

JUAN FRANCISCO FINYO ANDRANGO

Taller OS Minus Cuadrado

GRUPO

FECHA DE ENTREGA 15 DE DICIEMBRE DEL 2025

```
10 [2]: # Derivadas parciales para regresión lineal
# =====
def der_parcial_1(xs: list, ys: list) -> tuple(float, float, float):
    """Devuelve los coeficientes de la ecuación de la derivada parcial con respecto al parámetro 1 al reemplazar los valores 'xs' y 'ys'. La ecuación es de la forma:
    c_1 * x_1 + c_0 * x_0 = c_ind"""

    # Parameters
    'xs': lista de valores de x.
    'ys': lista de valores de y.

    # Return
    'c_1': coeficiente del parámetro 1.
    'c_0': coeficiente del parámetro 0.
    'c_ind': coeficiente del término independiente.

    ***

    # coeficiente del término independiente
    c_ind = sum(ys)

    # coeficiente del parámetro 1
    c_1 = sum(xs)

    # coeficiente del parámetro 0
    c_0 = len(xs)

    return c_1, c_0, c_ind

def der_parcial_0(xs: list, ys: list) -> tuple(float, float, float):
    """Devuelve los coeficientes de la ecuación de la derivada parcial con respecto al parámetro 0 al reemplazar los valores 'xs' y 'ys'. La ecuación es de la forma:
    c_1 * x_1 + c_0 * x_0 = c_ind"""

    # Parameters
    'xs': lista de valores de x.
    'ys': lista de valores de y.

    # Return
    'c_1': coeficiente del parámetro 1.
    'c_0': coeficiente del parámetro 0.
    'c_ind': coeficiente del término independiente.

    ***

    c_1 = 0
    c_0 = 0
    c_ind = 0
    for xi, yi in zip(xs, ys):
        # coeficiente del término independiente
        c_ind += xi * yi

    # coeficiente del parámetro 1
    c_1 += xi * xi

    # coeficiente del parámetro 0
    c_0 += xi

    return c_1, c_0, c_ind

10 [3]: from src import ajustar_min_cuadrados

# UTILIZAR:
ajustar_min_cuadrados([3.4, 9.5, 12.3], [3.2, 0.7, -3.6], (der_parcial_1, der_parcial_0))

(12-15 17:27:57)[INFO] Se ajustarán 2 parámetros.

Out [3]: array([-0.95779131,  0.78374541])

10 [4]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

from src import ajustar_min_cuadrados

# Datos
xs = [3.4, 9.5, 12.3]
ys = [3.2, 0.7, -3.6]

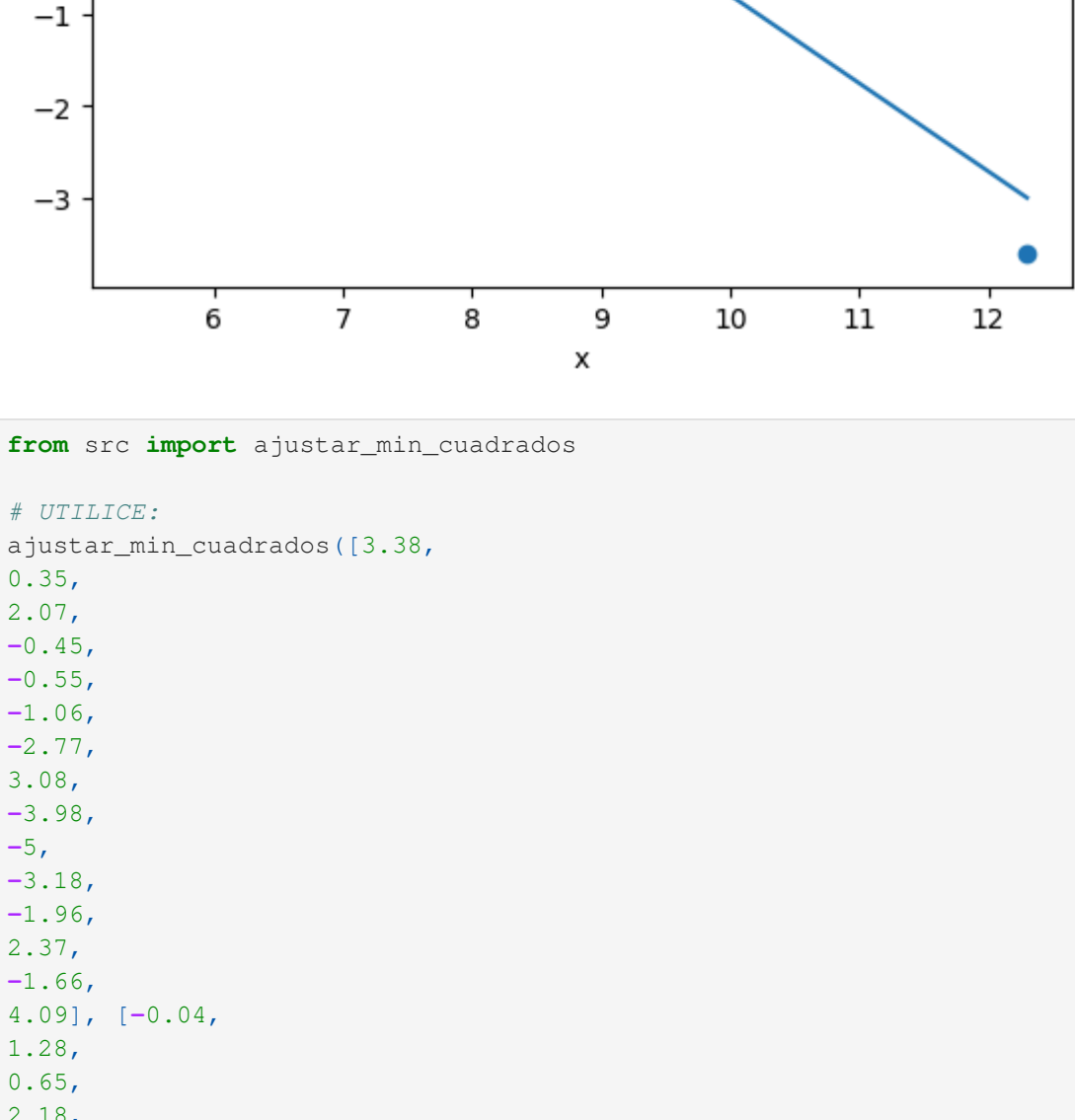
# Ajuste por mínimos cuadrados
aj, a0 = ajustar_min_cuadrados(xs, ys, (der_parcial_1, der_parcial_0))

# Función ajustada
def f(x):
    return aj * x + a0

# Valores para la recta
x_linea = np.linspace(min(xs), max(xs), 100)
y_linea = f(x_linea)

# Gráfica
plt.figure()
plt.scatter(xs, ys, label="Datos")
plt.plot(x_linea, y_linea, label="Recta ajustada")
plt.xlabel("x")
plt.ylabel("y")
plt.title("Regresión lineal por mínimos cuadrados")
plt.legend()
plt.show()

(12-15 17:28:05)[INFO] Se ajustarán 2 parámetros.
```



```
10 [5]: from src import ajustar_min_cuadrados

# UTILIZAR:
ajustar_min_cuadrados([3.38,
0.35,
2.07,
-0.45,
-0.56,
-0.78,
3.08,
-3.99,
-5.08,
-3.18,
-1.97,
2.37,
-1.47,
4.09,
-4.60,
2.68,
2.78,
-3.79,
-1.87])

(12-15 17:28:11)[INFO] Se ajustarán 2 parámetros.

Out [5]: array([ 5.8866354, -0.8754722])

10 [6]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

from src import ajustar_min_cuadrados

# Datos
xs = [
3.38, 0.35, 2.07, -0.45, -0.56, -1.06, -2.78, 3.08,
-3.99, -5.08, -3.18, -1.97, 2.37, -1.47, 4.09,
-4.60, 2.68, 2.78, -3.79, -1.87]

ys = [
15.65, -11.20, -4.00, 18.03, 7.84, 15.32, -4.40, 1.39,
-11.35, -80.24, 6.82, 28.25, -5.45, -5.47, 35.91,
-55.53, 0.77, 4.79, -27.05, 2.85]

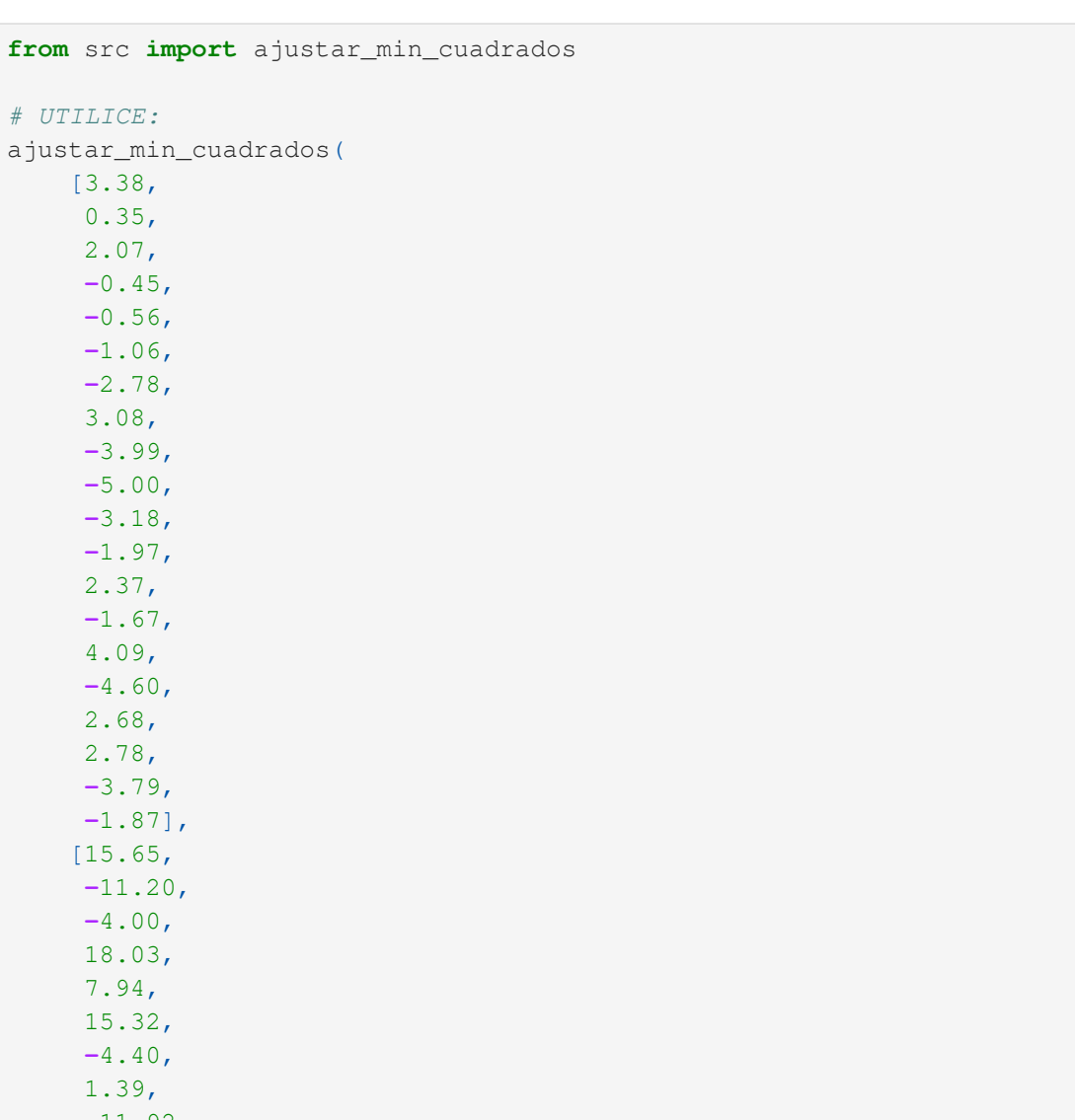
# Ajuste por mínimos cuadrados
aj, a0 = ajustar_min_cuadrados(xs, ys, (der_parcial_1, der_parcial_0))

# Función ajustada
def f(x):
    return aj * x + a0

# Valores para la recta
x_linea = np.linspace(min(xs), max(xs), 200)
y_linea = f(x_linea)

# Gráfica
plt.figure()
plt.scatter(xs, ys, label="Datos experimentales")
plt.plot(x_linea, y_linea, label="Recta de mínimos cuadrados")
plt.xlabel("x")
plt.ylabel("y")
plt.title("Ajuste por mínimos cuadrados")
plt.legend(True)
plt.grid(True)
plt.show()

(12-15 17:28:59)[INFO] Se ajustarán 2 parámetros.
```



```
10 [7]: from src import ajustar_min_cuadrados

# UTILIZAR:
ajustar_min_cuadrados([3.38,
0.35,
2.07,
-0.45,
-0.56,
-1.06,
-2.78, 3.08,
-3.99, -5.08, -3.18, -1.97, 2.37, -1.47, 4.09,
-4.60, 2.68, 2.78, -3.79, -1.87])

(12-15 17:30:15)[INFO] Se ajustarán 2 parámetros.

Out [7]: array([ 5.8866354, -0.8754722])

10 [8]: import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

from src import ajustar_min_cuadrados

# Datos
xs = [
3.38, 0.35, 2.07, -0.45, -0.56, -1.06, -2.78, 3.08,
-3.99, -5.08, -3.18, -1.97, 2.37, -1.47, 4.09,
-4.60, 2.68, 2.78, -3.79, -1.87]

ys = [
15.65, -11.20, -4.00, 18.03, 7.84, 15.32, -4.40, 1.39,
-11.35, -80.24, 6.82, 28.25, -5.45, -5.47, 35.91,
-55.53, 0.77, 4.79, -27.05, 2.85]

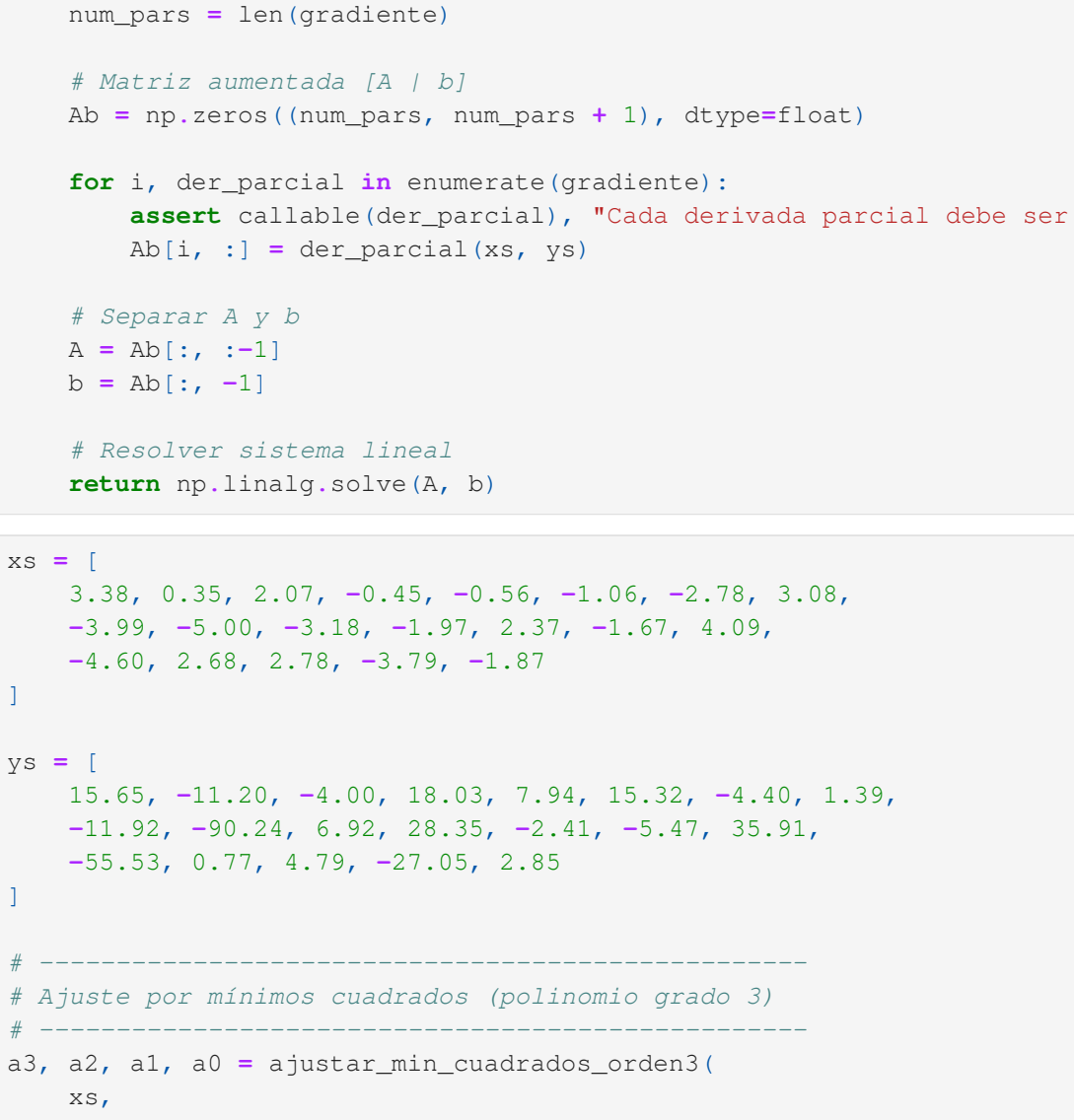
# Ajuste por mínimos cuadrados
aj, a0 = ajustar_min_cuadrados(xs, ys, (der_parcial_1, der_parcial_0))

# Función ajustada
def f(x):
    return aj * x + a0

# Valores para la recta
x_linea = np.linspace(min(xs), max(xs), 300)
y_linea = f(x_linea)

# Gráfica
plt.figure()
plt.scatter(xs, ys, label="Datos")
plt.plot(x_linea, y_linea, label="Recta de mínimos cuadrados")
plt.xlabel("x")
plt.ylabel("y")
plt.title("Ajuste por mínimos cuadrados")
plt.legend(True)
plt.grid(True)
plt.show()

(12-15 17:31:16)[INFO] Se ajustarán 2 parámetros.
```



Para una función de orden 3

```
10 [9]: # Regresión polinomial de orden 3 (mínimos cuadrados)
# Derivadas parciales y ecuaciones normales
# =====
def der_parcial_3_orden3(xs: list, ys: list) -> tuple(float, float, float, float, float):
    """Derivada parcial respecto a a_0
    c_1 * x_1 + c_2 * x_2 + c_3 * x_3 + c_0 * x_0 = c_ind"""

    # Parameters
    'xs': lista de valores de x.
    'ys': lista de valores de y.

    # Return
    'c_1': coeficiente del parámetro 1.
    'c_2': coeficiente del parámetro 2.
    'c_3': coeficiente del parámetro 3.
    'c_0': coeficiente del parámetro 0.
    'c_ind': coeficiente del término independiente.

    ***

    # coeficiente del término independiente
    c_ind = sum(ys)

    # coeficiente del parámetro 1
    c_1 = sum(xs)

    # coeficiente del parámetro 2
    c_2 = sum(xs**2)

    # coeficiente del parámetro 3
    c_3 = sum(xs**3)

    return c_1, c_2, c_3, c_0, c_ind

def der_parcial_2_orden3(xs: list, ys: list) -> tuple(float, float, float, float, float):
    """Derivada parcial respecto a a_1
    c_1 * x_1 + c_2 * x_2 + c_3 * x_3 + c_0 * x_0 = c_ind"""

    # Parameters
    'xs': lista de valores de x.
    'ys': lista de valores de y.

    # Return
    'c_1': coeficiente del parámetro 1.
    'c_2': coeficiente del parámetro 2.
    'c_3': coeficiente del parámetro 3.
    'c_0': coeficiente del parámetro 0.
    'c_ind': coeficiente del término independiente.

    ***

    # coeficiente del término independiente
    c_ind = sum(ys)

    # coeficiente del parámetro 1
    c_1 = sum(xs)

    # coeficiente del parámetro 2
    c_2 = sum(xs**2)

    # coeficiente del parámetro 3
    c_3 = sum(xs**3)

    return c_1, c_2, c_3, c_0, c_ind

def der_parcial_1_orden3(xs: list, ys: list) -> tuple(float, float, float, float, float):
    """Derivada parcial respecto a a_2
    c_1 * x_1 + c_2 * x_2 + c_3 * x_3 + c_0 * x_0 = c_ind"""

    # Parameters
    'xs': lista de valores de x.
    'ys': lista de valores de y.

    # Return
    'c_1': coeficiente del parámetro 1.
    'c_2': coeficiente del parámetro 2.
    'c_3': coeficiente del parámetro 3.
    'c_0': coeficiente del parámetro 0.
    'c_ind': coeficiente del término independiente.

    ***

    # coeficiente del término independiente
    c_ind = sum(ys)

    # coeficiente del parámetro 1
    c_1 = sum(xs)

    # coeficiente del parámetro 2
    c_2 = sum(xs**2)

    # coeficiente del parámetro 3
    c_3 = sum(xs**3)

    return c_1, c_2, c_3, c_0, c_ind

def der_parcial_0_orden3(xs: list, ys: list) -> tuple(float, float, float, float, float):
    """Derivada parcial respecto a a_3
    c_1 * x_1 + c_2 * x_2 + c_3 * x_3 + c_0 * x_0 = c_ind"""

    # Parameters
    'xs': lista de valores de x.
    'ys': lista de valores de y.

    # Return
    'c_1': coeficiente del parámetro 1.
    'c_2': coeficiente del parámetro 2.
    'c_3': coeficiente del parámetro 3.
    'c_0': coeficiente del parámetro 0.
    'c_ind': coeficiente del término independiente.

    ***

    # coeficiente del término independiente
    c_ind = sum(ys)

    # coeficiente del parámetro 1
    c_1 = sum(xs)

    # coeficiente del parámetro 2
    c_2 = sum(xs**2)

    # coeficiente del parámetro 3
    c_3 = sum(xs**3)

    return c_1, c_2, c_3, c_0, c_ind

# Gráfica ajuste por mínimos cuadrados (orden 3)
# =====
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

from typing import Callable

def ajustar_min_cuadrados_orden3(
    xs: list[float],
    ys: list[float],
    gradientes: list[Callable[[list[float], list[float]], tuple]],
) -> np.ndarray:
    """Resuelve el sistema de ecuaciones normales del método de mínimos cuadrados
    usando las derivadas parciales suministradas.

    Cada función en 'gradientes' debe retornar una tupla de la forma:
    (c_1, c_2, c_3, c_0, c_ind)"""

    # Datos
    c_1 = sum(xs)
    c_2 = sum(xs**2)
    c_3 = sum(xs**3)
    c_0 = sum(ys)
    c_ind = sum(ys)

    # Matriz de coeficientes
    A = np.zeros((len(gradientes), len(gradientes)))

    # Vector de términos independientes
    b = np.zeros(len(gradientes))

    # Resolver sistema lineal
    return np.linalg.solve(A, b)

10 [10]: # Datos
xs = [
3.38, 0.35, 2.07, -0.45, -0.56, -1.06, -2.78, 3.08,
-3.99, -5.08, -3.18, -1.97, 2.37, -1.47, 4.09,
-4.60, 2.68, 2.78, -3.79, -1.87]

ys = [
15.65, -11.20, -4.00, 18.03, 7.84, 15.32, -4.40, 1.39,
-11.35, -80.24, 6.82, 28.25, -5.45, -5.47, 35.91,
-55.53, 0.77, 4.79, -27.05, 2.85]

# Ajuste por mínimos cuadrados (polinomio grado 3)
aj, a0, a1, a2, a3 = ajustar_min_cuadrados_orden3(xs, ys,
[der_parcial_3_orden3, der_parcial_2_orden3, der_parcial_1_orden3, der_parcial_0_orden3])

print(f"valor a1: {a1}, valor a2: {a2}, valor a3: {a3}, valor a0: {a0}")
print(f"valor a1: {a1}, valor a2: {a2}, valor a3: {a3}, valor a0: {a0}")

valor a1: 1.0449779168247026, valor a2: 0.0313274057535514, valor a3: -8.880663970075563, valor a0: 2.762289919768462

y = 1.0449779168247026 * x + 0.0313274057535514 * x**2 - 8.880663970075563 * x**3 + 2.762289919768462
```

```
10 [11]: # Datos
xs = [
3.38, 0.35, 2.07, -0.45, -0.56, -1.06, -2.78, 3.08,
-3.99, -5.08, -3.18, -1.97, 2.37, -1.47, 4.09,
-4.60, 2.68, 2.78, -3.79, -1.87]

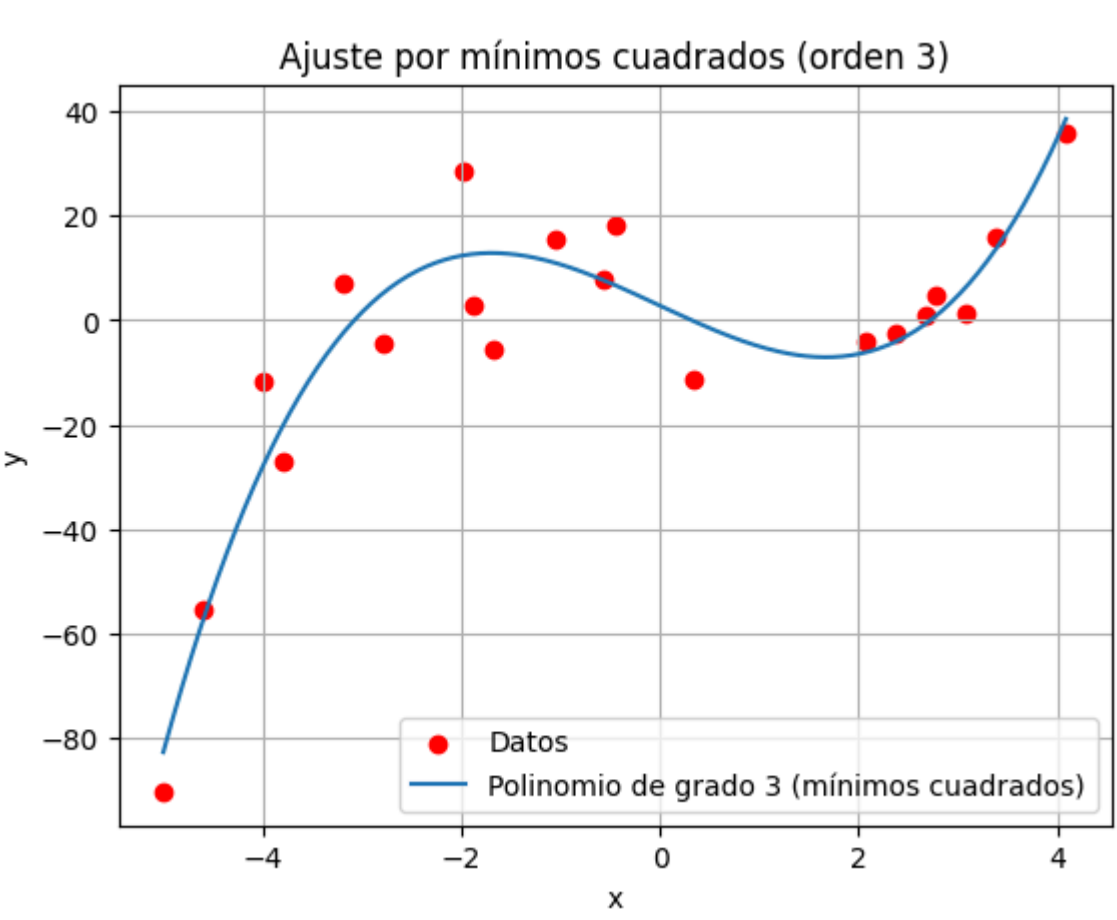
ys = [
15.65, -11.20, -4.00, 18.03, 7.84, 15.32, -4.40, 1.39,
-11.35, -80.24, 6.82, 28.25, -5.45, -5.47, 35.91,
-55.53, 0.77, 4.79, -27.05, 2.85]

# Ajuste por mínimos cuadrados (polinomio grado 3)
aj, a0, a1, a2, a3 = ajustar_min_cuadrados_orden3(xs, ys,
[der_parcial_3_orden3, der_parcial_2_orden3, der_parcial_1_orden3, der_parcial_0_orden3])

# Función ajustada
def f(x):
    return a3 * x**3 + a2 * x**2 + a1 * x + a0

# Valores para la curva
x_curva = np.linspace(min(xs), max(xs), 300)
y_curva = f(x_curva)

# Gráfica
plt.figure()
plt.scatter(xs, ys, label="Datos", color='red')
plt.plot(x_curva, y_curva, label="Polinomio de grado 3 (mínimos cuadrados)")
plt.xlabel("x")
plt.ylabel("y")
plt.title("Ajuste por mínimos cuadrados (orden 3)")
plt.legend(True)
plt.grid(True)
plt.show()
```



[Link Del Repositorio de GIT hub](#)