

Punto 1: Para que sean consistentes se debe obtener la derivada real de la función al usar el operador.

$$f'(x) = \frac{-f(x+2h) + 4f(x+h) - 3f(x)}{2h}$$

Operador 1

$$f(x) = x^2 \text{ función 1}$$

$$f''(x) = \frac{f(x+h) - 2f(x) + f(x-h)}{h^2}$$

Operador 2

$$f(x) = \sin x \text{ función 2}$$

• La función 1 es consistente con el operador 1:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{-(x+2h)^2 + 4(x+h)^2 - 3x^2}{2h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-(x^2 + 4xh + 4h^2) + 4(x^2 + 2xh + h^2) - 3x^2}{2h}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{-x^2 - 4xh - 4h^2 + 4x^2 + 8xh + 4h^2 - 3x^2}{2h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4xh}{2h} = 2x$$

• La función 1 es consistente con el operador 2:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{(x+h)^2 - 2x^2 + (x-h)^2}{h^2} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{x^2 + 2xh + h^2 - 2x^2 + x^2 - 2xh + h^2}{h^2} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2h^2}{h^2} = 2$$

• La función 2 es consistente con el operador 1:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{-\sin(x+2h) + 4\sin(x+h) - 3\sin x}{2h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-\sin x + 4\sin x - 3\sin x}{2h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-4\sin x + 4\sin x}{2h} = \frac{0}{0} \text{ L'Hopital}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{-\cos(x+2h) + 4\cos(x+h) - 2\cos x}{2} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{-2\cos x + 4\cos x - 2\cos x}{2} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2\cos x}{2} = \cos x$$

• La función 2 es consistente con el operador 2:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sin(x+h) - 2\sin x + \sin(x-h)}{h^2} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{\sin x - 2\sin x + \sin x}{h^2} = \frac{0}{0} \text{ L'Hopital}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{\cos(x+h) - \cos(x-h)}{2h} = \frac{0}{0} \text{ L'Hopital}$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{-\sin(x+h) - \sin(x-h)}{2} = \frac{-2\sin x}{2} = -\sin x$$