# Tareal Parra Mena

April 30, 2025

## TAREA 1/ MATEO PARRA MENA/ 2021429077/ 24-04-25

#### Preguntas y Respuestas:

1. Cargar la base de datos en el ambiente. Identifique los tipos de datos que se encuentran en la base, realice estadisticas descriptivas sobre las variables importantes (Hint: Revisar la distribuciones, datos faltantes, outliers, etc.) y limpie las variables cuando sea necesario.

R: Se cargó la base machine\_failure\_data.csv y se transformó la variable objetivo Failure\_today a binaria (1 si hay fallo, 0 si no). Se identificaron los tipos de datos: principalmente variables numéricas (float64, int64), una variable de fecha (datetime64) y algunas categóricas (object), como las direcciones del viento. Se realizó un análisis exploratorio que reveló variables con altos niveles de valores faltantes, en particular Electricity (42.3%) y Evaporation (37.5%), y otras como Parameter5\_9am con un porcentaje menor a 10%. Por ello, se decidió eliminar filas con NaN solo para variables con menos del 10% de datos faltantes. Adicionalmente:

- -Se eliminaron directamente las columnas Parameter6\_9am y Parameter6\_3pm por tener más del 35% de datos faltantes.
- -Las variables de dirección cardinal fueron transformadas a ángulos y luego agrupadas en las regiones  $N,\,E,\,S\,v\,W.$
- -Estas nuevas categorías fueron convertidas en dummies (variables ficticias) para usarlas en los modelos.
- -Se generaron variables dummy para la variable Location.
- -Se añadió información estacional a partir de la fecha, creando variables indicadoras para las estaciones del año (Summer, Autumn, Winter, Spring).
- -La variable Leakage fue eliminada más adelante por ser un predictor perfecto del fallo, con un R<sup>2</sup> cercano a 1 que distorsiona los modelos predictivos
- -Se realizaron estadísticas descriptivas y gráficos de distribución para variables como Evaporation, Electricity, Min\_Temp, Max\_Temp, y varios parámetros horarios. Los gráficos permitieron visualizar la distribución de los datos y la presencia de outliers, como fue el caso de Evaporation (distribución sesgada a la derecha) y Leakage, que mostró valores extremos. También se construyó una matriz de correlación excluyendo las dummies de Location y Season para evitar confusión visual. Se descartaron variables redundantes por correlación como Parameter7\_9am, Parameter7\_3pm y Parameter5\_9am.
  - 2. Ejecute un modelo de probabilidad lineal (MCO) que permita explicar la probabilidad de que un dia se reporte fallo medido por sensor, a partir de las informacion disponible. Seleccione

las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

- R: -Para modelar la probabilidad de que en un día se reporte una falla, se utilizó un modelo de regresión lineal clásico (OLS) donde la variable dependiente es binaria (Failure\_today: 1 si hubo falla, 0 en caso contrario). Se seleccionaron como variables explicativas tanto factores climáticos como operacionales, incluyendo temperatura mínima y máxima, presión atmosférica, velocidad del viento, y variables categóricas transformadas a dummies como estación del año y región del viento.
- -El modelo alcanza un R^2 de 0.280, lo que implica que aproximadamente el 28% de la variabilidad en la ocurrencia de fallas puede explicarse linealmente por las variables independientes incluidas.
- -Entre las variables incluidas, se destacaron Min\_Temp, Max\_Temp, Parameter1\_Speed, Parameter4\_9am, y Parameter5\_3pm. Se encontraron asociaciones positivas de Min\_Temp y Parameter1\_Speed con la probabilidad de falla, y negativas para Max\_Temp y Parameter5\_3pm. Las dummies de dirección cardinal mostraron efectos significativos, especialmente las provenientes del sur y oeste, lo que podría vincularse a patrones climáticos adversos. Este modelo, sin embargo, tiene limitaciones: asume varianza constante (homocedasticidad), no restringe las predicciones al intervalo [0, 1], y no captura relaciones no lineales inherentes a variables binarias.
- -Finalmente, las dummies de estación como Season\_Spring y Season\_Summer fueron positivas y significativas, lo que respalda la presencia de estacionalidad en las fallas. Esto es consistente con la teoría vista en clases sobre la necesidad de incorporar efectos fijos temporales cuando hay patrones cíclicos.
  - 3. Ejecute un modelo *probit* para responder a la pregunta 2. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.
- R:-El modelo Probit permitió estimar la probabilidad de falla diaria de manera no lineal, ajustándose mejor a las restricciones del modelo (predicciones entre 0 y 1). Para evitar problemas de matriz singular durante su estimación, se excluyeron las variables Electricity y Evaporation.
- -Los resultados muestran que la temperatura mínima se relaciona positivamente con la probabilidad de falla, lo que sugiere que, a medida que aumentan las temperaturas mínimas, podrían generarse condiciones menos óptimas para el funcionamiento del equipo. En contraste, temperaturas máximas más altas reducen la probabilidad de falla, posiblemente por asociarse a ambientes más secos o estables. También se observa que velocidades más altas del parámetro operacional principal están relacionadas con un mayor riesgo de falla, lo que puede explicarse por una mayor exigencia sobre el sistema.
- -En relación a los factores ambientales, las direcciones del viento provenientes del sur y del oeste aumentan la probabilidad de fallo, lo que puede indicar que ciertas corrientes de aire o condiciones específicas generan mayor estrés sobre los sensores o componentes de la máquina. Además, se evidencian efectos sistemáticos según la ubicación geográfica de los equipos: varias ubicaciones mostraron ser significativamente distintas en términos de riesgo, lo cual sugiere diferencias operativas o de mantenimiento entre sitios.
- -Las estaciones del año también fueron significativas, especialmente primavera y verano, las cuales mostraron un aumento en la probabilidad de fallas. Esto puede vincularse a cambios estacionales en la carga operativa o condiciones térmicas más agresivas
- -Para facilitar la interpretación se calcularon los efectos marginales (dy/dx), que representan el cambio en la probabilidad de falla por una variación unitaria en la variable independiente, manteniendo las demás constantes. Por ejemplo, Min\_Temp tuvo un efecto marginal de aproximadamente

0.022, lo que significa que un aumento de un grado en la temperatura mínima eleva la probabilidad de falla en 2.2 puntos porcentuales. Estos efectos marginales permiten cuantificar de forma intuitiva el impacto de cada variable en términos de probabilidad, lo cual es particularmente útil en aplicaciones prácticas como mantenimiento predictivo o análisis de riesgo operacional.

- 4. Ejecute un modelo *logit* para responder a la pregunta 2. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.
- -Se estimó un modelo Logit para explicar la probabilidad de que un día ocurra una falla registrada por el sensor, utilizando como variable dependiente Failure\_today y como variables independientes aquellas previamente seleccionadas tras el proceso de limpieza y transformación de la base. Las variables Electricity y Evaporation fueron excluidas por generar colinealidad y problemas de matriz singular en los modelos no lineales.
- -Los resultados del modelo Logit fueron coherentes con los obtenidos previamente en los modelos MCO y Probit. La variable Min\_Temp presentó un coeficiente positivo y altamente significativo, lo que indica que temperaturas mínimas más altas están asociadas con una mayor probabilidad de falla. Por el contrario, Max\_Temp mostró un efecto negativo, lo que sugiere que condiciones más cálidas podrían favorecer el desempeño de los equipos al reducir humedad o condensación.
- -Asimismo, Parameter1\_Speed tuvo un impacto positivo significativo, lo que refuerza la hipótesis de que mayores velocidades operativas incrementan la exigencia sobre los sistemas mecánicos, elevando el riesgo de falla. También se observó un patrón horario en Parameter3\_9am (positivo) y Parameter3\_3pm (negativo), lo que puede reflejar condiciones distintas de operación o ambiente a lo largo del día.
- -Respecto a las direcciones cardinales del viento, se observó que las provenientes del oeste (Parameter1\_Dir\_region\_W, Parameter2\_9am\_region\_W, Parameter2\_3pm\_region\_W) y del sur (Parameter2\_9am\_region\_S, Parameter2\_3pm\_region\_S) aumentan la probabilidad de falla, y todos estos efectos fueron altamente significativos. Esto podría relacionarse con patrones climáticos regionales que afectan negativamente el funcionamiento de la maquinaria.
- -Las variables dummy de Location mostraron una fuerte heterogeneidad entre estaciones, revelando diferencias significativas en el riesgo de falla según ubicación, posiblemente debido a variaciones locales en mantenimiento, exposición ambiental o carga operativa. Algunas locaciones como la 6, 13, 20 y 49 presentaron coeficientes negativos muy pronunciados, lo cual indica una menor probabilidad de falla respecto al grupo base.
- -Las estaciones del año también fueron significativas. En particular, Spring y Summer mostraron coeficientes positivos y altamente significativos, lo que sugiere una mayor frecuencia de fallas en esos períodos. Winter, en cambio, tuvo un efecto negativo. A diferencia del modelo anterior, esta vez sí se reportaron errores estándar válidos, lo que permite interpretar estas relaciones con mayor confianza estadística.
- -Finalmente, se calcularon los efectos marginales (dy/dx), los cuales cuantifican el cambio esperado en la probabilidad de falla ante una variación unitaria en cada variable independiente, manteniendo constantes las demás. Por ejemplo, el efecto marginal de Min\_Temp fue de aproximadamente 0.022, lo que implica que un aumento de un grado en la temperatura mínima incrementa la probabilidad de falla en 2.2 puntos porcentuales. Esta interpretación directa es especialmente útil para fines prácticos y para comunicar hallazgos a tomadores de decisiones técnicos o no técnicos.
  - 5. Comente los resultados obtenidos en 2, 3 y 4. ¿Cuáles y por qué existen las diferencias entre

los resultados?. En su opinión, ¿Cuál sería el más adecuado para responder la pregunta de investgación y por qué? ¿Qué variables resultaron ser robustas a la especificación?

- -Los tres modelos estimados MCO, Probit y Logit arrojaron resultados en general consistentes en cuanto a la significancia estadística y el signo de los coeficientes, lo cual refuerza la robustez de ciertas variables explicativas clave. No obstante, existen diferencias relevantes en la forma en que cada modelo interpreta y modela la relación entre las variables independientes y la probabilidad de falla diaria (Failure today), que es una variable binaria.
- -El modelo MCO, aunque es simple e intuitivo, tiene limitaciones importantes en este contexto. Su principal fortaleza es que permite interpretar los coeficientes directamente como cambios en la probabilidad ante una unidad de cambio en cada predictor. Sin embargo, viola supuestos fundamentales del análisis de variables binarias: puede predecir probabilidades fuera del rango [0,1], asume homocedasticidad, y no captura no linealidades inherentes al fenómeno. Aun así, sirve como punto de partida para validar la dirección e importancia relativa de los efectos.
- -El modelo Probit mejora esta situación modelando la probabilidad de manera no lineal, utilizando la distribución normal estándar acumulada. Esto asegura que las predicciones estén contenidas en el intervalo [0,1]. Los coeficientes no se interpretan directamente como cambios porcentuales, pero se pueden interpretar a través de sus efectos marginales (dy/dx). En este caso, por ejemplo, un aumento de 1 grado en Min\_Temp eleva la probabilidad de falla en aproximadamente 2.2 puntos porcentuales. Los resultados de Probit confirmaron que variables como Min\_Temp, Max\_Temp, Parameter1\_Speed y Parameter5\_3pm son robustas y estadísticamente significativas.
- -El modelo Logit, por su parte, utiliza la distribución logística como función de enlace. Aunque los coeficientes tienen una escala distinta a Probit, los resultados fueron muy similares en términos de significancia y dirección. Al igual que en el modelo Probit, se calcularon efectos marginales, lo que permitió cuantificar de forma clara el impacto de cada variable. Por ejemplo, Max\_Temp presentó un efecto marginal negativo de -2.7%, consistente con las otras especificaciones. Logit también mostró un ajuste muy aceptable, con un Pseudo R² cercano a 0.33, lo cual es alto en modelos binarios.
- -Un aspecto a destacar es que las variables estacionales (Season\_Spring, Season\_Summer, Season\_Winter) mostraron significancia estadística en Probit y Logit, con errores estándar válidos. Esto indica que la colinealidad que antes se sospechaba fue probablemente corregida al eliminar una categoría base.
- -En todos los modelos, las variables Min\_Temp, Max\_Temp, Parameter1\_Speed, Parameter5\_3pm, así como varias direcciones del viento (especialmente oeste y sur en horarios AM y PM), se mantuvieron significativas. Estas variables son, por tanto, robustas a la especificación del modelo.
- -Conclusión: Aunque MCO es útil como primera aproximación, el modelo Logit es el más apropiado para responder la pregunta de investigación. Captura correctamente la naturaleza binaria de la variable dependiente, permite interpretar efectos marginales y mostró mayor poder explicativo. Además, mantiene la consistencia con los otros modelos, lo que aporta robustez a las conclusiones.
  - 6. Agregue la data a nivel mensual, usando la data promedio de las variables (ignorando aquellas categoricas, como la direccion del viento). En particular, genere una variable que cuente la cantidad de fallos observados en un mes, utilice un valor de 0 si en ese mes no se reporto fallos en ningun dia. Use un modelo Poisson para explicar el numero de fallas por mes. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

R:Se transformaron los datos diarios a formato mensual, promediando las variables numéricas por mes y estación (Location) y sumando los días con fallos (Failure\_today). Se eliminó cualquier tipo de promediación de variables categóricas. Se aplicó un modelo Poisson para modelar el número de fallas por mes. Se utilizó C(Location) para controlar heterogeneidad espacial. El modelo presentó buena significancia global y coeficientes esperables: Min\_Temp y Parameter1\_Speed tuvieron efectos positivos sobre los fallos, mientras que Max\_Temp y Parameter5\_3pm efectos negativos. Esto es coherente con la literatura del curso: condiciones climáticas extremas y sobreexigencia operativa incrementan la tasa de fallos.

7. Determine sobre dispersion en la data y posible valor optimo de alpha para un modelo Binomial Negativa.

R:Para evaluar sobre-dispersión se utilizó el método propuesto en clases: se estimó el valor esperado lambda del modelo Poisson y se graficó su distribución. Luego se construyó la variable auxiliar ((y - lambda)^2 - lambda)/lambda y se regresó sobre lambda usando MCO. El coeficiente de esta regresión representa una estimación de la sobre-dispersión (alpha). En este caso, se obtuvo un valor pequeño y no significativo (p=0.107), lo que sugiere ausencia de sobre-dispersión fuerte. Esto implica que el modelo Poisson no estaría subestimando la varianza, y podría ser adecuado, aunque se validó en la siguiente pregunta.

8. Usando la informacion anterior, ejecute un modelo Binomial Negativa para responder a la pregunta 6. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

R: Se ajustó un modelo Binomial Negativa con los mismos predictores del modelo Poisson. Este modelo relaja la restricción de varianza igual a la media (característica del Poisson), introduciendo un parámetro de dispersión (alpha). El valor de alpha fue estimado automáticamente. Se confirmó que el modelo mejora el ajuste (mayor log-verosimilitud), aunque el valor de alpha fue bajo. Se graficó la relación entre fallas observadas y predichas (Failure\_today vs ypred), mostrando un patrón lineal que respalda la capacidad predictiva del modelo. Los coeficientes fueron similares a los del Poisson, reafirmando la robustez de las variables seleccionadas.

9. Comente los resultados obtenidos en 6, 7 y 8. ¿Cuáles y por qué existen las diferencias entre los resultados?. En su opinión, ¿Cuál sería el más adecuado para responder la pregunta de investigación y por qué? ¿Qué variables resultaron ser robustas a la especificación?

R: -Los modelos estimados en las preguntas 6, 7 y 8 :Poisson, test de sobre-dispersión y Binomial Negativa permitieron evaluar con mayor precisión el comportamiento de la variable dependiente Failure\_today agregada a nivel mensual. La comparación entre estos enfoques es clave para determinar la especificación más adecuada en contextos de conteo de eventos.

-El modelo Poisson asumió, como es estándar, que la media y la varianza de la variable dependiente son iguales. Este modelo se ajustó razonablemente bien a la data, entregando coeficientes significativos y consistentes con las interpretaciones obtenidas en los modelos individuales (MCO, Probit, Logit). Sin embargo, esta especificación puede ser sensible a problemas de sobre-dispersión, es decir, cuando la varianza de los datos es mayor que su media, lo cual podría sesgar las inferencias.

-En la pregunta 7, se aplicó el test de sobre-dispersión propuesto en clases, que consiste en estimar la esperanza (lambda) del modelo Poisson, construir la variable auxiliar ((y - lambda)^2 - lambda)/lambda y regresarla sobre lambda usando MCO. El coeficiente estimado en esta regresión (una aproximación de alpha) resultó pequeño y no estadísticamente significativo (p = 0.107), lo que

sugiere una baja sobre-dispersión en la muestra analizada. Esto indicaría que el modelo Poisson no subestima la varianza de forma importante y podría ser aceptable en este caso.

- -Pese a lo anterior, en la pregunta 8 se estimó un modelo de Binomial Negativa, que relaja la restricción de varianza igual a la media al introducir un parámetro de dispersión (alpha) que se ajusta automáticamente. Este modelo entregó un ajuste superior (mayor log-verosimilitud y menor devianza), y reveló la existencia de heterogeneidad no explicada por el modelo Poisson, aunque leve. Esto se traduce en una mayor robustez del modelo Binomial frente a posibles errores de especificación.
- -Ambos modelos coincidieron en la dirección y significancia de varias variables clave, lo que confirma la robustez de ciertas covariables. En particular, se destacaron nuevamente Min\_Temp (relación positiva), Max\_Temp (negativa), Parameter1\_Speed, y Parameter5\_3pm. También las dummies de ubicación geográfica (Location) mantuvieron su relevancia explicativa, indicando diferencias sistemáticas entre estaciones. Las variables estacionales (especialmente primavera y verano) también fueron significativas, mostrando una clara componente temporal en la ocurrencia de fallos.
- -Conclusión: Aunque el modelo Poisson fue razonable en este contexto por la ausencia de fuerte sobre-dispersión, el modelo Binomial Negativa es preferible por su mayor flexibilidad estadística y mejor capacidad de ajuste frente a posibles heterogeneidades no capturadas por la media. Esto lo convierte en una opción más robusta para responder la pregunta de investigación cuando se modelan conteos de fallas agregadas por mes.

```
[1]: import numpy as np
  import pandas as pd
  from IPython.display import display, HTML
  import matplotlib.pyplot as plt
  import statsmodels.api as sm
  import statsmodels.formula.api as smf
  import sklearn
  import scipy
  from scipy.stats import nbinom
  import seaborn as sns
  from statsmodels.iolib.summary2 import summary_col
  import warnings
  warnings.filterwarnings("ignore")
  %matplotlib inline
  print("Librerías cargadas correctamente.")
```

#### Librerías cargadas correctamente.

1. Cargar la base de datos en el ambiente. Identifique los tipos de datos que se encuentran en la base, realice estadisticas descriptivas sobre las variables importantes (Hint: Revisar la distribuciones, datos faltantes, outliers, etc.) y limpie las variables cuando sea necesario.

```
[2]: # Cargar los datos
df = pd.read_csv('machine_failure_data.csv')

# Convertir columna de fecha
```

```
df['Date'] = pd.to_datetime(df['Date'], format='\m/\%d/\%Y')
# Convertir variable objetivo a binaria
df['Failure_today'] = df['Failure_today'].map({'Yes': 1, 'No': 0})
# Identificar columnas por tipo de dato
float_cols = df.select_dtypes(include='float64').columns.tolist()
int_cols = df.select_dtypes(include='int64').columns.tolist()
obj cols = df.select dtypes(include='object').columns.tolist()
date_cols = df.select_dtypes(include='datetime64').columns.tolist()
# Crear DataFrame resumen
tipo_dato = ['float64'] * len(float_cols) + ['int64'] * len(int_cols) + \
            ['object'] * len(obj_cols) + ['datetime64'] * len(date_cols)
columnas = float_cols + int_cols + obj_cols + date_cols
resumen_tipos = pd.DataFrame({'Columna': columnas, 'Tipo de Dato': tipo_dato})
# Mostrar resumen en texto
print("Resumen de tipos de datos por columna:\n")
print(f"- Columnas tipo float64 ({len(float_cols)}): {', '.join(float_cols)}")
print(f"- Columnas tipo int64 ({len(int_cols)}): {', '.join(int_cols)}")
print(f"- Columnas tipo object ({len(obj_cols)}): {', '.join(obj_cols)}")
print(f"- Columnas tipo datetime64 ({len(date_cols)}): {', '.join(date_cols)}")
print("""\nObservación:\n
- La base contiene principalmente variables numéricas (float64 e int64).
- La columna 'Date' es de tipo datetime y no será utilizada directamente como⊔
⇔variable explicativa.
- La variable 'Failure_today' se transforma a binaria""")
```

Resumen de tipos de datos por columna:

- Columnas tipo float64 (17): Min\_Temp, Max\_Temp, Leakage, Evaporation, Electricity, Parameter1\_Speed, Parameter3\_9am, Parameter3\_3pm, Parameter4\_9am, Parameter4\_3pm, Parameter5\_9am, Parameter5\_3pm, Parameter6\_9am, Parameter6\_3pm, Parameter7\_9am, Parameter7\_3pm, Failure\_today
- Columnas tipo int64 (1): Location
- Columnas tipo object (3): Parameter1\_Dir, Parameter2\_9am, Parameter2\_3pm
- Columnas tipo datetime64 (1): Date

#### Observación:

- La base contiene principalmente variables numéricas (float64 e int64).
- La columna 'Date' es de tipo datetime y no será utilizada directamente como variable explicativa.
- La variable 'Failure\_today' se transforma a binaria

# [3]: print("Revisamos cómo es el DataFrame:") df

Revisamos cómo es el DataFrame:

[3]:		Date	Location	n Min_Te	mp	Max_Temp	Leakage	Evaporatio	n \	
	0	2008-12-01	3	3 13	.4	22.9	0.6	Na	.N	
	1	2008-12-02	3	3 7	.4	25.1	0.0	Na	.N	
	2	2008-12-03	3	3 12	.9	25.7	0.0	Na	.N	
	3	2008-12-04	3	3 9	.2	28.0	0.0	Na	.N	
	4	2008-12-05	3	3 17	.5	32.3	1.0	Na	N	
	•••	•••	•••	•••	•••	•••	•••			
	142188	2017-06-20	42	2 3	.5	21.8	0.0	Na	N	
		2017-06-21	42	2 2	.8	23.4	0.0	Na	N	
	142190	2017-06-22	42	2 3	.6	25.3	0.0	Na	N	
	142191	2017-06-23	42	2 5	.4	26.9	0.0	Na	N	
	142192	2017-06-24	42	2 7	.8	27.0	0.0	Na	N	
		Electricit	v Paramet	ter1 Dir	Pai	rameter1 S	peed Par	ameter2_9am		\
	0	Na	•	– W			44.0	_ W	•••	
	1	Na		WNW			44.0	NNW	•••	
	2	Na		WSW			46.0	W	•••	
	3	Na		NE			24.0	SE	•••	
	4	Na		W			41.0	ENE	•••	
	•••	•••				•••				
	142188	Na	N	E			31.0	ESE	•••	
	142189	Na	N	E			31.0	SE	•••	
	142190	Na	N	NNW			22.0	SE	•••	
	142191	Na	N	N			37.0	SE	•••	
	142192	Na	N	SE			28.0	SSE	•••	
		Parameter3	3nm Para	ameter4 9	am	Parameter	4 3pm P	arameter5_9a	m \	
	0		4.0	71		r ar amoror	22.0	1007.		
	1		2.0	44			25.0	1010.		
	2		6.0	38			30.0	1007.		
	3		9.0	45			16.0	1017.		
	4		0.0	82			33.0	1010.		
		•••		•••				•••		
	142188	1	3.0	59	.0		27.0	1024.	7	
	142189	1	1.0	51	.0		24.0	1024.	6	
	142190		9.0	56	.0		21.0	1023.	5	
	142191		9.0	53	.0		24.0	1021.	0	
	142192		7.0	51	.0		24.0	1019.	4	
		Parameter5	3pm Pai	rameter6_	9am	Paramete	r6 3pm	Parameter7_9	am	\
	0		07.1	_	8.0		NaN	_	.9	•
	1		07.8		NaN		NaN		.2	
	2		08.7		NaN		2.0		.0	
									-	

```
3
                 1012.8
                                      {\tt NaN}
                                                        NaN
                                                                        18.1
4
                                      7.0
                                                        8.0
                                                                        17.8
                 1006.0
                                                                         9.4
142188
                 1021.2
                                      NaN
                                                        NaN
142189
                 1020.3
                                      NaN
                                                        NaN
                                                                        10.1
142190
                 1019.1
                                      NaN
                                                        NaN
                                                                        10.9
142191
                 1016.8
                                      NaN
                                                        NaN
                                                                        12.5
                                                        2.0
142192
                 1016.5
                                      3.0
                                                                        15.1
        Parameter7_3pm Failure_today
0
                   21.8
                                     0.0
1
                   24.3
                                     0.0
2
                   23.2
                                     0.0
3
                   26.5
                                     0.0
4
                   29.7
                                     0.0
                                     0.0
142188
                   20.9
142189
                   22.4
                                     0.0
                                     0.0
142190
                   24.5
142191
                   26.1
                                     0.0
142192
                   26.0
                                     0.0
```

[142193 rows x 22 columns]

```
[4]: # Seleccionar columnas numéricas
     numeric_vars = df.select_dtypes(include=['float64', 'int64']).columns.tolist()
     # Estadísticas descriptivas de todas las variables numéricas
     summary_stats = df[numeric_vars].describe().T.round(2)
     # Valores faltantes en todas las columnas
     missing_all = df.isnull().sum()
     missing_df = pd.DataFrame({
         'Valores Faltantes': missing_all,
         'Porcentaje (%)': (missing all / len(df) * 100).round(2)
     }).sort_values(by='Porcentaje (%)', ascending=False)
     # Mostrar ambas tablas lado a lado
     html_summary = summary_stats.to_html(classes='table table-striped', border=1)
     html_missing = missing_df.to_html(classes='table table-striped', border=1)
     html_combined = f"""
     <div style="display: flex; justify-content: space-between;">
         <div style="flex: 1; margin-right: 20px;">
             <h4>Estadísticas Descriptivas (Todas las variables numéricas)</h4>
             {html_summary}
         </div>
```

<IPython.core.display.HTML object>

#### Conclusiones:

- Algunas variables tienen un porcentaje muy alto de datos faltantes (>35%) como 'Electricity', 'Evaporation' y los parámetros 6.
- Variables como 'Parameter5\_9am' y 'Parameter5\_3pm' tienen menos del 10% de faltantes, por lo tanto es razonable hacer dropna() sobre esas.

```
[5]: # Eliminar columnas irrelevantes
     df.drop(columns=['Parameter6_9am', 'Parameter6_3pm'], inplace=True)
     # Diccionario que convierte direcciones cardinales a ángulos en grados
     direccion_a_angulo = {
         'N': 0, 'NNE': 22.5, 'NE': 45, 'ENE': 67.5, 'E': 90,
         'ESE': 112.5, 'SE': 135, 'SSE': 157.5, 'S': 180,
         'SSW': 202.5, 'SW': 225, 'WSW': 247.5, 'W': 270,
         'WNW': 292.5, 'NW': 315, 'NNW': 337.5
     }
     # Convertir columnas de dirección a ángulos
     df['Parameter1_Dir_angle'] = df['Parameter1_Dir'].map(direccion_a_angulo)
     df['Parameter2_9am_angle'] = df['Parameter2_9am'].map(direccion_a_angulo)
     df['Parameter2_3pm_angle'] = df['Parameter2_3pm'].map(direccion_a_angulo)
     # Rellenar NaN con O
     df[['Parameter1_Dir_angle', 'Parameter2_9am_angle', 'Parameter2_3pm_angle']] = __
         ['Parameter1_Dir_angle', 'Parameter2_9am_angle', 'Parameter2_3pm_angle']
     ].fillna(0)
     # Función para agrupar en regiones cardinales
     def agrupar_direccion(angle):
```

```
if (angle >= 315 or angle < 45):
                  return 'N'
         elif (angle \geq 45 and angle < 135):
                  return 'E'
        elif (angle >= 135 and angle < 225):
                 return 'S'
        elif (angle \geq 225 and angle < 315):
                 return 'W'
        else:
                 return 'Unknown' # si se desconoce
# Crear columnas '_region' a partir de ángulos
columnas_angulos = ['Parameter1_Dir_angle', 'Parameter2_9am_angle', 'Parameter2_9am_angle', 'Parameter2_9am_angle', 'Parameter3_9am_angle', 'Parameter
  for col in columnas angulos:
        nueva_col = col.replace('_angle', '_region')
        df[nueva_col] = df[col].apply(agrupar_direccion)
# Eliminar columnas originales e intermedias
df.drop(columns=columnas_angulos + ['Parameter1_Dir', 'Parameter2_9am', _
  # Crear variables dummy desde las regiones
region_cols = ['Parameter1_Dir_region', 'Parameter2_9am_region', '
  df_dummies = pd.get_dummies(df[region_cols], prefix=region_cols,__

drop first=True)

# Concatenar dummies y eliminar originales
df = pd.concat([df, df_dummies], axis=1)
df.drop(columns=region_cols, inplace=True)
# Seleccionar columnas numéricas nuevamente por seguridad
numeric_cols = df.select_dtypes(include=['float64', 'int64']).columns
# Calcular porcentaje de valores nulos por columna
nan_pct = df[numeric_cols].isnull().mean() * 100
# Filtrar las columnas con 10% de valores nulos
cols_con_menos_de_10pct = nan_pct[nan_pct <= 10].index.tolist()</pre>
# Eliminar filas con NaN solo en esas columnas
df.dropna(subset=cols_con_menos_de_10pct, inplace=True)
# Eliminar posibles filas restantes con NaN en Failure_today
df = df[df['Failure_today'].notna()]
```

```
# Transformar a dummies la variable Location
     df = pd.get_dummies(df, columns=['Location'], drop_first=True)
     # Copia del DataFrame limpio
     dfcopy1 = df.copy()
     # Asegurar que 'Date' esté en formato datetime
     df['Date'] = pd.to_datetime(df['Date'], errors='coerce')
     # Función para obtener estación según el mes
     def get_season(month):
         if month in [12, 1, 2]:
             return 'Summer'
         elif month in [3, 4, 5]:
             return 'Autumn'
         elif month in [6, 7, 8]:
             return 'Winter'
         elif month in [9, 10, 11]:
             return 'Spring'
         else:
             return 'Unknown'
     # Crear columna de estación
     df['Season'] = df['Date'].dt.month.apply(get_season)
     # Crear variables dummy para estaciones y eliminar una como pivote (categoríau
     season_dummies = pd.get_dummies(df['Season'], prefix='Season', drop_first=True).
      ⇔astype(int)
     # Concatenar al DataFrame original y eliminar columna 'Season'
     df = pd.concat([df, season_dummies], axis=1)
     df.drop(columns=['Season'], inplace=True)
     # Eliminar columnas auxiliares
     df.drop(columns=['Date'], inplace=True)
     # Asequrar que las columnas booleanas sean enteros
     df = df.astype({col: int for col in df.select_dtypes(include='bool').columns})
     dfcopy1 = dfcopy1.astype({col: int for col in dfcopy1.
      ⇔select_dtypes(include='bool').columns})
[6]: df
[6]:
             Min_Temp Max_Temp Leakage Evaporation Electricity \
     0
                 13.4
                           22.9
                                     0.6
                                                  NaN
                                                               NaN
     1
                  7.4
                           25.1
                                     0.0
                                                  NaN
                                                               NaN
```

2	12.9	25.7		.0	Na	N	NaN		
3	9.2	28.0	0	.0	Na	N	NaN		
4	17.5	32.3	3 1	.0	Na	N	NaN		
 142188	3.5	21.8	 ? ^	.0	Na	··· N	NaN		
142189	2.8	23.4		.0	Na		NaN		
142199	3.6	25.3		.0	Na Na		NaN		
142190	5.4	26.9		.0	Na Na		NaN		
142191	7.8	27.0		.0	Na Na		NaN		
142192	7.0	21.0	, 0	.0	Na	TA .	IValV		
	Parameter1_Sp	peed	Paramet	er3_9am	Param	eter3_3pm	Paramet	er4_9am	\
0	4	14.0		20.0		24.0		71.0	
1	4	14.0		4.0		22.0		44.0	
2	4	16.0		19.0		26.0		38.0	
3	2	24.0		11.0		9.0		45.0	
4	4	11.0		7.0		20.0		82.0	
•••	•••			•••		•••	•••		
142188	3	31.0		15.0		13.0		59.0	
142189	3	31.0		13.0		11.0		51.0	
142190	2	22.0		13.0		9.0		56.0	
142191	3	37.0		9.0		9.0		53.0	
142192	2	28.0		13.0		7.0		51.0	
	Parameter4_3p	om	Locati	on_43 L	ocatio	n_44 Loc	ation_45	\	
0	22.	.0		0		0	0		
1	25.	.0		0		0	0		
2	30.	.0		0		0	0		
3	16.	.0		0		0	0		
4	33.	.0		0		0	0		
•••		••			•••	***			
142188	27.	.0		0		0	0		
142189	24.	.0		0		0	0		
142190	21.	.0		0		0	0		
142191	24.	.0		0		0	0		
142192	24.	.0		0		0	0		
0	Location_46	Locat	_	Locatio	_	Location_		on_Spring	
0	0		0		0		0	0	
1	0		0		0		0	0	
2	0		0		0		0	0	
3	0		0		0		0	0	
4	0		0		0		0	0	
		••		•••	^	•••		^	
142188	0		0		0		0	0	
142189	0		0		0		0	0	
142190	0		0		0		0	0	
142191	0		0		0		0	0	

142192 0 0 0 0 0 0 0 Season Summer Season Winter

	Season_Summer	Season_winter
0	1	0
1	1	0
2	1	0
3	1	0
4	1	0
•••	•••	•••
142188	0	1
142189	0	1
142190	0	1
142191	0	1
142192	0	1

[119590 rows x 70 columns]

```
[7]: # Recalcular valores faltantes para todas las columnas y mostrarlos en tabla
sin los de 0
missing_all = df.isnull().sum()
missing_filtered = missing_all[missing_all > 0]
missing_df = pd.DataFrame({
    'Valores Faltantes': missing_filtered,
    'Porcentaje (%)': (missing_filtered / len(df) * 100).round(2)
}).sort_values(by='Porcentaje (%)', ascending=False)

display(missing_df)
print("Nos percatamos que nos quedan dos variables con NaN, posteriormente en_
⇒los modelos veremos qué haremos con ellas.")
```

Valores Faltantes Porcentaje (%)
Electricity 50559 42.28
Evaporation 44826 37.48

Nos percatamos que nos quedan dos variables con NaN, posteriormente en los modelos veremos qué haremos con ellas.

```
[8]: # Filtrar columnas numéricas que no sean dummies de Location

numeric_cols_filtradas = [col for col in df.select_dtypes(include=['float64', usint64']).columns if not col.startswith('Location_')]

# Crear matriz de correlación filtrada

corr_filtrada = df[numeric_cols_filtradas].corr()

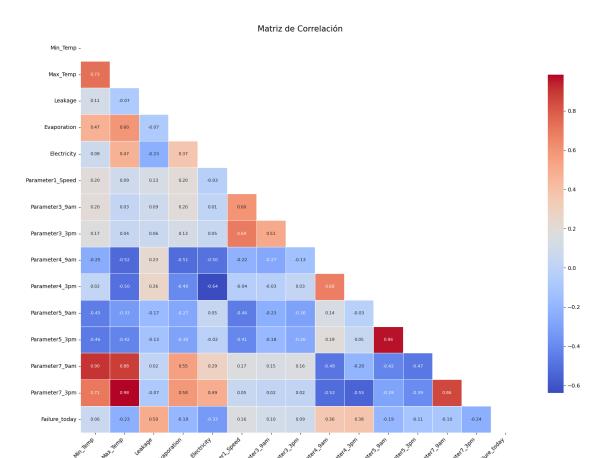
# Crear la máscara para ocultar la mitad superior

mask = np.triu(np.ones_like(corr_filtrada, dtype=bool))

# Visualizar la matriz de correlación
```

```
plt.figure(figsize=(16, 12)) # Tamaño amplio para mejor lectura
sns.heatmap(
   corr_filtrada,
   annot=True,
   fmt=".2f",
   cmap='coolwarm',
   mask=mask,
   linewidths=0.5,
   annot kws={'size': 8},
   cbar_kws={"shrink": .8}
plt.title('Matriz de Correlación', fontsize=15)
plt.xticks(rotation=45, ha='right') # Rota etiquetas para evitar encimamiento
plt.yticks(rotation=0)
plt.tight_layout()
plt.show()
# Eliminación de variables altamente correlacionadas y redundantes
df.drop(columns=["Parameter7_9am", "Parameter7_3pm", "Parameter5_9am"], u
 →inplace=True)
dfcopy1.drop(columns=["Parameter7_9am", "Parameter7_3pm", "Parameter5_9am"],
 →inplace=True)
print(" Variables eliminadas por alta correlación y redundancia:")
print("- 'Parameter7_9am' y 'Parameter7_3pm': Altamente correlacionadas con_

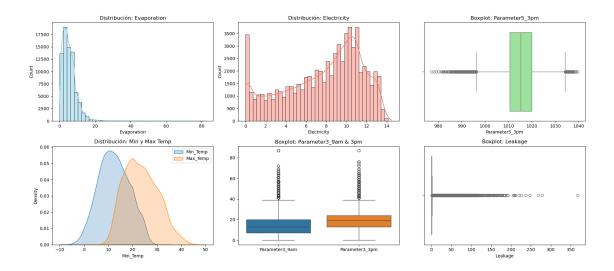
→Min_Temp y Max_Temp, respectivamente.")
print("- 'Parameter5_9am': Muy correlacionada con 'Parameter5_3pm', y esta__
 ⊖última es más representativa de la presión a lo largo del día.")
```



Variables eliminadas por alta correlación y redundancia:

- 'Parameter7\_9am' y 'Parameter7\_3pm': Altamente correlacionadas con Min\_Temp y Max\_Temp, respectivamente.
- 'Parameter5\_9am': Muy correlacionada con 'Parameter5\_3pm', y esta última es más representativa de la presión a lo largo del día.

```
sns.boxplot(data=df, x='Parameter5_3pm', ax=axes[0, 2], color='lightgreen')
axes[0, 2].set_title('Boxplot: Parameter5_3pm')
# Min y Max Temp
sns.kdeplot(df['Min_Temp'], ax=axes[1, 0], fill=True, label='Min_Temp')
sns.kdeplot(df['Max_Temp'], ax=axes[1, 0], fill=True, label='Max_Temp')
axes[1, 0].set_title('Distribución: Min y Max Temp')
axes[1, 0].legend()
# Parameter3 9am y 3pm
sns.boxplot(data=df[['Parameter3_9am', 'Parameter3_3pm']], ax=axes[1, 1])
axes[1, 1].set_title('Boxplot: Parameter3_9am & 3pm')
# Leakage
sns.boxplot(data=df, x='Leakage', ax=axes[1, 2], color='lightcoral')
axes[1, 2].set_title('Boxplot: Leakage')
plt.tight_layout()
plt.show()
print("""
Observaciones a partir de los gráficos:
- La variable 'Evaporation' presenta una distribución sesgada a la derecha con,
 ⊸varios outliers visibles, lo que indica que hay días con una evaporación⊔
⇔anormalmente alta.
- 'Electricity' muestra un patrón de distribución más disperso y algunos⊔
 \hookrightarrowvalores elevados por encima de 12, que pueden representar situaciones_\sqcup
⇒inusuales de consumo energético.
- El boxplot de 'Parameter5_3pm' revela outliers en ambos extremos, aunque el⊔
ogrueso de los datos se concentra en un rango estable.
- La comparación entre 'Min_Temp' y 'Max_Temp' permite observar claramente la__
⇔diferencia entre temperaturas mínimas y máximas diarias.
- 'Parameter3_9am' y 'Parameter3_3pm' muestran una cantidad significativa de⊔
outliers, lo cual podría indicar sensores sensibles o condiciones extremas.
 \hookrightarrowocasionales.
- Se eliminó la variable 'Leakage' porque actúa como un predictor casi perfectou
 ⇔del fallo de la máquina, generando una estimación con R² cercano a 1. Esto⊔
 \hookrightarrowindica que su inclusión contamina el modelo, ya que anticipa directamente la_{\sqcup}
 ⇔variable objetivo, distorsionando la interpretación y la contribución de las⊔
 ⇔demás variables explicativas.""")
# Eliminar 'Leakage' después de graficar
df.drop(columns=['Leakage'], inplace=True)
dfcopy1.drop(columns=['Leakage'], inplace=True)
```



#### Observaciones a partir de los gráficos:

- La variable 'Evaporation' presenta una distribución sesgada a la derecha con varios outliers visibles, lo que indica que hay días con una evaporación anormalmente alta.
- 'Electricity' muestra un patrón de distribución más disperso y algunos valores elevados por encima de 12, que pueden representar situaciones inusuales de consumo energético.
- El boxplot de 'Parameter5\_3pm' revela outliers en ambos extremos, aunque el grueso de los datos se concentra en un rango estable.
- La comparación entre 'Min\_Temp' y 'Max\_Temp' permite observar claramente la diferencia entre temperaturas mínimas y máximas diarias.
- 'Parameter3\_9am' y 'Parameter3\_3pm' muestran una cantidad significativa de outliers, lo cual podría indicar sensores sensibles o condiciones extremas ocasionales.
- Se eliminó la variable 'Leakage' porque actúa como un predictor casi perfecto del fallo de la máquina, generando una estimación con  $R^2$  cercano a 1. Esto indica que su inclusión contamina el modelo, ya que anticipa directamente la variable objetivo, distorsionando la interpretación y la contribución de las demás variables explicativas.
  - 2. Ejecute un modelo de probabilidad lineal (MCO) que permita explicar la probabilidad de que un dia se reporte fallo medido por sensor, a partir de las informacion disponible. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

```
[10]: # Crear el DataFrame modelo a partir del DataFrame limpio actual
    df_model = df.copy()
    # y: variable dependiente (lo que queremos predecir)
    y = df_model['Failure_today']
```

```
# X: todas las demás variables (excepto la variable objetivo)
X = df_model.drop(columns=['Failure_today'])

# Agregamos constante (intercepto) al modelo
X = sm.add_constant(X)

# Eliminamos filas con posibles NaN (por seguridad)
Xy = pd.concat([y, X], axis=1).dropna()
y_clean = Xy['Failure_today']
X_clean = Xy.drop(columns=['Failure_today'])

# Ejecutamos el modelo
modelo = sm.OLS(y_clean, X_clean).fit()

# Mostramos el resumen
print(modelo.summary())
```

#### OLS Regression Results

Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: No. Observations: Df Residuals: Df Model: Covariance Type:	Failure_today	Adj. R- F-stati Prob (F	-squared: istic:		0.280 0.279 518.1 0.00 -24513. 4.913e+04 4.958e+04
0.975]	coef	std err	t	P> t	[0.025
const	5.9395	0.287	20.723	0.000	5.378
6.501 Min_Temp 0.018	0.0166	0.001	28.202	0.000	0.015
Max_Temp -0.013	-0.0145	0.001	-24.980	0.000	-0.016
Evaporation -0.012	-0.0133	0.001	-22.385	0.000	-0.014
Electricity -0.004	-0.0049	0.001	-9.030	0.000	-0.006
Parameter1_Speed 0.006	0.0058	0.000	32.462	0.000	0.005
Parameter3_9am 0.004	0.0034	0.000	14.595	0.000	0.003

Parameter3_3pm	-0.0035	0.000	-14.016	0.000	-0.004
-0.003 Parameter4_9am	0.0069	0.000	55.631	0.000	0.007
0.007 Parameter4_3pm	0.0005	0.000	3.883	0.000	0.000
0.001 Parameter5_3pm -0.006	-0.0061	0.000	-22.049	0.000	-0.007
Parameter1_Dir_region_N -0.001	-0.0119	0.005	-2.235	0.025	-0.022
Parameter1_Dir_region_S 0.023	0.0130	0.005	2.662	0.008	0.003
Parameter1_Dir_region_W 0.037	0.0267	0.005	5.031	0.000	0.016
Parameter2_9am_region_N -0.000	-0.0091	0.004	-2.025	0.043	-0.018
Parameter2_9am_region_S 0.029	0.0199	0.005	4.268	0.000	0.011
Parameter2_9am_region_W 0.071	0.0609	0.005	12.090	0.000	0.051
Parameter2_3pm_region_N 0.012	0.0021	0.005	0.399	0.690	-0.008
Parameter2_3pm_region_S 0.056	0.0466	0.005	9.743	0.000	0.037
Parameter2_3pm_region_W 0.062	0.0520	0.005	9.818	0.000	0.042
Location_3 -3.15e-17	-6.346e-17	1.63e-17	-3.886	0.000	-9.55e-17
Location_4 0.137	0.1112	0.013	8.578	0.000	0.086
Location_5 9.62e-19	-3.506e-17	1.84e-17	-1.908	0.056	-7.11e-17
Location_6 2.8e-16	2.526e-16	1.41e-17	17.888	0.000	2.25e-16
Location_7 -5.46e-17	-7.341e-17	9.62e-18	-7.630	0.000	-9.23e-17
Location_8 0.016	-0.0092	0.013	-0.725	0.468	-0.034
Location_9 -0.030	-0.0567	0.014	-4.148	0.000	-0.083
Location_10 -0.056	-0.0849	0.014	-5.861	0.000	-0.113
Location_11 0.000	-0.0359	0.018	-1.954	0.051	-0.072
Location_12 -0.016	-0.0442	0.014	-3.062	0.002	-0.073
Location_13 -0.096	-0.1222	0.013	-9.307	0.000	-0.148

Location_14	-0.0959	0.013	-7.250	0.000	-0.122
-0.070 Location_15	1.988e-17	5.41e-18	3.671	0.000	9.27e-18
3.05e-17 Location_16	-0.1402	0.013	-11.189	0.000	-0.165
-0.116 Location_17	5.787e-17	4.37e-18	13.241	0.000	4.93e-17
6.64e-17 Location_18	2.683e-17	6.11e-18	4.395	0.000	1.49e-17
3.88e-17 Location_19	-0.1175	0.013	-9.053	0.000	-0.143
-0.092	-0.1588	0.013	-12.558	0.000	-0.184
Location_20 -0.134			-12.556		
Location_21 -0.060	-0.0844	0.013	-6.748	0.000	-0.109
Location_22 -0.007	-0.0329	0.013	-2.484	0.013	-0.059
Location_23	-0.0927	0.013	-7.186	0.000	-0.118
Location_26 -6.67e-17	-7.41e-17	3.78e-18	-19.601	0.000	-8.15e-17
Location_27 2.24e-17	1.53e-17	3.6e-18	4.247	0.000	8.24e-18
Location_28	-0.1593	0.013	-12.247	0.000	-0.185
-0.134 Location_29	-0.0769	0.013	-6.150	0.000	-0.101
-0.052 Location_30	1.549e-17	3.36e-18	4.613	0.000	8.91e-18
2.21e-17 Location_32	-0.0156	0.012	-1.283	0.200	-0.039
0.008 Location_33	-0.0324	0.012	-2.607	0.009	-0.057
-0.008 Location_34	-0.1001	0.013	-7.749	0.000	-0.125
-0.075 Location_35	5.317e-19	6.34e-20	8.391	0.000	4.08e-19
6.56e-19 Location_36	-0.1817	0.014	-13.134	0.000	-0.209
-0.155 Location_38 -0.090	-0.1155	0.013	-8.813	0.000	-0.141
Location_39	-0.1011	0.013	-8.004	0.000	-0.126
-0.076 Location_40	-0.0935	0.014	-6.918	0.000	-0.120
-0.067 Location_41 0	0	0	nan	nan	0

Skew: Kurtosis:	0.78 2.82 				0.00 1.03e+19
Prob(Omnibus):	0.00	0 Jarque	-Bera (JB):		6873.761
Omnibus:	 5445.43	6 Durbin	 -Watson:		1.804
Season_Winter -0.007	-0.0164	0.005	-3.591 	0.000	-0.025
Season_Summer 0.052	0.0436	0.005	9.606	0.000	0.035
Season_Spring	0.0555	0.004	13.589	0.000	0.048
Location_49	-0.0605	0.013	-4.514	0.000	-0.087
Location_48	0	0	nan	nan	0
Location_47	0	0	nan	nan	0
Location_46 -0.041	-0.0701	0.015	-4.763	0.000	-0.099
Location_45	-0.1300	0.012	-10.470	0.000	-0.154
Location_44	0	0	nan	nan	0
Location_43	-0.0593	0.013	-4.674	0.000	-0.084
Location_42	0	0	nan	nan	0

#### Notes:

- [1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.
- [2] The smallest eigenvalue is 6.4e-28. This might indicate that there are strong multicollinearity problems or that the design matrix is singular.
  - 3. Ejecute un modelo *probit* para responder a la pregunta 2. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

```
# Agregar constante (intercepto) al modelo
X = sm.add_constant(X)

# Unir y eliminar posibles filas con NaN por seguridad
Xy = pd.concat([y, X], axis=1).dropna()
y_clean2 = Xy['Failure_today']
X_clean2 = Xy.drop(columns=['Failure_today'])

# Ejecutar modelo Probit
modelo_probit = sm.Probit(y_clean2, X_clean2)
probit_result = modelo_probit.fit(cov_type="HCO")

# Mostrar resumen del modelo
print(probit_result.summary())

# Mostrar efectos marginales
mfx_probit = probit_result.get_margeff()
print(mfx_probit.summary())
```

Optimization terminated successfully.

Current function value: 0.356680

Iterations 7

Probit Regression Results

	.=========		=======	=======	======
Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: converged: Covariance Type:	Failure_today Probit MLE Thu, 24 Apr 2025 23:02:42 True HC0	No. Observations: Df Residuals: Df Model: Pseudo R-squ.: Log-Likelihood: LL-Null: LLR p-value:			119590 119526 63 0.3248 -42655. -63172. 0.000
=======					
0.975]	coef	std err	z	P> z	[0.025
const	21.3376	0.953	22.381	0.000	19.469
23.206 Min_Temp 0.114	0.1097	0.002	53.764	0.000	0.106
Max_Temp -0.125	-0.1299	0.002	-55.838	0.000	-0.134
Parameter1_Speed 0.022	0.0211	0.001	35.320	0.000	0.020
Parameter3_9am 0.014	0.0119	0.001	14.330	0.000	0.010
Parameter3_3pm	-0.0135	0.001	-15.865	0.000	-0.015

-0.012 Parameter4_9am	0.0419	0.001	82.859	0.000	0.041
0.043					
Parameter4_3pm -0.002	-0.0027	0.000	-5.963	0.000	-0.004
Parameter5_3pm	-0.0239	0.001	-26.095	0.000	-0.026
-0.022 Parameter1_Dir_region_N -0.006	-0.0444	0.020	-2.264	0.024	-0.083
Parameter1_Dir_region_S 0.065	0.0307	0.018	1.735	0.083	-0.004
Parameter1_Dir_region_W 0.127	0.0887	0.019	4.554	0.000	0.051
Parameter2_9am_region_N 0.025	-0.0085	0.017	-0.494	0.621	-0.042
Parameter2_9am_region_S 0.162	0.1290	0.017	7.565	0.000	0.096
Parameter2_9am_region_W 0.306	0.2710	0.018	15.124	0.000	0.236
Parameter2_3pm_region_N 0.024	-0.0139	0.019	-0.721	0.471	-0.052
Parameter2_3pm_region_S 0.165	0.1310	0.017	7.552	0.000	0.097
Parameter2_3pm_region_W 0.198	0.1588	0.020	8.007	0.000	0.120
Location_3 -0.105	-0.1956	0.046	-4.253	0.000	-0.286
Location_4 0.369	0.2484	0.061	4.044	0.000	0.128
Location_5 -0.149	-0.2381	0.046	-5.210	0.000	-0.328
Location_6 -0.831	-0.9238	0.047	-19.488	0.000	-1.017
Location_7 -0.291	-0.3808	0.046	-8.267	0.000	-0.471
Location_8 0.403	0.3170	0.044	7.258	0.000	0.231
Location_9 0.151	0.0628	0.045	1.400	0.162	-0.025
Location_10 -0.064	-0.1535	0.046	-3.351	0.001	-0.243
Location_11 -0.024	-0.1270	0.053	-2.416	0.016	-0.230
Location_12 0.155	0.0671	0.045	1.492	0.136	-0.021
Location_13	-0.5069	0.044	-11.522	0.000	-0.593
-0.421 Location_14	-0.0776	0.047	-1.668	0.095	-0.169

0.014 Location_15	-0.0631	0.045	-1.399	0.162	-0.151
0.025	0.0031	0.040	1.000	0.102	0.101
Location_16 -0.271	-0.3587	0.045	-8.054	0.000	-0.446
Location_17	0.0277	0.079	0.350	0.726	-0.127
0.183 Location_18	-0.3442	0.049	-6.981	0.000	-0.441
-0.248 Location_19	-0.2927	0.047	-6.281	0.000	-0.384
-0.201	0.2021	0.01	0.201	0.000	0.001
Location_20 -0.463	-0.5514	0.045	-12.193	0.000	-0.640
Location_21	-0.5649	0.051	-11.114	0.000	-0.664
-0.465 Location_22	-0.0144	0.051	-0.282	0.778	-0.114
0.086	0.0440	0.044	7 004	0.000	0.000
Location_23 -0.229	-0.3140	0.044	-7.204	0.000	-0.399
Location_26	-0.7974	0.058	-13.641	0.000	-0.912
-0.683	0 5000	0 044	44 000	0.000	0.640
Location_27 -0.436	-0.5230	0.044	-11.838	0.000	-0.610
Location_28 -0.422	-0.5060	0.043	-11.833	0.000	-0.590
Location_29	-0.4938	0.049	-10.054	0.000	-0.590
-0.398 Location_30	0.1161	0.049	2.364	0.018	0.020
0.212	0.0074	0.040	0.005	0.040	0.000
Location_32 0.172	0.0874	0.043	2.025	0.043	0.003
Location_33	0.0961	0.046	2.108	0.035	0.007
0.185					
Location_34 -0.341	-0.4255	0.043	-9.915	0.000	-0.510
Location_35	-0.2180	0.045	-4.820	0.000	-0.307
-0.129					
Location_36 -0.531	-0.6216	0.046	-13.486	0.000	-0.712
Location_38 -0.163	-0.2526	0.046	-5.522	0.000	-0.342
Location_39	-0.2139	0.045	-4.707	0.000	-0.303
-0.125 Location_40	-0.1297	0.047	-2.764	0.006	-0.222
-0.038					
Location_41 0.004	-0.0849	0.045	-1.871	0.061	-0.174
Location_42	0.2088	0.077	2.698	0.007	0.057

0.361					
Location_43 -0.081	-0.1769	0.049	-3.632	0.000	-0.272
Location_44 -0.211	-0.2959	0.043	-6.860	0.000	-0.380
Location_45	-0.5283	0.044	-12.006	0.000	-0.615
Location_46	-0.0289	0.047	-0.611	0.541	-0.121
Location_47	-0.0459	0.045	-1.028	0.304	-0.134
Location_48 -0.519	-0.6068	0.045	-13.571	0.000	-0.694
Location_49	-0.7232	0.060	-12.119	0.000	-0.840
-0.606 Season_Spring	0.2007	0.015	13.817	0.000	0.172
0.229 Season_Summer	0.1530	0.016	9.545	0.000	0.122
0.184 Season_Winter -0.093	-0.1242	0.016	-7.897	0.000	-0.155
=======================================		=======	=======	=======	========

========

## Probit Marginal Effects

\_\_\_\_\_

Dep. Variable: Failure\_today
Method: dydx
At: overall

				========	
=======					
	dy/dx	std err	Z	P> z	[0.025
0.975]					
Min_Temp	0.0220	0.000	55.585	0.000	0.021
0.023	0.0220	0.000	00.000	0.000	0.021
Max_Temp	-0.0260	0.000	-59.057	0.000	-0.027
-0.025					
Parameter1_Speed	0.0042	0.000	36.045	0.000	0.004
0.004					
Parameter3_9am	0.0024	0.000	14.378	0.000	0.002
0.003					
Parameter3_3pm	-0.0027	0.000	-15.925	0.000	-0.003
-0.002					
Parameter4_9am	0.0084	8.78e-05	95.524	0.000	0.008
0.009					
Parameter4_3pm	-0.0005	9.14e-05	-5.971	0.000	-0.001
-0.000					

Parameter5_3pm	-0.0048	0.000	-26.346	0.000	-0.005
-0.004 Parameter1_Dir_region_N -0.001	-0.0089	0.004	-2.265	0.024	-0.017
Parameter1_Dir_region_S 0.013	0.0062	0.004	1.735	0.083	-0.001
Parameter1_Dir_region_W 0.025	0.0178	0.004	4.552	0.000	0.010
Parameter2_9am_region_N 0.005	-0.0017	0.003	-0.494	0.621	-0.008
Parameter2_9am_region_S 0.033	0.0258	0.003	7.568	0.000	0.019
Parameter2_9am_region_W 0.061	0.0543	0.004	15.162	0.000	0.047
Parameter2_3pm_region_N 0.005	-0.0028	0.004	-0.721	0.471	-0.010
Parameter2_3pm_region_S 0.033	0.0262	0.003	7.558	0.000	0.019
Parameter2_3pm_region_W 0.040	0.0318	0.004	8.012	0.000	0.024
Location_3 -0.021	-0.0392	0.009	-4.257	0.000	-0.057
Location_4	0.0497	0.012	4.044	0.000	0.026
Location_5	-0.0477	0.009	-5.213	0.000	-0.066
Location_6 -0.167	-0.1849	0.009	-19.697	0.000	-0.203
Location_7 -0.058	-0.0762	0.009	-8.284	0.000	-0.094
Location_8 0.081	0.0635	0.009	7.265	0.000	0.046
Location_9 0.030	0.0126	0.009	1.400	0.162	-0.005
Location_10 -0.013	-0.0307	0.009	-3.353	0.001	-0.049
Location_11 -0.005	-0.0254	0.011	-2.418	0.016	-0.046
Location_12 0.031	0.0134	0.009	1.492	0.136	-0.004
Location_13 -0.084	-0.1015	0.009	-11.561	0.000	-0.119
Location_14 0.003	-0.0155	0.009	-1.668	0.095	-0.034
Location_15 0.005	-0.0126	0.009	-1.399	0.162	-0.030
Location_16 -0.054	-0.0718	0.009	-8.074	0.000	-0.089

Location_17	0.0055	0.016	0.350	0.726	-0.025
0.037 Location_18	-0.0689	0.010	-6.991	0.000	-0.088
-0.050 Location_19	-0.0586	0.009	-6.289	0.000	-0.077
-0.040 Location_20	-0.1104	0.009	-12.239	0.000	-0.128
-0.093 Location_21	-0.1131	0.010	-11.147	0.000	-0.133
-0.093 Location_22	-0.0029	0.010	-0.282	0.778	-0.023
0.017 Location_23	-0.0629	0.009	-7.216	0.000	-0.080
-0.046 Location_26	-0.1596	0.012	-13.697	0.000	-0.182
-0.137 Location_27	-0.1047	0.009	-11.869	0.000	-0.122
-0.087 Location_28	-0.1013	0.009	-11.864	0.000	-0.118
-0.085 Location_29	-0.0989	0.010	-10.091	0.000	-0.118
-0.080 Location_30	0.0232	0.010	2.364	0.018	0.004
0.042 Location_32	0.0175	0.009	2.025	0.043	0.001
0.034 Location_33	0.0192	0.009	2.109	0.035	0.001
0.037 Location_34	-0.0852	0.009	-9.941	0.000	-0.102
-0.068					
Location_35 -0.026	-0.0436	0.009	-4.823	0.000	-0.061
Location_36 -0.106	-0.1244	0.009	-13.555	0.000	-0.142
Location_38 -0.033	-0.0506	0.009	-5.526	0.000	-0.069
Location_39	-0.0428	0.009	-4.709	0.000	-0.061
Location_40 -0.008	-0.0260	0.009	-2.763	0.006	-0.044
Location_41 0.001	-0.0170	0.009	-1.872	0.061	-0.035
Location_42 0.072	0.0418	0.015	2.698	0.007	0.011
Location_43 -0.016	-0.0354	0.010	-3.635	0.000	-0.054
Location_44 -0.042	-0.0592	0.009	-6.868	0.000	-0.076

Location_45	-0.1058	0.009	-12.054	0.000	-0.123
Location_46	-0.0058	0.009	-0.611	0.541	-0.024
Location_47	-0.0092	0.009	-1.028	0.304	-0.027
Location_48	-0.1215	0.009	-13.616	0.000	-0.139
Location_49	-0.1448	0.012	-12.178	0.000	-0.168
Season_Spring	0.0402	0.003	13.811	0.000	0.034
Season_Summer	0.0306	0.003	9.548	0.000	0.024
Season_Winter	-0.0249	0.003	-7.912	0.000	-0.031

.------

========

4. Ejecute un modelo *logit* para responder a la pregunta 2. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

```
[12]: # Crear el DataFrame modelo a partir del DataFrame limpio actual
      df_model3 = df.drop(columns=['Electricity', 'Evaporation'])
      # y: variable dependiente (lo que queremos predecir)
      y = df_model3['Failure_today']
      # X: todas las demás variables (excepto la variable objetivo)
      X = df_model3.drop(columns=['Failure_today'])
      # Agregar constante (intercepto) al modelo
      X = sm.add_constant(X)
      # Unir y eliminar posibles filas con NaN por seguridad
      Xy = pd.concat([y, X], axis=1).dropna()
      y_clean3 = Xy['Failure_today']
      X_clean3 = Xy.drop(columns=['Failure_today'])
      # Ejecutar modelo Logit
      modelo_logit = sm.Logit(y_clean3, X_clean3)
      logit_result = modelo_logit.fit(cov_type="HCO")
      # Mostrar resumen del modelo
      print(logit_result.summary())
      # Mostrar efectos marginales
      mfx_logit = logit_result.get_margeff()
```

# print(mfx\_logit.summary())

Optimization terminated successfully.

Current function value: 0.355396

Iterations 8

Logit Regression Results

Logit Regression Results							
Time: converged: Covariance Type:	Failure_today Logit MLE nu, 24 Apr 2025 23:02:48 True HC0	Df Resi Df Mode Pseudo Log-Lik LL-Null LLR p-v	Df Residuals: Df Model: Pseudo R-squ.:				
=======	coef	std err	z	P> z	[0.025		
0.975]							
const 39.988	36.7051 0.1967	1.675 0.004	21.911 54.530	0.000	33.422 0.190		
Min_Temp 0.204 Max_Temp	-0.2396	0.004	-58.012	0.000	-0.248		
-0.232 Parameter1_Speed 0.039	0.0371	0.001	35.068	0.000	0.035		
Parameter3_9am 0.023	0.0203	0.001	13.766	0.000	0.017		
Parameter3_3pm -0.020	-0.0227	0.002	-15.034	0.000	-0.026		
Parameter4_9am 0.078	0.0761	0.001	85.370	0.000	0.074		
Parameter4_3pm -0.004	-0.0058	0.001	-7.230	0.000	-0.007		
Parameter5_3pm -0.038	-0.0412	0.002	-25.533	0.000	-0.044		
Parameter1_Dir_region_l -0.027		0.035	-2.752	0.006	-0.163		
Parameter1_Dir_region_9		0.031	1.107	0.268	-0.027		
Parameter1_Dir_region_V		0.034	4.091	0.000	0.073		
Parameter2_9am_region_l		0.030	-0.699	0.484	-0.081		
Parameter2_9am_region_90.285	S 0.2253	0.030	7.420	0.000	0.166		

Parameter2_9am_region_W 0.539	0.4770	0.032	15.055	0.000	0.415
Parameter2_3pm_region_N 0.034	-0.0327	0.034	-0.958	0.338	-0.100
Parameter2_3pm_region_S 0.279	0.2192	0.031	7.136	0.000	0.159
Parameter2_3pm_region_W	0.2618	0.035	7.469	0.000	0.193
0.331 Location_3	-0.4099	0.081	-5.040	0.000	-0.569
-0.251 Location_4	0.3676	0.109	3.362	0.001	0.153
0.582 Location_5	-0.4069	0.082	-4.973	0.000	-0.567
-0.247 Location_6	-1.7276	0.083	-20.781	0.000	-1.891
-1.565 Location_7 -0.560	-0.7195	0.081	-8.829	0.000	-0.879
Location_8	0.6299	0.078	8.102	0.000	0.478
0.782 Location_9 0.374	0.2190	0.079	2.761	0.006	0.064
Location_10 -0.140	-0.3012	0.082	-3.669	0.000	-0.462
Location_11 -0.130	-0.3160	0.095	-3.323	0.001	-0.502
Location_12 0.318	0.1613	0.080	2.020	0.043	0.005
Location_13 -0.775	-0.9266	0.077	-11.967	0.000	-1.078
Location_14 0.143	-0.0201	0.083	-0.242	0.809	-0.183
Location_15 0.117	-0.0402	0.080	-0.500	0.617	-0.198
Location_16 -0.525	-0.6818	0.080	-8.541	0.000	-0.838
Location_17	0.1855	0.142	1.311	0.190	-0.092
Location_18 -0.452	-0.6223	0.087	-7.157	0.000	-0.793
Location_19 -0.368	-0.5307	0.083	-6.398	0.000	-0.693
Location_20 -0.844	-1.0022	0.081	-12.424	0.000	-1.160
Location_21 -0.872	-1.0492	0.090	-11.604	0.000	-1.226
Location_22 0.150	-0.0334	0.094	-0.357	0.721	-0.217

Location_23	-0.5814	0.077	-7.545	0.000	-0.732
-0.430 Location_26	-1.4462	0.104	-13.904	0.000	-1.650
-1.242 Location_27	-0.9191	0.079	-11.659	0.000	-1.074
-0.765 Location_28	-0.8777	0.076	-11.567	0.000	-1.026
-0.729 Location_29	-0.9575	0.087	-11.000	0.000	-1.128
-0.787					
Location_30 0.385	0.2137	0.087	2.450	0.014	0.043
Location_32 0.343	0.1934	0.076	2.533	0.011	0.044
Location_33	0.1964	0.081	2.421	0.015	0.037
Location_34	-0.7737	0.076	-10.174	0.000	-0.923
-0.625 Location_35	-0.3658	0.081	-4.533	0.000	-0.524
-0.208 Location_36	-1.1410	0.082	-13.917	0.000	-1.302
-0.980 Location_38	-0.4240	0.081	-5.224	0.000	-0.583
-0.265 Location_39	-0.3786	0.082	-4.593	0.000	-0.540
-0.217 Location_40	-0.1056	0.084	-1.264	0.206	-0.269
0.058					
Location_41 -0.017	-0.1758	0.081	-2.171	0.030	-0.335
Location_42 0.591	0.3162	0.140	2.255	0.024	0.041
Location_43 -0.227	-0.3984	0.088	-4.544	0.000	-0.570
Location_44	-0.5270	0.077	-6.877	0.000	-0.677
Location_45	-0.9763	0.078	-12.542	0.000	-1.129
Location_46	-0.0443	0.084	-0.526	0.599	-0.209
0.121 Location_47	-0.0836	0.079	-1.064	0.287	-0.238
0.070 Location_48	-1.0698	0.080	-13.343	0.000	-1.227
-0.913					
Location_49 -1.172	-1.3775	0.105	-13.157	0.000	-1.583
Season_Spring 0.372	0.3208	0.026	12.350	0.000	0.270

Season_Summer	0.2541	0.029	8.911	0.000	0.198
0.310					
Season_Winter	-0.2418	0.028	-8.782	0.000	-0.296
-0.188					
				=======	=======

-----

## Logit Marginal Effects

\_\_\_\_\_

Dep. Variable: Failure\_today
Method: dydx
At: overall

At:	overall					
0.975]	dy/dx	std err	z	P> z	[0.025	
Min_Temp	0.0221	0.000	56.500	0.000	0.021	
0.023						
Max_Temp -0.026	-0.0269	0.000	-61.152	0.000	-0.028	
Parameter1_Speed 0.004	0.0042	0.000	35.960	0.000	0.004	
Parameter3_9am 0.003	0.0023	0.000	13.811	0.000	0.002	
Parameter3_3pm -0.002	-0.0026	0.000	-15.096	0.000	-0.003	
Parameter4_9am 0.009	0.0086	8.6e-05	99.523	0.000	0.008	
Parameter4_3pm -0.000	-0.0007	9.01e-05	-7.238	0.000	-0.001	
Parameter5_3pm -0.004	-0.0046	0.000	-25.779	0.000	-0.005	
Parameter1_Dir_region_N -0.003	-0.0107	0.004	-2.753	0.006	-0.018	
Parameter1_Dir_region_S 0.011	0.0039	0.004	1.107	0.268	-0.003	
Parameter1_Dir_region_W 0.023	0.0158	0.004	4.090	0.000	0.008	
Parameter2_9am_region_N 0.004	-0.0024	0.003	-0.700	0.484	-0.009	
Parameter2_9am_region_S 0.032	0.0253	0.003	7.420	0.000	0.019	
Parameter2_9am_region_W 0.061	0.0536	0.004	15.093	0.000	0.047	
Parameter2_3pm_region_N 0.004	-0.0037	0.004	-0.958	0.338	-0.011	
Parameter2_3pm_region_S	0.0246	0.003	7.142	0.000	0.018	

0 021					
0.031 Parameter2_3pm_region_W	0.0294	0.004	7.475	0.000	0.022
0.037	0.0201	0.002			*****
Location_3	-0.0461	0.009	-5.046	0.000	-0.064
-0.028	0 0412	0.010	2 260	0.001	0.017
Location_4 0.065	0.0413	0.012	3.362	0.001	0.017
Location_5 -0.028	-0.0457	0.009	-4.977	0.000	-0.064
Location_6 -0.176	-0.1941	0.009	-21.013	0.000	-0.212
Location_7	-0.0809	0.009	-8.849	0.000	-0.099
Location_8 0.088	0.0708	0.009	8.109	0.000	0.054
Location_9 0.042	0.0246	0.009	2.762	0.006	0.007
Location_10 -0.016	-0.0338	0.009	-3.672	0.000	-0.052
Location_11	-0.0355	0.011	-3.325	0.001	-0.056
-0.015 Location_12	0.0181	0.009	2.020	0.043	0.001
0.036					
Location_13 -0.087	-0.1041	0.009	-12.008	0.000	-0.121
Location_14 0.016	-0.0023	0.009	-0.242	0.809	-0.021
Location_15	-0.0045	0.009	-0.500	0.617	-0.022
0.013 Location_16	-0.0766	0.009	-8.568	0.000	-0.094
-0.059 Location_17	0.0208	0.016	1.311	0.190	-0.010
0.052					
Location_18 -0.051	-0.0699	0.010	-7.168	0.000	-0.089
Location_19 -0.041	-0.0596	0.009	-6.408	0.000	-0.078
Location_20 -0.095	-0.1126	0.009	-12.476	0.000	-0.130
Location_21	-0.1179	0.010	-11.641	0.000	-0.138
-0.098 Location_22	-0.0038	0.011	-0.357	0.721	-0.024
0.017 Location_23	-0.0653	0.009	-7.557	0.000	-0.082
-0.048 Location_26	-0.1625	0.012	-13.963	0.000	-0.185
-0.140 Location_27	-0.1033	0.009	-11.695	0.000	-0.121

0.000					
-0.086 Location_28	-0.0986	0.009	-11.602	0.000	-0.115
-0.082	0.4050	0.040	44 000		0.407
Location_29 -0.088	-0.1076	0.010	-11.036	0.000	-0.127
Location_30	0.0240	0.010	2.450	0.014	0.005
0.043 Location_32	0.0217	0.009	2.533	0.011	0.005
0.039 Location_33	0.0221	0.009	2.422	0.015	0.004
0.040 Location_34	-0.0869	0.009	-10.200	0.000	-0.104
-0.070					
Location_35 -0.023	-0.0411	0.009	-4.536	0.000	-0.059
Location_36 -0.110	-0.1282	0.009	-13.996	0.000	-0.146
Location_38	-0.0476	0.009	-5.229	0.000	-0.066
-0.030 Location_39	-0.0425	0.009	-4.596	0.000	-0.061
-0.024 Location_40	-0.0119	0.009	-1.264	0.206	-0.030
0.007	-0.0198	0.009	-2.171	0.030	-0.038
Location_41 -0.002	-0.0198	0.009	-2.171	0.030	-0.036
Location_42 0.066	0.0355	0.016	2.255	0.024	0.005
Location_43	-0.0448	0.010	-4.549	0.000	-0.064
Location_44	-0.0592	0.009	-6.887	0.000	-0.076
Location_45	-0.1097	0.009	-12.599	0.000	-0.127
Location_46	-0.0050	0.009	-0.526	0.599	-0.024
Location_47	-0.0094	0.009	-1.064	0.287	-0.027
0.008 Location_48	-0.1202	0.009	-13.397	0.000	-0.138
-0.103	0.1202	0.009	10.091	0.000	0.130
Location_49 -0.132	-0.1548	0.012	-13.208	0.000	-0.178
Season_Spring	0.0360	0.003	12.346	0.000	0.030
0.042 Season_Summer	0.0286	0.003	8.907	0.000	0.022
0.035	0.0070	0.000	0.707	0.000	0.000
Season_Winter -0.021	-0.0272	0.003	-8.794	0.000	-0.033
==========		=======			

========

6. Agregue la data a nivel mensual, usando la data promedio de las variables (ignorando aquellas categoricas, como la direccion del viento). En particular, genere una variable que cuente la cantidad de fallos observados en un mes, utilice un valor de 0 si en ese mes no se reporto fallos en ningun dia. Use un modelo Poisson para explicar el numero de fallas por mes. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

```
[13]: # Paso 1: Asegurar formato de fecha y extraer año y mes
      dfcopy1['Year'] = dfcopy1['Date'].dt.year
      dfcopy1['Month'] = dfcopy1['Date'].dt.month
      # Paso 2: Reconstruir variable Location desde las dummies
      location_cols = [col for col in dfcopy1.columns if col.startswith('Location_')]
      if location cols:
          dfcopy1['Location'] = dfcopy1[location_cols].idxmax(axis=1).str.
       →replace('Location_', '').astype(int)
          dfcopy1.drop(columns=location_cols, inplace=True)
      # Paso 3: Eliminar columnas de dirección y otras no deseadas
      cols a eliminar = [
          'Parameter1_Dir_region_W',
          'Parameter2_9am_region_N', 'Parameter2_9am_region_S',

¬'Parameter2_9am_region_W',
          'Parameter2_3pm_region_N', 'Parameter2_3pm_region_S',

¬'Parameter2_3pm_region_W',
          'Evaporation', 'Electricity',
          'Parameter1_Dir_region_N', 'Parameter1_Dir_region_S'
      dfcopy1.drop(columns=[col for col in cols_a_eliminar if col in dfcopy1.
       ⇔columns], inplace=True)
      # Paso 4: Agrupar por Year, Month y Location
      cols_promedio = ['Min_Temp', 'Max_Temp', 'Parameter1_Speed', 'Parameter3_9am',
                       'Parameter3_3pm', 'Parameter4_9am', 'Parameter4_3pm',

¬'Parameter5_3pm']

      df_mensual = dfcopy1.groupby(['Year', 'Month', 'Location']).agg({
          **{col: 'mean' for col in cols_promedio},
          'Failure_today': 'sum'
      }).reset_index()
      # Paso 5: Crear columna 'Mes' en formato 'YYYY-MM'
      df_mensual['Mes'] = df_mensual['Year'].astype(str) + '-' + df_mensual['Month'].
       ⇒astype(str).str.zfill(2)
```

Optimization terminated successfully.

Current function value: 2.243287

Iterations 8

## Poisson Regression Results

============					
Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: converged: Covariance Type:	Failur Thu, 24 A 2	Failure_today Poisson MLE Thu, 24 Apr 2025 23:02:53 True nonrobust		cons:	4037 3986 50 0.3332 -9056.2 -13582. 0.000
====	coef	std err		P> z	[0.025
0.975]		sta eff		F >   Z	
Intercept 29.527	23.9085	2.867	8.340	0.000	18.290
C(Location)[T.4] -0.467	-0.6129	0.075	-8.225	0.000	-0.759
C(Location)[T.5] -0.784	-0.8916	0.055	-16.195	0.000	-0.999
C(Location)[T.6] -0.966	-1.0855	0.061	-17.810	0.000	-1.205
C(Location)[T.7] -0.717	-0.8222	0.054	-15.287	0.000	-0.928
C(Location)[T.8] -0.617	-0.7212	0.053	-13.507	0.000	-0.826
C(Location)[T.9] -0.643	-0.7526	0.056	-13.477	0.000	-0.862
C(Location) [T.10] -0.621	-0.7323	0.057	-12.929	0.000	-0.843
C(Location)[T.11]	-0.7356	0.063	-11.685	0.000	-0.859

-0.612 C(Location)[T.12]	-0.6866	0.055	-12.569	0.000	-0.794
-0.580 C(Location)[T.13]	-0.9660	0.051	-18.779	0.000	-1.067
-0.865 C(Location)[T.14]	-1.0670	0.055	-19.263	0.000	-1.176
-0.958 C(Location)[T.15]	-0.7973	0.063	-12.690	0.000	-0.920
-0.674 C(Location)[T.16]	-1.3110	0.051	-25.622	0.000	-1.411
-1.211 C(Location)[T.17] -1.105	-1.3076	0.104	-12.626	0.000	-1.511
C(Location) [T.18] -0.913	-1.0274	0.058	-17.606	0.000	-1.142
C(Location) [T.19] -0.927	-1.0381	0.057	-18.255	0.000	-1.150
C(Location) [T.20] -0.844	-0.9559	0.057	-16.714	0.000	-1.068
C(Location) [T.21] -0.697	-0.8259	0.066	-12.530	0.000	-0.955
C(Location) [T.22] -0.620	-0.7530	0.068	-11.135	0.000	-0.886
C(Location) [T.23] -0.602	-0.7038	0.052	-13.588	0.000	-0.805
C(Location) [T.26] -0.819	-0.9686	0.076	-12.725	0.000	-1.118
C(Location) [T.27] -1.227	-1.3323	0.054	-24.862	0.000	-1.437
C(Location) [T.28] -1.168	-1.2867	0.061	-21.155	0.000	-1.406
C(Location) [T.29] -0.705	-0.8090	0.053	-15.324	0.000	-0.912
C(Location) [T.30] -0.619	-0.7335	0.058	-12.599	0.000	-0.848
C(Location) [T.32] -0.500	-0.5966	0.049	-12.104	0.000	-0.693
C(Location) [T.33] -0.417	-0.5252	0.055	-9.541	0.000	-0.633
C(Location)[T.34] -0.854	-0.9500	0.049	-19.474	0.000	-1.046
C(Location)[T.35] -0.788	-0.8952	0.055	-16.327	0.000	-1.003
C(Location) [T.36] -0.812	-0.9228	0.057	-16.312	0.000	-1.034
C(Location) [T.38] -0.876	-0.9837	0.055	-17.908	0.000	-1.091
C(Location)[T.39]	-0.8256	0.056	-14.636	0.000	-0.936

-0.715 C(Location)[T.40]	-1.0694	0.064	-16.660	0.000	-1.195
-0.944					
C(Location)[T.41] -0.599	-0.7046	0.054	-13.070	0.000	-0.810
C(Location)[T.42] -0.596	-0.7962	0.102	-7.797	0.000	-0.996
C(Location)[T.43] -0.518	-0.6245	0.055	-11.453	0.000	-0.731
C(Location) [T.44] -1.080	-1.1755	0.049	-24.099	0.000	-1.271
C(Location)[T.45] -1.005	-1.0998	0.049	-22.663	0.000	-1.195
C(Location) [T.46] -0.652	-0.7620	0.056	-13.548	0.000	-0.872
C(Location)[T.47] -0.686	-0.7834	0.050	-15.758	0.000	-0.881
C(Location)[T.48] -1.411	-1.5235	0.058	-26.428	0.000	-1.636
C(Location)[T.49] -0.996	-1.1568	0.082	-14.104	0.000	-1.318
Min_Temp 0.118	0.1026	0.008	13.039	0.000	0.087
Max_Temp -0.086	-0.1011	0.008	-12.959	0.000	-0.116
Parameter1_Speed 0.061	0.0562	0.003	21.125	0.000	0.051
Parameter3_9am -0.002	-0.0096	0.004	-2.524	0.012	-0.017
Parameter3_3pm -0.051	-0.0578	0.004	-16.211	0.000	-0.065
Parameter4_9am 0.020	0.0166	0.002	9.896	0.000	0.013
Parameter4_3pm 0.021	0.0169	0.002	8.509	0.000	0.013
Parameter5_3pm -0.017	-0.0229	0.003	-8.305	0.000	-0.028

------

=====

7. Determine sobre dispersion en la data y posible valor optimo de alpha para un modelo Binomial Negativa.

```
[14]: # Paso 1: Obtener el lambda estimado del modelo Poisson

df_mensual['plambda'] = poisson_model.predict(df_mensual)

# Paso 2: Graficar la distribución de los valores esperados ()

plt.figure(figsize=(8, 5))
```

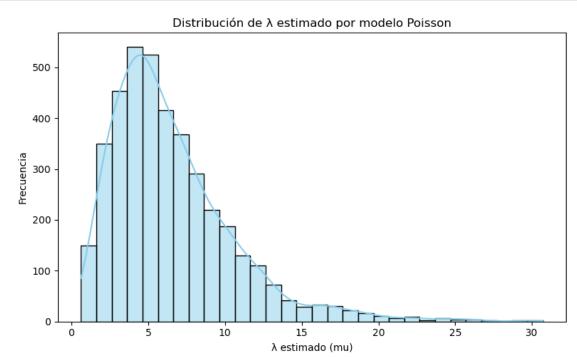
```
sns.histplot(data=df_mensual, x="plambda", bins=30, kde=True, color='skyblue')
plt.title("Distribución de estimado por modelo Poisson")
plt.xlabel(" estimado (mu)")
plt.ylabel("Frecuencia")
plt.tight_layout()
plt.show()

# Paso 3: Calcular variable auxiliar para test de sobre-dispersión
aux = ((df_mensual['Failure_today'] - df_mensual['plambda'])**2 -___

-_df_mensual['plambda']) / df_mensual['plambda']

# Paso 4: Regresión auxiliar (estima alpha implícitamente)
auxr = sm.OLS(aux, df_mensual['plambda']).fit()

# Paso 5: Resultado de la regresión auxiliar
print(auxr.summary())
```



#### OLS Regression Results

\_\_\_\_\_\_

-----

```
Dep. Variable: y R-squared (uncentered):
```

0.001

Model: OLS Adj. R-squared (uncentered):

0.000

 $\begin{tabular}{lll} Method: & Least Squares & F-statistic: \\ \end{tabular}$ 

```
2.598
Date:
           Thu, 24 Apr 2025 Prob (F-statistic):
0.107
Time:
                23:02:53
                      Log-Likelihood:
-7134.4
No. Observations:
                      AIC:
                  4037
1.427e+04
Df Residuals:
                  4036
                      BIC:
1.428e+04
Df Model:
                    1
Covariance Type:
               nonrobust
______
              std err t P>|t| [0.025
         coef
______
       -0.0047
               0.003
                    -1.612
                            0.107
                                 -0.010
______
Omnibus:
                3474.559 Durbin-Watson:
                                         1.829
Prob(Omnibus):
                  0.000 Jarque-Bera (JB): 147695.752
Skew:
                  3.919 Prob(JB):
                                          0.00
Kurtosis:
                 31.576 Cond. No.
                                          1.00
______
```

#### Notes:

- [1]  $R^{2}$  is computed without centering (uncentered) since the model does not contain a constant.
- [2] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.
  - 8. Usando la informacion anterior, ejecute un modelo Binomial Negativa para responder a la pregunta 6. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

## Generalized Linear Model Regression Results

=======================================					==========	
Dep. Variable:	Failure_today		No. Observation	4037		
Model:		GLM	Df Residuals:	3986		
Model Family:	NegativeB	NegativeBinomial			50	
Link Function:		Log		Scale:		
Method:		•		Log-Likelihood:		
Date:	Thu, 24 A	Thu, 24 Apr 2025		_		
Time:		3:02:53	Pearson chi2:	741.		
No. Iterations:		9		Pseudo R-squ. (CS):		
Covariance Type:	no	nrobust				
V -					==============	
=====						
	coef	std err	Z	P> z	[0.025	
0.975]						
	05 0047	0 001	0.007	0.000	0.445	
Intercept	25.3367	8.261	3.067	0.002	9.145	
41.528	0. 4000	0.470	4 040	0.000	4 000	
C(Location)[T.4]	-0.6922	0.172	-4.016	0.000	-1.030	
-0.354	0.0530	0 101	F 012	0.000	1 070	
C(Location)[T.5] -0.638	-0.9538	0.161	-5.913	0.000	-1.270	
C(Location)[T.6]	-1.1281	0.189	-5.966	0.000	-1.499	
-0.757	-1.1201	0.109	-5.966	0.000	-1.499	
C(Location)[T.7]	-0.8022	0.160	-5.012	0.000	-1.116	
-0.489	-0.8022	0.100	-5.012	0.000	-1.110	
C(Location)[T.8]	-0.8423	0.161	-5.232	0.000	-1.158	
-0.527	0.0120	0.101	0.202	0.000	1.100	
C(Location)[T.9]	-0.9796	0.177	-5.533	0.000	-1.327	
-0.633	0.10.00	***	0.000		11011	
C(Location)[T.10]	-0.7119	0.165	-4.318	0.000	-1.035	
-0.389					_,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	
C(Location)[T.11]	-0.7103	0.165	-4.311	0.000	-1.033	
-0.387						
C(Location)[T.12]	-0.8244	0.173	-4.764	0.000	-1.164	
-0.485						
C(Location)[T.13]	-1.0489	0.170	-6.162	0.000	-1.383	
-0.715						

C(Location)[T.14] -1.147	-1.4833	0.172	-8.645	0.000	-1.820
C(Location) [T.15] -0.623	-0.9933	0.189	-5.256	0.000	-1.364
C(Location) [T.16] -1.075	-1.3900	0.160	-8.661	0.000	-1.705
C(Location) [T.17] -1.216	-1.7464	0.271	-6.451	0.000	-2.277
C(Location) [T.18] -0.761	-1.1114	0.179	-6.220	0.000	-1.462
C(Location) [T.19] -0.769	-1.1061	0.172	-6.424	0.000	-1.444
C(Location)[T.20]	-0.9822	0.175	-5.628	0.000	-1.324
-0.640 C(Location)[T.21]	-0.7526	0.167	-4.501	0.000	-1.080
-0.425 C(Location)[T.22]	-0.7485	0.177	-4.236	0.000	-1.095
-0.402 C(Location)[T.23]	-0.7310	0.172	-4.257	0.000	-1.068
-0.394 C(Location)[T.26]	-0.9643	0.208	-4.636	0.000	-1.372
-0.557 C(Location)[T.27] -1.190	-1.5192	0.168	-9.050	0.000	-1.848
C(Location) [T.28] -1.149	-1.5181	0.188	-8.069	0.000	-1.887
C(Location)[T.29] -0.479	-0.7893	0.158	-4.990	0.000	-1.099
C(Location) [T.30] -0.508	-0.8331	0.166	-5.025	0.000	-1.158
C(Location)[T.32] -0.456	-0.7520	0.151	-4.973	0.000	-1.048
C(Location) [T.33] -0.354	-0.6771	0.165	-4.102	0.000	-1.001
C(Location)[T.34] -0.790	-1.1143	0.166	-6.731	0.000	-1.439
C(Location)[T.35] -0.626	-0.9400	0.160	-5.865	0.000	-1.254
C(Location) [T.36] -0.664	-0.9992	0.171	-5.836	0.000	-1.335
C(Location) [T.38] -0.752	-1.0869	0.171	-6.357	0.000	-1.422
C(Location) [T.39] -0.581	-0.9236	0.175	-5.282	0.000	-1.266
C(Location) [T.40] -1.031	-1.3916	0.184	-7.558	0.000	-1.753
C(Location) [T.41] -0.381	-0.6918	0.158	-4.365	0.000	-1.002

C(Location)[T.42]	-0.8857	0.217	-4.079	0.000	-1.311	
-0.460						
C(Location)[T.43] -0.262	-0.5751	0.160	-3.601	0.000	-0.888	
C(Location)[T.44] -1.038	-1.3576	0.163	-8.336	0.000	-1.677	
C(Location)[T.45] -0.833	-1.1368	0.155	-7.339	0.000	-1.440	
C(Location)[T.46] -0.485	-0.8168	0.169	-4.831	0.000	-1.148	
C(Location)[T.47] -0.628	-0.9518	0.165	-5.768	0.000	-1.275	
C(Location)[T.48] -1.397	-1.7404	0.175	-9.940	0.000	-2.084	
C(Location)[T.49] -0.776	-1.1373	0.184	-6.171	0.000	-1.499	
Min_Temp 0.150	0.1094	0.021	5.238	0.000	0.068	
Max_Temp -0.061	-0.1025	0.021	-4.872	0.000	-0.144	
Parameter1_Speed 0.079	0.0640	0.008	8.328	0.000	0.049	
Parameter3_9am 0.012	-0.0077	0.010	-0.751	0.453	-0.028	
Parameter3_3pm -0.046	-0.0652	0.010	-6.629	0.000	-0.084	
Parameter4_9am 0.025	0.0162	0.004	3.601	0.000	0.007	
Parameter4_3pm 0.035	0.0242	0.006	4.386	0.000	0.013	
Parameter5_3pm -0.009	-0.0248	0.008	-3.120	0.002	-0.040	
=======================================		========		========		===

=====

