

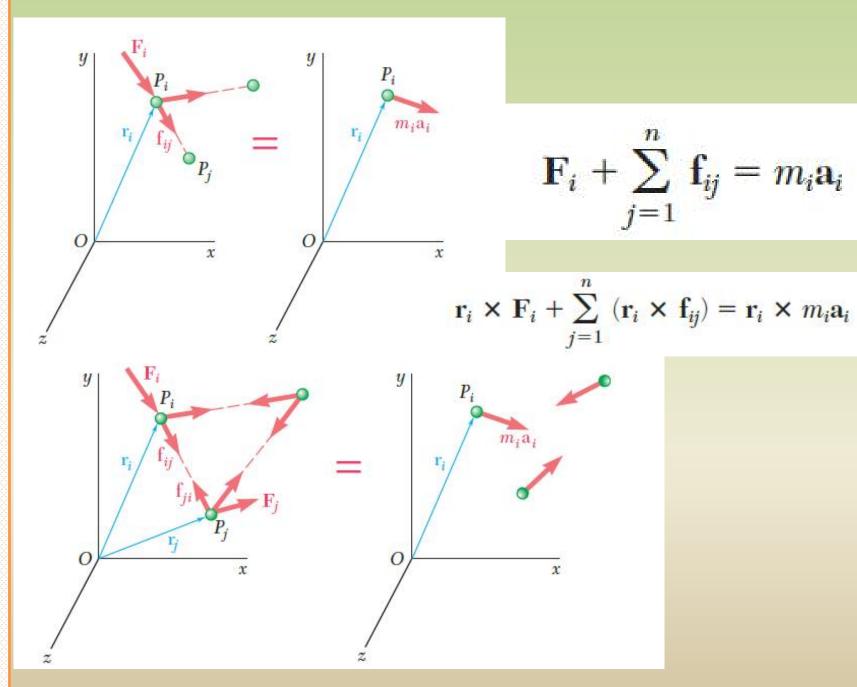
### MECÁNICA APLICADA MECÁNICA Y MECANISMOS

# SISTEMA DE PARTÍCULAS: Fuerzas Efectivas

Ing. Carlos Barrera - 2021







Ing. Carlos Barrera

2



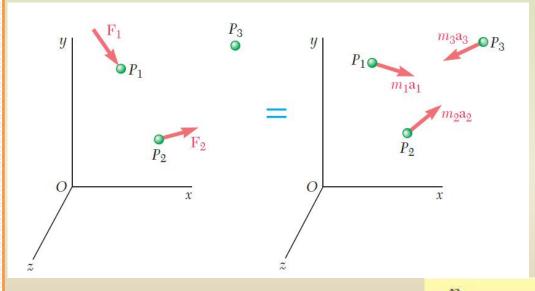


$$\mathbf{\dot{f}}_{ij} + \mathbf{f}_{ji} = 0$$

$$\mathbf{r}_i \times \mathbf{f}_{ij} + \mathbf{r}_j \times \mathbf{f}_{ji} = \mathbf{r}_i \times (\mathbf{f}_{ij} + \mathbf{f}_{ji}) + (\mathbf{r}_j - \mathbf{r}_i) \times \mathbf{f}_{ji} = 0$$

$$\sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \mathbf{f}_{ij} = 0 \qquad \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} (\mathbf{r}_{i} \times \mathbf{f}_{ij}) = 0$$

La resultante y el momento resultante de las fuerzas internas del sistema es cero.



$$\sum_{i=1}^{n} \mathbf{F}_i = \sum_{i=1}^{n} m_i \mathbf{a}_i$$

$$\sum_{i=1}^{n} (\mathbf{r}_{i} \times \mathbf{F}_{i}) = \sum_{i=1}^{n} (\mathbf{r}_{i} \times m_{i} \mathbf{a}_{i})$$

Ing. Carlos Barrera

3

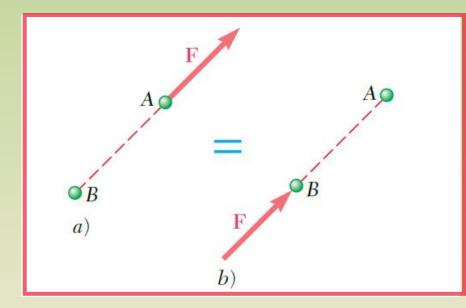




No se indica que los sistemas de fuerzas que tienen la misma resultante y el mismo momento resultante provocarán el mismo efecto sobre un sistema determinado de partículas.

El primer sistema acelera la partícula A y deja sin alterar la partícula B.

El segundo acelera a B y no afecta a A.



## Cantidad de movimiento lineal de un sistema de partículas

$$\mathbf{L} = \sum_{i=1}^{n} m_i \mathbf{v}_i$$

Ing. Carlos Barrera

4





### Cantidad de movimiento angular de un sistema de partículas

$$\mathbf{H}_O = \sum_{i=1}^n \left( \mathbf{r}_i \times m_i \mathbf{v}_i \right)$$

### **Derivando ambas ecuaciones:**

$$\dot{\mathbf{L}} = \sum_{i=1}^{n} m_i \dot{\mathbf{v}}_i = \sum_{i=1}^{n} m_i \mathbf{a}_i$$

$$\dot{\mathbf{H}}_O = \sum_{i=1}^n (\dot{\mathbf{r}}_i \times m_i \mathbf{v}_i) + \sum_{i=1}^n (\mathbf{r}_i \times m_i \dot{\mathbf{v}}_i)$$
$$= \sum_{i=1}^n (\mathbf{v}_i \times m_i \mathbf{v}_i) + \sum_{i=1}^n (\mathbf{r}_i \times m_i \mathbf{a}_i)$$

$$\dot{\mathbf{H}}_O = \sum_{i=1}^n \left( \mathbf{r}_i \times m_i \mathbf{a}_i \right)$$

#### En conclusión:

$$\Sigma \mathbf{F} = \dot{\mathbf{L}}$$
$$\Sigma \mathbf{M}_O = \dot{\mathbf{H}}_O$$

La resultante y el momento resultante alrededor de un punto fijo de las fuerzas externas son iguales a la variación de la cantidad de movimiento lineal y angular alrededor de O del sistema de partículas.

Ing. Carlos Barrera

5