



# TRABAJO PRACTICO N° 9:

DIMENSIONAMIENTO A TRACCION Y

**COMPRESION. MOMENTOS + ESFUERZOS** 

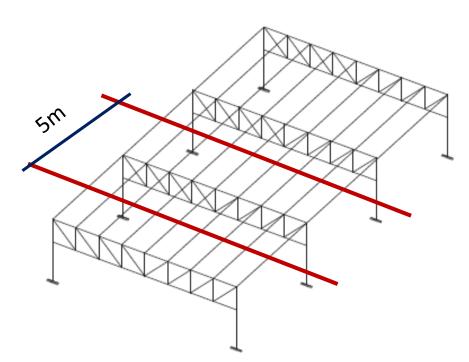
**AXIALES (Ejemplos de Aplicacion)** 

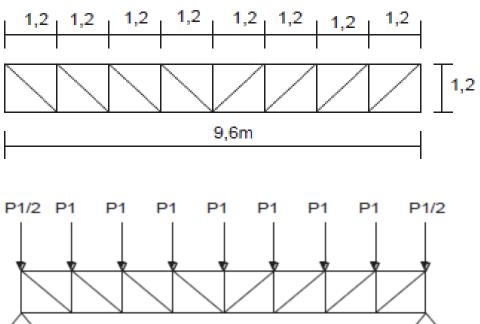




#### Ejercicio N°2:

Dimensionar la siguiente viga reticulada correspondiente a un entrepiso. La separación entre dos vigas consecutivas es de 5m. El peso propio de la estructura se estima que es de 1kN/m², y la sobrecarga de servicio es de 5 kN/m².



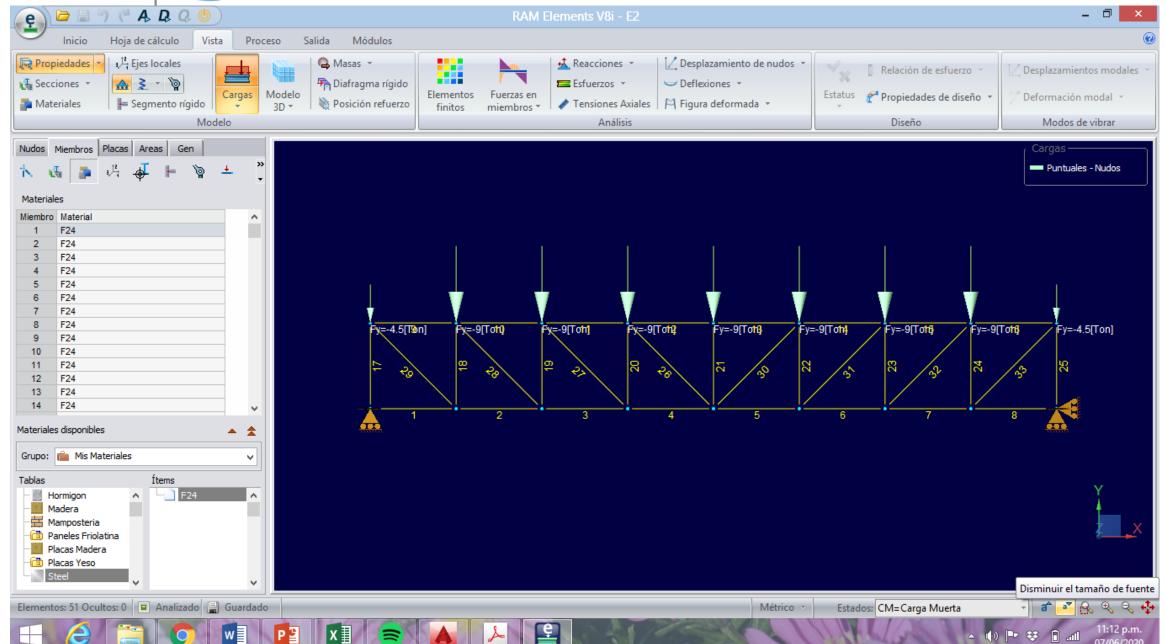


Esquema de la estructura

Qt=1KN/m2+5KN/m2= 6KN/m2 (Aplicaremos el método ADN) Carga en una de la Vigas por zonas de Influencia: 6KN/m2\*5m = 30 KN/m P1= 30KN/m\*1.20 m = 36 KN









MIEMBRO 1 Max 0.00

Min 0.00

MIEMBRO 2

MIEMBRO 3

MIEMBRO 4

MIEMBRO 5

MIEMBRO 6

MIEMBRO 7

MIEMBRO 8 Max 0.00

Min 0.00

MIEMBRO 9

Max 31.50 0.00

Min 31.50 0.00

Max 54.00 0.00

Min 54.00 0.00

Max 67.50 0.00

Min 67.50 0.00

Max 67.50 0.00

Min 67.50 0.00

Max 54.00 0.00

Min 54.00 0.00

Max 31.50 0.00

Min 31.50 0.00

Max -31.50 0.00

Min -31.50 0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00



0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

0.00

								Max	-9.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	MIEMBRO	10						Min	-9.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	Max -54.	00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		3RO 22	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	Min -54.	00 (	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	Max	-13.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	MIEMBRO	11						Min	-13.50		0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	Max -67.	50 (	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	MIEME	3RO 23					
ľ	Min -67.	50 (	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	Max	-22.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	MIEMBRO	12						Min	-22.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	Max -72.	00 (	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	MIEME	3RO 24					
	Min -72.	00 (	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	Max	-31.50		0.00	0.00	0.00	0.00
	MIEMBRO							Min	-31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Max -72.		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		3RO 25					
	Min -72.			0.00	0.00	0.00	0.00	Max	-36.00		0.00	0.00	0.00	0.00
	MIEMBRO		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	Min	-36.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Max -67.		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		3RO 26	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
				0.00	0.00	0.00	0.00	Max Min	6.36 6.36	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Min -67.50 0.00 0.00 0.00 0.00 0.00 MIEMBRO 15					MIEMBRO 27								
	Max -54.		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	Max	19.09	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Min -54.			0.00	0.00	0.00	0.00	Min		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	MIEMBRO		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		3RO 28	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Max -31.		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	Max	31.82	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
				0.00	0.00			Min	31.82		0.00	0.00	0.00	0.00
	Min -31.		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	MIEME	3RO 29					
	MIEMBRO		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	Max	44.55	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Max -36.			0.00	0.00	0.00	0.00	Min	44.55	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Min -36.		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	MIEME	30 RO					
	MIEMBRO							Max	6.36	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Max -31.			0.00	0.00	0.00	0.00	Min	6.36	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Min -31.		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		3RO 31					
	MIEMBRO							Max	19.09	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
	Max -22.			0.00	0.00	0.00	0.00	Min	19.09	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	Min -22.	50 (	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		3RO 32					
ľ	MIEMBRO	20						Max		0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	Max -13.	50 (	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	Min	31.82	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
ľ	Min -13.	50 (	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		3RO 33 44.55	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
								Max Min	44.55 44.55	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00
								141111	<del>-4</del> .JJ	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00

MIEMBRO 21





MIEMBRO 1										
Max	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
Min	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
MIEMBRO 2										
Max	31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
Min	31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
MIEM	BRO 3									
Max	54.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
Min	54.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
MIEMRRO 4										
Max	67.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
Min	67.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
MIEM	MIEMBRO 5									
Max	67.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
Min	67.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
MIEM	BRO 6									
Max	54.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
Min	54.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
MIEM	MIEMBRO 7									
Max	31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
Min	31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
MIEMBRO 8										
Max	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
Min	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
MIEMBRO 9										
Max	-31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				
Min	-31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00				

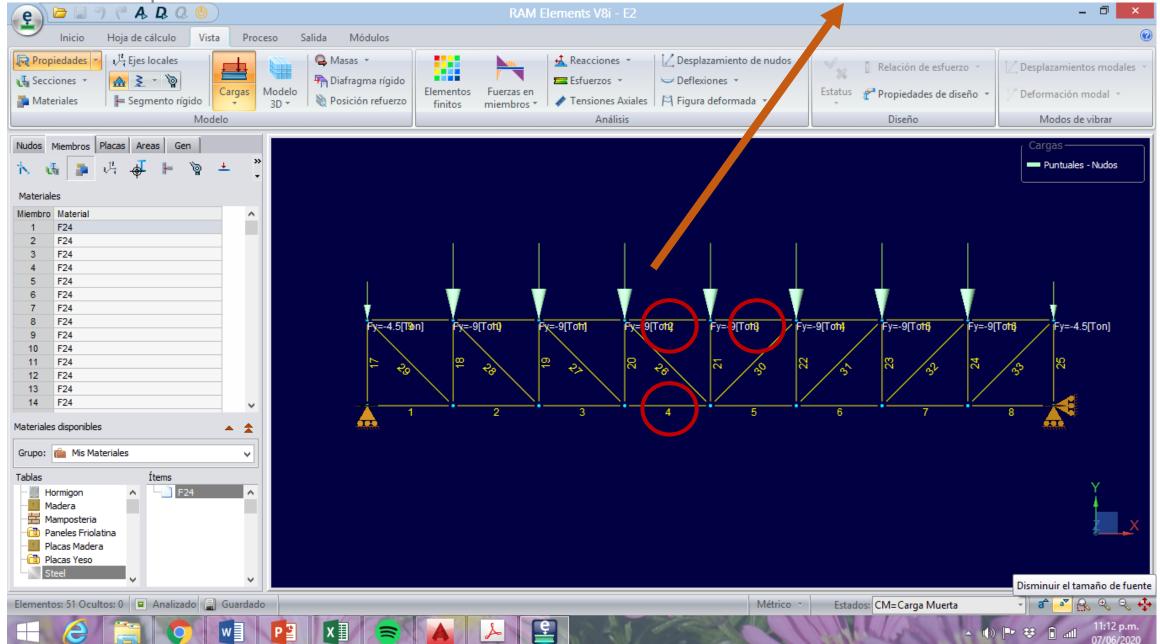
	MIEME	RO 10								
	Max	-54.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-54.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	MIEME	RO 11								
	Max	-67.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-67.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	MIEME	RO 12								
	Max	-72.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-72.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	MIEMB	MIEMBRO 13								
	Max	-72.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-72.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	MIEME	RO 14								
	Max	-67.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
ı	Min	-67.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
ı	MIEME	MIEMBRO 15								
ı	Max	-54.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-54.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	MIEMBRO 16									
	Max	-31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	MIEMBRO 17									
	Max	-36.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-36.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	MIEMBRO 18									
	Max	-31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	MIEMBRO 19									
	Max	-22.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-22.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	MIEMBRO 20									
	Max	-13.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			
	Min	-13.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00			

MIEMBRO 21								
Max	-9.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	-9.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMBRO 22								
Max	-13.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	-13.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB	RO 23							
Max	-22.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	-22.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB	RO 24							
Max	-31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	-31.50	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB	RO 25							
Max	-36.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	-36.00	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB	RO 26							
Max	6.36	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	6.36	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB	RO 27							
Max	19.09	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	19.09	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB	RO 28							
Max	31.82	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	31.82	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB	RO 29							
Max	44.55	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	44.55	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB	RO 30							
Max	6.36	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	6.36	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB								
Max	19.09	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	19.09	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB								
Max	31.82	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	31.82	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
MIEMB								
Max	44.55	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		
Min	44.55	0.00	0.00	0.00	0.00	0.00		





# N(tracción max) = 67.50 t=675 KN - N(Compresion max): 72t = 720 KN







Datos del problema: Material Acero, tipo F24. Tensión de Fluencia: 240 Mpa – Coeficiente de Seguridad = 1.60

Tension Admisible: 15 KN/cm2

#### **DIMENSIONAMIENTO A TRACCION:**

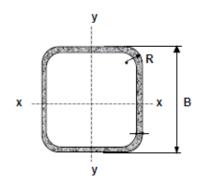
$$A_{nec} = \frac{675 \, KN}{15 \, KN/cm^2} = 45 \, cm^2$$

## **DIMENSIONAMIENTO A COMPRESION: (Se trabaja con el método Domke)**

Se adopta una sección tubular (200x200x8)mm => Ai = 59.79 cm2, rx=ry = 7.78 cm

$$A_0 = \frac{720KN}{15KN/cm^2} = 48cm^2 \Rightarrow (120x120x12)mm \Rightarrow Ai = 48.13 cm^2 \Rightarrow rx = ry = 4.32 cm$$

Tubos de acero Sección Cuadrada IRAM-IAS U 500-218 U 500-2592



B = Ancho exterior

t = Espesor de pared

R = Radio de esquina exterior = 2,00 t

p = Área exterior por metro lineal

A = Sección bruta

g = Peso por metro lineal

S = Módulo elástico resistente

r = Radio de giro

Z = Módulo plástico

J = Módulo de Torsión

C = Constante torsiona

$$\lambda_o = \frac{120}{4.32} = 27.78 \Rightarrow \omega_o = 1.23$$

$$A = 48.13 * 1.23 = 59.20 \ cm2 \Rightarrow$$

Sección (200x200x8)mm AI = 59.79 cm2 => rx=ry=7.78cm

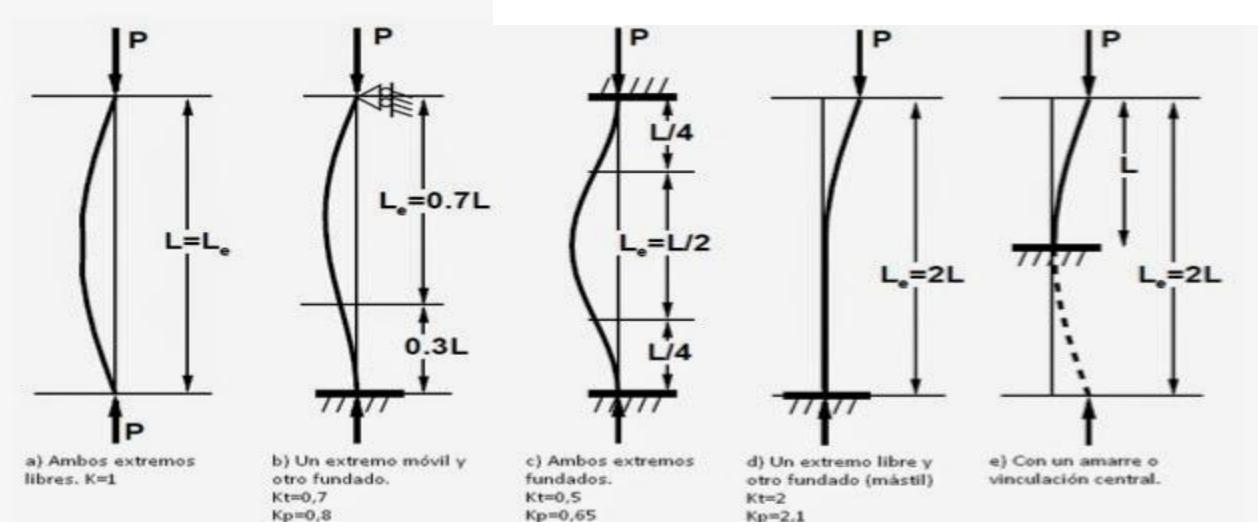
$$\lambda = \frac{120cm}{7.78cm} = 15.42 \Rightarrow \omega = 1.20$$

$$\sigma = 720 * \frac{1.20}{59.79} = 14.45 \frac{KN}{cm^2} < 15 KN/cm^2$$



Ejercicio N°3:

Calcular la carga critica de Euler para una columna constituida por un IPN 300 y una altura de 3,5m para todos los estados posibles de vinculación



 $l_k = h$ 

 $l_k = 0,707h$   $l_k = 0,50h$ 

 $l_k = 2h$ 

 $l_k = 2h$ 



 $IPN300 \Rightarrow Ai = 69 \text{ cm} 2 - r_{min} = 2.56 \text{ cm}$ 

$$L_K = L = 350 \ cm - L_k = 0.707L = 247.50 \ cm - L_K = 0.50L = 175 \ cm - L_K = 2l = 700 \ cm$$

$$P_{k} = \frac{\pi^{2} \cdot E \cdot I_{\min}}{l^{2}}$$

$$\frac{Pk}{E} = \frac{\pi^2 * 2.56cm}{350^2 cm^2} = 0.000206$$

$$\frac{Pk}{E} = \frac{\pi^2 * 2.56cm}{247.50^2 cm^2} = 0.000412$$

$$\frac{Pk}{E} = \frac{\pi^2 * 2.56cm}{175^2 cm^2} = 0.000825 (Mayor carga)$$

$$\frac{Pk}{E} = \frac{\pi^2 * 2.56cm}{700^2 cm^2} = 0.0000516 \, (Menor \, Carga)$$





### Ejercicio N°4:

Dimensionar una columna Articulada-Empotrada, utilizando un perfil UPN, con los siguientes datos

P = 200 kN

H = 4.5 m

Acero tensión admisible = 1400 kg/cm<sup>2</sup>

Se utiliza el **METODO DE DOMKE.** 

Datos del problema: Material Acero, tipo F24. Tensión de Fluencia: 220 Mpa – Coeficiente de Seguridad = 1.57

Tensión Admisible: 14 KN/cm2

$$Ao = \frac{200KN}{14 \ KN/cm2} = 14.28 \ cm2 \Rightarrow UPN \ 120 \Rightarrow Ai = 17 \ cm2, r_{min} = 1.59 \ cm$$

$$\lambda_0 = \frac{0.707 * 450 cm}{1.59 cm} = 200 \Rightarrow \omega_0 = 2.78 \Rightarrow A = 17 cm2 * 2.78 = 47.26 \ cm2$$

UPN 260 => Ai = 48.30 cm2 - r min = 2.56 cm => 
$$\lambda = \frac{(0.707*450)cm}{2.56cm} = 125 \Rightarrow \omega = 3.02$$

$$\sigma = \frac{200 \ KN * 3.02}{48.30 \ cm2} = 12.505 \frac{KN}{cm2} < 14 \ KN/cm2$$





#### Ejercicio N°5:

Dimensionar una columna empotrada y libre en el extremo superior, solicitada al siguiente estado de carga.

**⋫**M

P = 50 kN M = 5 kNm H = 2,5 m Acero tensión admisible = 1400 kg/cm<sup>2</sup> Perfil IPN

Se supondrá que el Momento actúa alrededor del eje de mayor momento de inercia. Por lo tanto la verificación se realiza en la dirección del momento.

En la Practica profesional deberá verificarse la seguridad a la inestabilidad elástica alrededor de los dos ejes principales de la sección.

Para este caso no es posible utilizar el Método de Domke. Se trabajara con el Método  $\omega$  y se aplicará un método iterativo.

Se adopta como primera sección un IPN 200 Ai = 33.4cm2 – rx = 8.00 – Wx = 214 cm3

$$\lambda = \frac{2 * 250cm}{8} = 62.5 > \omega = 1.53$$

$$\sigma = \frac{50KN * 1.53}{33.4cm2} + \frac{500KNcm}{214cm3} = 2.29 + 2.34 =$$

$$\sigma = 4.63 \frac{KN}{cm2} \ll 14KN/cm2$$

Si bien la tensión es menor a la admisible la sección se encuentra sobredimensionada.

Consigna=> Repetir el proceso hasta que la tensión resultante sea menor que la admisible pero próxima a la misma.





# EL GRUPO DE TRABAJO DEBERA COMPLETAR LOS EJERCICIOS DEL TP9

