Inicio Introducción Notación Reglas

### Problema del Rubik 2x2

Emanuel Naval O. / Victor Sicachá C. / Juan P. Sierra U.

Universidad del Rosario

20/05/2020

Inicio Introducción Notación Reglas

### Contenido

- Objetivos
- Posible Solución
- Representación en lógica proposicional

Inicio Introducción Notación Reglas

# **Objetivos**

 Representar el cubo rubik 2x2 por medio de lógica proposicional.

### **Objetivos**

- Representar el cubo rubik 2x2 por medio de lógica proposicional.
- Lograr solucionar el cubo bajo condiciones iniciales aleatorias.

# **Objetivos**

- Representar el cubo rubik 2x2 por medio de lógica proposicional.
- Lograr solucionar el cubo bajo condiciones iniciales aleatorias.
- Implementación gráfica apropiada para la solución paso a paso del problema planteado.

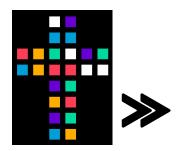
### Posible Solución

Ordenar el cubo de tal forma que cada cara solo tenga un mismo color.



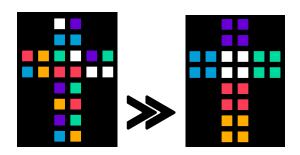
### Posible Solución

Ordenar el cubo de tal forma que cada cara solo tenga un mismo color.



### Posible Solución

Ordenar el cubo de tal forma que cada cara solo tenga un mismo color.



# Letras Proposicionales

#### Cuadrados

$$x \in \textit{Cuadrados} = \left\{S_1, S_2, ..., S_{24}\right\}$$

#### Colores

$$y \in Colores = \{C_1, C_2, ..., C_6\}$$

#### **Turnos**

$$z \in Turnos = \{T_1, T_2, ..., T_n\}$$

#### Codificación:

### Notación Beta

La siguiente notación está dada para realizar el cambio de color entre dos cuadros:

$$eta^i_j(n)$$
 es la abreviación de  $[P(S_i,y,T_n) o P(S_j,y,T_{n+1})]$ 

# Notación Upsilon

La siguiente notación está dada para establecer el estado ideal de una cara del cubo en el turno **m**:

### Regla 1

Ningún cuadro puede tener más de un color.

Sea 
$$T_n$$
 la representación de cualquier turno : 
$$P(S_1, C_1, T_n) \rightarrow \neg (P(S_1, C_2, T_n) \lor ... \lor P(S_1, C_6, T_n)) \land ... \lor P(S_{24}, C_1, T_n) \rightarrow \neg (P(S_{24}, C_2, T_n) \lor ... \lor P(S_{24}, C_6, T_n))$$

### Regla 2

Movimiento tipo U (Up).

$$U_n = \beta_{15}^{16}(n) \wedge \beta_{13}^{15}(n) \wedge \beta_{14}^{13}(n) \wedge \beta_{16}^{14}(n) \wedge \beta_{6}^{2}(n) \wedge \beta_{5}^{1}(n) \wedge \beta_{20}^{10}(n) \wedge \beta_{10}^{2}(n) \wedge \beta_{9}^{23}(n) \wedge \beta_{24}^{6}(n) \wedge \beta_{23}^{5}(n)$$

### Regla 3

Movimiento tipo U' (Up Inverted).

$$\begin{array}{l} \mathsf{U}_n' = \beta_{16}^{15}(n) \wedge \beta_{15}^{13}(n) \wedge \beta_{13}^{14}(n) \wedge \beta_{14}^{16}(n) \wedge \beta_{2}^{6}(n) \wedge \beta_{1}^{5}(n) \wedge \\ \beta_{10}^{2}(n) \wedge \beta_{9}^{1}(n) \wedge \beta_{24}^{10}(n) \wedge \beta_{23}^{9}(n) \wedge \beta_{6}^{24}(n) \wedge \beta_{5}^{23}(n) \end{array}$$

### Regla 4

Movimiento tipo F (Front).

$$\begin{aligned} \mathsf{F}_n &= \beta_2^1(n) \wedge \beta_4^2(n) \wedge \beta_3^4(n) \wedge \beta_1^3(n) \wedge \beta_{18}^9(n) \wedge \beta_{17}^{11}(n) \wedge \\ \beta_8^{18}(n) \wedge \beta_6^{17}(n) \wedge \beta_{15}^8(n) \wedge \beta_{16}^{16}(n) \wedge \beta_9^{15}(n) \wedge \beta_{11}^{11}(n) \end{aligned}$$

### Regla 5

Movimiento tipo F' (Front Inverted).

$$\mathsf{F}'_n = \beta_1^2(n) \wedge \beta_2^4(n) \wedge \beta_4^3(n) \wedge \beta_3^1(n) \wedge \beta_9^{18}(n) \wedge \beta_{11}^{17}(n) \wedge \beta_{18}^8(n) \wedge \beta_{17}^6(n) \wedge \beta_{18}^{15}(n) \wedge \beta_{16}^{16}(n) \wedge \beta_{15}^9(n) \wedge \beta_{16}^{11}(n)$$

### Regla 6

Movimiento tipo D (Down).

$$D_{n} = \beta_{18}^{17}(n) \wedge \beta_{20}^{18}(n) \wedge \beta_{19}^{20}(n) \wedge \beta_{17}^{19}(n) \wedge \beta_{7}^{21}(n) \wedge \beta_{8}^{22}(n) \wedge \beta_{3}^{7}(n) \wedge \beta_{4}^{8}(n) \wedge \beta_{11}^{31}(n) \wedge \beta_{12}^{4}(n) \wedge \beta_{21}^{11}(n) \wedge \beta_{22}^{12}(n)$$

### Regla 7

Movimiento tipo D' (Down Inverted).

$$D'_{n} = \beta_{17}^{18}(n) \wedge \beta_{18}^{20}(n) \wedge \beta_{20}^{19}(n) \wedge \beta_{19}^{17}(n) \wedge \beta_{21}^{7}(n) \wedge \beta_{22}^{8}(n) \wedge \beta_{7}^{3}(n) \wedge \beta_{8}^{3}(n) \wedge \beta_{11}^{3}(n) \wedge \beta_{12}^{4}(n) \wedge \beta_{12}^{21}(n)$$

### Regla 8

Movimiento tipo B (Back).

$$B_n = \beta_{24}^{22}(n) \wedge \beta_{23}^{24}(n) \wedge \beta_{21}^{23}(n) \wedge \beta_{22}^{21}(n) \wedge \beta_{13}^{10}(n) \wedge \beta_{14}^{12}(n) \wedge \beta_{7}^{10}(n) \wedge \beta_{5}^{10}(n) \wedge \beta_{19}^{10}(n) \wedge \beta_{19}^{20}(n) \wedge \beta_{10}^{20}(n)$$

### Regla 9

Movimiento tipo B' (Back Inverted).

$$B'_{n} = \beta_{22}^{24}(n) \wedge \beta_{24}^{23}(n) \wedge \beta_{23}^{21}(n) \wedge \beta_{21}^{22}(n) \wedge \beta_{10}^{13}(n) \wedge \beta_{12}^{14}(n) \wedge \beta_{13}^{7}(n) \wedge \beta_{14}^{5}(n) \wedge \beta_{5}^{19}(n) \wedge \beta_{7}^{20}(n) \wedge \beta_{19}^{19}(n) \wedge \beta_{20}^{10}(n)$$

### Regla 10

Movimiento tipo R (Right).

$$R_n = \beta_{10}^9(n) \wedge \beta_{12}^{10}(n) \wedge \beta_{11}^{12}(n) \wedge \beta_{11}^{11}(n) \wedge \beta_{9}^{11}(n) \wedge \beta_{20}^{24}(n) \wedge \beta_{18}^{22}(n) \wedge \beta_{4}^{20}(n) \wedge \beta_{16}^{24}(n) \wedge \beta_{14}^{14}(n) \wedge \beta_{24}^{14}(n) \wedge \beta_{24}^{14}(n)$$

### Regla 11

Movimiento tipo R' (Right Inverted).

$$\mathsf{R}_n' = \beta_9^{10}(n) \wedge \beta_{10}^{12}(n) \wedge \beta_{12}^{11}(n) \wedge \beta_{11}^{9}(n) \wedge \beta_{24}^{20}(n) \wedge \beta_{22}^{18}(n) \wedge \beta_{20}^{18}(n) \wedge \beta_{14}^{16}(n) \wedge \beta_{24}^{14}(n) \wedge \beta_{16}^{24}(n) \wedge \beta_{14}^{22}(n)$$

### Regla 12

Movimiento tipo L (Left).

$$L_{n} = \beta_{6}^{5}(n) \wedge \beta_{8}^{6}(n) \wedge \beta_{7}^{8}(n) \wedge \beta_{5}^{7}(n) \wedge \beta_{17}^{1}(n) \wedge \beta_{19}^{3}(n) \wedge \beta_{21}^{17}(n) \wedge \beta_{23}^{19}(n) \wedge \beta_{13}^{21}(n) \wedge \beta_{15}^{23}(n) \wedge \beta_{15}^{13}(n) \wedge \beta_{15}^{3}(n)$$

### Regla 13

Movimiento tipo L' (Left Inverted).

$$\mathsf{L}'_n = \beta_5^6(n) \wedge \beta_6^8(n) \wedge \beta_8^7(n) \wedge \beta_7^5(n) \wedge \beta_1^{17}(n) \wedge \beta_3^{19}(n) \wedge \beta_{17}^{21}(n) \wedge \beta_{19}^{23}(n) \wedge \beta_{21}^{13}(n) \wedge \beta_{23}^{15}(n) \wedge \beta_{13}^{13}(n) \wedge \beta_{15}^{3}(n)$$

### Regla 14

Movimiento tipo N (Not move).

$$N_n = \beta_1^1(n) \wedge \beta_2^2(n) \wedge \beta_3^3(n) \wedge ... \wedge \beta_{22}^{22}(n) \wedge \beta_{23}^{23}(n) \wedge \beta_{24}^{24}(n)$$

#### Regla 15

Solo puede haber un movimiento por turno.

$$U_{n} \rightarrow \neg(U'_{n} \vee F_{n} \vee ... \vee L'_{n} \vee N_{n})$$

$$U'_{n} \rightarrow \neg(U_{n} \vee F_{n} \vee ... \vee L'_{n} \vee N_{n})$$

$$\vdots$$

$$\vdots$$

$$N_{n} \rightarrow \neg(U_{n} \vee U'_{n} \vee ... \vee L_{n} \vee L'_{n})$$

### Regla 16

Cubo solucionado en el turno n.

$$\Upsilon_1^n \wedge \Upsilon_2^n \wedge \Upsilon_3^n \wedge \Upsilon_4^n \wedge \Upsilon_5^n \wedge \Upsilon_6^n$$

### Regla 17

Integridad del cubo terminado.

$$\mathsf{N}_{n+1} \leftrightarrow \left(\Upsilon_1^n \wedge \Upsilon_2^n \wedge \Upsilon_3^n \wedge \Upsilon_4^n \wedge \Upsilon_5^n \wedge \Upsilon_6^n\right)$$