

[Área personal](#) / [Mis cursos](#) / [Grado](#) / [Ingeniería Mecatrónica](#) / [Mecánica Vibratoria-2021](#) / [SEGUNDA EVALUACIÓN PARCIAL](#)  
/ [PARCIAL 2A](#)

<b>Comenzado el</b>	martes, 8 de junio de 2021, 09:11
<b>Estado</b>	Finalizado
<b>Finalizado en</b>	martes, 8 de junio de 2021, 11:24
<b>Tiempo empleado</b>	2 horas 13 minutos
<b>Calificación</b>	90,00 de 100,00

## Pregunta 1

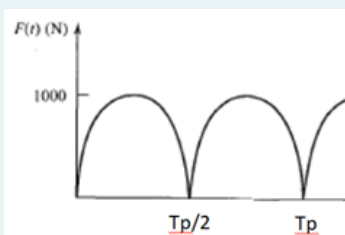
Correcta

Puntúa 20,00 sobre 20,00

La carga de la figura se puede expresar como la siguiente serie coseno:

$$F(t) = \frac{2Fo}{\pi} - \frac{4Fo}{\pi} \sum_{m=2,4,6,8}^{\infty} \frac{\cos \omega_m t}{m^2 - 1}, \quad m=2, 4, 6, 8, \dots$$

Considere solo los **primeros 4 armónicos** (términos de la serie) y evalúe a incrementos de tiempo  $\Delta t = 0.025s$  para un **periodo completo**  $T_p = 0.3s$ . Admita que el sistema no tiene amortiguamiento y parte del reposo. Los parámetros del sistema son:  $M=1 \text{ kg}$ ,  $K=40\pi^2 \text{ N/m}$ ,  $F_0=40 \text{ N}$ .



Determine el vector de la **carga**

**aproximada** para un periodo completo ( $T_p = 0.3s$ ) con  $\Delta t = 0.025s$ . ✓

(2.8294 20.5335 34.5998 39.6927 34.5998 20.5335 2.8294 20.5335 34.5998 39.6927 34.5998 20.5335 2.8294) [N] ⇅

Determine el vector de la **respuesta**

**permanente** de un sistema de un grado de libertad bajo la carga indicada para un periodo completo ( $T_p = 0.3s$ ) con  $\Delta t = 0.025s$ . ✓

(0.0514 0.0586 0.0709 0.0765 0.0709 0.0586 0.0514 0.0586 0.0709 0.0765 0.0709 0.0586 0.0514) [m] ⇅

La respuesta correcta es:

Determine el vector de la **carga aproximada** para un periodo completo ( $T_p = 0.3s$ ) con  $\Delta t = 0.025s$ . → (2.8294 20.5335 34.5998 39.6927 34.5998 20.5335 2.8294 20.5335 34.5998 39.6927 34.5998 20.5335 2.8294) [N],

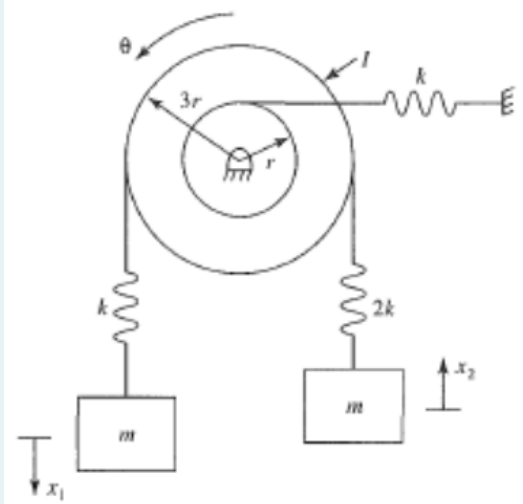
Determine el vector de la **respuesta permanente** de un sistema de un grado de libertad bajo la carga indicada para un periodo completo ( $T_p = 0.3s$ ) con  $\Delta t = 0.025s$ . → (0.0514 0.0586 0.0709 0.0765 0.0709 0.0586 0.0514 0.0586 0.0709 0.0765 0.0709 0.0586 0.0514) [m]

Pregunta 2

Correcta

Puntúa 30,00 sobre 30,00

Derivar la ecuación de movimiento del sistema de la figura eligiendo como coordenadas el desplazamiento  $x_1(t)$ ,  $x_2(t)$  y la rotación  $\theta(t)$ . Si  $m = 30\text{kg}$ ,  $I_p = 3\text{ kgm}^2$ ,  $k = 4\text{e}3\text{ N/m}$  y  $r = 10\text{cm}$ , determinar la respuesta en vibraciones libres del sistema mediante descomposición modal con las siguientes condiciones iniciales:  $X_{(0)} = [0 \ 0 \ 30^\circ]^T$ ,  $\dot{X}_{(0)} = [0 \ 0 \ 0]^T$ . Normalice los modos de vibración respecto de la matriz de masa. Admita que no hay resbalamiento.



Indique las **frecuencias naturales** del sistema.

✓

Indique la **matriz modal** del sistema (modos de vibración normalizados respecto de la matriz de masa).

✓

Indique las **condiciones iniciales en coordenadas modales**  $y_i(0)$  y  $\dot{y}_i(0)$ .

✓

Indique la **amplitud positiva** (máx. valor) de movimiento del grado de libertad,  $x_1(t)$ , dentro del intervalo de tiempo **[0.0, 0.5 s]** y el **instante de tiempo** en el que ocurre.

✓

La respuesta correcta es:

Indique las **frecuencias naturales** del sistema. → [2.1634 12.9955 24.4902] rad/s,

Indique la **matriz modal** del sistema (modos de vibración normalizados respecto de la matriz de masa). → [0.1054 0.1440 -0.0385 ; 0.1035 -0.1047 -0.1079 ; 0.3391 -0.1280 0.4494],

Indique las **condiciones iniciales en coordenadas modales**  $y_i(0)$  y  $\dot{y}_i(0)$ . →  $y_i(0) = [ 0.5326 -0.2010 0.7059]$  ;  $\dot{y}_i(0) = [ 0.0 0.0 0.0]$ ,

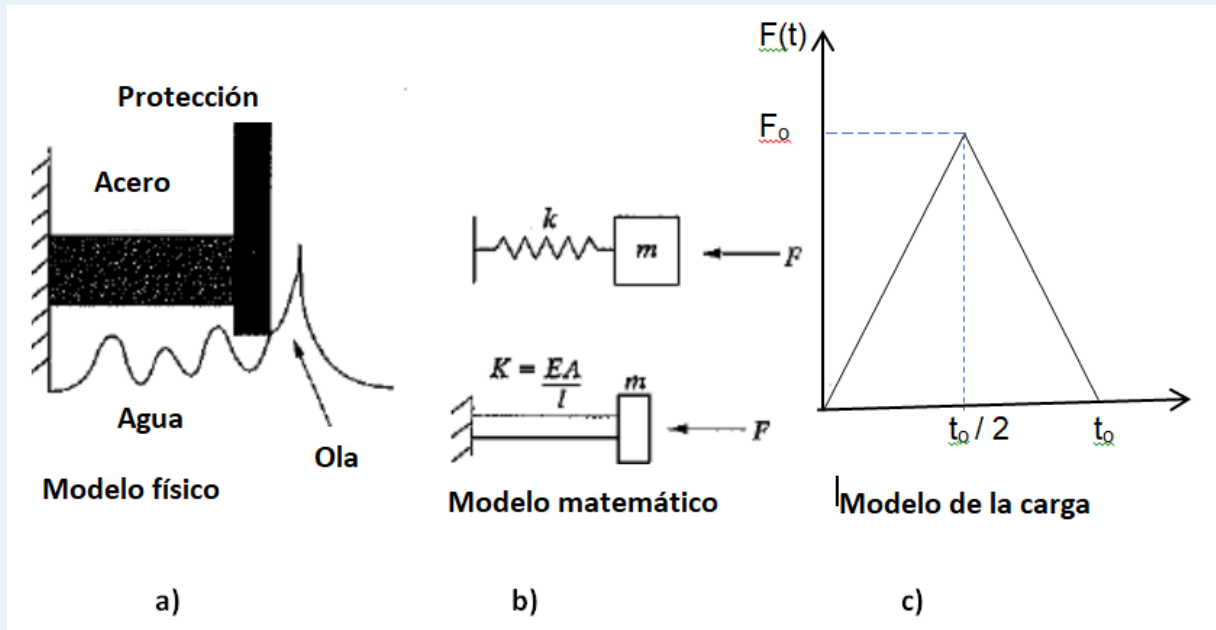
Indique la **amplitud positiva** (máx. valor) de movimiento del grado de libertad,  $x_1(t)$ , dentro del intervalo de tiempo **[0.0, 0.5 s]** y el **instante de tiempo** en el que ocurre. → [0.14 s 0.0868 m]

## Pregunta 3

Parcialmente correcta

Puntúa 10,00 sobre 20,00

Una embarcación impacta sobre la protección del muelle de un puerto (figura a). Admitiendo que se puede modelar como un sistema de 1 grado de libertad como muestra la figura (b) con las siguientes propiedades:  $M = 500.000 \text{ kg}$ ,  $E = 2e11 \text{ N/m}^2$ ,  $A = 4e-5 \text{ m}^2$  y  $L = 1 \text{ m}$ .  $F_0 = 100.000 \text{ N}$  y  $t_0 = 0.4 \text{ s}$ . Admita que el sistema parte desde el reposo. La forma de la fuerza se muestra en la figura c.



Admitiendo una relación de amortiguamiento  $\xi = 0.02$ , determine, en el intervalo  $0 < t < 3.0 \text{ s}$ , los **dos valores máximos en la fase positiva de la respuesta** en términos de desplazamientos de la masa y los **instantes de tiempo** en los que se producen.

Pico 1 [0.6 s, 0.0092 m], Pico 2 [2.15s, 0.008124 m] ⇅



Admitiendo amortiguamiento nulo, determine la **respuesta máxima aproximada y el instante en cual se produce**. (Sugerencia: use el concepto de respuesta a una carga de muy corta duración).

[1.57s, 0.01 m] ⇅



La respuesta correcta es:

Admitiendo una relación de amortiguamiento  $\xi = 0.02$ , determine, en el intervalo  $0 < t < 3.0 \text{ s}$ , los **dos valores máximos en la fase positiva de la respuesta** en términos de desplazamientos de la masa y los **instantes de tiempo** en los que se producen. → Pico 1 [0.6 s, 0.0092 m], Pico 2 [2.15s, 0.008124 m],

Admitiendo amortiguamiento nulo, determine la **respuesta máxima aproximada y el instante en cual se produce**. (Sugerencia: use el concepto de respuesta a una carga de muy corta duración). → [0.8 s, 0.01 m]

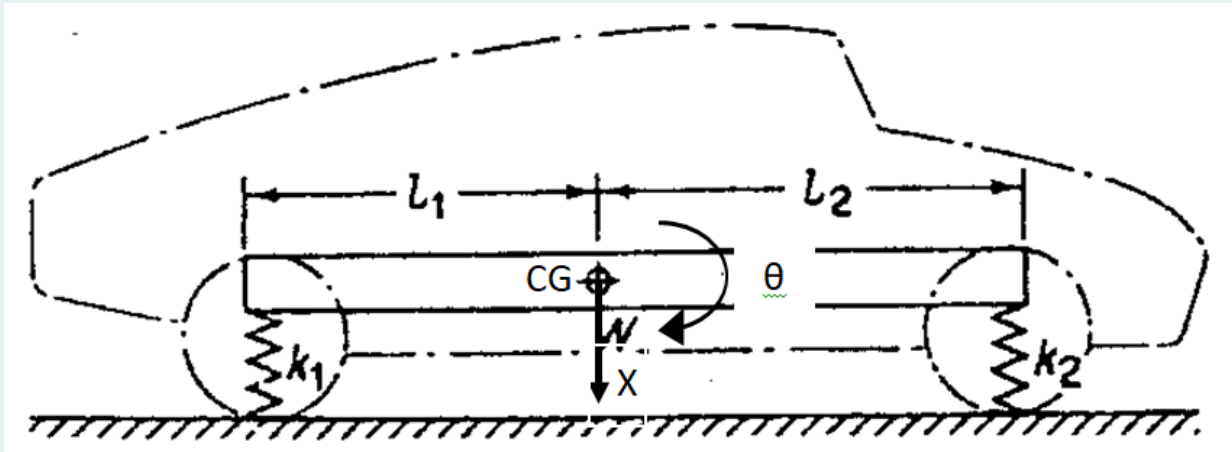
Pregunta 4

Correcta

Puntúa 30,00 sobre 30,00

Derivar la ecuación de movimiento del sistema de la figura eligiendo como coordenadas el desplazamiento  $x(t)$  y la rotación  $\theta(t)$ , del punto CG (centro de masa). Si,  $W_1 = 15569\text{N}$ ,  $k_1 = 29400\text{ N/m}$ ,  $k_2 = 35280\text{ N/m}$ ;  $l_1 = 1.3411\text{m}$ ;  $l_2 = 1.70\text{m}$ ;  $r = 1.22\text{m}$  (radio de giro respecto de CG), determinar la respuesta en vibraciones libres del sistema mediante descomposición modal con las siguientes condiciones iniciales:

$X(0) = [0.1 \ 0]^T$ ,  $\dot{X}(0) = [0 \ 0]^T$ . Normalice los modos de vibración respecto de la matriz de masa. Admita  $g = 10\text{m/s}^2$ . Con  $J_{CG} = m r^2$ .



Indique las **frecuencias naturales** del sistema.



Indique la **matriz modal** del sistema (modos de vibración normalizados respecto de la matriz de masa).



Indique las **condiciones iniciales en coordenadas modales**  $y_i(0)$  y  $\dot{y}_i(0)$ .



Indique la **amplitud positiva** (máx. valor) de movimiento del grado de libertad,  $x(t)$ , dentro del intervalo de tiempo **[0.05, 1.5 s]** y el **instante de tiempo** en el que ocurre.



La respuesta correcta es:

Indique las **frecuencias naturales** del sistema. → [6.1275 8.4152 ] rad/s,

Indique la **matriz modal** del sistema (modos de vibración normalizados respecto de la matriz de masa). → [-0.0238 0.0088 ; 0.0072 0.0195],

Indique las **condiciones iniciales en coordenadas modales**  $y_i(0)$  y  $\dot{y}_i(0)$ . →  $y_i(0) = [-3.7011 \ 1.3678]$  ;  $\dot{y}_i(0) = [0.0 \ 0.0]$ ,

Indique la **amplitud positiva** (máx. valor) de movimiento del grado de libertad,  $x(t)$ , dentro del intervalo de tiempo **[0.05, 1.5 s]** y el **instante de tiempo** en el que ocurre. → [1.0 s 0.08 m ]

◀ Registro aceleraciones. Caucete 1977. dt=0.02s