

## Parcial 1

Juan Castañeda

### Punto 1b

```
library(pracma)

A=matrix(c(4,-1,-1,-1,
          -1,4,-1,-1,
          -1,-1,4,-1,
          -1,-1,-1,4),nrow=4,byrow=4)

Ap=matrix(c(4,-1,-1,-1,
          -1.15,4,-1,-1,
          -1,-1,4,-1,
          -1,-1,-1,4),nrow=4,byrow=4)

b=c(-exp(1),5,6,0)

punto = function(A,Ap) {
  C = Ap-A ## Calculamos el error en la matriz original
  cat ("Error en A\n\n")
  print(C)
  cat ("\n\n")
  SA = solve(A,b)      # Resolvemos la matriz para la matriz original
  SAp = solve (Ap,b)   # Resolvemos la matriz para la matriz modificada
  C2 = SAp - SA        # Calculamos el error en las soluciones
  cat ("Error en Soluciones\n\n")
  print(C2)
  cat ("\n\n")
  Ea=(norm(C, type = "I"))/(norm(A,type = "I")) #Calculamos el error relativo de la matriz
  Esol = (max(C2)) / (max(SAp))      #Calculamos el error relativo de las soluciones
  cond = norm(A, type = "I")* (norm( inv(A), type = "I")) #Calculamos el numero de
                                                    #condicion para la matriz

  cota = cond *Ea      #Calculamos la cota de error
  cat("La cota de error es: ",cota*100,"% \n\n")
  cat(round(Ea*100,digits = 2),"% de distorcion en la matriz produjo una distorcion de ",
      round(Esol*100,digits = 2) ,"% en la solución \n")
}

punto(A,Ap)

## Error en A
##
##      [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]  0.00   0   0   0
## [2,] -0.15   0   0   0
## [3,]  0.00   0   0   0
## [4,]  0.00   0   0   0
##
##
## Error en Soluciones
##
```

```
## [1] 0.03441301 0.06882602 0.03441301 0.03441301
```

```
##
```

```
##
```

```
## La cota de error es: 15 %
```

```
##
```

```
## 2.14 % de distorción en la matriz produjo una distorción de 2.38 % en la solución
```

Primero se calcula el error relativo de la matriz restando la matriz modificada con la original y a la matriz resultante se le saca la norma y luego se divide esta entre la norma de la matriz original para obtener el error relativo de la matriz.

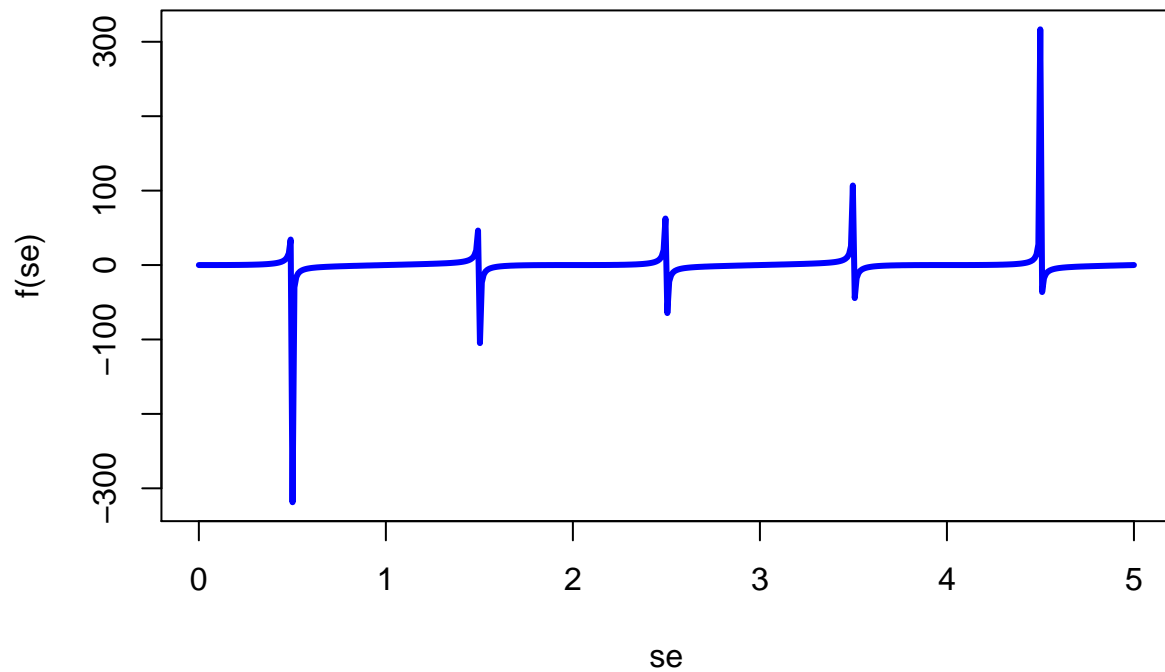
Para la cota de error se tomó el error relativo de la matriz calculado anteriormente y se multiplica por el número de condición de la matriz original.

Para calcular la variación en las soluciones se resolvió la matriz A original y la matriz A con el cambio y luego se restaron ambas para ver en cuánto había cambiado, luego con la ayuda de la norma de ese vector resultante y la norma de la solución del vector modificado se pudo hallar el error relativo de la solución.

Con lo calculado podemos decir que tanto varía la solución de la matriz con una variación en la matriz original

## Punto 2a

```
f <- function(x){  
  tan(pi*x)-sin(pi*x)  
}  
  
parteA=function(x0){  
  error=1000; #Inicializamos el error para que pueda entrar al ciclo  
  
  x0=x0-0.1; #-|-->Se varían x1 y x2 en un pequeño valor para poder empezar a hacer el  
  x2=x0+1;   #-|   el método, se disminuye x0 en 1 para que siempre muestre la raíz a  
  x1=x0+0.5; #-|   la derecha del número dado  
  
  cont=0;  
  while( error > 10e-9 && cont <= 100 ){  
    x0 = x1 - ( (f(x1) * (x1-x2)) / ((f(x1)-f(x2))) ) #Definimos la fórmula iterativa  
                                                    #dada en el parcial  
  
    error = abs(x0-x1) #Calculamos el error para ver si hay más iteraciones  
    x2=x1 #Actualizamos  
    x1=x0 #Actualizamos  
    cont=cont+1  
  }  
  if (cont < 100)  
    cat( "Raíz ",x0, " Iteraciones = ",cont, "\n")  
  else  
    cat ("No converge\n")  
}  
cat ("Método Iterativo\n")  
  
## Método Iterativo  
se=seq(0,5,length=500)  
plot(se,f(se),type="l",col="blue",lwd=3)
```



```
parteA(0)
```

```
## Raiz 1 Iteraciones = 8
```

```
parteA(2.2)
```

```
## Raiz 3 Iteraciones = 5
```

El metodo funciona, para cualquier numero que se encuentre entre los reales, ya sea decimal o entero. Este entrega la raiz mas proxima hacia la derecha del numero dado