

Universidad Nacional Autónoma de México Facultad de Ciencias

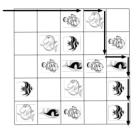
Análisis de Algoritmos | 7083

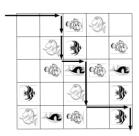
Tarea 3: | Programacion Dinamica Sosa Romo Juan Mario | 320051926 25/09/24

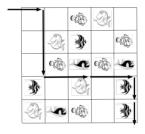


- 1. Dados dos árboles generadores T y R de una gráfica G = (V, E), muestra cmo encontrar la secuencia más corta de árboles generadores T_0, T_1, \dots, T_k tal que $T_0 = T$, $T_k = R$ y cada árbol T_i difiere del árbol anterior T_{i-1} agregando y borrando una arista.
- 2. Sea G una gráfica cuyas aristas tienen asignados pesos positivos. Sea T un árbol generador de peso mínimo de G. Pruebe que existen aristas $e \in T$ y $e' \notin T$ tales que $T - \{e \cup e'\}$ forman un árbol de peso mayor o igual que T, pero menor o igual a cualquier otro árbol generador de G, i.e. un segundo árbol generador de peso mínimo.
- 3. Una empresa está planeando una fiesta para sus empleados. Los organizadores de la fiesta quieren que sea una fiesta divertida, por lo que han asignado una calificación de "diversión" a cada empleado. Los empleados están organizados en una estricta jerarquía, es decir, un árbol enraizado en el presidente. Sin embargo, hay una restricción en la lista de invitados a la fiesta: tanto un empleado como su supervisor inmediato (padre en el árbol) no pueden asistir a la fiesta (porque eso no sería divertido). Diseñe un algoritmo de tiempo lineal que haga una lista de invitados para la fiesta y que maximice la suma de las calificaciones de "diversión" de los invitados.
- 4. Supongamos que usted quiere marcar un número de n dígitos $\{r_1, r_2, \dots, r_n\}$ en un teléfono normal en el que los números están en un arreglo normal de 4×3 teclas utilizando sólo dos dedos. Supongamos que al comenzar a marcar, sus dedos están en las teclas "*" y "#". Encuentre un algoritmo de tiempo lineal (programación dinámica) que minimiza la distancia Euclideana que tienen que recorrer sus dedos.
- 5. Sea S un conjunto de n puntos en el plano y en posición general, tales que $\forall (x_i, y_i) \in S$ se tiene que $x_i, y_i \in \mathbb{N}$ y $x_i, y_i \in [0, \dots, n^2]$. Describe un algoritmo que encuentre el cierre convexo de S es tiempo O(n).

- 6. Considera que un río fluye de norte a sur con caudal constante. Suponga que hay n ciudades en ambos lados del río, es decir n ciudades a la izquierda del río y n ciudades a la derecha. Suponga también que dichas ciudades fueron numeradas de 1 a n, pero se desconoce el orden. Construye el mayor número de puentes entre ciudades con el mismo número, tal que dos puentes no se intersecten.
- 7. Un pescador está sobre un océano rectangular. El valor del pez en el punto (i,j) está dado por un arreglo A de dimensión 2 $n \times m$. Diseña un algoritmo que calcule el máximo valor de pescado que un pescador puede atrapar en un camino desde la esquina superior izquierda a la esquina inferior derecha. El pescador solo puede moverse hacia abajo o hacia la derecha, como se ilustra en la siguiente figura.







- 8. Sean tres cadenas de caracteres X, Y y Z, con |X| = n, |Y| = m y |Z| = n + m. Diremos que Z es un *shuffle* de X y Y si Z puede ser formado por caracteres intercalados de X y Y manteniendo el orden de izquierda a derecha de cada cadena.
 - (a) Muestra que *cchocohilaptes* es un *shuffle* de *chocolate* y *chips*, pero *chocochilatspe* no lo es.
 - (b) Diseña un algoritmo de programación dinámica eficiente que determine si Z es un shuffle de X y Y. Hint: Los valores de la matriz de programación dinámica que construyas, podrían ser valores booleanos y no numéricos.