

**Curso libre:**  
*Econometría en Python*

**Monitor encargado:**  
*Juan Felipe Acevedo  
Pérez*

**Correo:** [uniic\\_bog@unal.edu.co](mailto:uniic_bog@unal.edu.co)  
**Teléfono:** 3165000 ext 12301

## Regresión por MCO

**Juan Felipe Acevedo Pérez**  
Monitor (a) Unidad de Informática



# Regresión por MCO

**Correo:** [uniic\\_bog@unal.edu.co](mailto:uniic_bog@unal.edu.co)

**Teléfono:** 3165000 ext 12301

# Regresión

- El análisis de regresión trata del estudio de la dependencia de una variable (*variable dependiente*) respecto de una o más variables (*variables explicativas*) con el objetivo de estimar o predecir la media o valor promedio poblacional de la primera en términos de los valores conocidos o fijos (en muestras repetidas) de las segundas. (Gujarati y Porter, 2010, p.15)
- En palabras simples: estudio de la relación entre variable *dependiente* y variables *explicativas*.

# Principales usos

- **Análisis estructurales:** Cuantificar la relación entre variables y su dirección.
- **Predicción o pronóstico:** Estimar valor para Y con base en valores hipotéticos de las variables X.
- **Simulación de efectos o evaluación de políticas:** Cambiar variables exógenas para ver la reacción de la variable endógena.

# Regresión lineal

- Linealidad en los parámetros.

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + u_i$$



# FRP y FRM

- La Función de Regresión **Poblacional**:

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + u_i$$

- En la práctica se desconoce la FRP. Se utiliza la Función de Regresión **Muestral**:

$$y_i = \widehat{\beta}_0 + \widehat{\beta}_1 x_i + \widehat{u}_i$$

# Regresión a través del origen

- $\beta_0$  es un parámetro no asociado a una variable explicativa particular. Cuando se excluye  $\beta_0$  (es decir, el término del intercepto), se lleva a cabo una regresión a través del origen.
- La regresión a través del origen es de la forma:

$$y_i = \beta_1 x_i + u_i$$

# Regresión lineal múltiple

- Se tienen  $k$  variables explicativas. Se deben estimar  $k + 1$  parámetros (si no es una regresión a través del origen):

$$y_i = x_i^T \beta + u_i$$

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{1i} + \cdots + \beta_k x_{ki} + u_i$$

$$y_i = \beta_0 + \sum_{j=1}^k \beta_j x_{ji} + u_i$$



# Mínimos Cuadrados Ordinarios

- El método de Mínimos Cuadrados Ordinarios, o MCO, es el más común para la estimación de parámetros en un modelo de regresión lineal (simple o múltiple).
- La idea básica es minimizar la suma de los residuos cuadrados:

$$\text{Min} \sum_{i=1}^n \hat{u}_i^2$$

# Método MCO

$$\text{Min} \sum_{i=1}^n \hat{u}_i^2$$

$$= \text{Min} \sum_{i=1}^n \left( y_i - \hat{\beta}_0 - \sum_{j=1}^k \hat{\beta}_j x_{ji} \right)^2$$

Los  $\hat{\beta}$  que solucionan el problema de minimización se conocen como estimadores de MCO.

# Referencias

- Gujarati, D.N. y Porter, D.C. (2010). Econometría. México: McGraw-Hill/Interamericana Editores, S.A. de C.V.