AG2 - Actividad Guiada 2

Nombre: Juan Aroca Pérez

 $\textbf{Link:} \ \underline{\text{https://colab.research.google.com/github/JuanArocaMIAR/03MIAR---Algoritmos-de-Optimizacion---}} \\ \textbf{Link:} \ \underline{\text{https://colab.research.google.com/github/JuanArocaMIAR/03MIAR---}} \\ \textbf{Link:} \ \underline{\text{https://colab.research.google.com$

-2023/blob/main/Algoritmos_AG2_Juan_Aroca_Perez.ipynb#scrollTo=8KXZgu57iEM5 Github: https://github.com/JuanArocaMIAR/03MIAR--Algoritmos-de-Optimizacion-

-2023/tree/9d0b52f11810aaa8ecf7e7a33da0246fd85c33fd/AG2

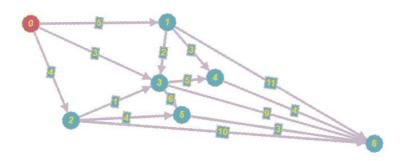
import math

Programación Dinámica. Viaje por el rio

- Definición: Es posible dividir el problema en subproblemas más pequeños, guardando las soluciones para ser utilizadas más adelante.
- Características que permiten identificar problemas aplicables:
 - -Es posible almacenar soluciones de los subproblemas para ser utilizados más adelante
 - -Debe verificar el principio de optimalidad de Bellman: "en una secuencia optima de decisiones, toda sub-secuencia también es óptima" (*)
 - -La necesidad de guardar la información acerca de las soluciones parciales unido a la recursividad provoca la necesidad de preocuparnos por la complejidad espacial (cuantos recursos de espacio usaremos)

Problema

En un río hay **n** embarcaderos y debemos desplazarnos río abajo desde un embarcadero a otro. Cada embarcadero tiene precios diferentes para ir de un embarcadero a otro situado más abajo. Para ir del embarcadero i al j, puede ocurrir que sea más barato hacer un trasbordo por un embarcadero intermedio k. El problema consiste en determinar la combinación más barata.



- *Consideramos una tabla TARIFAS(i,j) para almacenar todos los precios que nos ofrecen los embarcaderos.
- *Si no es posible ir desde i a j daremos un valor alto para garantizar que ese trayecto no se va a elegir en la ruta óptima(modelado habitual para restricciones)

```
#Calculo de la matriz de PRECIOS y RUTAS
# PRECIOS - contiene la matriz del mejor precio para ir de un nodo a otro
# RUTAS - contiene los nodos intermedios para ir de un nodo a otro
def Precios(TARIFAS):
#Total de Nodos
  N = len(TARIFAS[0])
  #Inicialización de la tabla de precios
  PRECIOS = [ [9999]*N for i in [9999]*N] #n x n
RUTA = [ [""]*N for i in [""]*N]
  #Se recorren todos los nodos con dos bucles(origen - destino)
  # para ir construyendo la matriz de PRECIOS
  for i in range(N-1):
     for j in range(i+1, N):
       MIN = TARIFAS[i][j]
       RUTA[i][j] = i
       for k in range(i, j):
         if PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] < MIN:
             MIN = min(MIN, PRECIOS[i][k] + TARIFAS[k][j] )
              RUTA[i][j] = k
         PRECIOS[i][j] = MIN
  return PRECIOS, RUTA
PRECIOS, RUTA = Precios(TARIFAS)
#print(PRECIOS[0][6])
print("PRECIOS")
for i in range(len(TARIFAS)):
  print(PRECIOS[i])
print("\nRUTA")
for i in range(len(TARIFAS)):
  print(RUTA[i])
      PRECIOS
      PRECIOS
[9999, 5, 4, 3, 8, 8, 11]
[9999, 9999, 999, 2, 3, 8, 7]
[9999, 9999, 9999, 1, 6, 4, 7]
[9999, 9999, 9999, 9999, 5, 6, 9]
[9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 999, 4]
[9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 3]
      [9999, 9999, 9999, 9999, 9999, 9999]
     RUTA
['', 0, 0, 0, 1, 2, 5]
['', '', 1, 1, 1, 3, 4]
['', '', '', 2, 3, 2, 5]
['', '', '', '', 3, 3, 3]
['', '', '', '', '', '', '', '', '']
['', '', '', '', '', '', '', '']
#Calculo de la ruta usando la matriz RUTA
def calcular_ruta(RUTA, desde, hasta):
  if desde == RUTA[desde][hasta]:
#if desde == hasta:
    #print("Ir a :" + str(desde))
    return desde
    return str(calcular_ruta(RUTA, desde, RUTA[desde][hasta])) + ',' + str(RUTA[desde][hasta])
print("\nLa ruta es:")
calcular_ruta(RUTA, 0,6)
      La ruta es:
      '0,2,5'
```

Haz doble clic (o pulsa Intro) para editar

Problema de Asignacion de tarea

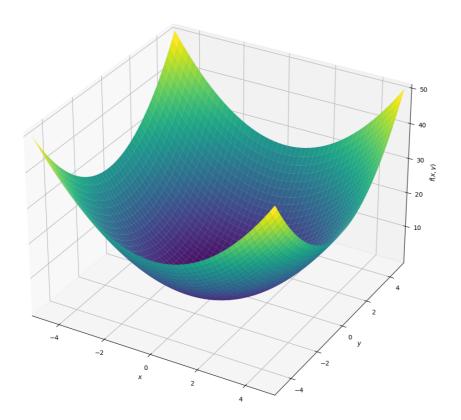
```
#Calculo del valor de una solucion parcial
def valor(S,COSTES):
 VALOR = 0
  for i in range(len(S)):
   VALOR += COSTES[S[i]][i]
 return VALOR
valor((3,2, ),COSTES)
     34
#Coste inferior para soluciones parciales
# (1,3,) Se asigna la tarea 1 al agente 0 y la tarea 3 al agente 1
def CI(S,COSTES):
 VALOR = 0
 #Valores establecidos
 for i in range(len(S)):
   VALOR += COSTES[i][S[i]]
 #Estimacion
  for i in range( len(S), len(COSTES) ):
   VALOR += min( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
  return VALOR
def CS(S,COSTES):
 VALOR = 0
  #Valores establecidos
  for i in range(len(S)):
    VALOR += COSTES[i][S[i]]
 for i in range( len(S), len(COSTES) ):
   VALOR += max( [ COSTES[j][i] for j in range(len(S), len(COSTES)) ])
 return VALOR
CI((0,1),COSTES)
     68
#Genera tantos hijos como como posibilidades haya para la siguiente elemento de la tupla
#(0,) -> (0,1), (0,2), (0,3)
def crear_hijos(NODO, N):
HIJOS = []
  for i in range(N ):
   if i not in NODO:
     HIJOS.append({'s':NODO +(i,) })
 return HIJOS
crear_hijos((0,), 4)
     [{'s': (0, 1)}, {'s': (0, 2)}, {'s': (0, 3)}]
```

```
#Construccion iterativa de soluciones(arbol). En cada etapa asignamos un agente(ramas).
#Nodos del grafo { s:(1,2),CI:3,CS:5 }
  #print(COSTES)
  DIMENSION = len(COSTES)
  MEJOR_SOLUCION=tuple( i for i in range(len(COSTES)) )
  CotaSup = valor(MEJOR_SOLUCION,COSTES)
  #print("Cota Superior:", CotaSup)
  NODOS=[]
  NODOS.append({'s':(), 'ci':CI((),COSTES)
  iteracion = 0
  while( len(NODOS) > 0):
    iteracion +=1
    nodo_prometedor = [ min(NODOS, key=lambda x:x['ci']) ][0]['s']
    #print("Nodo prometedor:", nodo_prometedor)
    #Ramificacion
    #Se generan los hijos
    \label{eq:hijos} \mbox{HIJOS} = [ \mbox{ 's':x['s'], 'ci':CI(x['s'], COSTES) } \mbox{ for x in crear_hijos(nodo_prometedor, DIMENSION) } ]
    #Revisamos la cota superior y nos quedamos con la mejor solucion si llegamos a una solucion final NODO_FINAL = [x for x in HIJOS if len(x['s']) = DIMENSION]
    if len(NODO_FINAL ) >0:
    #print("\n******Soluciones:", [x for x in HIJOS if len(x['s']) == DIMENSION ] )
      if NODO_FINAL[0]['ci'] < CotaSup:</pre>
        CotaSup = NODO_FINAL[0]['ci']
        MEJOR_SOLUCION = NODO_FINAL
    #Poda
    HIJOS = [x for x in HIJOS if x['ci'] < CotaSup ]</pre>
    #Añadimos los hijos
    NODOS.extend(HIJOS)
    #Eliminamos el nodo ramificado
    NODOS = [ x for x in NODOS if x['s'] != nodo_prometedor
  print("La solucion final es:" ,MEJOR_SOLUCION , " en " , iteracion , " iteraciones" , " para dimension: " ,DIMENSION )
ramificacion_y_poda(COSTES)
     La solucion final es: [{'s': (1, 2, 0, 3), 'ci': 64}] en 10 iteraciones para dimension: 4

    Descenso del gradiente

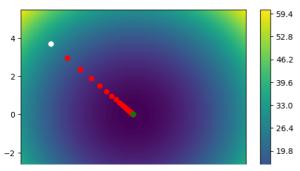
                                  #Funciones matematicas
import math
import matplotlib.pyplot as plt #Generacion de gráficos (otra opcion seaborn)
import numpy as np
                                   #Tratamiento matriz N-dimensionales y otras (fundamental!)
#import scipy as sc
import random
Vamos a buscar el minimo de la funcion paraboloide : \$f(x) = x^2 + y^2\$
Obviamente se encuentra en (x,y)=(0,0) pero probaremos como llegamos a él a través del descenso del gradiante.
#Definimos la funcion
#Paraboloide
f = lambda X:
                    X[0]**2 + X[1]**2
                                         #Funcion
df = lambda X: [2*X[0], 2*X[1]]
                                           #Gradiente
df([1,2])
     [2, 4]
from sympy import symbols
from sympy.plotting import plot
from sympy.plotting import plot3d
x,y = symbols('x y')
plot3d(x**2 + y**2,
       (x,-5,5),(y,-5,5),
       title='x**2 + y**2',
       size=(10,10))
```

def ramificacion_y_poda(COSTES):



<sympy.plotting.plot.Plot at 0x7ee4e8a67310>

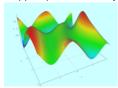
```
#Prepara los datos para dibujar mapa de niveles de Z
resolucion = 100
rango=5.5
X=np.linspace(-rango,rango,resolucion)
Y=np.linspace(-rango,rango,resolucion)
Z=np.zeros((resolucion,resolucion))
for ix,x in enumerate(X):
  for iy,y in enumerate(Y):
    Z[iy,ix] = f([x,y])
#Pinta el mapa de niveles de Z
plt.contourf(X,Y,Z,resolucion)
plt.colorbar()
#Generamos un punto aleatorio inicial y pintamos de blanco
P=[random.uniform(-5,5 ),random.uniform(-5,5 )]
plt.plot(P[0],P[1],"o",c="white")
#Tasa de aprendizaje. Fija. Sería más efectivo reducirlo a medida que nos acercamos.
TA=.1
#Iteraciones:50
for _ in range(50):
grad = df(P)
  #print(P,grad)
  P[0], P[1] = P[0] - TA*grad[0], P[1] - TA*grad[1]
  plt.plot(P[0],P[1],"o",c="red")
#Dibujamos el punto final y pintamos de verde
plt.plot(P[0],P[1],"o",c="green")
plt.show()
print("Solucion:" , P , f(P))
```



¿Te atreves a optimizar la función?:

P = np.array([random.uniform(-5, 5), random.uniform(-5, 5)])

```
f(x)=\sin(1/2 * x^2 - 1/4 * y^2 + 3) * \cos(2 * x + 1 - e^y)
```



```
#Definimos la funcion
f= lambda X: math.sin(1/2 * X[0]**2 - 1/4 * X[1]**2 + 3) *math.cos(2*X[0] + 1 - math.exp(X[1]) )
# Nueva definición de la función
f = lambda X: np.sin(1/2 * X[0]**2 - 1/4 * X[1]**2 + 3) * np.cos(2 * X[0] + 1 - np.exp(X[1]))
# Gradiente de la función
def gradiente(X):
            \begin{aligned} & \text{df}_{\text{d}} \text{dx} &= \text{X[0]} * \text{np.cos}(1/2 * \text{X[0]} * *2 - 1/4 * \text{X[1]} * *2 + 3) * \text{np.cos}(2 * \text{X[0]} + 1 - \text{np.exp}(\text{X[1]})) - 2 * \text{np.sin}(1/2 * \text{X[0]} * *2 - 1/4 * \text{X[1]} * *2 + 3) * \text{np.sin}(2 * \text{df}_{\text{d}} + 1/2 * df_{\text{d}} + 1/2 * df_{
           return np.array([df_dx, df_dy])
# Descenso de gradiente
def descenso_gradiente(tasa_aprendizaje, iteraciones):
          X = np.random.uniform(-5, 5, size=2)
           for _ in range(iteraciones):
                      grad = gradiente(X)
                     X -= tasa_aprendizaje * grad
          return X, f(X)
# Parámetros del descenso de gradiente
tasa_aprendizaje = 0.01
iteraciones = 1000
# Ejecutar descenso de gradiente
X_minimo, valor_minimo = descenso_gradiente(tasa_aprendizaje, iteraciones)
# Mostrar la solución encontrada
print("\nSolución encontrada:")
print("x:", X_minimo[0])
print("y:", X_minimo[1])
print("Valor mínimo de f(X):", valor_minimo)
# Resto del código proporcionado
# ...
# Sección de "Descenso del gradiente"
# Prepara los datos para dibujar mapa de niveles de Z
resolucion = 100
rango = 5.5
X_vals = np.linspace(-rango, rango, resolucion)
Y_vals = np.linspace(-rango, rango, resolucion)
Z_vals = np.zeros((resolucion, resolucion))
for ix, x in enumerate(X_vals):
           for iy, y in enumerate(Y_vals):
                     Z_{vals[iy, ix]} = f([x, y])
\# Pinta el mapa de niveles de Z
\verb"plt.contourf"(X_vals, Y_vals, Z_vals, resolucion")"
plt.colorbar()
# Generamos un punto aleatorio inicial y pintamos de blanco
```