Algorithm 1 Generación de Reglas con Negaciones

Require: Conjunto de reglas sin negaciones R

Ensure: Conjunto de reglas posiblemente interesantes con negaciones R_{neg}

```
1: R_{\text{neg}} \leftarrow \emptyset
 i \leftarrow 1
 3: while i \leq |R| do
       regla r \leftarrow R[i]
        if conv(r) < \frac{1}{k} then
 5:
           Agregar regla r' = X \to \neg Y tal que lift(r') > k a R_{\text{neg}}
 6:
 7:
        if lift(r) < 1 then
 8:
           Agregar regla r' = X \rightarrow \neg Y a R_{\text{neg}}
 9:
10:
        end if
11:
        i \leftarrow i + 1
12: end while
13: return R_{\text{neg}}
```

Demostración 1.2:

Consideremos dos reglas, R_1 y R_2 , y supongamos que estamos utilizando el *lift* como la métrica de mejora.

Sea
$$lift(R_1) = 2$$
 y $lift(R_2) = 1$.

Entonces, la mejora de R_2 con respecto a R_1 se calcula como $lift(R_2) - lift(R_1) = 1 - 2 = -1$.

Por lo tanto, la mejora de una regla puede ser negativa, lo que indica que la regla no es tan útil como otra regla de referencia en términos del *lift*.

a) Demostración 1.3.1:

Usando las definiciones de confianza:

$$\operatorname{conf}(R) = \frac{\sup(XY)}{\sup(X)} = \frac{\sup(XYZ)}{\sup(X)} = \operatorname{conf}(R')$$
$$\operatorname{conf}(X \to \neg Y) = 1 - \operatorname{conf}(R) = 1 - \operatorname{conf}(R') = \operatorname{conf}(X \to \neg W)$$

b) Demostración 1.3.2:

Usando la relación entre el "lift" y la confianza:

$$\operatorname{lift}(X \to W) = \frac{\operatorname{conf}(X \to W)}{\sup(W)} \ge \frac{\operatorname{conf}(X \to Y)}{\sup(Y)} = \operatorname{lift}(X \to Y)$$

c) Demostración 1.3.3:

Usando la relación entre la convicción y la confianza:

$$\operatorname{conv}(X \to W) = \frac{1 - \sup(W)}{1 - \operatorname{conf}(X \to W)} \ge \frac{1 - \sup(Y)}{1 - \operatorname{conf}(X \to Y)} = \operatorname{conv}(X \to Y)$$

Bajo las condiciones dadas, la regla $X \to W$ tiene un soporte al menos tan grande como el de $X \to Y$, ya que $Y \subseteq W \subseteq YZ$. Además, al incluir un conjunto de items frecuentes más grande en el consecuente, la regla $X \to Y$

W puede tener un "lift" y una convicción iguales o mayores que los de $X \to Y$. Por lo tanto, entre todas las reglas formadas con XYZ y con X vistos anteriormente, la regla $X \to W$ sería la "mejor" regla en términos de soporte, "lift" y convicción.