

FACULTAD DE CIENCIAS

Fundamentos de Bases de Datos - 7094

T A R E A 5

EQUIPO:

DEL MONTE ORTEGA MARYAM MICHELLE - 320083527 SOSA ROMO JUAN MARIO - 320051926 CASTILLO HERNÁNDEZ ANTONIO - 320017438 ERIK EDUARDO GÓMEZ LÓPEZ - 320258211

FECHA DE ENTREGA:
5 DE NOVIEMBRE DE 2024

Profesor:

AYUDANTES:

M. en I.z Gerardo Avilés Rosas

Luis Enrique García Gómez Kevin Jair Torres Valencia Ricardo Badillo Macías Rocío Aylin Huerta González



Tarea 5

1. Dada una relación R(A, B, C, D, E, G) y el siguiente conjunto de dependencias funcionales F:

$$\mathbf{F} = \{\mathbf{AB} \rightarrow \mathbf{C},\, \mathbf{BC} \rightarrow \mathbf{D},\, \mathbf{D} \rightarrow \mathbf{EG},\, \mathbf{CG} \rightarrow \mathbf{BD},\, \mathbf{C} \rightarrow \mathbf{A},\, \mathbf{ACD} \rightarrow \mathbf{B},\, \mathbf{BE} \rightarrow \mathbf{C},\, \mathbf{CE} \rightarrow \mathbf{AG}\,\,\}$$

Para las siguientes sentencias, determina si son **verdaderas** o **falsas**. Para aquellas sentencias que resulten falsas, deberás **explicar** por qué consideras que no se cumplen:

No.	Sentencia	Verdadera	Falsa	Justificación	
1	La cerradura de BC es $\{A, D, E, G\}$		√	$\{BC\}+=\{BCDEGA\}$	
2	Todos los atributos de R están en la cerradura de BC	✓			
3	La cerradura de AC es $\{A, C\}$	✓			
4	ABC es una superllave de R	√		Como BC es llave pues tiene todos los atributos de R, agregar A significa que es superllave.	
5	ABC es una llave candidata de R		√	Contiene redundancia podemos eliminar A sin destruir la propiedad de identificación única .	
6	BC es la única llave candidata de R		√	Porque {AB}+ = {ABCDEG} cumple con identificación única y no redundancia.	

2. Considera la siguiente tabla, donde cada **proyecto** tiene asignados **muchos empleados** y cada **empleado** trabaja en **muchos proyectos**. Se muestra a continuación un extracto de la tabla. Se muestra a continuación un extracto de la tabla **Proyectos**:

NumProy	NombreProy	Presupuesto	idEmp	NombreEmp	HrTrabajadas
P22	Cyclone	50000	E1001	Carlos	12
P22	Cyclone	50000	E2002	Juan	50
P21	IBM	20000	E3003	Patricia	40
P21	IBM	20000	E2002	Juan	30
P21	IBM	20000	E1001	Carlos	70

• ¿Qué **problemas** consideras que puede haber al almacenar los datos en esta tabla? Describe los problemas en términos de las **anomalías** que se pueden presentar.

Algunos de los principales problemas que vemos en la tabla de este esquema donde cada proyecto puede tener multiples empleados y cada empleado puede trabajar en multiples proyectos son:

- Redundancia de datos: Esto es debido a que los numeros de proyectots (NumProy), nombres de proyectos (NombreProy), presupuestos (Presupuesto), (idEmp) y nombres de empleados (NombreEmp) se repiten.
- Anomalía de inserción: No podemos agregar un proyecto sin asociarlo a alemos un empleado y viceversa.
- Anomalía de actualización: Si un empleado cambia de nombre, o si se actualiza el nombre de un proyecto o si se cambia de presupuesto, (en general, si actualiza alguna información) se debe actualizar en todas las filas donde aparezca información relacionada lo que puede llevar a inconsistencias.
- Anomalía de eliminación: Si se elimina una fila, se puede perder información sobre el proyecto o el empleado si no hay otras filas que contengan esa información.
- ¿Cuáles son las dependencias funcionales que cumplen en la relación **Proyectos**?

Las dependencias funcionales en la tabla **Proyectos** se identifican observando cómo ciertos atributos determinan de forma única a otros. Analizamos la relación entre los atributos en cada fila, lo que nos permite inferir las siguientes dependencias:

- NumProy → NombreProy, Presupuesto: Cada número de proyecto (NumProy) está asociado de manera única a un nombre de proyecto (NombreProy) y un presupuesto. Esto significa que, si conocemos el número de proyecto, podemos deducir su nombre y presupuesto. Por Ejemplo: El proyecto con NumProy = P22 siempre tiene el nombre Cyclone y el presupuesto de 50000 en todas las filas donde aparece.
- NumProy, idEmp → HrTrabajadas: Las (HrTrabajadas) dependen tanto del proyecto como del empleado, ya que cada combinación de proyecto-empleado define una cantidad única de horas trabajadas. Por lo tanto, se requiere conocer ambos valores (NumProy e idEmp) para determinar las horas trabajadas. Por ejemplo: La combinación de (P22, E1001) da HrTrabajadas = 12, mientras que (P22, E2002) da HrTrabajadas = 50.

• ¿Cuál sería alguna llave para la relación **Proyectos**?

Una llave candidata para la relación **Proyectos** es el conjunto de atributos **{NumProy, idEmp}** ya que la combinación de **NumProy** (Número de Proyecto) y **idEmp** (Identificación del Empleado) es única para cada registro en la tabla. En otras palabras, cada par de **NumProy** e **idEmp** determina de manera única las **HrTrabajadas** (Horas Trabajadas) por un empleado en un proyecto específico. Por lo tanto, **{NumProy, idEmp}** cumple con los requisitos de una llave candidata, ya que no hay dos filas en la tabla que tengan la misma combinación de estos valores.

• ¿La relación **Proyectos** cumple con **BCNF**? Justifica tu respuesta.

Para determinar si la relación **Proyectos** cumple con la (BCNF), necesitamos verificar si todas las dependencias funcionales no triviales en la relación tienen como lado izquierdo una superllave. Recordemos que una relación está en BCNF si, para toda dependencia funcional $X \to Y$, X es una superllave de la relación.

En esta relación **Proyectos**, identificamos las siguientes dependencias funcionales:

- NumProy → NombreProy, Presupuesto: Esto indica que el número de proyecto (Num-Proy) determina de manera única tanto el nombre del proyecto como su presupuesto. Sin embargo, NumProy no es una superllave de la relación, ya que no determina de manera única todos los atributos de la tabla (por ejemplo, no determina idEmp ni HrTrabajadas). Esta dependencia funcional hace que la relación Proyectos no esté en BCNF.
- idEmp → NombreEmp: Aquí, el identificador del empleado (idEmp) determina de forma única el nombre del empleado (NombreEmp). Similar al caso anterior, idEmp no es una superllave de la relación, pues no determina atributos como NumProy o HrTrabajadas. Esto también viola la condición de BCNF.
- NumProy, idEmp → HrTrabajadas: La combinación de NumProy e idEmp determina de manera única las horas trabajadas (HrTrabajadas), y esta combinación es una llave candidata de la relación, ya que identifica de forma única todas las tuplas en la tabla. Esta dependencia sí cumple con la condición de BCNF.

Aunque NumProy, idEmp \rightarrow HrTrabajadas cumple con BCNF, las dependencias NumProy \rightarrow NombreProy, Presupuesto y idEmp \rightarrow NombreEmp no lo hacen, ya que sus lados izquierdos no son superllaves. \Longrightarrow la relación Proyectos no está en BCNF debido a que existen dependencias funcionales donde el determinante no es una superllave. Para cumplir con BCNF, sería necesario descomponer la tabla en relaciones que eliminen estas dependencias.

3. Para cada uno de los **esquemas** que se muestran a continuación, con su respectivo **conjunto de dependencias funcionales**:

a.
$$R(A, B, C, D, E, F, G)$$
 con $F = \{AB \rightarrow C, AB \rightarrow F, A \rightarrow D, A \rightarrow E, B \rightarrow G\}$
b. $R(A, B, C, D, E, F)$ con $F = \{AB \rightarrow C, BC \rightarrow AD, D \rightarrow E, CF \rightarrow B\}$

- Indica alguna llave candidata para la relación R.
 - a. {AB}+= {ABCFDEG} es llave candidata pues cumple con **identificación única** por tener a todos los atributos de **R** y **no redundancia.** pues si eliminamos a cualquiera de sus atributos, no se cumple con la identificación única.
 - b. {CF}+ = {CFABDE} notemos que aqui tenemos que incluir a F pues la unica manera de agregarlo es directamente (no existe DF con F a la derecha) y no podemos quitar a ninguno de los atributos de la llave candidata pues no se cumple con la identificación única.
- Especifica todas las violaciones a la BCNF.
 - a. Calculamos la cerraduras de los lados izquierdos: (ninguna es trivial)

$$\{AB\} + = \{ABCFDEG\} \text{ Es llave}$$

$$\{AB\} + = \{ABCFDEG\} \text{ Es llave}$$

$$\{A\} + = \{ADE\} \text{ Violación a BCNF, la elegimos para normalizar}$$

$$\{A\} + = \{ADE\} \text{ Violación a BCNF}$$

$$\{B\} + = \{BG\} \text{ Violación a BCNF}$$

b. Calculamos la cerraduras de los lados izquierdos: (ninguna es trivial)

$$\{AB\}+=\{ABCDE\}$$
 Violación a BCNF, la elegimos para normalizar $\{BC\}+=\{BCADE\}$ Violación a BCNF
$$\{D\}+=\{DE\}$$
 Violación a BCNF
$$\{CF\}+=\{CFBADE\}$$
 Es llave

- Normaliza de acuerdo con BCNF, asegúrate de indicar cuáles son las relaciones resultantes con sus respectivas dependencias funcionales.
 - a. Elegimos la primera violación y dividimos R:

$$R_1(A,D,E)$$
 con $F=\{A\to D,A\to E\};\{A\}+=\{ADE\}\to \mathbf{A}$ es llave para R_1 $R_2(A,B,C,F,G)$ con $F=\{AB\to C,AB\to F,B\to G\}$

En R_1 no hay violación a BCNF, revisamos R_2 :

$$\{AB\}+=\{ABCFG\}$$
 Es llave para R_2
 $\{B\}+=\{BG\}$ Violación a BCNF, la elegimos para normalizar

Divido R_2 :

$$R_3=(B,G) \text{ con } F=\{B\to G\}; \{B\}+=\{BG\}\to \text{A es llave para } R_3$$

$$R_4=(B,A,C,F) \text{ con } F=\{AB\to C,AB\to F\}; \{AB\}+=\{ABCF\}\to \text{A es llave para } R_4$$

Finalmente:

$$R_1(A, D, E)$$
 con $F = \{A \to D, A \to E\}$
 $R_3(B, G)$ con $F = \{B \to G\}$
 $R_4(B, A, C, F)$ con $F = \{AB \to C, AB \to F\}$

b. Elegimos la primera violación y dividimos R:

$$R_1(A, B, C, D, E)$$
 con $F = \{AB \to C, BC \to AD, D \to E\}$;
 $R_2(A, B, F)$ con $F = \{ABF \to ABF\}$; \to ABF es llave para R_2

Aqui observamos 2 cosas, la primera es que R_2 al no cumplir ninguna dependencia funcional, solo se tiene la trivial y trivialmente es llave, ademas de esto, vemos que perdemos la DF $CF \to B$ por lo que deberiamos parar la normalización en R_2 , pero como el profesor hizo vamos a seguir por fines didacticos. Revisamos R_1 :

$$\{AB\}+=\{ABCDE\}$$
 Es llave para R_1
 $\{BC\}+=\{BCADE\}$ Es llave para R_1
 $\{D\}+=\{DE\}$ Violación a BCNF, la elegimos para normalizar

Dividimos R_1 :

$$R_3(D,E) \text{ con } F=\{D\to E\}; \{D\}+=\{DE\}\to \text{D es llave para } R_3$$

$$R_4(D,A,B,C) \text{ con } F=\{AB\to C,BC\to AD\};$$

Revisamos R_4 :

$$\{AB\}+=\{ABCD\}$$
 Es llave para R_4
 $\{BC\}+=\{BCAD\}$ Es llave para R_4

Finalmente:

$$R_2(A, B, F)$$
 con $F = \{ABF \to ABF\}$
 $R_3(D, E)$ con $F = \{D \to E\}$
 $R_4(D, A, B, C)$ con $F = \{AB \to C, BC \to AD\}$

Como nota importante, se presenta join con perdida, DF perdidas: $CF \to B$

- 4. Para cada uno de los esquemas que se muestran a continuación, con su respectivo conjunto de dependencias funcionales:
 - a) R(A,B,C,D,E,F,G) con $F=\{AB \rightarrow C,AB \rightarrow F,A \rightarrow D,A \rightarrow E,B \rightarrow G\}.$
 - b) R(A, B, C, D, E, F, G) con $F = \{A \rightarrow B, CD \rightarrow FG, G \rightarrow E, B \rightarrow D, A \rightarrow C, E \rightarrow A\}$.

Inciso a)

■ Indica alguna llave candidata para la relación R.

Una llave candidata para la relación R podría ser AB, ya que:

- $AB \rightarrow C$
- $AB \rightarrow F$
- $A \to D$ y $A \to E$ implican que, conociendo A, se puede determinar D y E.
- $B \to G$ implica que, conociendo B, se puede determinar G.

Por lo tanto, AB es una llave candidata.

- Indica las violaciones a 3NF que encuentres en R.
 Las siguientes dependencias violan la 3NF:
 - $A \to D$: D no es parte de una llave candidata y A no es superllave.
 - $A \to E$: E no es parte de una llave candidata y A no es superllave.
 - $B \to G$: G no es parte de una llave candidata y B no es superllave.
- Encuentra el conjunto mínimo de dependencias funcionales equivalente a F.
 - Paso a paso:
 - \circ AB \to C: No es redundante, ya que necesitamos AB para determinar C.
 - o $AB \to F$: No es redundante, necesitamos AB para determinar F.
 - o $A \to D$: No es redundante, ya que no podemos deducir D de ninguna otra dependencia sin A.
 - o $A \to E$: No es redundante, ya que necesitamos A para determinar E.
 - o $B \to G$: No es redundante, necesitamos B para determinar G.

Por lo tanto, el conjunto mínimo equivalente a F es:

$$F_{\min} = \{AB \rightarrow C, AB \rightarrow F, A \rightarrow D, A \rightarrow E, B \rightarrow G\}$$

- Normaliza de acuerdo con la 3NF. Indica claramente las relaciones resultantes y, en cada esquema, las dependencias funcionales que se cumplen.
 - Relación 1: $R_1(A, B, C, F)$ con las dependencias $AB \to C$ y $AB \to F$.
 - Relación 2: $R_2(A, D, E)$ con las dependencias $A \to D$ y $A \to E$.
 - Relación 3: $R_3(B,G)$ con la dependencia $B \to G$.

Estas relaciones cumplen con la 3NF, ya que todas las dependencias están cubiertas.

Inciso b)

 \blacksquare Indica alguna llave candidata para la relación R.

Una posible llave candidata para la relación R es CD, ya que:

- $CD \to FG$: Nos da acceso a F y G.
- $G \to E$ implica que podemos determinar E si conocemos G.
- $E \to A$ permite determinar A.
- $A \to B$ y $A \to C$ permiten determinar B y C.

Por lo tanto, CD es una llave candidata.

- Indica las violaciones a 3NF que encuentres en R.
 Las siguientes dependencias violan la 3NF:
 - $G \to E$: E no es parte de una llave candidata y G no es superllave.
 - $B \to D$: D no es parte de una llave candidata y B no es superllave.
 - $A \to C$: C no es parte de una llave candidata y A no es superllave.

- \blacksquare Encuentra el conjunto mínimo de dependencias funcionales equivalente a F. Pasos:
 - $A \to B$: No es redundante, ya que necesitamos A para determinar B.
 - $CD \to FG$: No es redundante, necesitamos CD para determinar $F \neq G$.
 - $G \to E$: No es redundante, necesitamos G para determinar E.
 - $B \to D$: No es redundante, necesitamos B para determinar D.
 - $A \to C$: No es redundante, necesitamos A para determinar C.
 - $E \to A$: No es redundante, necesitamos E para determinar A.

El conjunto mínimo equivalente a F es:

$$F_{\min} = \{A \to B, CD \to FG, G \to E, B \to D, A \to C, E \to A\}$$

- Normaliza de acuerdo con la 3NF. Indica claramente las relaciones resultantes y, en cada esquema, las dependencias funcionales que se cumplen.
 - Relación 1: $R_1(A, B, C)$ con las dependencias $A \to B$ y $A \to C$.
 - Relación 2: $R_2(C, D, F, G)$ con la dependencia $CD \to FG$.
 - Relación 3: $R_3(G, E)$ con la dependencia $G \to E$.
 - Relación 4: $R_4(B, D)$ con la dependencia $B \to D$.
 - Relación 5: $R_5(E,A)$ con la dependencia $E \to A$.

Estas relaciones cumplen con la 3NF, ya que todas las dependencias están cubiertas.

- 5. Para cada uno de los esquemas que se muestran a continuación, con su respectivo conjunto de dependencias funcionales:
 - a) R(A, B, C, D) con $F = \{AB \rightarrow C, B \rightarrow D\}$.
 - b) R(A, B, C, D, E) con $F = \{A \rightarrow B, AB \rightarrow C, C \rightarrow D, D \rightarrow E\}$.
 - a) Encuentra todas las violaciones a la BCNF.
 - b) Normaliza de acuerdo con la BCNF.

Para cada uno de los esquemas presentados, aplicaremos la cuarta forma normal sigiuendo estos pasos:

- 1. Identificamos la llave candidata.
- 2. Determinamos las violaciones a la 4NF.
- 3. Descomponemos la relación para eliminar dichas violaciones.

Esquema (a): R(A, B, C, D)

Paso 1: Determinar la llave candidata

Las dependencias funcionales dadas son:

$$AB \to C$$
 y $B \to D$

Para determinar la llave candidata, observamos que AB es suficiente para determinar C y, dado $B \to D$, concluimos que AB es la llave candidata para esta relación.

Paso 2: Identificar violaciones a la 4NF

La 4NF exige que cualquier dependencia multivaluada o funcional no trivial tenga como determinante una superllave. En este caso:

• La dependencia funcional $B \to D$ viola la 4NF porque B no es una superllave.

Paso 3: Descomposición en 4NF

Para normalizar esta relación, descomponemos R(A, B, C, D) en dos relaciones, de modo que cada dependencia funcional se maneje por separado:

$$R_1(A, B, C) : AB \to C$$

 $R_2(B, D) : B \to D$

En R_1 , AB es la clave primaria, mientras que en R_2 , la clave primaria es B. Ambas relaciones ahora cumplen con la 4NF.

Relaciones finales para el esquema (a):

- \blacksquare $R_1(A, B, C)$: relación donde AB es la clave primaria y determina C.
- $R_2(B,D)$: relación donde B es la clave primaria y determina D.

Esquema (b): R(A, B, C, D, E)

Paso 1: Determinar la llave candidata

Las dependencias funcionales son:

$$A \to B$$
, $AB \to C$, $A \to D$, $AB \to E$

Dado que $AB \to C$ y $AB \to E$, concluimos que AB es una superllave para esta relación.

Paso 2: Identificar violaciones a la 4NF

Verificamos las dependencias para encontrar violaciones a la 4NF:

- La dependencia $A \to B$ es una violación a la 4NF porque A no es una superllave.
- \blacksquare La dependencia $A \to D$ también viola la 4NF por la misma razón.

Paso 3: Descomposición en 4NF

Para normalizar el esquema, descomponemos la relación en varias sub-relaciones:

$$R_1(A,B):A\to B$$

$$R_2(A,D):A\to D$$

$$R_3(A,B,C,E):AB\to C\quad \text{y}\quad AB\to E$$

En R_1 , A es la clave primaria y determina B. En R_2 , A es la clave primaria y determina D. En R_3 , AB es la clave primaria y determina C y E. Todas estas relaciones cumplen con la 4NF.

Relaciones finales para el esquema (b):

- \blacksquare $R_1(A,B)$: relación donde A es la clave primaria y determina B.
- $R_2(A, D)$: relación donde A es la clave primaria y determina D.
- \blacksquare $R_3(A,B,C,E)$: relación donde AB es la clave primaria y determina C y E.

6. Se tiene la siguiente relación:

R(idEnfermo, idCirujano, fechaCirugía, nombreEnfermo, direcciónEnfermo, nombreCirujano, nombreCirugía, medicinaSuministrada, efectosSecundarios)

- Expresa las siguientes restricciones en forma de dependencias funcionales:
 - A un enfermo sólo se le da una medicina después de la operación.
 - Si existen efectos secundarios estos dependen sólo de la medicina suministrada.

• Sólo puede existir un efecto secundario por medicamento.

Podemos satisfacer las restricciones con:

- $\bullet \ idEnfermo, fechaCirugia \rightarrow medicinaSuministrada$
 - Esto porque indica que para un enfermo específico en una fecha de cirugía específica, solo se le puede administrar una medicina. Lo cuál cubre la primera restricción.
 - Ocupamos tanto el idEnfermo como la fecha de la cirugía, o de otra manera no sabríamos a que enfermo administrarle la medicina después de su cirugía (fecha).
- medicinaSuministrada

 efectosSecundarios
 Aquí cumplimos con las dos restricciones que faltaban, porque asignamos a cada medicina un único efecto secundario. En este caso, es una dependencia funcional simple ya que solo ocuparemos la medicina para saber qué efecto secundario tiene.
- Especifica otras dependencias funcionales o multivaluadas que deban satisfacerse en la relación R. Por cada una que definas, deberá aparecer un enunciado en español como en el inciso anterior.

Otras dependencias funcionales en ${f R}$ son:

O Cada enfermo tiene un único nombre y una única dirección

 $idEnfermo \rightarrow nombreEnfermo, direccionEnfermo$

 \heartsuit Cada cirujano tiene un único nombre

 $idCirujano \rightarrow nombreCirujano$

V Una cirugía realizada por un cirujano a un enfermo sólo puede ocurrir en una fecha determinada

 $idEnfermo, idCirujano, nombreCirugia \rightarrow fechaCirugia$

Un enfermo en una fecha específica solo puede tener una cirugía y esta debe ser realizada por un único cirujano

 $idEnfermo, fechaCirugia \rightarrow nombreCirugia, idCirujano$

♡ El enfermo y la fecha de cirugía determina el cirujano que realizó la operación

 $idEnfermo, fechaCirugia \rightarrow idCirujano$

 \heartsuit El cirujano y la fecha determina qué cirugía se está realizando en ese momento

 $idCirujano, fechaCirugia \rightarrow nombreCirugia$

♡ El nombre de la cirugía determina qué medicinas pueden ser suministradas después de la operación

 $nombreCirugia \rightarrow medicinaSuministrada$

Esta es una dependencia multivaluada ya que una cirugía puede tener varias medicinas posibles

 La combinación de enfermo, cirujano y fecha determina unívocamente todos los demás atributos de la relación

 $idEnfermo, idCirujano, fechaCirugia \rightarrow \\ nombreEnfermo, direccionEnfermo, nombreCirujano, nombreCirugia, \\ medicinaSuministrada, efectosSecundarios$

Estas dependencias surgen de restricciones pensadas por nosotros mismos, por lo que podrían no ser generales en un contexto de un hospital real.

Normaliza utilizando el conjunto de dependencias establecido en los puntos anteriores.

Tenemos el siguiente conjunto de dependencias:

 $\mathbf{F} = \{$

- 1. idEnfermo \rightarrow nombreEnfermo, direccionEnfermo
- 2. idCirujano \rightarrow nombreCirujano
- 3. id Enfermo, id Cirujano, nombre Cirugia \rightarrow fecha Cirugia
- 4. idEnfermo, fechaCirugia → nombreCirugia, idCirujano
- 5. idEnfermo, fechaCirugia \rightarrow idCirujano
- 6. idCirujano, fechaCirugia \rightarrow nombreCirugia
- 7. nombre Cirugia \twoheadrightarrow medicina Suministrada
- 8. id Enfermo, id Cirujano, fecha
Cirugia \to nombre Enfermo, direccion Enfermo, nombre Cirujano, nombre Cirujano, medicina
Suministrada, efectos Secundarios
- 9. id Enfermo, fecha
Cirugia \rightarrow medicina Suministrada 10. medicina Suministrada
 \rightarrow efectos Secundarios $\}$

Como tenemos una dependencia multivaluada, usaremos 4FN

Debido a la DF 8, la llave candidata es:

 $\{idEnfermo, fechaCirugia\} += \{idEnfermo fechaCirugia, nombreEnfermo direccionEnfermo, nombreCirugia idCirujano, nombreCirujano, medicinaSuministrada, efectosSecundarios\}$

PASO 1: Primera violación a 4FN

- La DMV nombre Cirugia --> medicina Suministrada es una violación ya que nombre Cirugia no es superllave
- Dividimos en dos relaciones:
 - \star R_1 (nombreCirugia, medicinaSuministrada) Ya está en 4FN pues no tiene DMVs no triviales
 - \star R_2 (idEnfermo, idCirujano, fechaCirugia, nombreEnfermo, direccionEnfermo, nombreCirujano, nombreCirugia, efectosSecundarios) con:
 - \diamond idEnfermo \rightarrow nombreEnfermo, direccionEnfermo
 - ♦ idCirujano → nombreCirujano
 - \diamond id Enfermo, fecha Cirugia \rightarrow nombre Cirugia, id Cirujano

PASO 2: Analizamos R_2

Obtenemos su llave:

 $\{idEnfermo\ fechaCirugia\} += \{idEnfermo\ fechaCirugia,\ nombreEnfermo\ direccionEnfermo,\ nombreCirugia\ idCirujano,\ nombreCirujano,\ efectosSecundarios\}$

Descomponemos R_2 :

ightharpoonup Por idEnfermo o nombreEnfermo, directionEnfermo:

 $R_3(idEnfermo, nombreEnfermo, direccionEnfermo)$

Llave: {idEnfermo}+={idEnfermo,nombreEnfermo direccionEnfermo} Está en 4FN pues está en BCNF y no tiene DMVs

ightharpoonup Por idCirujano o nombreCirujano:

 $R_4(idCirujano, nombreCirujano)$

Llave: {idCirujano}+={idCirujano, nombreCirujano} Está en 4FN

Por último obtendríamos

 $R_5(idEnfermo, idCirujano, fechaCirugia, nombreCirugia)$

con

- \circ id Enfermo, fecha
Cirugia \rightarrow nombre Cirugia, id Cirujano
- \circ id Enfermo, id Cirujano, fecha Cirugi
a \rightarrow nombre Cirugia

Calculamos la llave

 $\{idEnfermo\ idCirujano\ fechaCirugia\}+=\{idEnfermo\ idCirujano\ fechaCirugia,\ nombreCirugia\}$

{idEnfermo fechaCirugia}+= {idEnfermo fechaCirugia, nombreCirugia idCirujano}

Por lo tanto la llave es {idEnfermo, fechaCirugia}

Está en 4FN pues está en BCNF y no tiene DMVs

El esquema final sería:

 $R_1(nombre Cirugia, medicina Suministrada)$ $R_3(idEnfermo, nombre Enfermo, direccion Enfermo)$ $R_4(idCirujano, nombre Cirujano)$ $R_5(idEnfermo, idCirujano, fecha Cirugia, nombre Cirugia)$

Incluso podemos renombrar las relaciones para ser explícitos:

 $MEDICINAS_POR_CIRUGIA (nombre Cirugia, medicina Suministrada) \\ ENFERMO (idEnfermo, nombre Enfermo, direccion Enfermo) \\ CIRUJANO (idCirujano, nombre Cirujano) \\ CIRUGIA (idEnfermo, idCirujano, fecha Cirugia, nombre Cirugia)$