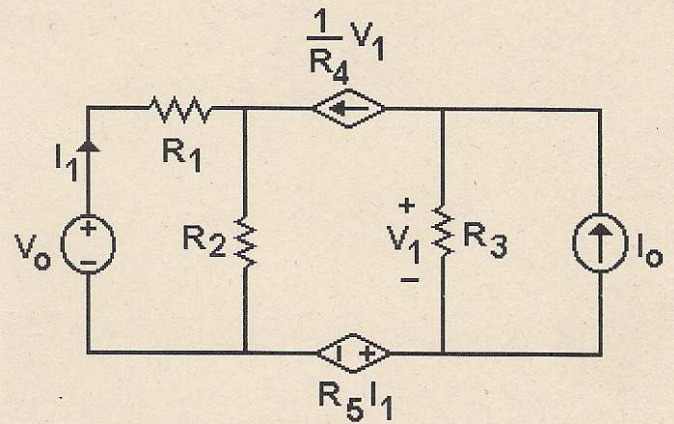
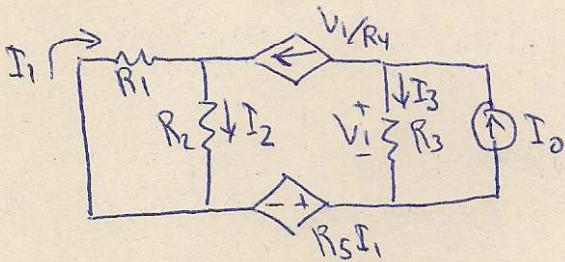


Apellidos.....Nombre.....

1) (3 puntos) Determinar la corriente  $I_1$  en el circuito de la figura aplicando el principio de superposición



Anulando  $V_0$



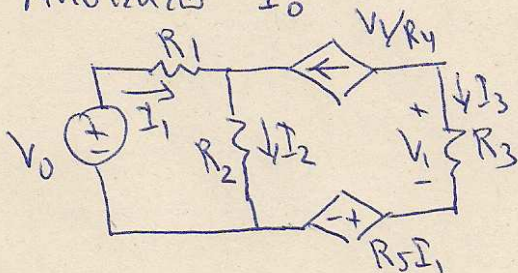
$$I_2 R_2 + I_1 R_1 = 0 \rightarrow I_2 = -\frac{I_1 R_1}{R_2}$$

$$V_1 = I_3 R_3 = (I_0 - \frac{V_1}{R_4}) R_3 \rightarrow V_1 = I_0 \frac{R_3 R_4}{R_3 + R_4}$$

$$I_1 = I_2 - \frac{V_1}{R_4} = -\frac{I_1 R_1}{R_2} - \frac{I_0 R_3}{R_3 + R_4}$$

$$I_1 = \frac{-I_0 R_2 R_3}{(R_1 + R_2)(R_3 + R_4)}$$

Anulando  $I_0$



$$V_0 - I_1 R_1 - I_2 R_2 = 0 = V_0 - I_1 R_1 - (I_1 + \frac{V_1}{R_4}) R_2$$

$$V_1 = I_3 R_3 = -\frac{V_1 R_3}{R_4} \rightarrow V_1 = 0$$

$$V_0 - I_1 R_1 - I_1 R_2 = 0 \rightarrow I_1 = \frac{V_0}{R_1 + R_2}$$

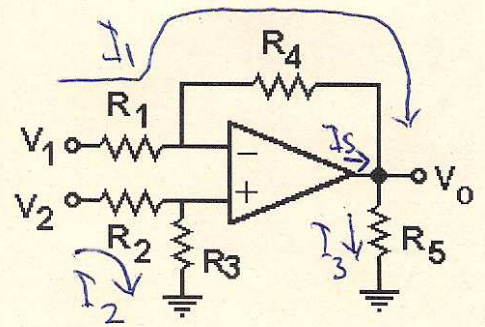
Con ambas Fuentes

$$I_1 = \frac{V_0}{R_1 + R_2} - \frac{I_0 R_2 R_3}{(R_1 + R_2)(R_3 + R_4)}$$



2) (3 puntos) Suponiendo que el amplificador operacional del circuito de la figura es ideal, determinar:

- a) La dependencia de la tensión de salida con  $V_1$  y  $V_2$   
 b) Suponiendo que todas las resistencias son iguales a  $R$  calcular la corriente que suministra la salida del operacional.



a)

$$V_+ = I_2 R_3 = \frac{V_2 R_3}{R_2 + R_3}$$

$$V_0 = V_- - I_1 R_4 = V_+ - \frac{V_1 - V_+}{R_1} R_4 = \frac{V_2 R_3}{R_2 + R_3} - \frac{V_1 R_4}{R_1} + \frac{V_2 R_3 R_4}{R_1 (R_2 + R_3)}$$

$\uparrow$   
 $V_+ = V_-$

$$\boxed{V_0 = V_2 \frac{R_3 (R_1 + R_4)}{R_1 (R_2 + R_3)} - V_1 \frac{R_4}{R_1}}$$

b)

$$R's \text{ iguales} \rightarrow \begin{cases} V_0 = V_2 - V_1 \\ V_+ = \frac{V_2}{2} \end{cases}$$

$$\boxed{I_s = I_3 - I_1 = \frac{V_0}{R} - \frac{V_1 - V_-}{R} = \frac{V_2 - V_1}{R} - \frac{V_1}{R} + \frac{V_2}{2R} = \frac{3}{2} \frac{V_2}{R} - 2 \frac{V_1}{R}}$$

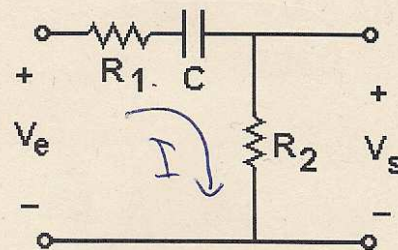


3) (4 puntos) Para el circuito de la figura:

a) Determinar la expresión de la ganancia de tensión, su módulo y su fase en función de la frecuencia.

b) Hallar los valores límite del módulo de la ganancia y de su fase cuando la frecuencia tiende a cero y a infinito.

c) Suponiendo los siguientes valores:  $R_1 = 9 \text{ kohm}$ ,  $R_2 = 1 \text{ kohm}$  y  $C = 0.160 \mu\text{F}$  dibujar (en la gráfica a la vuelta de la hoja) el diagrama de Bode del módulo de la ganancia.



a)

$$V_s = R_2 I \quad ; \quad I = \frac{V_e}{R_1 + R_2 + Z_c}$$

$$\boxed{A_v = \frac{V_s}{V_e} = \frac{R_2}{R_1 + R_2 + Z_c} = \frac{R_2}{R_1 + R_2 + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{j\omega C R_2}{1 + (R_1 + R_2)j\omega C}}$$

$$\boxed{|A_v| = \frac{\omega C R_2}{[1 + \omega^2 R^2 (R_1 + R_2)^2]^{1/2}} \quad ; \quad \varphi(A_v) = \frac{\pi}{2} - \arctan[\omega C (R_1 + R_2)]}$$

b)

$$\omega \rightarrow 0 \quad |A_v| \Rightarrow 0 \quad ; \quad \varphi \rightarrow \frac{\pi}{2}$$

$$\omega \rightarrow \infty \quad |A_v| \rightarrow \frac{R_2}{R_1 + R_2} \quad ; \quad \varphi \rightarrow \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2} = 0$$

c)

$$(C R_2)^{-1} \equiv \omega_2 \equiv 2\pi f_2 \quad ; \quad f_2 = ~~100~~ 1 \text{ kHz}$$

$$[C(R_1 + R_2)]^{-1} \equiv \omega_1 \equiv 2\pi f_1 \quad ; \quad f_1 = 100 \text{ Hz}$$

$$|A_v|_{\text{dB}} = \underbrace{20 \lg \frac{f}{f_2}}_A - \underbrace{20 \lg \left[ 1 + \frac{f^2}{f_1^2} \right]^{1/2}}_B$$



