo del eje  $t$ , se conserva. Por lo tanto la componente  $t$  de la velocidad permanece invariable.

$$(v_A)_t = (v'_A)_t \quad (v_B)_t = (v'_B)_t$$

La componente en el eje  $n$  de la cantidad de movimiento total se conserva

$$m_A(v_A)_n + m_B(v_B)_n = m_A(v'_A)_n + m_B(v'_B)_n$$

La componente en el eje  $n$  de la velocidad relativa de las dos partículas después del impacto se obtiene multiplicando la componente  $n$  de su velocidad relativa antes del impacto por el coeficiente de restitución.

$$(v'_B)_n - (v'_A)_n = e[(v_A)_n - (v_B)_n]$$

Por medio de estas ecuaciones puede obtenerse las componentes de las velocidades de A y B después del impacto.

**Para la resolución de problemas de cinética se dispone de 3 métodos:**

- **Segunda ley de Newton.**
- **Trabajo y energía**
- **Impulso y cantidad de movimiento.**

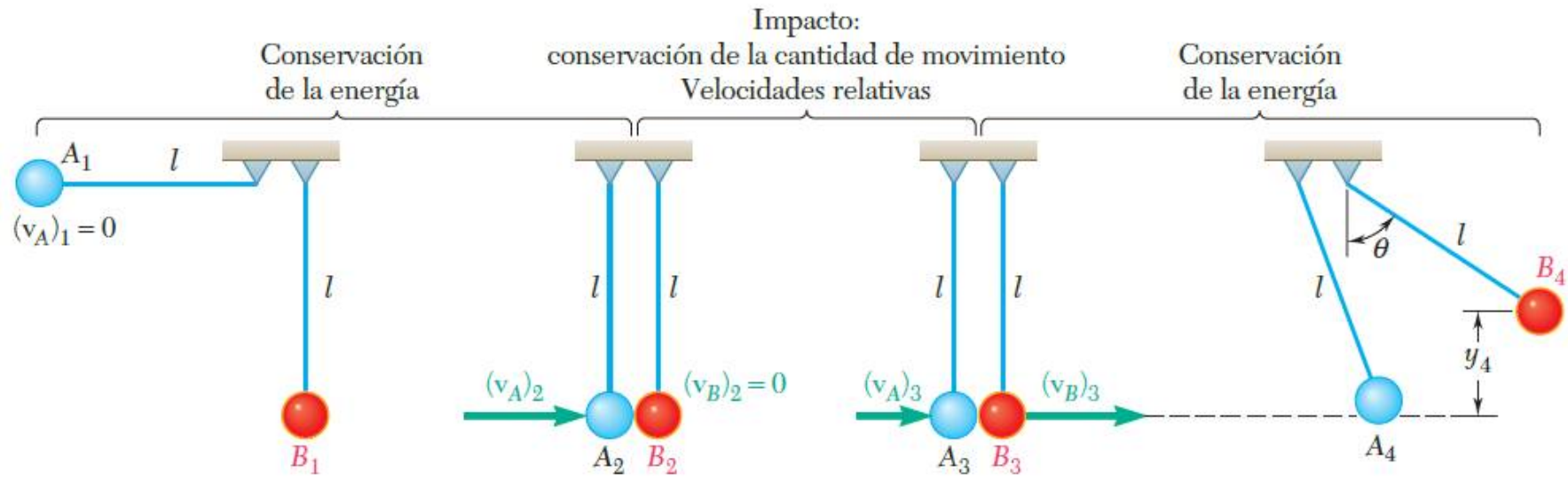
**Por ejemplo el método del trabajo y la energía es más directo que la aplicación de la Ley de Newton. Sin embargo en algunos casos debe complementarse con el uso de  $F = m \cdot a$  para determinar una aceleración o una fuerza.**

**En el caso de problemas en los que no hay fuerzas no impulsivas, la aplicación de la Ley de Newton origina resolver rápidamente el problema.**

**En problemas de impacto, indudablemente que el método del impulso y la cantidad de movimiento es el más práctico.**

**Muchos problemas tienen fuerzas conservativas, y también fuerzas impulsivas. Se aplica el método del impulso y el del trabajo y la energía.**





El péndulo A oscila de A1 a A2. Utilizamos el principio de conservación de la energía para determinar la velocidad del péndulo en A2.

El péndulo A golpea al péndulo B. Se conserva la cantidad de movimiento total de los dos péndulos y la relación entre sus velocidades relativas, determinándose las velocidades de los péndulos después del impacto.

El péndulo B oscila. Aplicando el principio de conservación de la energía se determina la elevación máxima y el ángulo correspondiente.

**Cátedra:**  
**MECÁNICA**  
**APLICADA**  
**MECÁNICA Y**  
**MECANISMOS**

# EJEMPLOS

**Ing. Carlos Barrera**

**16**

**08:55**

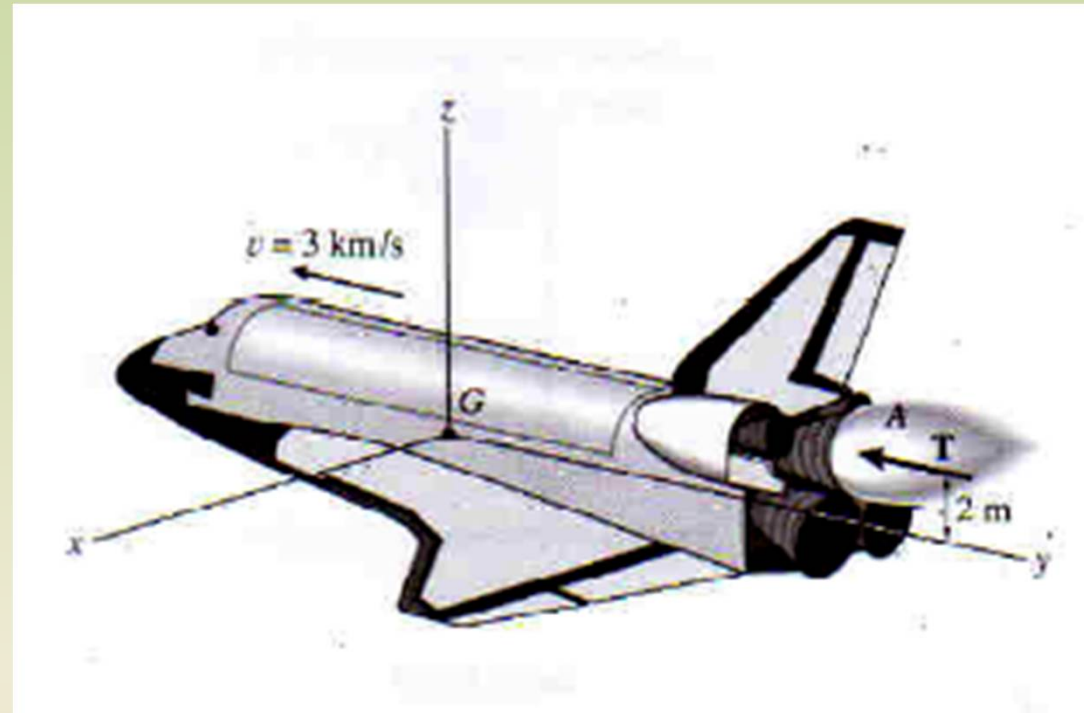
**Las bolsas de aire para automóviles, que minimizan el efecto de la fuerza de impacto del conductor y pasajero maximizando el tiempo para llevar a cero sus impulsos.**

**Cuando ocurre la colisión, el conductor y pasajero tienden a seguir moviéndose de acuerdo a la 1ª Ley de Newton. Este movimiento los lleva a chocar con el parabrisas y resulta en el desarrollo de una fuerza en un tiempo muy corto para detener su impulso. Las bolsas de aire aumentan el tiempo de impacto en el orden de 100.**





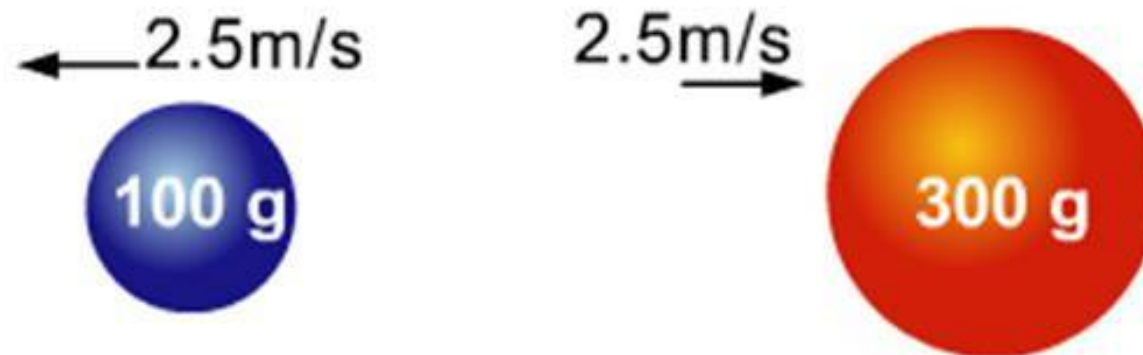
**El lanzamiento del trasbordador necesita la aplicación de los principios de Impulso y cantidad de movimiento para predecir su comportamiento orbital y la orientación apropiada.**



## ANTES DE LA COLISIÓN



## DESPUÉS DE LA COLISIÓN



**La cantidad de movimiento lineal de los vehículos es la misma antes y después de la colisión.**

**Se realizan modelos que permiten obtener información útil para el diseño de los autos, de sus sistemas de dirección y frenos y dispositivos de protección para los pasajeros.**





**Cátedra:**  
**MECÁNICA  
APLICADA**  
**MECÁNICA Y  
MECANISMOS**

# IMPULSO Y CANTIDAD DE MOVIMIENTO



**Ing. Carlos Barrera**

**21**

**08:56**

**Cátedra:**  
**MECÁNICA**  
**APLICADA**  
**MECÁNICA Y**  
**MECANISMOS**

## **BIBLIOGRAFIA A CONSULTAR**

- |   |                      |
|---|----------------------|
| • <b>Mecánica Vectorial para Ingenieros</b> | <b>Beer Johnston</b> |
| • <b>Dinámica</b>                           | <b>Hibbeler</b>      |