Memoria de prácticas Medición y Estimación de la Matriz de Tráfico para la Planificación Óptima

DISEÑO Y DIMENSIONAMIENTO DE REDES

Enrique Alcalá-Zamora Castro — enriqueaz@correo.ugr.es

Juan Pablo Cano López — jupacanolopez@correo.ugr.es

ÍNDICE

- 1-OBJETIVOS/INTRODUCCIÓN
- 2-ACTIVIDAD 1: CONFIGURACIÓN DE LA ESTRUCTURA DE LA RED
- 3-ACTIVIDAD 2: TRANSMISIÓN DE TRÁFICO CON LA HERRAMIENTA IPERF
- 4-ACTIVIDAD 3: MEDIDAS DE TRÁFICO, NETFLOW, NFCAPD, NFDUMP
- 5-ACTIVIDAD 4: OBTENCIÓN DE LA MATRIZ DE TRÁFICO CON PYTHON
- 6-ACTIVIDAD 5: OPTIMIZACIÓN DE LA RED DESCRITA CON LA MATRIZ DE TRÁFICO OBTENIDA ANTERIORMENTE

OBJETIVOS/INTRODUCCIÓN

Las prácticas de la asignatura *Diseño y Dimensionado de Redes* consisten en obtener una matriz de tráfico de una red a partir de medidas reales en esta, habiendo realizado la configuración de la estructura de VLANs y conexiones indicadas en la topología de red de la *actividad 1* y posteriormente realizar una optimización de red con esa matriz como parámetro de entrada en la *actividad 6*.

La actividad 2 engloba desde el momento en que se configura la estructura de red hasta que los PCs se encuentran transmitiendo datos, la actividad 3 desde el punto anterior hasta que se obtienen los archivos csv con las medidas y la actividad 4 termina con la obtención de la matriz de tráfico en python a partir de los archivos csv previos.

ACTIVIDAD 1: CONFIGURACIÓN DE LA ESTRUCTURA DE LA RED

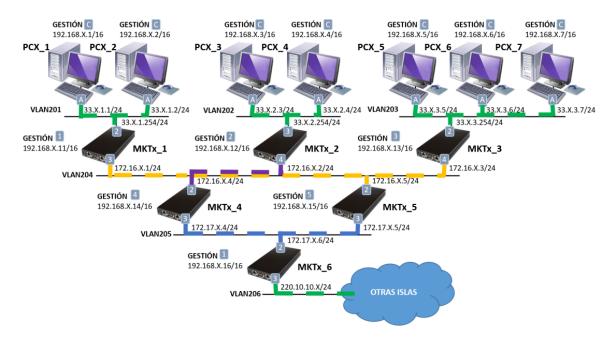


Fig. 1. Topología de la red a configurar, nótese que la conexión entre nodos se realizará según los caminos marcados en esta.

```
#!/bin/sh
PC=$1
ISLA=$2
if [ $PC -lt 3 ]
  then
     LAN=1
elif [ $PC -lt 5 ]
  then
     LAN=2
      LAN=3
fi
# ejecutar con sudo
echo "Acquire::http::proxy \"http://\";" > /etc/apt/apt.conf
if [ ! -f /etc/apt/sources.list.bak0 ]
then
          sed -i.bak0 "s/archive\.ubuntu\.com/192\.168\.33\.21/g" /etc/apt/sources.list
sed -i "s/ubuntu/ubuntu\/mirror\/archive\.ubuntu\.com\/ubuntu/g" /etc/apt/sources.list
sed -i "s/deb http/deb [trusted=yes, arch=amd64] http/g" /etc/apt/sources.list
          apt update
          echo "192.168.33.21 eihal.ugr.es eihal eihal.labredes.pri" >> /etc/hosts
fi
#Instala traceroute
apt-get -y --allow-unauthenticated install traceroute
sudo route del default
sudo route add default gw 33.$ISLA.$LAN.254
echo $LAN
```

Fig. 2. Script que configurará la ruta por defecto de cada uno de los PC, adicionalmente configura el uso de los repositorios del laboratorio para la instalación de herramientas como *traceroute*, *iperf* o *nfdump/nfcapd*.

```
#!/bin/sh
PC=$1
ISLA=$2
if [ $PC -lt 3 ]
LAN=1
elif [ $PC -lt 5 ]
  then
    LAN=2
else
    LAN=3
fi
#######Configuracion de los enrutadores Mikrotik
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.11 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.2.0/24 gateway=172.16.$ISLA.5"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.11 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.3.0/24 gateway=172.16.$ISLA.3"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.12 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.1.0/24 gateway=172.16.$ISLA.4"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.12 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.3.0/24 gateway=172.16.$ISLA.4"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.13 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.1.0/24 gateway=172.16.$ISLA.1"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.13 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.2.0/24 gateway=172.16.$ISLA.5"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.14 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.1.0/24 gateway=172.17.$ISLA.5"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.14 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.2.0/24 gateway=172.16.$ISLA.2"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.14 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.3.0/24 gateway=172.17.$ISLA.5"
#R5
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.15 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.1.0/24 gateway=172.16.$ISLA.1"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.15 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.2.0/24 gateway=172.17.$ISLA.4"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.15 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.3.0/24 gateway=172.16.$ISLA.3"
#R6
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.16 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.1.0/24 gateway=172.17.$ISLA.5"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.16 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.2.0/24 gateway=172.17.$ISLA.4"
ssh -o "StrictHostKeyChecking=no" admin@192.168.$ISLA.16 "/ip route add dst-address=33.$ISLA.3.0/24 gateway=172.17.$ISLA.5"
```

Fig. 3. Script de configuración de los routers en el que se seguirán los caminos especificados en (1). Este script realiza para cada uno de los routers la conexión ssh (parámetro -o para deshabilitar el chequeo y confirmación de claves cada vez que cambia en el host), a los cuales se les ejecuta de forma personalizada el comando de adición de rutas según cada LAN de destino

Fig. 4. Traceroute ejecutado desde PC6 a PC1 para comprobar que efectivamente, hay conexión, además de que se siguen los caminos definidos en (1).

Fig. 5. Ping con parámetro -R nos muestra los nodos de salida de los paquetes ICMP, lo cual es una alternativa más rápida que traceroute para comprobar los caminos configurados. Nuevamente este ejemplo procede de una conexión desde PC6 a PC1.

Fig. 6. Ping con parámetro -R desde PC6 a PC3, en el que vemos que transcurre por R3, R4, R5 y R2, tal y como se requería en (1).

ACTIVIDAD 2: TRANSMISIÓN DE TRÁFICO CON LA HERRAMIENTA IPERF

Una vez que las rutas han sido configuradas y que cada una de las estaciones tienen visibilidad entre sí, el siguiente paso es generar tráfico mediante *iperf* en cada uno de los ordenadores. Para ello, cada PC ejecutará *iperf* tanto en calidad de cliente (envío de tráfico) como de servidor (recepción de este por parte de otros PC).

A modo de observación, dado a que será un paso necesario para los apartados siguientes, se ha observado (mediante *Wireshark*) que el tamaño de los paquetes originados por esta herramienta tienen un **tamaño por defecto de 1500 bytes**, lo cual nos será de utilidad para el tratamiento de los datos de la matriz de tráfico.

```
#Instalacion de iperf
apt-get -y --allow-unauthenticated install iperf

#Iperf modo demonio

sudo iperf -s -D -p5001
sudo iperf -s -D -p5002
sudo iperf -s -D -p5004
sudo iperf -s -D -p5005
sudo iperf -s -D -p5006
```

Fig. 7. Script de configuración de iperf a modo de servidor (-s) y demonio (-d) tras su instalación en cada uno de los PC. Este se pondrá a escuchar en cada puerto dedicado a los clientes remotos (uno por cada PC excepto este mismo, visualizando el caso de PC3).

```
#!/bin/sh
PC=$1
ISLA=$2
if [ $PC -lt 3 ]
  then
     LAN=1
elif [ $PC -lt 5 ]
  then
     LAN=2
else
     LAN=3
fi
iperf -t 3600 -c 33.$ISLA.1.1 -p 500$1 &
iperf -t 3600 -c 33.$ISLA.1.2 -p 500$1 &
iperf -t 3600 -c 33.$ISLA.2.4 -p 500$1 &
iperf -t 3600 -c 33.$ISLA.3.5 -p 500$1 &
iperf -t 3600 -c 33.$ISLA.3.6 -p 500$1 &
```

Fig. 8. Script de configuración de iperf a modo de cliente (-c) para cada uno de los PC salvo el emisor, el cual enviará tráfico durante una hora (-t en segundos) desde el puerto destinado a cada emisor (-p), en segundo plano (&).

Los del resto de clientes son análogos al de PC3, siendo la única variación que no se incluirá la ip del PC que ejecutará el script, del mismo modo que PC3 no incluye una sentencia para conectarse a 33.4.2.3, su propia IP.

Se ejecutan primero los script de servidor en todos los PCs desde el terminal y seguidamente los script de los clientes en cada PC, teniendo especial atención la clarificación anterior, en el que emplearemos una versión de este script modificado para el caso de cada PC.

Finalmente se incluyen varias capturas de pantalla de una captura tráfico de wireshark que muestran tráfico llegando correctamente a diferentes PCs.

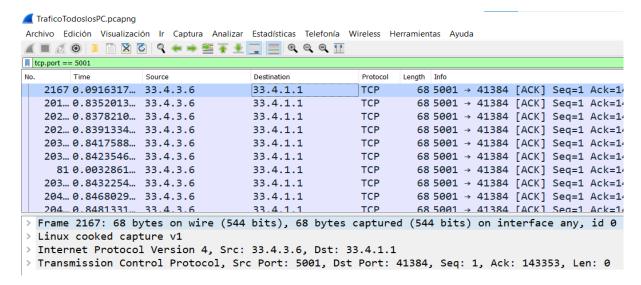


Fig. 9. Tráfico Iperf con orígen PC6 y destino PC1 desde el puerto 5001.

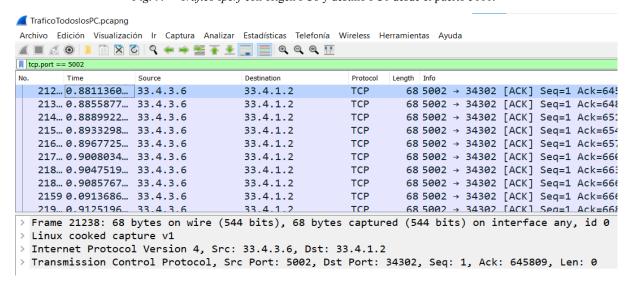


Fig. 10. Tráfico Iperf con orígen PC6 y destino PC2 desde el puerto 5002.

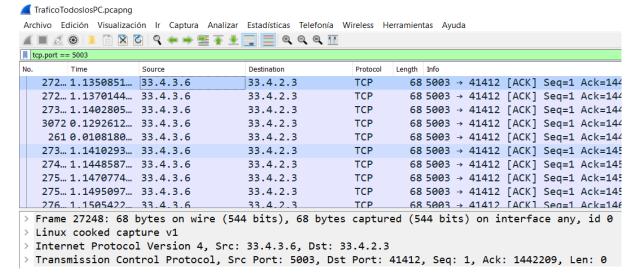


Fig. 11. Tráfico Iperf con orígen PC6 y destino PC3 desde el puerto 5003.

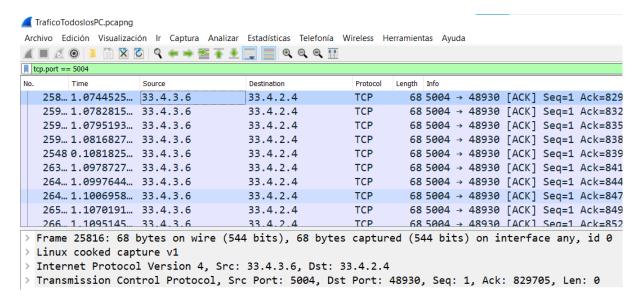


Fig. 12. Tráfico Iperf con origen PC6 y destino PC4 desde el puerto 5004.

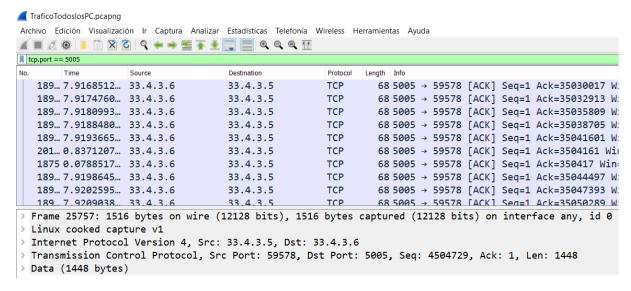


Fig. 13. Tráfico Iperf con orígen PC6 y destino PC5 desde el puerto 5005.

ACTIVIDAD 3: MEDIDAS DE TRÁFICO, NETFLOW, NFCAPD, NFDUMP

En esta parte se realiza la medición del tráfico. Para ello se comienza entrando a los routers de acceso R1, R2 y R3, los directamente conectados con las LANs y habilitando netflow con el comando *ip traffic-flow set enabled=yes.*, como muestra la siguiente captura.

Netflow es una utilidad que captura datos estadísticos sobre el tráfico entrante y saliente de estos nodos con un mínimo *overhead* sobre el dispositivo, en el que cada cierto período de muestreo envía paquetes con estos datos a un colector, el cual configuraremos en esta sección.

```
operador@el140213: -/Escritorio/PC6

Archivo Editar Ver Buscar Terminal Ayuda

MMM MMM III KKK KKK RRRRRR 000 000 TTT III KKK KKK
MMM MMM III KKK KKK RRR RRR 000000 TTT III KKK KKK

MikroTik RouterOS 6.42.10 (c) 1999-2018 http://www.mikrotik.com/

[2] Gives the list of available commands
[3] Gives help on the command and list of arguments

[Tab] Completes the command/word. If the input is ambiguous,
a second [Tab] gives possible options

[3] Move up to base level
[4] Move up one level
[5] // Move up to base level
[6] // Move up to base level
[7] // Move up to base level
[8] // Move up to base level
[9] // Move up to b
```

Fig. 14. Habilitación de Netflow en el router de acceso mediante ip traffic-flow set enabled=yes.

Posteriormente se añade la IP en la red de gestión del PC donde se quieren recibir los datos de ese flujo de tráfico y un puerto del PC al que conectarse como se muestra en la siguiente captura de pantalla

```
operador@ei140213: ~/Escritorio/PC6

Archivo Editar Ver Buscar Terminal Ayuda

[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow> target add
copy-from port v9-template-refresh version
disabled src-address v9-template-timeout dst-address
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow> target add dst-address
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow> target add dst-address=192.168.4.6
copy-from port v9-template-refresh version
disabled src-address v9-template-timeout
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow> target add dst-address=192.168.4.6 port=2055 v
ersion=9
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow> print
as-value file interval without-paging
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow> print detailed
expected end of command (line 1 column 7)
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow> print detail
expected end of command (line 1 column 7)
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow> target
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow> target
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow target>
Flags: X - disabled
0 src-address=0.0.0 dst-address=192.168.4.6 port=2055 version=9
v9-template-refresh=20 v9-template-timeout=30m
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow target>
[admin@iKT_4_2] /ip traffic-flow target>
```

Fig. 15. Habilitación de un colector de tráfico Netflow sobre la interfaz de gestión del mismo (192.168.4.6:2055).

En nuestro caso fue PC6 y el puerto 2055, que luego se cambió al 7678 debido a que el puerto por defecto se estaría utilizando por todos los PC colectores, lo cual produciría problemas

Seguidamente se utiliza la herramienta *nfcapd* para que se comience a transmitir tráfico.

La llamada a nfcapd se realiza con la siguiente estructura:

nfcapd -p [puerto configurado anteriormente] -l [carpeta de guardado] -t [tiempo captura nueva]

En nuestro caso quedó como:

nfcapd -p 7678 -l capturatrafico -t 60s

Posteriormente se debe realizar un tratamiento a estas capturas obtenidas para que sean legibles, una transformación de los archivos a formato csv. Esto se realiza con la herramienta nfdump, que debe ser previamente instalada con *sudo apt-get install nfdump*.

Una vez instalada realizamos el script de clasificación del tráfico según la LAN origen y la LAN destino que se muestra a continuación.

```
for variable in nfcapd.20*
#trafico lan1 lan2
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.1.1 and dst ip 33.4.2.3' -o csv >> traficolanf1_2
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.1.1 and dst ip 33.4.2.4' -o csv >> traficolanf1_2
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.1.2 and dst ip 33.4.2.3' -o csv >> traficolanf1_2
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.1.2 and dst ip 33.4.2.4' -o csv >> traficolanf1_2
#trafico lan1 lan3
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.1.1 and dst ip 33.4.3.5' -o csv >> traficolanf1_3
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.1.1 and dst ip 33.4.3.6' -o csv >> traficolanf1_3
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.1.2 and dst ip 33.4.3.5' -o csv >> traficolanf1_3
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.1.2 and dst ip 33.4.3.6' -o csv >> traficolanf1_3
#trafico lan2 lan1
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.2.3 and dst ip 33.4.1.1' -o csv >> traficolanf2_1
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.2.3 and dst ip 33.4.1.2' -o csv >> traficolanf2_1 nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.2.4 and dst ip 33.4.1.1' -o csv >> traficolanf2_1
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.2.4 and dst ip 33.4.1.2' -o csv >> traficolanf2_1
#trafico lan2 lan3
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.2.3 and dst ip 33.4.3.5' -o csv >> traficolanf2_3
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.2.3 and dst ip 33.4.3.6' -o csv >> traficolanf2_3 nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.2.4 and dst ip 33.4.3.5' -o csv >> traficolanf2_3
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.2.4 and dst ip 33.4.3.6' -o csv >> traficolanf2_3
#trafico lan3 lan1
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.3.5 and dst ip 33.4.1.1' -o csv >> traficolanf3 1
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.3.5 and dst ip 33.4.1.2' -o csv >> traficolanf3_1
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.3.6 and dst ip 33.4.1.1' -o csv >> traficolanf3_1
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.3.6 and dst ip 33.4.1.2' -o csv >> traficolanf3_1
#trafico lan3 lan2
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.3.5 and dst ip 33.4.2.3' -o csv >> traficolanf3_2
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.3.5 and dst ip 33.4.2.4' -o csv >> traficolanf3_2
   nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.3.6 and dst ip 33.4.2.3' -o csv >> traficolanf3_2 nfdump -r $variable -q -A srcip,dstip 'src ip 33.4.3.6 and dst ip 33.4.2.4' -o csv >> traficolanf3_2
```

Fig. 16. Script para el uso de nfdump sobre las muestras obtenidas previamente. Para ello diferenciaremos entre duplas de LAN orígen y destino, además de que eliminaremos las cabeceras de los datos para agilizar el proceso de análisis (-q).

Una vez ejecutado este script se obtienen los archivos .csv que se utilizarán en la actividad 5.

ACTIVIDAD 4: OBTENCIÓN DE LA MATRIZ DE TRÁFICO CON PYTHON

Esta actividad consiste en la realización del script de python para determinar la matriz de tráfico. Se va a proceder a incluir capturas del script y explicar las sentencias escritas en este.

```
main.py x

import numpy as np
import matplotlib.pyplot as mat

datos12 = np.genfromtxt('traficolanf1_2.csv', delimiter=",", usecols=12)
datos13 = np.genfromtxt('traficolanf1_3.csv', delimiter=",", usecols=12)
datos21 = np.genfromtxt('traficolanf2_1.csv', delimiter=",", usecols=12)
datos23 = np.genfromtxt('traficolanf2_3.csv', delimiter=",", usecols=12)
datos31 = np.genfromtxt('traficolanf3_1.csv', delimiter=",", usecols=12)
datos32 = np.genfromtxt('traficolanf3_2.csv', delimiter=",", usecols=12)

datos32 = datos12[8:17]
datos21 = datos21[8:15]
datos23 = datos23[9:18]
datos32 = datos32[9:21]
```

Fig. 17. Script Python en el que se usan las librerías *numpy* y *pyplot* (posteriormente), para delimitar el uso de datos pertenecientes a la columna correspondiente al tráfico recibido.

En primer lugar se abren todos los archivos esv obtenidos, solo quedándonos con la columna 12, ya que analizando los archivos y evaluando los datos en cada columna, se determina que es en esta columna donde se incluye el flujo de tráfico en bytes medido.

Seguidamente se eliminan las filas en las que el tamaño de paquete no corresponde con 1500 bytes, porque no se trata del tráfico iperf transmitido sino del generado por otro tipo de protocolos como icmp (al realizar pings entre PCs).

```
main.py ×

15
16 mat.figure(1)
17 mat.plot(datos12)
18 mat.xlabel('Flujos')
19 mat.ylabel('Bytes')
20 mat.grid(True)
21 mat.savefig('Grafico datos12.png')
22
23 mat.figure(2)
24 mat.plot(datos13)
25 mat.xlabel('Flujos')
26 mat.ylabel('Bytes')
27 mat.grid(True)
28 mat.savefig('Grafico datos13.png')
```

Fig. 18. Script Python (continuación) en el que se representa mediante *pyplot* el flujo de datos en bytes para cada dupla de LANs.

Los gráficos se muestran a continuación.

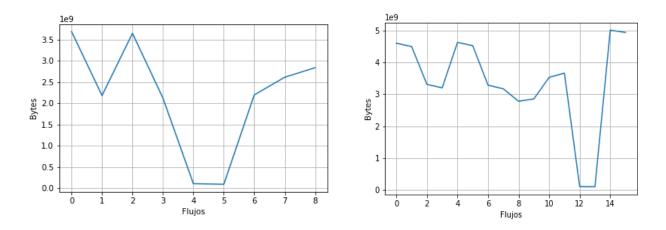


Fig. 19. Flujo de bytes generado para la dupla LAN1,LAN2 (izquierda) y LAN1,LAN3 (derecha).

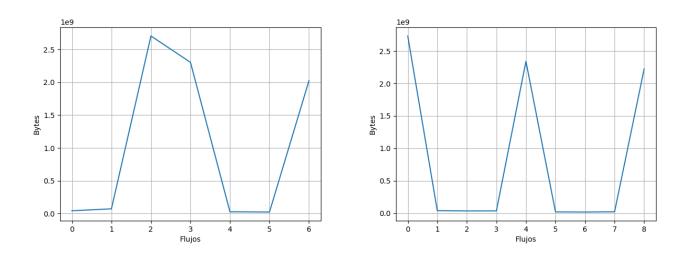


Fig. 20. Flujo de bytes generado para la dupla LAN2, LAN1 (izquierda) y LAN2, LAN3 (derecha).

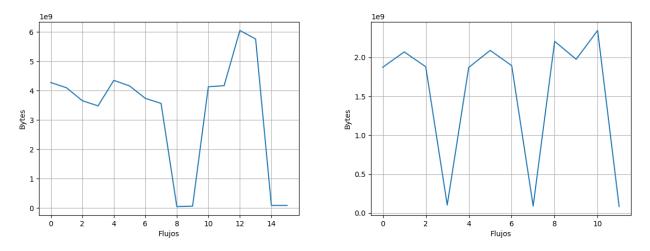


Fig. 21. Flujo de bytes generado para la dupla LAN3,LAN1 (izquierda) y LAN3,LAN2 (derecha).

```
Matriz_media = [[0,0,0],
                 [0,0,0],
                 [0,0,0]]
Matriz_99 =
                [[0,0,0],
                 [0,0,0],
                 [0,0,0]]
Media12 = (sum(datos12)/len(datos12))*2
Media13 = (sum(datos13)/len(datos13))*2
Media21 = (sum(datos21)/len(datos21))*2
Media23 = (sum(datos23)/len(datos23))*2
Media31 = (sum(datos31)/len(datos31))*2
                                                MATRICES DE TRÁFICO ORIGINAL(BYTES)
Media32 = (sum(datos32)/len(datos32))*2
                                                MATRIZ MEDIA
P99_12 = np.percentile(datos12,99)
                                                         4324919445, 6779747473]
P99_13 = np.percentile(datos13,99)
                                                [2056597135, 0, 1660316423]
                                                [6464277400, 3082383861 0
P99_21 = np.percentile(datos21,99)
P99_23 = np.percentile(datos23,99)
                                                MATRIZ PERCENTIL 99
P99_31 = np.percentile(datos31,99)
                                                         3682339080, 5002332854]
                                                [2682399210, 0,
                                                                  2700369360]
P99_32 = np.percentile(datos32,99)
                                                [6006501805, 2331661579, 0
Matriz_media[0][1]=Media12
Matriz_media[0][2]=Media13
Matriz_media[1][0]=Media21
Matriz_media[1][2]=Media23
Matriz_media[2][0]=Media31
Matriz_media[2][1]=Media32
Matriz_99[0][1]=P99_12
Matriz_99[0][2]=P99_13
Matriz_99[1][0]=P99_21
Matriz_99[1][2]=P99_23
Matriz_99[2][0]=P99_31
Matriz_99[2][1]=P99_32
```

Fig. 22. Obtención de la matriz media y percentil 99 de tráfico en bytes en Python. Para ello se utilizan las funciones de media y cálculo de percentiles de la librería *numpy*.

ACTIVIDAD 5: OPTIMIZACIÓN DE LA RED DESCRITA CON LA MATRIZ DE TRÁFICO OBTENIDA ANTERIORMENTE

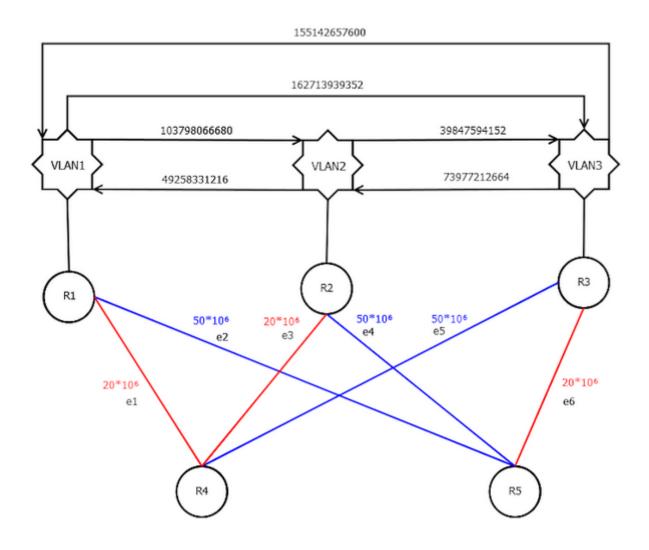


Fig. 23. Topología de red de optimización, donde R1, R2 y R4 están situados en Europa y R3 y R5 situados en EEUU. Es por ello que los enlaces e1, e3 y e6 son intracontinentales y e2,e4 y e5 son intercontinentales.

Con los siguientes datos

Característica de los enlaces	Intracontinental	Intercontinental	
Capacidad	20 Mbps	50 Mbps	
CAPEX	20.000 €	100.000 €	
OPEX	1.000 € * 5 años	10.000 € * 5 años	

```
      H = | 0
      103798066680
      162713939352 |

      | 49358331216
      0
      39847594152 |

      | 155142657600
      55959877896
      0
```

Fig. 24. La matriz de tráfico requerida para este problema proviene de pasar a bits los datos y de su multiplicación por un factor de 3 (se esperaba que el tráfico se triplicará en 5 años). **Donde las filas determinan la LAN orígen y las columnas la LAN destino.**

Para lo cual se consideran, según (23) los siguientes caminos posibles

```
x11 = R1, R4, R2
                                                                x31 = R2, R4, R1
                                x21 = R1, R5, R3
x12 = R1, R5, R2
                                                                x32 = R2, R5, R1
                                x22 = R1, R4, R3
x13 = R1, R4, R3, R5, R2
                                                                x33 = R2, R4, R3, R5, R1
                                x23 = R1,R5,R2,R4,R3
x14 = R1,R5,R3,R4,R2
                                                                x34 = R2, R5, R3, R4, R1
                                x24 = R1, R4, R2, R5, R3
                                                                x35 = R2, R4, R5, R1
x15 = R1, R4, R5, R2
                                x25 = R1,R4,R5,R3
x16 = R1, R5, R4, R2
                                                                x36 = R2, R5, R4, R1
                                x26 = R1,R5,R4,R3
```

Fig. 25. (De izquierda a derecha) Flujo de camino para una H: H1: LAN1 \rightarrow LAN2 / H2: LAN1 \rightarrow LAN3 / H3: LAN2 \rightarrow LAN1.

```
x41 = R2, R5, R3
                               x51 = R3, R4, R1
                                                               x61 = R3, R4, R2
x42 = R2, R4, R3
                               x52 = R3, R5, R1
                                                               x62 = R3, R5, R2
x43 = R2, R5, R1, R4, R3
                               x53 = R3, R4, R2, R5, R1
                                                               x63 = R3, R4, R1, R5, R2
x44 = R2,R4,R1,R5,R3
                               x54 = R3, R5, R2, R4, R1
                                                               x64 = R3, R5, R1, R4, R2
x45 = R2,R4,R5,R3
                               x55 = R3, R5, R4, R1
                                                               x65 = R3, R5, R4, R2
x46 = R2, R5, R4, R3
                                x56 = R3,R4,R5,R1
                                                               x66 = R3,R4,R5,R2
```

Fig. 26. (De izquierda a derecha) Flujo de camino para una H: $\mathbf{H4:}$ LAN2 \rightarrow LAN3 / $\mathbf{H5:}$ LAN3 \rightarrow LAN1 / $\mathbf{H6:}$ LAN3 \rightarrow LAN2.

El problema se plantea como sigue

Sea una función de coste

$$F = \sum_{e \in \{intra\}} (\xi_{intra} + K_{intra}) \cdot y_e + \sum_{e \in \{inter\}} (\xi_{inter} + K_{inter}) \cdot y_e = \sum_e (\xi_e + K_e) \cdot y_e$$

Sujeto a (FCD)

$$\sum_{p} x_{dp} = h_{d}$$

$$x11 + x12 + x13 + x14 + x15 + x16 = H1$$

 $x21 + x22 + x23 + x24 + x25 + x26 = H2$
 $x31 + x32 + x33 + x34 + x35 + x36 = H3$
 $x41 + x42 + x43 + x44 + x45 + x46 = H4$
 $x51 + x52 + x53 + x54 + x55 + x56 = H5$
 $x61 + x62 + x63 + x64 + x65 + x66 = H6$

$$\textstyle\sum\limits_{d} x_{de} \leq C_{e} y_{e}$$

*Ver (23)

e1

$$x11 + x13 + x15 + x22 + x24 + x25 + x31 + x34 + x36 + x43 + x44 + x51 + x54 + x55 + x63 + x64$$

 $\leq 20*10^{6}y1$, intra

e2

$$x12 + x14 + x16 + x21 + x23 + x26 + x32 + x33 + x35 + x43 + x44 + x52 + x53 + x56 + x63 + x64$$
 <= $50*10^{6}$ y2,inter

e3

$$x11 + x14 + x16 + x23 + x24 + x31 + x33 + x35 + x42 + x44 + x45 + x53 + x54 + x61 + x64 + x65$$
 <= $20*10^{6}$ y3,intra

e4

$$x12 + x13 + x15 + x23 + x24 + x32 + x34 + x36 + x41 + x43 + x46 + x53 + x54 + x62 + x63 + x66$$

<= $50*10^{6}$ y4,inter

e5

$$x13 + x14 + x22 + x23 + x26 + x33 + x34 + x42 + x43 + x46 + x51 + x53 + x56 + x61 + x63 + x66$$

<= $50*10^{6}y5$,inter

e6

$$x13 + x14 + x21 + x24 + x25 + x33 + x34 + x41 + x44 + x45 + x52 + x54 + x55 + x62 + x64 + x65$$
 <= $20*10^6$ y6,intra

Constantes (Entradas):

Característica	Valor
hd	Demanda d
ξ	OPEX e
K	CAPEX e

Variables (Salidas)

Característica	Valor
xdp	Flujo de tráfico por camino
ye	Módulos en e

El problema se resuelve mediante glpk en Octave

Fig. 27. Script de resolución en Octave.

Obteniendo los siguientes resultados

Α	double	12x42	[1, 1, 1, 1, 1, 1, 0, 0, 0, 0	FMIN
В	double	1x12	[1.0380e+11, 1.6271e+11, 4.9358e+10, 3.9848e+10, 1.5514e+11, 7.3977e+10, 0, 0, 0	1
С	double	42x1	[0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0; 0	1 1.6592e+09
CTYPE	char	1x12	SSSSSUUUUUU	1 1.03320.03
FMIN	double	1x1	1.6592e+09	1
LB	double	1x42	0:0:0	XOPT
UB	double	1x42	[Inf, Inf, Inf, Inf, Inf, Inf, Inf, Inf,	1
VARTYPE	char	1x42	CCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCCIIIIII	37 13827
XOPT	double	42x1	[0; 0; 0; 0; 1.0380e+11; 0; 0; 4.9405e+10; 0; 9.5107e+09	
ans	double	1x42	[0, 0, 0, 0, 1.0380e+11, 0, 0, 4.9405e+10, 0, 9.5107e+09	38 1479.5
				39 10225
				40 2266.2
				41 2611.4
				42 4174.4

Fig. 28. (Izquierda) Valores tenidos en cuenta en tiempo de ejecución del problema de optimización y (derecha) sección de resultados que muestra el número mínimo de cables por enlace para satisfacer la demanda. Tener en cuenta que el uso de variables enteras para la resolución del problema ha causado problemas a la hora de ejecutar el script, ocasionando bloqueos indefinidos, por lo que se ha tenido que realizar con variables contínuas, tras lo cual se aproximaron a su valor unitario más próximo.

Enlace (e)	N° de cables (y)
el (INTRA)	13.827
e2 (INTER)	1.480
e3 (INTRA)	10.225
e4 (INTER)	2.267
e5 (INTER)	2.612
e6 (INTRA)	4.715