FUNCION EXPONENCIAL

1. Halla "x":
a)
$$2^{x+1} = 4^x$$

b)
$$2^x = 1/16$$

b)
$$2^x = 1/16$$
 c) $3^{x+1} = 9^{x-2}$

d)
$$25^x = \sqrt{5}$$
 e) $25^x = \frac{1}{5}$ f) $3^{x^2-2} = 9$ g) $3^{2x-3} = 81$

e)
$$25^x = \frac{1}{5}$$

f)
$$3^{x^2-2} = 9$$

g)
$$3^{2x-3} = 81$$

h)
$$2^{x^2 \cdot 3} = \frac{1}{4}$$
 i) $3^{x \cdot 1} = \sqrt[3]{3}$ j) $2^{x+1} = 16^x$ k) $3^{2x \cdot 1} = 81^x$

i)
$$3^{x-1} = \sqrt[3]{3}$$

j)
$$2^{x+1} = 16^{x}$$

k)
$$3^{2x-1} = 81^x$$

Sol: a) x=1; b) x=-4; c) x=5; d) x=1/4; e) x=-1/2; f) x="2; g) 7/2; h) x="1; i) 4/3; j) 1/3; k) -1/2

2. Halla "x":

a)
$$27^{1/3} = x$$

b)
$$\chi^{1/2} = 5$$

c)
$$32^x = 2$$

d)
$$v^{3/2} = 27$$

e)
$$4^x = 32$$

f)
$$x^{3/2} = 8$$

g)
$$3^{2x} = 27$$

h)
$$10^x = 0.001$$

a)
$$27^{1/3} = x$$
 b) $x^{1/2} = 5$ c) $32^x = 2$ d) $x^{3/2} = 27$ e) $4^x = 32$ f) $x^{3/2} = 8$ g) $3^{2x} = 27$ h) $10^x = 0,001$ i) $\left(\frac{1}{10}\right)^x = 100$ j) $3^x = 9^{x+1}$ k) $9^{2x} = 27$ l) $2^{2x} = 8^2$

j)
$$3^x = 9^{x+1}$$

k)
$$9^{2x} = 27$$

1)
$$2^{2x} = 8$$

m)
$$10^{3x} = 100$$

n)
$$10^{2x-1} = 0.01$$

Sol: a) x=3; b) x=25; c) x=1/5; d) x=9; e) x=5/2; f) x=4; g) 3/2; h) x=-3; i) -2; j) -2; k) x = 3/4; l) x = 3; m) x = 2/3; n) x = -1/2

3. Simplifica las siguientes expresiones:

a)
$$3^{x+2} \cdot 9^{x-1} \cdot 3$$

a)
$$3^{x+2} \cdot 9^{x-1} \cdot 3^2$$
 b) $2^{x-1} \cdot 2^{x^2-1} \cdot 2^{3-x}$

c)
$$\frac{4^{x-2}}{8^{x-1}}$$

d)
$$\frac{3^{x+1}+3^x}{2\cdot 9^x}$$

d)
$$\frac{3^{x+1} + 3^x}{2 \cdot 9^x}$$
 e) $\frac{2^{x+1} + 3 \cdot 2^{x-1}}{4^{x-2}}$ f) $\frac{e^{x-1} + e^{x+3}}{e^{4x}}$

f)
$$\frac{e^{x-1} + e^{x+3}}{e^{4x}}$$

g)
$$\frac{4^x \cdot 2^{3-x}}{2^{x+l} + 2^{x-l}}$$
 h) $\frac{3^{x+l} \cdot 9^x}{3^x \cdot 3^{x^2+l}}$ i) $\frac{e^{x+l} - e^{x-2}}{e^{2x-l}}$

h)
$$\frac{3^{x+1} \cdot 9^x}{3^x \cdot 3^{x^2+1}}$$

i)
$$\frac{e^{x+1} - e^{x-2}}{e^{2x-1}}$$

Sol: a) 3^{3x+2} ; b) 2^{x^2+1} ; c) 2^{-x-1} ; d) $2 \cdot 3^{-x}$; e) $7 \cdot 2^{3-x}$; f) $\left(\frac{1}{e} + e^3\right) e^{-3x}$; g) $\frac{2^4}{3}$; h) 3^{2x-x^2} ; g) $(e^3 - 1)e^{-x-1}$

4. Resuelve:

a)
$$3^{-x} + 9^{x+1} = 4$$

b)
$$3^{2x+3} = 2187$$

a)
$$3^{-x} + 9^{x+1} = 4$$
 b) $3^{2x+3} = 2187$ c) $3^{\frac{x+1}{x-2}} = \frac{1}{9}$

d)
$$3^{x^2-3x+3} = 3$$

e)
$$10^{\frac{x^2-1}{x+1}} = 10$$

f)
$$2^{2x-1} - 2^{x+1} - 0$$

d)
$$3^{x^2-3x+3} = 3$$
 e) $10^{\frac{x^2-1}{x+1}} = 10$ f) $3^{2x-1} - 3^{x+1} = 0$ g) $5^{2x+1} + 3 \cdot 5^{6x-3} = 500$ h) $4^{x-2} - 2^{x+1} = -12$ i) $3^{2(x+2)} - 4 \cdot 3^x - 77 = 0$

h)
$$\Delta^{x-2} - 2^{x+1} = -12$$

i)
$$3^{2(x+2)} - 4 \cdot 3^x - 77 = 0$$

Sol: a) x=-1; b) x=2; c) x=1; d) x=1, x=2; e) x=2; f) x=2; g) 1; h) x=3; i)

x = 0

5. Resuelve los siguientes sistema

$$\mathbf{a} \begin{cases} 3^{x+y} = 81 \\ 3^{y-x} = 9 \end{cases}$$

a)
$$\begin{cases} 3^{x+y} = 8I \\ 3^{y-x} = 9 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} 3^x + 3^y = 36 \\ 3^{y-x} = 3 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} 2^{x} + 2^{y} = 20 \\ 2^{y+x} = 64 \end{cases}$$

$$d) \begin{cases} 2^{x} + 3^{y} = 7 \\ 2^{2x+l} - 3^{2y} = 23 \end{cases} e) \begin{cases} 2^{2x-y} = 32 \\ 3^{x-2y} = 3 \end{cases} f) \begin{cases} 3^{x} \cdot 9^{y} = 3^{8} \\ 2^{x-l} \cdot 2^{y+l} = 2^{6} \end{cases}$$

$$g) \begin{cases} 2 \cdot 3^{x+l} - 3^{y-l} = 15 \\ 5 \cdot 3^{x+2} - 3^{y+l} = 108 \end{cases} h) \begin{cases} 3 \cdot 2^{x} - 2 \cdot 3^{y} = -42 \\ 5 \cdot 2^{x+l} - 4 \cdot 3^{y-l} = 4 \end{cases}$$

$$i) \begin{cases} 2 \cdot 5^{x} - 2 \cdot 3^{y+2} = 32 \\ 5^{x} + 3^{y+l} = 28 \end{cases} j) \begin{cases} 3^{x} - 2^{y+l} = 235 \\ 3^{x-l} - 2^{y-l} = 79 \end{cases}$$

Sol: a) x = 1, y = 3; b) x = 2, y = 3; c) x = 4, y = 2; x = 2, y = 4; d) x = 2, y = 1; e) x = 3, y=1; f) x=4, y=2; g) x=1, y=2; h) x=2, y=3; i) x=2, y=0; j) x=5, y=2

6. Resuelve:

a)
$$a^{x-2} = a^{2(x-1)}$$

b)
$$4^{x+1} = 2^{2x-3}$$

c)
$$2^{x-1} = 8^{x-3}$$

b)
$$4^{x+1} = 2^{2x-3}$$
 c) $2^{x-1} = 8^{x-3}$
d) $3^{2x+1} - 9^{x+2} = -702$ e) $5^{3x-2} = 625$ f) $5^{x^2-x-6} = 1$
g) $3^{2x-1} - 3^{2x} = -54$ h) $4^x - 2^{x+2} = 32$ i) $5^{x-2} = 25^{x-3}$

e)
$$5^{3x-2} = 625$$

f)
$$5^{x^2-x-6} = 1$$

g)
$$3^{2x-1} - 3^{2x} = -54$$

h)
$$4^x - 2^{x+2} = 32$$

i)
$$5^{x-2} = 25^{x-3}$$

Sol: a) x = 0; b) $x = \dot{0}$; c) x = 4; d) x = 1; e) x = 2; f) x = -2, x = 3; g) x = 2; h) x = 3; i)

x=4

7. Resuelve:

a)
$$3^{2x+5} = 27^{x+2}$$

a)
$$3^{2x+5} = 27^{x+2}$$
 b) $3^{x+1} + 3^{x-2} + 3^x + 3^{x-1} = 120$ c) $4^x + 2^{x-1} = \frac{1}{2}$

c)
$$4^x + 2^{x-1} = \frac{1}{2}$$

d)
$$2^{-x+5} = 8^{x+3}$$

d)
$$2^{-x+5} = 8^{x+3}$$
 e) $1 + 2 + 4 + 8 + ... + 2^x = 511$

f)
$$1 + 3 + 9 + 27 + ... + 3^x = 3280$$

f)
$$1 + 3 + 9 + 27 + ... + 3^x = 3280$$
 g) $1 + 4 + 16 + 64 + ... + 4^x = 1365$

h)
$$1 + 5 + 25 + 125 + ... + 5^x = 19531$$
 j)

$$1 + 6 + 36 + 216 + \dots + 6^x = 55987$$

j)
$$1 + 7 + 49 + 343 + \dots + 7^x = 19608$$
 k) $2^x + 2^{x-1} + 2^{x-1} + 2^{x-3} = 29$

k)
$$2^x + 2^{x-1} + 2^{x+1} + 2^{x-3} = 29$$

Sol: a) x=-1; b) x=3; c) x=-1; d) x=-1; e) x=8; f) x=7; g) x=5; h) x=6; i) x=6; j) x = 5; k) x = 3

8. Resuelve las siguientes ecuaciones:

a)
$$3.3^{x} = 27$$

b)
$$5.3^{x} = 405$$

c)
$$2^{x}/4 = 4$$

c)
$$2^{x}/4=4$$
 d) $4^{2x+1}=1/4$

Sol: a)
$$x=2$$
; b) $x=4$; c) $x=4$; d) $x=-1$

9. Las siguientes ecuaciones exponenciales tienen soluciones enteras. Hállalas:

a)
$$2^{x^2} = 16$$

b)
$$3^{x-3} = 81$$

c)
$$\sqrt{3^x} = \frac{1}{9}$$

a)
$$2^{x^2} = 16$$
 b) $3^{x-3} = 81$ c) $\sqrt{3^x} = \frac{1}{9}$ d) $\left(\frac{1}{3}\right)^x = \sqrt{3}$

Sol: a)
$$x=2$$
; b) $x=7$; c) $x=-4$; d) $x=-1/2$

10. Resuelve mediante un cambio de variable:

a)
$$2^{2x}-3.2^x-4=0$$

b)
$$3^x + 3^{x-1} - 3^{x-2} = 11$$
 c) $2^x + 2^{-x} = 65/8$

c)
$$2^{x} + 2^{-x} = 65/8$$

Sol: a)
$$x=2$$
; b) $x=2$; c) $x=3$, $x=-3$

11. Resuelve las siguientes ecuaciones:

a)
$$3^{x+2} = 729$$
 b) $2^{3x-2} = 16$ c) $5^x + 5^{x+1} = 750$ d) $1000^{2+x} = 1$

c)
$$5^x + 5^{x+1} = 750$$

d)
$$1000^{2+x} = 1$$

Sol: a)
$$x=4$$
; b) $x=2$; c) $x=3$; d) $x=-2$

12. Resuelve:

a)
$$2^{2x+1} = 8^{x-1}$$
 b) $3^{x-1} = 3^{x^2-1}$ c) $\frac{2^{3x+1}}{2^{x^2}} = \frac{4^x}{2^5}$

Sol: a) x=4; b) x=0, x=1; c) x=3, x=-2

13. Resuelve las siguientes ecuaciones exponenciales:

a)
$$2^{x+1} = 4^x$$
 b) $3^{x+2} = 9$ c) $4^{x-1} = 2^{x+1}$ d) $25^{x+2} = 5^{-x-2}$ e) $3^{x-1} + 3^x - 3^{x+1} = -45$ f) $3^{x+1} - 3^x - 2 \cdot 3^{x-1} = 12$ g) $2^{3x} - 2^{2x} - 4 = 0$ h) $3^{2x+1} - 12 \cdot 3^x + 3^2 = 0$ Sol: a) $x = 1$; b) $x = 0$; c) $x = 3$; d) $x = -2$; e) $x = 3$; f) $x = 2$; g) $x = 1$; h) $x = 0$, $x = 1$

14. Resuelve los siguientes sistemas:

a)
$$\begin{cases} 2^{x} + 2^{y} = 5 \\ 2^{x-y} = \frac{1}{4} \end{cases}$$
b)
$$\begin{cases} 3^{x} + 2^{y} = 7 \\ 3^{x} + 2^{2y} = 19 \end{cases}$$
c)
$$\begin{cases} 2^{3x+y} = 4 \\ 2^{3x+y} = 4 \end{cases}$$
d)
$$\begin{cases} 2^{2x-1} - 3^{y} = 7 \\ 2^{x+1} + 3^{y} = 9 \end{cases}$$
e)
$$\begin{cases} 3 \cdot 2^{x+y} = 12 \\ 2 \cdot 2^{x} - 2^{y} = 7 \end{cases}$$
f)
$$\begin{cases} 3 \cdot 2^{x+1} - 2 \cdot 3^{y+1} = 10 \\ 2^{x} - 3 \cdot 3^{y} = 1 \end{cases}$$

Sol: a) x=0, y=2; b) x=1, y=2; c) x=1, y=-1; d) x=2, y=0; e) x=2, y=0; f) x=1, y=-1

15. Resuelve los siguientes sistemas de ecuaciones:

a)
$$\begin{cases} 2^{x} + 2^{y} = 6 \\ 2^{x+y} = 8 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} 3^{x+y} = 2187 \\ 3^{x-y} = 27 \end{cases}$$
 Sol: a) $x = 2$, $y = 1$; $x = 1$, $y = 2$; b) $x = 5$, $y = 2$

16. Resuelve los siguientes sistemas:

a)
$$\begin{cases} 3x + 2y = -1 \\ 2^{x+y} = \frac{1}{2} \end{cases}$$
b)
$$\begin{cases} 3^{x-1} - 3^{-y} = \frac{2}{9} \\ 2x + y = 2 \end{cases}$$
c)
$$\begin{cases} 2^{x} + 3^{2y} = 11 \\ 2^{x+1} - 3^{y} = 1 \end{cases}$$
d)
$$\begin{cases} 2^{x/2} \cdot 8^{y} = 2 \\ 2^{x-y} = 4 \end{cases}$$
e)
$$\begin{cases} 3^{x} + 5^{y} = 14 \\ 3^{x} - 5^{y} = 47 \end{cases}$$
f)
$$\begin{cases} 2 \cdot 3^{x} - 3^{y-2} = 5 \\ 3^{x} \cdot 3^{y} = 27 \end{cases}$$
Solve) $x = 1, x = 3, b$, $x = 0, x = 2, x = 1, x = 1, d$, $x = 2, x = 0, x = 2, x = 1, x = 1, d$

Sol: a) x=1, y=-2; b) x=0, y=2; c) x=1, y=1; d) x=2, y=0; e) x=2, y=1; f) x=1, y=2

17. Halla "x":

a)
$$2^{x-l} + 2^x - 2^{x+l} = -4$$
 b) $5^x + 5^{x+l} - \frac{1}{5} = 1$ c) $32^x = \sqrt[3]{2^2}$ d) $3^{x+l} \cdot 3^x = \frac{1}{27}$ e) $3^{x-l} + \frac{1}{3} = 2 \cdot 3^{2x-l}$ f) $a^{2x-3} = \sqrt[3]{a}$

Sol: a) x=3; b) x=-1; c) x=2/15; d) x=-2; e) x=0; f) x=5/3

18. Simplifica las siguientes expresiones:

a)
$$2^{\frac{x}{2}} \cdot 4^{x} \cdot 8^{\frac{2x}{3}}$$

b)
$$3^{2x-1} \cdot 3^{x+2} \cdot 3^{\frac{x}{2}}$$

c)
$$\frac{2^{x+l} \cdot 2^{-x+l}}{8^x \cdot 4^{-x}}$$

d)
$$\frac{5^x \cdot 25^x}{625^x \cdot 125^x}$$
 e) $\frac{8I^{x+I} \cdot 9^x}{3^{2x-3} \cdot 3^{4x}}$

e)
$$\frac{8I^{x+1} \cdot 9^x}{3^{2x-3} \cdot 3^{4x}}$$

f)
$$\frac{\left(3^{x+1}\right)^2 \cdot 9^{-x}}{81^{-x+1} \cdot 3^{2x}}$$

Sol: a) $2^{\frac{9x}{2}}$; b) $3^{\frac{7x}{2}+1}$; c) 2^{2-x} ; d) 5^{-4x} ; e) 3^{6-x} ; f) 3^{x-1}

a)
$$3^{x+2} + 2.3^x - 33 = 0$$

b)
$$2^{x-1} - 3 \cdot 2^x + 2^{-1} = -2$$

c)
$$2^{x+1} - 2^x + 3 \cdot 2^{-2} =$$

19. Resuelve:
a)
$$3^{x+2} + 2.3^x - 33 = 0$$

b) $2^{x-1} - 3.2^x + 2^{-1} = -2$
c) $2^{x+1} - 2^x + 3.2^{-2} = 1$
e) $2^x \cdot 2^{3-2x} + 2^2 = 2^3$
f) $5^{x-1} \cdot 5^{2x-3} = 3125$

e)
$$2^x$$
 . $2^{3-2x} + 2^2 = 2^3$

f)
$$5^{x-1}$$
 . $5^{2x-3} = 3125$

Sol: a)
$$x=1$$
; b) $x=0$; c) $x=-2$; d) $x=-1$; e) $x=1$; f) $x=3$

20. Resuelve los siguientes sistemas:

$$\mathbf{a} \begin{cases} x - y = 1 \\ 2^x - 2^y = 2 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 2^{x} - 3^{y} = 1 \\ 2^{x+2} - 3^{y+1} = 5 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} 3 \cdot 2^{x} + 2 \cdot 3^{y} = 2I \\ 3^{y+2} - 2 \cdot 2^{x-I} = 80 \end{cases}$$

a)
$$\begin{cases} x - y = 1 \\ 2^{x} - 2^{y} = 2 \end{cases}$$
b)
$$\begin{cases} 2^{x} - 3^{y} = 1 \\ 2^{x+2} - 3^{y+1} = 5 \end{cases}$$
c)
$$\begin{cases} 3 \cdot 2^{x} + 2 \cdot 3^{y} = 21 \\ 3^{y+2} - 2 \cdot 2^{x-1} = 80 \end{cases}$$
d)
$$\begin{cases} 2^{3x-2y} = \frac{1}{2} \\ 3^{y+2} = 27 \end{cases}$$
e)
$$\begin{cases} 5^{x} \cdot 25^{2x} = 5^{y+2} \\ 3^{2x} \cdot 3^{2y} = 81^{2} \end{cases}$$
f)
$$\begin{cases} 3^{x+1} - 2^{y+1} = -3 \\ 2^{y} - 2 \cdot 3^{x+2} = -4 \end{cases}$$

e)
$$\begin{cases} 5^x \cdot 25^{2x} = 5^{y+2} \\ 2^{2x} \quad 2^{2y} - 81^2 \end{cases}$$

f)
$$\begin{cases} 3^{x+1} - 2^{y+1} = -3 \\ 2^{y} - 2 \cdot 3^{x+2} = -4 \end{cases}$$

Sol: a) x=2, y=1; b) x=1, y=0; c) x=0, y=2; d) x=1, y=2; e) x=1, y=3; f) x = -1, y = 1

- 21. Con ayuda de la calculadora, haz una tabla de valores de la función $y = (1/2)^{x}$ ¿Es creciente o decreciente?. Sol: Decreciente.
 - 22. Representa la función $y = (3/2)^x$. ¿Es creciente o decreciente?. Sol: Creciente
 - 23. Representa las siguientes funciones:

a)
$$y = 2^x - 1$$

b)
$$y = 2^x + 2$$

24. Representa las siguientes funciones:

a)
$$y = 3^{x+1}$$

b)
$$y = (1/2)^{x-1}$$
 c) $y = 2-2^x$ d) $y = 2^{-x}$

c)
$$y = 2-2^{3}$$

d)
$$y = 2^{-3}$$

- 25. Comprueba que las gráficas de $y=2^x$ e $y=(1/2)^x$ son simétricas respecto al eje OY.
- 26. La gráfica de una función exponencial del tipo y= ka^x pasa por los puntos (0,3) y (1,6).
 - a) Calcula k y a
 - b) Representa la función

Sol: k = 3, a = 2

- 27. Debido a una enfermedad, el número de pollos de una granja viene dado por $y = 10000(0.9)^{t}$ (t en días).
 - a) ¿Cuál es el número de pollos inicial?
 - b) ¿Qué cantidad de pollos tiene el granjero al cabo de 2 días?

- c) ¿Y de tres días?
- d) Representa la función

Sol: a) 10000; b) 8100; c) 7290

- 28. La masa de una muestra radiactiva, sin desintegrar, disminuye según la función $y=100.2^{-4t}$ (y en gramos, t en días)
 - a) ¿Qué masa había en el momento inicial?
 - b) ¿Cuánto tiempo tarda en reducirse a la mitad?

Sol: a) 100 grs; b) 1/4 hora

- 29. De la función exponencial $f(x)=ka^x$ conocemos f(0)=3 y f(2)=75. ¿Cuánto valen k y a? Sol: $k=3,\ a=5$
- 30. Las gráficas de las funciones $y=a^x$ pasan todas por un mismo punto. ¿Cuál es ese punto?

Sol: (0,1)

31. ¿Para qué valores de a la función $y=a^x$ es creciente? ¿Para cuáles es decreciente?

Sol: a> 1, 0< a< 1

32. Indica para qué valores de x se verifica 1 $<\ 3^x <\ 81$, siendo a> 1.+ Sol: 0< x< 4

LOGARITMOS

- 1. Haz una tabla de valores de la función $y=2^x$. A partir de ella, representa la función $y=\log^2 x$.
 - 2. Representa estas funciones a partir de la gráfica de $y = \ln x$:

a)
$$y = 2 + \ln x$$

b)
$$y = \ln (x+1)$$

- 3. ¿Cuál es el dominio de la función y= log(1-x)?. Represéntala. Sol: (-4,1)
- 4. Halla la función inversa de las siguientes funciones:

a)
$$y = 3^{x-2}$$

b)
$$y = e^{x}-2$$

Sol: a)
$$y = 2 + \log^3 x$$
; b) $y = \ln(x + 2)$

- 5. Para cada una de las funciones $y = a^x e y = log^a x$, contesta:
- a) ¿Puede ser negativa la y?
- b) ¿Podemos dar a x valores negativos?

Sol: a) No, sí; b) sí, no

- 6. Calcula los logaritmos que se indican:
- a) log232
- b) log5625
- c) log1000
- d) log381

- e) lne^3
- f) $\log 10^5$
- g) lne^x
- h) log264

- i) log3729
- j) log2128
- Sol: a) 5; b) 4; c) 3; d) 4; e) 3; f) 5; g) x; h) 6; i) 6; j) 7

7. Halla los logaritmos siguientes:

- c) $\log_2(1/32)$

- f) $\log_3(1/81)$

- i) log525

a) log³(1/3) e) log³(1/9) g) log⁵(1/5) h) log⁵125 Sol: a) -3; b) -1; c) -5: d) -1: a) a Sol: a) -3; b) -1; c) -5; d) -1; e) -2; f) -4; g) -1; h) 3; i) 2

8. Empleando la calculadora halla:

- a) log8
- b) log3
- c) log121
- d) $\log(5,74)$
- e) $\log(3,15)$

- f) $\log(102,31)$ g) $\ln(4,15)$
- h) ln(3,19)
- i) ln103

9. Halla el valor de "x" en las siguientes expresiones:

- a) $\log_{x} 32 = 5$ b) $\log_{x} 36 = 21$
- c) $\log_{x} 81 = 2$

- d) $\log_x 49 = 2$
- e) $\log_x 5 = \frac{1}{2}$ f) $\log_x \frac{1}{16} = -4$

g)
$$\log_x 5 = -\frac{1}{2}$$

g)
$$\log_x 5 = -\frac{1}{2}$$
 h) $\log_x 32 = \frac{5}{2}$ i) $\log_x 0.01 = -2$

$$\mathbf{i})\log_{x} 0.01 = -2$$

j)
$$\log_x 4 = -\frac{1}{2}$$
 k) $\log_x 216 = 3$ l) $\log_x 64 = 3$

$$k) \log_x 216 = 3$$

$$1)\log_{x} 64 = 3$$

Sol: a) x=2; b) x=6; c) x=9; d) x=7; e) x=25; f) x=2; g) x=1/25; h) x=4; i) x=10; j) x=1/16; k) x=6; l) x=4

10. Calcula x en las siguientes ecuaciones:

- a) $\log x = \log 5 \log 2$
- b) $\ln x = 2 \ln 3$
- c) $1 + 2 \log x = 3$
- d) $3 \log_3 x = -9$

Sol: a) x = 5/2; b) x = 9; c) x = 10; d) x = 1/27

11. Resuelve:

- a) $\log_2 16 = x$
- b) $\log(10000) = x$

c) $\log_3 27 = x$

d) logax = 0

e) $\log_9 x = 2$

f) $\log_{16} 4 = x$

g) $\log_{0} \sqrt[3]{3} = x$

Sol: a) x=4; b) x=4; c) x=3; d) x=1; e) x=81; f) x=1/4; g) x=1/6

12. Resuelve:

- a) $\log_{x} 0,0001 = -4$ b) $\log_{2} \frac{1}{32} = x$ c) $\log_{x} 10 = \frac{1}{3}$ d) $\log_{3} \left(3^{2} \sqrt{3}\right) = x$ e) $\log_{1} 1 = x$ f) $\log_{3} \sqrt{81} = x$ g) $\log_{2} \left(\log_{2} 2^{8}\right) = x$ h) $\log_{5} \sqrt{5} = x$ i) $\log_{5} 625 = x$

Sol: a) x = 10; b) x = -5; c) $x = 10^3$; d) x = 5/2; e) x = 0; f) x = 2; g) x = 3; h) x = 1/2; i)

x=4

13. Resuelve las siguientes ecuaciones:

- a) $\log x + \log 30 = 1$
- b) $\log (2x) = \log 32 \log x$

Sol: a) x = 1/3; b) x = 4

14. Resuelve:

a)
$$\log x = \log 2$$

$$\mathbf{b)} \log x = 3$$

c)
$$\log x = 5$$

d)
$$\log_2(32^2) = x$$

b)
$$\log x = 3$$

e) $\log x = 2 \log 3$

f)
$$\log x - \log 10 = 2$$

g)
$$4 \log_3 (2x-5) = \log_3 81$$
 h) $\log_2 (x^2+x+2) = 2$

h)
$$\log_2(x^2 + x + 2) = 2$$

$$\mathbf{i})\log_2\left(\frac{3x^2+5}{2x-1}\right) = 3$$

Sol: a) x=2; b) x=1000; c) x=100000; d) x=10; e) x=9; f) x=1000; g) x=4; h) x=1, x=-2; i) x=1, x=13/3

15. Resuelve:

a)
$$\log (3x + 25) = 2$$

b)
$$\frac{5-3x}{2} = \log 0.1$$

a)
$$\log (3x+25) = 2$$

b) $\frac{5-3x}{x-2} = \log 0.1$
c) $\log_3(3x-1) - \log_3(x+1) = 2$
d) $3 \log_2(x-1) = \log_2 8$
e) $\log 3 + \log (x-1) = \log (2x)$

d)
$$3 \log_{2}(x-1) = \log_{2} 8$$

$$e) \log 3 + \log (x-1) = \log (2x)$$

f)
$$\log \frac{x}{100} = \log 10^4 - \log x 2$$
 g)
$$\begin{cases} \log x + \log y = 3 \\ x - 3y = 70 \end{cases}$$

$$g\left\{\begin{array}{c} \log x + \log y = 3\\ x - 3y = 70 \end{array}\right.$$

Sol: a)
$$x = 25$$
; b) $x = 3/2$; c) $x = -5/3$; d) $x = 3$; e) $x = 3$; f) $x = 1000$; g) $x = 100$, $y = 10$

16. Expresa los siguientes logaritmos en función de log2:

b)
$$\log \frac{1}{16}$$

b)
$$\log \frac{1}{16}$$
 c) $\log 5$ d) $\log 0.32$ e) $\log \sqrt[3]{\frac{32}{5}}$

17. Sabiendo que $\log 2 = 0.30103$ y $\log 3 = 0.47712$, calcula:

- a) log4
- b) log5
- c) log6
- d) log9
- e) log18

- f) log30
- g) log48
- h) log72
- i) log16
- j) log40

- k) log20
- l) log32

18. Sabiendo que $\log 2 = 0.30103$ y $\log 3 = 0.47712$, calcula:

b)
$$\log 0.48$$
 c) $\log \sqrt[3]{40}$ d) $\log \frac{48}{9}$ e) $\log \frac{18}{5}$

d)
$$\log \frac{48}{9}$$

e) log
$$\frac{18}{5}$$

g)
$$\log \frac{30}{4.8}$$

f)
$$\log 0.072$$
 g) $\log \frac{30}{4.8}$ h) $\log (1.8)^3$ i) $\log \sqrt[4]{\frac{9}{32}}$

$$\mathbf{j})\log \sqrt{\frac{9}{5}}$$

j)
$$\log \sqrt{\frac{9}{5}}$$
 k) $\log \left(\frac{8}{3}\right)^2$ l) $\log \left(\frac{5}{4}\right)^3$

19. Halla:

a)
$$\log_2 \left(\frac{\sqrt[3]{64} \cdot 2^3}{2^4 \cdot \sqrt{128}} \right)$$

a)
$$\log_2\left(\frac{\sqrt[3]{64} \cdot 2^3}{2^4 \cdot \sqrt{128}}\right)$$
 b) $\log_3\left(\frac{\sqrt{3^3 \cdot 9} \cdot 3^1}{8I^2 \cdot 3^{-2}}\right)$

c)
$$\log \left(\frac{0.01 \cdot \sqrt[3]{100}}{10^{-1} \cdot 0.1} \right)$$
 d) $\log_5 \left(\frac{5^{-2} \sqrt{625}}{25 \sqrt{125}} \right)$

d)
$$\log_5 \left(\frac{5^{-2} \sqrt{625}}{25 \sqrt{125}} \right)$$

20. Transforma los siguientes logaritmos en logaritmos neperianos:

a)
$$\log 3$$
 b) $\log^2 e$ c) $\log^3 5$ d) $\log 5 e$) $\log^5 25$ Sol: a) $\ln 3/\ln 10$; b) $1/\ln 2$; c) $\ln 5/\ln 3$; d) $\ln 5/\ln 10$; e) $\ln 25/\ln 5 = 2$

- 21. Determina los intervalos en los que puede variar x para que se verifique:
- a) 0#log3x#1 b) 1#log2x#4 c) 2#lnx#3 d) -1#log2x#0
- e) $-2\#\ln x\#1$ f) $0<\log x<2$ g) $1\#\ln x^2<2$ h) $0<\log^2 x\#3$

Sol: a) 1 # x # 3; b) 2 # x # 16; c) $e^2 \# x \# e^3$; d) 1 / 2 # x # 1; e) $e^{-2} \# x \# e$; f) 1 < x < 100;

g)
$$\sqrt{e} \# x < e$$
; h) 1< x#8

- 22. ¿Qué números tienen logaritmo negativo si la base es 5?. Sol: x< 1
- 23. Prueba que ln10.loge= 1
- 24. Si la base de un sistema de logaritmos es 1/3. ¿Cómo son los logaritmos de los números mayores que 1? Sol: negativos
- 25. Si se multiplica un número por 8 ¿Qué variación experimenta su logaritmo en base 2?. Sol: se le suma 3
 - 26. Resuelve los siguientes sistemas:

a)
$$\begin{cases} x + y = 110 \\ \log x + \log y = 3 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} \log_3 x - \log_3 y = 1 \\ x - 2y = 9 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} -3x + y = 70 \\ \log y - \log x^2 = 0 \end{cases}$$
 d)
$$\begin{cases} x + y = 12 \\ \log_2 x - \log_2 y^3 = -3 \end{cases}$$
 e)
$$\begin{cases} \log_2 x - \log_2 y = 1 \\ \log_2 x - \log_2 y = 1 \end{cases}$$
 f)
$$\begin{cases} \log x + \log y = 4 \\ y - 4x = 0 \end{cases}$$

Sol: a) x=100, y=10; b) x=27, y=9; c) x=10, y=100; d) x=8, y=4; e) x=8, y=4; f) x=50, y=200

27. Resuelve:

27. Resultive:
a)
$$\begin{cases} \log (x/y) = 1 \\ 3 \log x + \log y = 3 \end{cases}$$
b)
$$\begin{cases} \log x - \log y = -1 \\ \log x + \log y = 1 - \log 4 \end{cases}$$
c)
$$\begin{cases} \log (x+y) + \log (x-y) = \log 16 \\ 2^{x} \cdot 2^{y} = 2^{8} \end{cases}$$
d)
$$\begin{cases} \log x + \log y = 2 \\ \log x - \log y = 0 \end{cases}$$
e)
$$\begin{cases} \log x - \log y = 3 \end{cases}$$
f)
$$\begin{cases} x - 5y = 50 \\ \log x + \log y = 3 \end{cases}$$

Sol: a) x=10, y=1; b) x=1/2, y=5; c) x=5, y=3; d) x=10, y=10; e) x=10, y=1/100; f) x=100, y=10

28. Resuelve los siguientes sistemas de ecuaciones:

a)
$$\begin{cases} \log x + \log y = 2 \\ \log x - \log y = 0 \end{cases}$$
 b)
$$\begin{cases} x + y = 30 \\ \log_3 x - \log_3 y = 2 \end{cases}$$
 c)
$$\begin{cases} \log x + \log y = 5 \\ \log x - \log y = 1 \end{cases}$$
 d)
$$\begin{cases} \ln x + \ln y = \ln 8 \\ e^{x-y} = e^2 \end{cases}$$

Sol: a)
$$x = 10$$
, $y = 10$; b) $x = 27$, $y = 3$; c) $x = 1000$, $y = 100$; d) $x = 4$, $y = 2$

29. Resuelve:

- a) $\log_3 9 = x$ b) $\log_x(1/8) = -3$
- c) $\log^2 x = 5$
- d) $\log_3(\sqrt{3}/9) = x$

- e) $\log x5 = -2$ f) $\ln(1/e^2) = x$
- g) $\log^9(\sqrt{3}/3) = x$ h) $\log^{(1/2)}8 = x$ k) $\log^{1/2}2^3 = x$ l) $\log x 1 = 2$

- i) $\log^3 x^4 = 8$ j) $\log x + \log 2 = \log 5$

Sol: a) x=2; b) x=2; c) x=32; d) x=-3/2; e) $x=1/\sqrt{5}$; f) x=-2; g) x=-1/4; h) x=-3; i) x=9; j) x=5/2; k) x=-3; l) x=1000

30. Resuelve las ecuaciones logarítmicas:

- a) $\log \sqrt{x} + 4 \log(3x) = -2 \log 3$
- b) $\ln x \ln(x-2) = \ln(4x-3) \ln 3$
- c) $\log(x-2) \log(x^2) = -\log(3x)$
- d) $2 \log x \log(2x) = \log(x-1)$
- e) $\ln(x^2 + 2) \ln(x + 1) = \ln(2-x)$
- f) $3 \log x 2 \log 2 = \log(x^2) \log 2$

Sol: a) x=12; b) x=3; c) x=3; d) x=2; e) x=0; f) x=2

31. Determina los intervalos en los que puede variar x:

- a) $0 < \log^3 x \# 2$
- b) $1 < \log_2 x < 3$
- c) $0 \# \log x < 1/2$

- d) $1/2 \# \log_4 x \# 1$
- e) $-1 < \log^3 x < 2$ f) $-2 \# \log^2 x \# 3/2$

Sol: a) 1 < x#9; b) 2 < x < 8; c) $1#x < \sqrt{10}$; d) 2#x#4; e) 1/3 < x < 9; f) $1/4#x#\sqrt{8}$

32. Calcula el valor de los siguientes logaritmos:

a) 2
$$\log_2\left(\frac{\sqrt{64} \cdot 2^3}{32 \cdot \sqrt{8}}\right)$$
 b) $\log_3\sqrt{\frac{1000 \cdot 10^{-2}}{10^5 \cdot 10^{-1}}}$ c) $\ln\left(\frac{e^3 \cdot \sqrt{e^3}}{e^2 \cdot e^{-4}}\right)$

b)
$$\log \sqrt[3]{\frac{1000 \cdot 10^{-2}}{10^5 \cdot 10^{-1}}}$$

c)
$$\ln \left(\frac{e^3 \cdot \sqrt{e^3}}{e^2 \cdot e^{-4}} \right)$$

d)
$$\log_3\left(\frac{27.3}{\sqrt{81}.3^2}\right)$$

d)
$$\log_3\left(\frac{27.3}{\sqrt{81}.3^2}\right)$$
 e) $\log_5\left(\frac{\sqrt{625}.125}{5^2\cdot25^2}\right)$ f) $\log_4\left(\frac{16.2}{\sqrt{8}.2^2}\right)$

f)
$$\log_4 \left(\frac{16.2}{\sqrt{8} \cdot 2^2} \right)$$

Sol a) -1; b) -1; c) 13/2; d) 0; e) -1; f) 3/4

33. Resuelve los sistemas:

a)
$$\begin{cases} \log x + \log y = 2 \\ x - 5 y = 5 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 2\log_2 x - \log_3 y = 2 \\ \log_2 x + \log_3 y = 4 \end{cases}$$

33. Resultive los sistemas:
a)
$$\begin{cases} \log x + \log y = 2 \\ x - 5y = 5 \end{cases}$$
b)
$$\begin{cases} 2\log_2 x - \log_3 y = 2 \\ \log_2 x + \log_3 y = 4 \end{cases}$$
c)
$$\begin{cases} \log_2 x - \log_2 y = \log \sqrt{10} \\ \log_2 x^2 + \log_2 y = 1 \end{cases}$$
d)
$$\begin{cases} 2x - y = -3 \\ \log_3 y - \log_3 x = 1 \end{cases}$$
e)
$$\begin{cases} \log_2 x^3 - \log_2 y = 3 \\ \log_2 2x + \log_2 y^2 = 2 \end{cases}$$
f)
$$\begin{cases} \log x + \log_3 y = 2 \\ \log_3 y - \log_3 x = 1 \end{cases}$$

$$d) \begin{cases} 2x - y = -3 \\ \log_3 y - \log_3 x = 1 \end{cases}$$

e)
$$\begin{cases} \log_2 x^3 - \log_2 y = 3 \\ \log_2 2x + \log_2 y^2 = 2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \log x^2 + \log y = 4 \\ \frac{\log x}{\log y} = \frac{1}{2} \end{cases}$$

Sol: a) x = 25, y = 4; b) x = 4, y = 9; c) x = 2, y = 1; d) x = 3, y = 9; e) x = 2, y = 1; f) y = 100x = 10, y = 100

34. Resuelve:

a)
$$\log_{27} \beta = x$$

b)
$$\log_2 \sqrt[3]{32} = x$$

a)
$$\log_{27} 3 = x$$
 b) $\log_2 \sqrt[3]{32} = x$ c) $\log_x 7 = \frac{1}{2}$

a)
$$\log_{27} 3 - x$$
 b) $\log_2 \sqrt{32 - x}$ c) $\log_x 7 - \frac{\pi}{2}$
d) $\log_3 \frac{8I}{x} = 3$ e) $\log_x 32 = \frac{5}{2}$ f) $\log_{\sqrt{1000}} x = 0$
g) $\log_{49} \sqrt{7} = x$ h) $\log_2 \frac{x}{4} = -2$ i) $\log_x \sqrt{8I} = 2$

e)
$$\log_x 32 = \frac{5}{2}$$

f)
$$\log_{\sqrt{1000}} x = 0$$

$$g)\log_{49}\sqrt{7}=3$$

h)
$$\log_2 \frac{x}{4} = -2$$

i)
$$\log_{x} \sqrt{81} = 2$$

j)
$$\log_3 \frac{\sqrt{x}}{9} = -1$$
 k) $\log_5 \frac{100}{x} = 2$ l) $\log_{\sqrt{x}} 9 = 2$

k)
$$\log_5 \frac{100}{x} = 2$$

$$l) \log_{\sqrt{x}} 9 = 2$$

Sol: a) x = 1/3; b) x = 5/3; c) x = 49; d) x = 3; e) x = 4; f) x = 1; g) x = 1/4; h) x = 1; i) x=3; j) x=9; k) x=4; l) x=9

35. Resuelve las ecuaciones:

a)
$$\ln (x-1) - \ln (x^2-1) = \ln \left(\frac{1}{3}\right)$$

b) $\ln \left(\frac{x+1}{x}\right) + \ln 2 = \ln(x+3)$
c) $\log (x+1) + \log(x-2) = \log(2-x)$
d) $2 \log(x-1) = 2 \log 2$

b)
$$\ln \left(\frac{x+1}{x} \right) + \ln 2 = \ln(x+3)$$

c)
$$\log (x+1) + \log(x-2) = \log(2-x)$$

d) 2
$$\log(x - \hat{1}) = 2 \log 2$$

e)
$$\log (x+1) - \log \sqrt{x-1} = \log(x-2)$$
 f) $\log x + \log(x+2) = \log (4x-1)$

f)
$$\log x + \log(x+2) = \log(4x-1)$$

Sol: a)
$$x=2$$
; b) $x=1$; c) $x=-1$, $x=2$; d) $x=-1$, $x=3$; e) $x=5$; f) $x=1$