Práctica 1, Ejercicio nº1

Juan José Rodríguez Hernández 31/10/2022

1 Find the power set R^3 of $R = \{(1, 1), (1, 2), (2, 3), (3, 4)\}$. Check your answer with the script powerrelation.m and write a LATEX document with the solution step by step.

Construimos \mathbb{R}^3 de manera ordenada, empleando la definición. Como todos los elementos de R están contenidos en R^2 , y $(1,2),(2,3)\in R$, entonces $(1,3)\in R^2$. De la misma forma podemos observar que $(2,3),(3,4)\in R$, luego $(2,4)\in R^2$. Finalmente nos queda $R^2=\{(1,1),(1,2),(2,3),(3,4),(1,3),(2,4)\}$.

Ahora construyamos R^3 . Para todo $x \in A$ tal que $(a,x) \in R^2$, $(a,x) \in R^3$. Entonces $R^2 \subset R^3$. Además, tenemos que $(1,2), (2,4) \in R^2$, por lo que $(1,4) \in R^3$. Finalmente obtenemos que $R^3 = \{(1,1), (1,2), (2,3), (3,4), (1,3), (2,4), (1,4)\}$, lo cual resuelve el ejercicio.