Tarea1_Martel_Vasquez

April 30, 2025

Tarea 1 DAML Alejandro Martel

Instrucciones

Su notebook con las respuestas a la tarea se deben entregar a mas tardar el dia 24/04/25 hasta las 21:00, subiendolo al repositorio en la carpeta tareas/2025.

Es importante considerar que el código debe poder ejecutarse en cualquier computadora con la data original del repositorio. Recordar la convencion para el nombre de archivo ademas de incluir en su documento titulos y encabezados por seccion. La data a utilizar es machine failure data.csv.

Las variables tienen la siguiente descripcion:

Date: data medida en frecuencia diaria.

Location: ubicacion del medidor.

Min_Temp: temperatura minima observada. Max Temp: temperatura maxima observada.

Leakage: Filtracion medida en el area. Evaporation: Tasa de evaporacion. Electricity: Consumo electrico KW.

Parameter#: Diferentes sensores de reportando direccion y velocidad de viento en distintos mo-

mentos del dia, asi como otras metricas relevantes.

Failure today: El sensor reporta fallo (o no).

0.0.1 1. Cargar la base de datos en el ambiente. Identifique los tipos de datos que se encuentran en la base, realice estadisticas descriptivas sobre las variables importantes (Hint: Revisar la distribuciones, datos faltantes, outliers, etc.) y limpie las variables cuando sea necesario.

```
[1]: import numpy as np
  import pandas as pd
  import matplotlib.pyplot as plt
  import statsmodels.api as sm
  import statsmodels.formula.api as smf
  import sklearn
  import scipy
  from scipy.stats import nbinom
  import seaborn as sns
  from statsmodels.iolib.summary2 import summary_col
  from sklearn.ensemble import IsolationForest
```

```
from statsmodels.stats.outliers_influence import variance_inflation_factor
from statsmodels.tools.tools import add_constant
import warnings
warnings.filterwarnings("ignore")
%matplotlib inline
```

R. Importamos las librerias y procedemos con el analisis de las variables.

```
[2]: df = pd.read_csv("../../data/machine_failure_data.csv", delimiter=",",__

decimal='.')
     df= df.dropna(subset=["Failure_today"])
     df.head()
[2]:
             Date Location Min Temp Max Temp Leakage Evaporation Electricity \
                           3
                                  13.4
                                             22.9
                                                       0.6
     0 12/1/2008
                                                                     NaN
                                                                                  NaN
     1 12/2/2008
                           3
                                   7.4
                                             25.1
                                                       0.0
                                                                     NaN
                                                                                  NaN
     2 12/3/2008
                           3
                                  12.9
                                             25.7
                                                       0.0
                                                                     NaN
                                                                                  NaN
     3 12/4/2008
                           3
                                   9.2
                                             28.0
                                                       0.0
                                                                     NaN
                                                                                  NaN
     4 12/5/2008
                           3
                                  17.5
                                             32.3
                                                       1.0
                                                                     NaN
                                                                                  NaN
       Parameter1_Dir Parameter1_Speed Parameter2_9am ... Parameter3_3pm \
     0
                                    44.0
                                                                       24.0
                    W
                                                       W
                                    44.0
                                                                       22.0
     1
                  WNW
                                                     NNW
                  WSW
     2
                                    46.0
                                                       W
                                                                       26.0
     3
                   NE
                                    24.0
                                                                        9.0
                                                      SE ...
     4
                    W
                                    41.0
                                                     ENE ...
                                                                       20.0
        Parameter4_9am Parameter4_3pm Parameter5_9am Parameter5_3pm \
                  71.0
                                   22.0
     0
                                                  1007.7
                                                                   1007.1
     1
                  44.0
                                   25.0
                                                  1010.6
                                                                   1007.8
     2
                  38.0
                                   30.0
                                                  1007.6
                                                                   1008.7
     3
                  45.0
                                   16.0
                                                  1017.6
                                                                   1012.8
                                                                   1006.0
     4
                  82.0
                                   33.0
                                                  1010.8
        Parameter6_9am Parameter6_3pm Parameter7_9am Parameter7_3pm \
     0
                   8.0
                                                    16.9
                                                                     21.8
                                    {\tt NaN}
                   NaN
                                                    17.2
                                                                     24.3
     1
                                    {\tt NaN}
     2
                                    2.0
                                                    21.0
                                                                     23.2
                   NaN
     3
                   NaN
                                    NaN
                                                    18.1
                                                                     26.5
                   7.0
                                    8.0
                                                    17.8
                                                                     29.7
        Failure_today
     0
                   No
```

1 No 2 No

```
3 No
4 No
```

[5 rows x 22 columns]

Se observan una gran cantidad de datos nulos en las variables Evaporation, Electricity y del parametro 6

[3]: print(df.isnull().sum())

Date	0
Location	0
Min_Temp	468
Max_Temp	307
Leakage	0
Evaporation	59694
Electricity	66805
Parameter1_Dir	9163
Parameter1_Speed	9105
Parameter2_9am	9660
Parameter2_3pm	3670
Parameter3_9am	1055
Parameter3_3pm	2531
Parameter4_9am	1517
Parameter4_3pm	3501
Parameter5_9am	13743
Parameter5_3pm	13769
Parameter6_9am	52625
Parameter6_3pm	56094
Parameter7_9am	656
Parameter7_3pm	2624
Failure_today	0
dtype: int64	

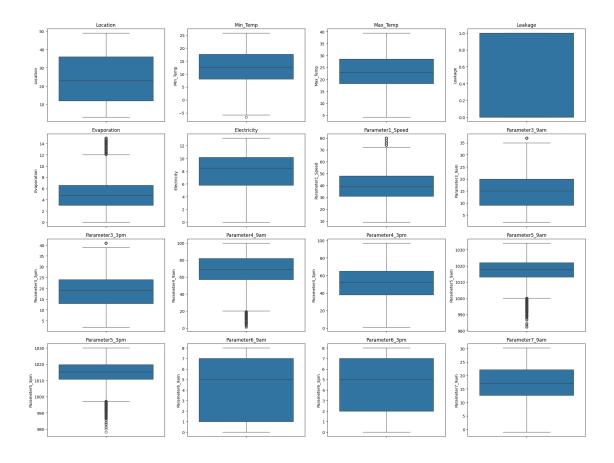
Para la limpieza:

- 1. Se transforman las variables con dirección a sus componentes seno y coseno.
- 2. tambien se cambia el valor "No" y "Yes" de la variable Failure today por 0 y 1.
- 3. en al variable leakage agrupamos en 2 grupos, 0 si no hay leak y 1 si existe leak.
- 4. inputamos valores de la mediana en electricity y evaporation.
- 5. finalmente se quita los outliders fuera del percentil 99.

```
[4]: direction_map = {
    'N': 0, 'NNE': 1, 'NE': 2, 'ENE': 3,
    'E': 4, 'ESE': 5, 'SE': 6, 'SSE': 7,
    'S': 8, 'SSW': 9, 'SW': 10, 'WSW': 11,
    'W': 12, 'WNW': 13, 'NW': 14, 'NNW': 15}

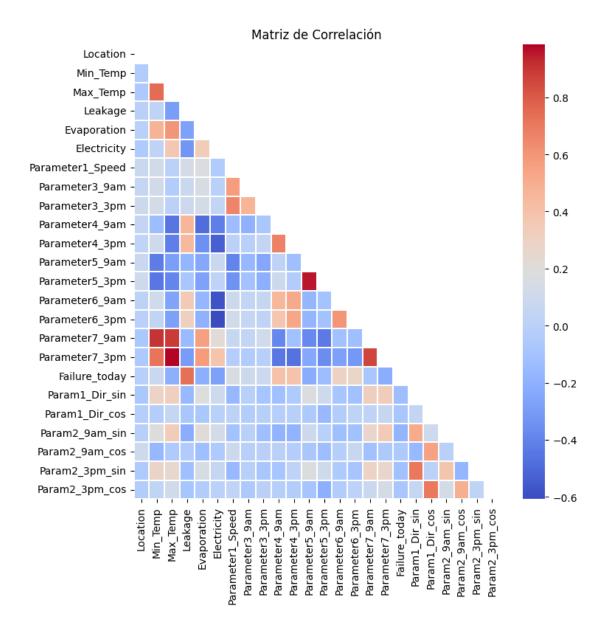
df['Parameter1_Dir'] = df['Parameter1_Dir'].map(direction_map)
    df['Parameter2_9am'] = df['Parameter2_9am'].map(direction_map)
```

```
df['Parameter2_3pm'] = df['Parameter2_3pm'].map(direction_map)
     # Convertimos los valores a ángulos en radianes
     def circular_features(x):
         radians = x * (2 * np.pi / 16) # 16 direcciones
         return np.sin(radians), np.cos(radians)
     # Aplicar la función a cada columna
     df['Param1_Dir_sin'], df['Param1_Dir_cos'] = zip(*df['Parameter1_Dir'].
      →apply(circular_features))
     df['Param2 9am sin'], df['Param2 9am cos'] = zip(*df['Parameter2 9am'].
      ⇔apply(circular_features))
     df['Param2_3pm_sin'], df['Param2_3pm_cos'] = zip(*df['Parameter2_3pm'].
      →apply(circular_features))
     df=df.drop(columns=["Parameter1 Dir", "Parameter2 9am", "Parameter2 3pm"])
     failure_map = {"No":0,"Yes":1}
     df['Failure_today'] = df['Failure_today'].map(failure_map)
     df.describe()
     df["Leakage"] = df["Leakage"].apply(lambda x: 1 if x != 0 else 0)
     median_value = df["Electricity"].median()
     df["Electricity"].fillna(median_value, inplace=True)
     median_value = df["Evaporation"].median()
     df["Evaporation"].fillna(median_value, inplace=True)
     for column in df.columns[1:]:
         var = df[column].quantile(0.99)
         df=df[df[column]<=var]</pre>
[5]: # Crear boxplots para cada columna
     plt.figure(figsize=(20, 15))
     for i, column in enumerate(df.columns[1:], 1):
         if i <= 16: # Asegurarse de que el número de subplots no exceda 16
             plt.subplot(4, 4, i)
             sns.boxplot(y=df[column])
             plt.title(column)
     plt.tight_layout()
     plt.show()
```



Procedemos a ver la correlacion entre variables en un grafico.

```
[6]: M_corr = df.drop(columns=["Date"]).corr()
mask = np.triu(np.ones_like(M_corr, dtype=bool))
plt.figure(figsize=(8, 8))
sns.heatmap(M_corr, cmap='coolwarm', linewidths=0.2, mask=mask)
plt.title('Matriz de Correlación')
plt.show()
```



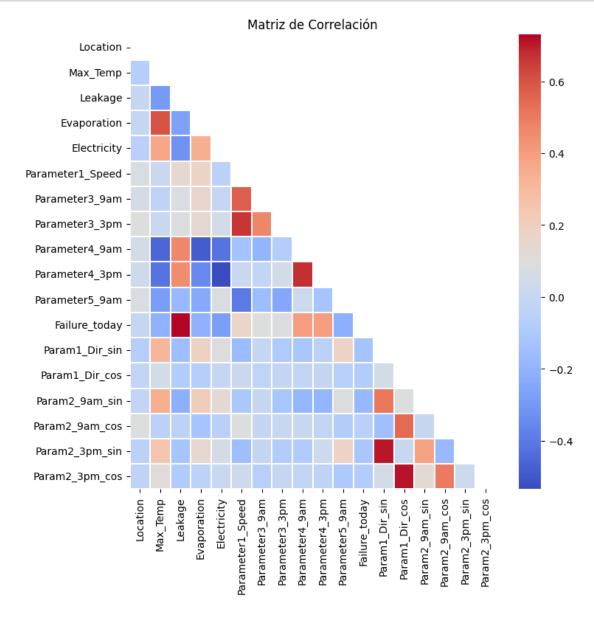
Debido a la correlación existente entre la variable 7 y las temperaturas, se tomó la decisión de eliminar dicha variable. Del mismo modo, considerando la alta cantidad de datos nulos presentes en la variable 6, esta también fue descartada. En consecuencia, se optó por emplear únicamente la variable max_temp, dada la relación observada entre ambas temperaturas. Asimismo, se seleccionó la variable Parameter5_3pm, debido a su significativa correlación con el mismo parámetro registrado a las 9 a.m.

```
[7]: df_limpio=df.

drop(columns=["Min_Temp", "Parameter6_9am", "Parameter6_3pm", "Parameter7_9am", "Parameter7_3pm df_limpio.head()
df_limpio.dropna(inplace=True)
```

Luego de la limpieza de variables, la matriz de correlacion queda de la siguiente manera.

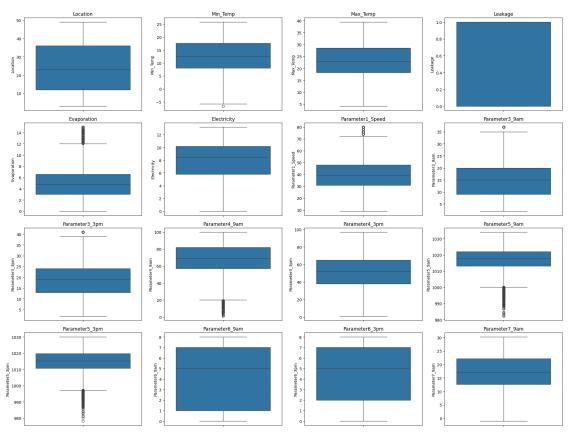
```
[8]: M_corr = df_limpio.drop(columns=["Date"]).corr()
    mask = np.triu(np.ones_like(M_corr, dtype=bool))
    plt.figure(figsize=(8, 8))
    sns.heatmap(M_corr, cmap='coolwarm', linewidths=0.2, mask=mask)
    plt.title('Matriz de Correlación')
    plt.show()
```



Y las variables así.

```
[9]: plt.figure(figsize=(20, 15))
for i, column in enumerate(df.columns[1:], 1):
    if i <= 16: # Asegurarse de que el número de subplots no exceda 16
        plt.subplot(4, 4, i)
        sns.boxplot(y=df[column])
        plt.title(column)

plt.tight_layout()
plt.show()</pre>
```



0.0.2 2. Ejecute un modelo de probabilidad lineal (MCO) que permita explicar la probabilidad de que un dia se reporte fallo medido por sensor, a partir de las informacion disponible. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

```
[10]: mod = smf.ols(formula="Failure_today ~ Max_Temp + Leakage + Electricity + □

→Parameter1_Speed + Parameter3_9am + Param1_Dir_sin + Param1_Dir_cos + □

→Parameter3_3pm + Parameter4_9am + Parameter4_3pm + Parameter5_9am + + □

→Param2_3pm_cos + Param2_3pm_sin + Param2_9am_cos + Param2_9am_sin", □

→data=df_limpio)
```

```
print(f"modelo:", "Failure today ~ Max Temp + Leakage + Electricity + ⊔
 →Parameter1 Speed + Parameter3 9am + Param1 Dir sin + Param1 Dir cos + LI
 →Parameter3 3pm + Parameter4 9am + Parameter4 3pm + Parameter5 9am + + +
 →Param2 3pm cos + Param2 3pm sin + Param2 9am cos + Param2 9am sin")
res = mod.fit()
print(res.summary())
modelo: Failure_today ~ Max_Temp + Leakage + Electricity + Parameter1_Speed +
Parameter3 9am + Param1 Dir sin + Param1 Dir cos + Parameter3 3pm +
Parameter4_9am + Parameter4_3pm + Parameter5_9am + + Param2_3pm_cos +
Param2_3pm_sin + Param2_9am_cos + Param2_9am_sin
                      OLS Regression Results
Dep. Variable: Failure_today
                                R-squared:
                                                            0.555
Model:
                                Adj. R-squared:
                            OLS
                                                            0.555
                Least Squares F-statistic:
Method:
                                                           5209.
Date:
               Thu, 24 Apr 2025 Prob (F-statistic):
                                                             0.00
Time:
                       19:19:42 Log-Likelihood:
                                                         -10838.
No. Observations:
                          62743 AIC:
                                                         2.171e+04
Df Residuals:
                          62727
                                BIC:
                                                         2.185e+04
Df Model:
                             15
Covariance Type:
                      nonrobust
______
                   coef std err
                                       t
                                             P>|t|
                                                      [0.025
0.975]
Intercept 4.7642 0.237 20.136 0.000
                                                       4.300
5.228
Max Temp
                0.0020
                          0.000
                                  7.920
                                             0.000
                                                       0.001
0.002
                                                       0.566
                           0.003
                                  199.357
                                             0.000
Leakage
                0.5720
0.578
Electricity -0.0013
                           0.000
                                  -3.057
                                             0.002
                                                      -0.002
-0.000
Parameter1_Speed 0.0024
                           0.000
                                  15.903
                                             0.000
                                                       0.002
0.003
Parameter3_9am 0.0018
                           0.000
                                   8.939
                                             0.000
                                                       0.001
0.002
Param1_Dir_sin
                0.0063
                           0.002
                                   2.559
                                             0.011
                                                       0.001
0.011
Param1_Dir_cos -0.0028
                           0.003 -1.115
                                             0.265
                                                      -0.008
0.002
Parameter3_3pm
              -0.0023
                           0.000
                                  -11.365
                                             0.000
                                                      -0.003
-0.002
Parameter4_9am 0.0022
                        9.87e-05
                                   22.330
                                             0.000
                                                       0.002
0.002
```

Omnibus: Prob(Omnibus): Skew: Kurtosis:		7105.955 0.000 -0.924 3.573	Durbin-Wats Jarque-Bera Prob(JB): Cond. No.		1.906 9778.500 0.00 2.11e+05
Param2_9am_sin -0.001	-0.0050 	0.002	-2.516	0.012	-0.009
Param2_9am_cos -0.013	-0.0171	0.002	-8.345	0.000	-0.021
-0.004 Param2_3pm_sin -0.009	-0.0137	0.002	-5.891	0.000	-0.018
-0.005 Param2_3pm_cos	-0.0091	0.002	-3.722	0.000	-0.014
0.001 Parameter5_9am	-0.0050	0.000	-21.863	0.000	-0.005
Parameter4_3pm	0.0010	9.14e-05	11.150	0.000	0.001

Notes:

- [1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is correctly specified.
- [2] The condition number is large, 2.11e+05. This might indicate that there are strong multicollinearity or other numerical problems.
- ${\bf R.}$ A partir del modelo podemos observar un R^2 de 0.55 lo cual es un valor bueno un 55% de las fallas se explican por los predictores, asi mismo todas las variables son significativas, menos el parametro1_direccion, las variables que se pueden destacar son leakage, que explica que si existen fugas aumentan en un 57% las posibilidades de fallas, también se puede señalar electricity, indica que a mayor valor, existen menos fallas en un 0.13%.
- 0.0.3 3. Ejecute un modelo probit para responder a la pregunta 2. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

Warning: Maximum number of iterations has been exceeded.

Current function value: 0.223342

Iterations: 35

Probit Regression Results

		· ·	sion Results		
Dep. Variable: Model: Method: Date: Time: converged: Covariance Type:	Failu Thu, 24	Probit MLE Apr 2025 19:19:44 False	No. Observat Df Residuals Df Model: Pseudo R-squ Log-Likeliho LL-Null: LLR p-value:	ions: : od:	62743 62727 15 0.6001 -14013. -35038. 0.000
0.975]		std err		P> z	
Intercept 28.683	23.2717	2.761	8.430	0.000	17.861
Max_Temp 0.019	0.0158	0.002	8.631	0.000	0.012
Leakage 9.770	5.4056	2.227	2.428	0.015	1.041
Electricity 0.008	0.0022	0.003	0.730	0.465	-0.004
Parameter1_Speed 0.017	0.0144	0.001	12.717	0.000	0.012
Parameter3_9am 0.013	0.0096	0.002	6.170	0.000	0.007
Param1_Dir_sin	-6.524e-05	0.019	-0.003	0.997	-0.038
Param1_Dir_cos	-0.0573	0.020	-2.903	0.004	-0.096
Parameter3_3pm -0.007	-0.0103	0.002	-6.482	0.000	-0.013
	0.0188	0.001	23.437	0.000	0.017
Parameter4_3pm 0.011	0.0097	0.001	14.018	0.000	0.008
Parameter5_9am -0.028	-0.0308	0.002	-19.574	0.000	-0.034
Param2_3pm_cos -0.009	-0.0479	0.020	-2.429	0.015	-0.087
Param2_3pm_sin -0.014	-0.0507	0.019	-2.714	0.007	-0.087
Param2_9am_cos -0.110	-0.1420	0.016	-8.766	0.000	-0.174
Param2_9am_sin	-0.0779	0.016	-4.943	0.000	-0.109

```
-0.047
```

====

Possibly complete quasi-separation: A fraction 0.62 of observations can be perfectly predicted. This might indicate that there is complete quasi-separation. In this case some parameters will not be identified.

Volvemos a correr el modelo quitando las variables no significativas(electricity, Param1_Dir_sin, Leakage).

Optimization terminated successfully.

Current function value: 0.398450

Iterations 7

Probit Regression Results

=======================================			========	=======	
Dep. Variable:	Failu	re_today	No. Observations:		62743
Model:		Probit	Df Residuals	:	62730
Method:		MLE	Df Model:		12
Date:	Thu, 24	Apr 2025	Pseudo R-squ	ı .:	0.2865
Time:		19:19:44	Log-Likeliho	od:	-25000.
converged:		True	LL-Null:		-35038.
Covariance Type:	n	onrobust	LLR p-value:		0.000
=======================================	========		========	========	
====					
	coef	std err	z	P> z	[0.025
0.975]					
Intercept	37.4767	1.244	30.122	0.000	35.038
39.915					
Max_Temp	-0.0049	0.001	-3.695	0.000	-0.007
-0.002					
Parameter1_Speed	0.0182	0.001	22.257	0.000	0.017
0.020					
Parameter3_9am	0.0171	0.001	15.477	0.000	0.015

0.019						
Param1_Dir_cos -0.044	-0.0722	0.014	-5.105	0.000	-0.100	
Parameter3_3pm -0.009	-0.0113	0.001	-10.153	0.000	-0.014	
Parameter4_9am 0.038	0.0365	0.001	63.610	0.000	0.035	
Parameter4_3pm 0.015	0.0141	0.000	30.527	0.000	0.013	
Parameter5_9am -0.039	-0.0416	0.001	-34.765	0.000	-0.044	
Param2_3pm_cos -0.030	-0.0579	0.014	-4.133	0.000	-0.085	
Param2_3pm_sin -0.011	-0.0323	0.011	-2.943	0.003	-0.054	
Param2_9am_cos -0.151	-0.1739	0.011	-15.175	0.000	-0.196	
Param2_9am_sin -0.142	-0.1630	0.011	-15.273	0.000	-0.184	

====

R. En este modelo, quitando las variables no significativas nos da un pseudo R^2 del 0.28, lo cual es aceptable(<0.2), asi mismo el modelo converge lo cual indica que el modelo ha estimado correctamente y es estable. En los coeficientes podemos destacar los parametros seno y coseno del Param2_3pm, los cuales indican, transformandolos a Direccion nuevamente, que si el viento viene del sur-suroeste hay menos probabilidad de falla. Otra variable a considerar es param1_speed, la cual dice que un aumento en la velocidad de 1 unidad aumenta la probabilidad de fallo.

```
[13]: #calcular direccion
import numpy as np

# Coeficientes de las variables
param2_3pm_cos = -4.0716
param2_3pm_sin = -0.0323

# Calcular el ángulo en radianes
angulo_radianes = np.arctan2(param2_3pm_sin, param2_3pm_cos)

# Convertir a grados
angulo_grados = np.degrees(angulo_radianes)

# Normalizar el ángulo para que esté entre 0 y 360 grados
if angulo_grados < 0:
    angulo_grados += 360

# Definir las 16 direcciones
direcciones = [</pre>
```

```
"Norte", "Norte-Noreste", "Noreste", "Este-Noreste",

"Este", "Este-Sureste", "Sureste", "Oeste-Sureste",

"Oeste", "Oeste-Noroeste", "Noroeste", "Norte-Noroeste"

# Calcular el índice de la dirección más cercana (22.5° por dirección)

indice_direccion = int((angulo_grados + 11.25) // 22.5) # El +11.25 ayuda a_u

-redondear hacia la dirección correcta

# Obtener la dirección cardinal correspondiente

direccion = direcciones[indice_direccion]

print(f"Ángulo en grados: {angulo_grados}")

print(f"Dirección cardinal hacia la que apunta el vector: {direccion}")
```

Ángulo en grados: 180.45451784499076 Dirección cardinal hacia la que apunta el vector: Sur

0.0.4 4. Ejecute un modelo logit para responder a la pregunta 2. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

```
[14]: mod_logit = smf.logit(formula="Failure_today ~Max_Temp + Parameter1_Speed +

→Parameter3_9am + Param1_Dir_cos + Parameter3_3pm + Parameter4_9am +

→Parameter4_3pm + Parameter5_9am + + Param2_3pm_cos + Param2_3pm_sin +

→Param2_9am_cos + Param2_9am_sin ", data=df_limpio)

# Ajustar el modelo

res_logit = mod_logit.fit()

# Mostrar resultados

print(res_logit.summary())
```

Optimization terminated successfully.

Current function value: 0.398474

Iterations 7

Logit Regression Results

=======================================	========	=======			
Dep. Variable:	Failu	re_today	No. Observat	tions:	62743
Model:		Logit	Df Residuals	s:	62730
Method:		MLE	Df Model:		12
Date:	Thu, 24	Apr 2025	Pseudo R-squ	ı.:	0.2864
Time:		19:19:45	Log-Likelih	ood:	-25001.
converged:		True	LL-Null:		-35038.
Covariance Type:	n	onrobust	LLR p-value	:	0.000
====					
	coef	std err	z	P> z	[0.025
0.975]					

0.0.03

Intercept 68.896	64.6411	2.171	29.774	0.000	60.386
Max_Temp -0.002	-0.0061	0.002	-2.640	0.008	-0.011
Parameter1_Speed 0.034	0.0312	0.001	21.930	0.000	0.028
Parameter3_9am 0.034	0.0298	0.002	15.308	0.000	0.026
Param1_Dir_cos	-0.1204	0.025	-4.867	0.000	-0.169
Parameter3_3pm -0.015	-0.0184	0.002	-9.416	0.000	-0.022
Parameter4_9am 0.067	0.0653	0.001	63.259	0.000	0.063
Parameter4_3pm 0.026	0.0244	0.001	30.525	0.000	0.023
Parameter5_9am	-0.0720	0.002	-34.415	0.000	-0.076
Param2_3pm_cos	-0.0914	0.025	-3.728	0.000	-0.139
Param2_3pm_sin	-0.0579	0.019	-2.988	0.003	-0.096
Param2_9am_cos -0.274	-0.3140	0.020	-15.588	0.000	-0.353
Param2_9am_sin	-0.2880	0.019	-15.242	0.000	-0.325

====

0.0.5 5. Comente los resultados obtenidos en 2, 3 y 4. ¿Cuáles y por qué existen las diferencias entre los resultados?. En su opinión, ¿Cuál sería el más adecuado para responder la pregunta de investgación y por qué? ¿Qué variables resultaron ser robustas a la especificación?

R. Las diferencias fueron distintos R^2 y coeficientes de las variables, los resultados varian por la naturaleza de los modelos, en el MCO la variable dependiente es considerada continua, en cambio probit y logit lo consideran binaria (como es en este trabajo). El modelo más adecuado a mi parecer es el logit, ya que considera una funcion logistica, que permite mayor robustez, tambien por presentarse una variable dependiente binaria y además porque convergio. Las variables mas robustas fueron: Max_Temp,Parameter1_Speed,Parameter3_9am,Parameter3_3pm,Parameter4_9am,Parameter4_3pm,Parameter4_1 trigonométricos de la dirección del viento (Param2_9am_cos, Param2_9am_sin, etc.)

R. En este modelo en general los parametro tienden a tener mayor magnitud que en el probit.

0.0.6 6. Agregue la data a nivel mensual, usando la data promedio de las variables (ignorando aquellas categoricas, como la direccion del viento). En particular, genere una variable que cuente la cantidad de fallos observados en un mes, utilice un valor de 0 si en ese mes no se reporto fallos en ningun dia. Use un modelo Poisson para explicar el numero de fallas por mes. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

```
[15]: #Agrupacion datos
      df_limpio["Date"] = pd.to_datetime(df_limpio["Date"])
      df_limpio["Mes_Año"] = df_limpio["Date"].dt.to_period("M")
      df_mensual = df_limpio.groupby("Mes_Año").mean(numeric_only=True)
      fallas_mensual = df_limpio.groupby("Mes_Año")["Failure_today"].sum()
      df_agrupado = df_mensual.copy()
      df_agrupado["fallas_mensual"] = fallas_mensual
      df agrupado.head(14000)
[15]:
                Location
                           Max_Temp
                                      Leakage
                                               Evaporation Electricity \
     Mes_Año
      2007-11 10.000000 25.110345
                                     0.448276
                                                  5.903448
                                                               8.037931
      2007-12 10.000000 24.625926 0.481481
                                                  5.585185
                                                               8.025926
      2008-01 10.000000 28.734483 0.172414
                                                  7.855172
                                                               8.824138
      2008-02 10.000000 24.311111 0.370370
                                                  5.888889
                                                               8.225926
      2008-03 10.000000
                          25.614286 0.178571
                                                  5.821429
                                                               8.996429
                            •••
     2017-02 25.908189 27.172457 0.401985
                                                  6.508189
                                                               8.661787
      2017-03 27.209544 26.815145 0.506224
                                                  5.626141
                                                               7.853320
     2017-04 25.759152 23.408285 0.406551
                                                  4.551060
                                                               7.838343
      2017-05 25.930556 20.566468 0.434524
                                                               7.233532
                                                  3.674405
      2017-06 25.662983 19.189227
                                     0.367403
                                                  3.504972
                                                               7.161050
               Parameter1_Speed Parameter3_9am Parameter3_3pm Parameter4_9am \
     Mes_Año
      2007-11
                      39.758621
                                       9.275862
                                                      16.482759
                                                                      68.896552
      2007-12
                      39.111111
                                       9.259259
                                                      16.555556
                                                                      70.148148
      2008-01
                      42.275862
                                       9.965517
                                                      15.965517
                                                                      66.241379
                      40.296296
                                       9.777778
                                                                      72.629630
      2008-02
                                                      14.888889
      2008-03
                      37.464286
                                       8.071429
                                                      14.071429
                                                                      70.892857
                          •••
      2017-02
                      42.523573
                                      15.476427
                                                      19.945409
                                                                      68.950372
                      40.224066
      2017-03
                                      14.636929
                                                      18.995851
                                                                      75.049793
      2017-04
                      36.641618
                                      13.911368
                                                      17.325626
                                                                      72.221580
      2017-05
                      35.718254
                                      13.549603
                                                      16.307540
                                                                      76.543651
      2017-06
                      34.016575
                                      13.107735
                                                      15.500000
                                                                      77.875691
               Parameter4_3pm Parameter5_9am Failure_today Param1_Dir_sin \
     Mes Año
      2007-11
                    41.241379
                                  1018.862069
                                                    0.206897
                                                                    0.350149
```

```
2007-12
                     50.074074
                                   1015.425926
                                                      0.407407
                                                                       0.306947
                    40.137931
                                                                       0.499339
      2008-01
                                   1014.524138
                                                      0.137931
      2008-02
                     47.037037
                                   1013.666667
                                                      0.296296
                                                                       0.395546
      2008-03
                     36.321429
                                   1020.382143
                                                      0.107143
                                                                       0.040197
      2017-02
                     52.669975
                                   1014.345906
                                                      0.305211
                                                                       0.052447
      2017-03
                     58.288382
                                   1015.431120
                                                      0.385892
                                                                       0.210363
      2017-04
                     55.788054
                                   1020.536416
                                                      0.283237
                                                                       0.069868
      2017-05
                     58.543651
                                                      0.261905
                                                                       0.012748
                                   1020.640675
      2017-06
                     59.919890
                                   1023.780387
                                                      0.209945
                                                                      -0.033112
               Param1_Dir_cos
                                Param2_9am_sin Param2_9am_cos
                                                                 Param2_3pm_sin \
      Mes Año
                                      0.187568
      2007-11
                      0.051246
                                                      -0.351657
                                                                        0.061091
      2007-12
                      0.312495
                                      0.222961
                                                       0.114824
                                                                        0.055407
      2008-01
                      0.225580
                                      0.443353
                                                      -0.050630
                                                                       -0.000871
                                                      -0.394753
      2008-02
                      0.039259
                                      0.189523
                                                                        0.103863
      2008-03
                      0.163426
                                      0.427339
                                                      -0.251262
                                                                       -0.344676
                    -0.213259
      2017-02
                                     -0.001856
                                                      -0.203166
                                                                        0.075815
      2017-03
                     -0.210082
                                      0.115667
                                                      -0.089378
                                                                        0.166855
      2017-04
                     -0.174687
                                     -0.010316
                                                      -0.037064
                                                                        0.069727
      2017-05
                                     -0.044233
                                                       0.110550
                      0.085757
                                                                        0.037640
      2017-06
                     -0.101508
                                     -0.066246
                                                      -0.012197
                                                                       -0.075377
               Param2 3pm cos fallas mensual
      Mes_Año
      2007-11
                      0.135943
                                              6
                      0.304621
      2007-12
                                             11
                                              4
      2008-01
                      0.228676
                                              8
      2008-02
                      0.033556
                                              3
      2008-03
                      0.277409
      2017-02
                     -0.217659
                                            123
      2017-03
                     -0.271902
                                            186
      2017-04
                     -0.227159
                                            147
                     -0.056607
      2017-05
                                            132
      2017-06
                    -0.192912
                                             76
      [113 rows x 19 columns]
[16]: mod_poisson = smf.glm(
          formula="fallas_mensual ~ Max_Temp + Parameter1_Speed + Parameter3_9am +__
       ⇔Param1_Dir_cos + Parameter3_3pm + Parameter4_9am + Parameter4_3pm + L
```

⇔Parameter5 9am + Param2 3pm cos + Param2 3pm sin + Param2 9am cos +⊔

⇔Param2_9am_sin",

data=df_agrupado.reset_index(),

```
family=sm.families.Poisson()
).fit()
```

Mostrar el resumen del modelo
print(mod_poisson.summary())

Generalized	Iinaar	LaboM	Regression	Raguilte
Generarized	Linear	Moder	regression	resurts

(el Regression		
Dep. Variable: Model: Model Family: Link Function: Method: Date: Time: No. Iterations: Covariance Type:	fallas Thu, 24 n	_mensual GLM Poisson Log IRLS Apr 2025 19:19:46 6 onrobust	No. Observat Df Residuals Df Model: Scale: Log-Likeliho Deviance: Pearson chi2 Pseudo R-squ	cions: c: cod: c: cod:	113 100 12 1.0000 -726.08 715.05 666. 1.000
0.975]		std err		P> z	[0.025
 Intercept 31.726	18.7340	6.629	2.826	0.005	5.742
Max_Temp 0.023	0.0077	0.008	0.976	0.329	-0.008
Parameter1_Speed -0.098	-0.1206	0.011	-10.641	0.000	-0.143
Parameter3_9am 0.341	0.3080	0.017	18.538	0.000	0.275
Param1_Dir_cos	-1.9798	0.363	-5.447	0.000	-2.692
Parameter3_3pm 0.174	0.1342	0.021	6.533	0.000	0.094
Parameter4_9am 0.070	0.0598	0.005	11.919	0.000	0.050
	-0.0014	0.005	-0.262	0.793	-0.012
Parameter5_9am -0.008	-0.0202	0.006	-3.258	0.001	-0.032
Param2_3pm_cos	-0.1629	0.332	-0.491	0.623	-0.813
Param2_3pm_sin -0.042	-0.4246	0.195	-2.176	0.030	-0.807
Param2_9am_cos 3.347	2.9589	0.198	14.931	0.000	2.571
Param2_9am_sin	1.0181	0.201	5.076	0.000	0.625

1.411

====

- R. Tenemos un R^2 de 1 lo cual es muy alto,podria haber sobreajuste, tenemos tres variable no significativa la cual es el Parameter4_3pm, Max_Temp y Param2_3pm_cos, algunas variables a destacar son: Parameter1_Speed tiene un coeficiente negativo significativo de -0.1206, lo que indica que un aumento de una unidad en la velocidad está asociado con una disminución del 12.06% de las fallas mensuales.
- 0.0.7 7.Determine sobre dispersion en la data y posible valor optimo de alpha para un modelo Binomial Negativa.

```
[17]: mean_fallas = df_agrupado["fallas_mensual"].mean()
   var_fallas = df_agrupado["fallas_mensual"].var()
   alpha = (var_fallas - mean_fallas) / (mean_fallas ** 2)
   print(f"Coeficiente de dispersión Alpha: {alpha}")
```

Coeficiente de dispersión Alpha: 0.15587564330444834

0.0.8 8. Usando la informacion anterior, ejecute un modelo Binomial Negativa para responder a la pregunta 6. Seleccione las variables dependientes a incluir en el modelo final e interprete su significado.

Generalized Linear Model Regression Results

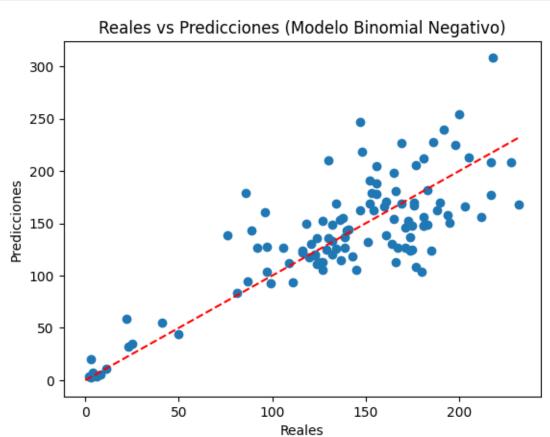
=======================================			
Dep. Variable:	fallas_mensual	No. Observations:	113
Model:	GLM	Df Residuals:	100
Model Family:	NegativeBinomial	Df Model:	12
Link Function:	Log	Scale:	1.0000
Method:	IRLS	Log-Likelihood:	-647.99
Date:	Thu, 24 Apr 2025	Deviance:	9.3500
Time:	19:19:46	Pearson chi2:	7.81
No. Iterations:	13	Pseudo R-squ. (CS):	0.3137
Covariance Type:	${\tt nonrobust}$		

0.975]	coef	std err	z	P> z	[0.025
Intercept 180.409	31.7048	75.871	0.418	0.676	-117.000
Max_Temp 0.169	-0.0063	0.089	-0.071	0.944	-0.181
Parameter1_Speed 0.130	-0.0602	0.097	-0.621	0.535	-0.250
Parameter3_9am 0.682	0.3770	0.155	2.427	0.015	0.073
Param1_Dir_cos 4.699	-3.2197	4.040	-0.797	0.425	-11.138
Parameter3_3pm 0.339	-0.0039	0.175	-0.022	0.982	-0.346
Parameter4_9am 0.171	0.0641	0.055	1.172	0.241	-0.043
Parameter4_3pm 0.100	-0.0153	0.059	-0.260	0.795	-0.131
Parameter5_9am 0.106	-0.0330	0.071	-0.465	0.642	-0.172
0.100 Param2_3pm_cos 7.299	0.0325	3.708	0.009	0.993	-7.234
Param2_3pm_sin 3.964	0.6231	1.704	0.366	0.715	-2.718
Param2_9am_cos	4.0716	1.832	2.223	0.026	0.481
7.662 Param2_9am_sin 4.127	0.2817	1.962	0.144	0.886	-3.564
=======================================	========	========			==========

 ${\bf R.}$ Tenemos valores de R^2 de 0.31 lo cual es un valor bueno, tenemos eso si 2 variables significativas solamente, Parameter3_9am con valor de 0.377, lo que indica que mayor valor, más fallas; y Param2_9am_cos con un valor de 4.071 tiene una fuerte influencia positiva en fallas_mensual

====

```
plt.xlabel("Reales")
plt.ylabel("Predicciones")
plt.show()
```



0.0.9 9. Comente los resultados obtenidos en 6, 7 y 8. ¿Cuáles y por qué existen las diferencias entre los resultados?. En su opinión, ¿Cuál sería el más adecuado para responder la pregunta de investigación y por qué? ¿Qué variables resultaron ser robustas a la especificación?

R. Las diferencias son los coeficientes de los parametros y los R^2 , hay diferencia en los modelos por su naturaleza, en la cual el modelo binomial negativo permite sobredispersion, el mas adecuado seria el binomial negativo, ya que hay presencia de un alpha de 0.15, y las variables robustas fueron el Parameter3_9am y Param2_9am_cos. Este analisis es valido con la agrupacion antes hecha, puede que de otra manera hubiesen variado los datos de otra manera.