

ECUACIONES DIFERENCIALES ORDINARIAS

TRABAJO PRÁCTICO N°1

- I. Recuerde que, encontrar la solución o soluciones de una ecuación diferencial, es hallar una función de una variable que la verifique, o sea que la satisfaga.

En cada uno de los siguientes problemas, verifique que la función que se da es una solución de la ecuación diferencial:

- a) $y' - 2y = 0 \rightarrow$ solución es $y = e^{2x}$
- b) $y' - 2y = e^{3x} \rightarrow$ solución es $y = e^{3x} + 10e^{2x}$
- c) $2y' + y = 0 \rightarrow$ solución es $y = e^{-x/2}$

- II. Hallar la solución general de las siguientes ecuaciones diferenciales por integración directa. Encontrar una solución particular para la información dada. Graficar 3 curvas, incluyendo la solución particular encontrada.

- a) $\frac{dy}{dx} = \sin(5x) + 3$ $y(0) = 1$
- b) $\frac{dy}{dx} = \sqrt{x} - \frac{2}{x}$ $y(1) = 2$
- c) $\frac{dy}{dx} = \cos(x) \cdot \sin(x)$ $y\left(\frac{\pi}{2}\right) = -1$
- d) $\frac{dy}{dx} = \ln x$ $y(1) = \frac{3}{2}$
- e) $\frac{d^2y}{dx^2} = \cos(x) - x \cdot \sin(x)$ $y'(0) = 1$ $y(0) = 2$
- f) $\frac{dy}{dx} = x \sin(x^2)$ $y(\pi) = 3$

- III. Hallar la solución general de las siguientes ecuaciones diferenciales por separación de variables

- a) $(2 + x) \cdot \frac{dy}{dx} = 3y$
- b) $y \cdot y' = \sin x$

c) $\frac{dy}{dx} = (64xy)^{1/3}$

d) $y y' = e^{-x} \quad y(0) = 4$

e) $\frac{dy}{dx} = \frac{x^2}{y} \quad y(0) = 3$

f) $2(x + y) \frac{dy}{dx} = y$

IV. Hallar la solución general de las siguientes ecuaciones diferenciales mencionando el método utilizado

a) $2ydx + 3xdy = 0$

b) $y' = \cos(3x) + 5$

c) $y' = e^{2x} - x$

d) $y^2 x dx - (xy + x^2 y) \cdot dy = 0$

e) $y'' - x^4 + \operatorname{sen}(2x) + 5 = 0$

f) $\frac{dy}{dt} = 2 \cdot e^{-2t+3y}$

g) $y' = 3 \cdot \sqrt{x \cdot y} \quad y(0) = 2$

h) $y'' = 4x^2 + 2x - 1 \quad y'(1) = 1 \quad y(1) = -3$