

2. Para ser base tienen que ser:
Linealmente independiente.

C_i = Constantes

$$C_0 e_0 + C_1 e_1 + C_2 e_2 + \dots + C_i e_i = 0$$

Ahora:

$$e_i(i) = 1 \quad e_j(i) = 0 \quad ; \quad j \neq i$$

$$C_i e_i = C_i \cdot 1 = C_i \cdot e_j(i) = C_i \cdot 0 = 0$$

$$C_i = 0$$

O se expresa como $\sum_{i=0}^n C_i e_i(j) = 0$ Siempre que $j \neq i$

Como toma el valor 0 en todos los iterando menos en uno, se comprueba la no dependencia de los elementos base.

Condición:

$$\delta_{ij} = \begin{cases} 1 & i=j \\ 0 & \text{si } i \neq j \end{cases}$$

$$\delta(x_i) = \prod_{j=0, j \neq i} \frac{x_i - x_j}{x_i - x_i} = 1$$

$$\delta(x_j) = \prod_{\substack{0 \leq j \leq n \\ j \neq i}} \frac{x_j - x_i}{x_i - x_i} = 0$$