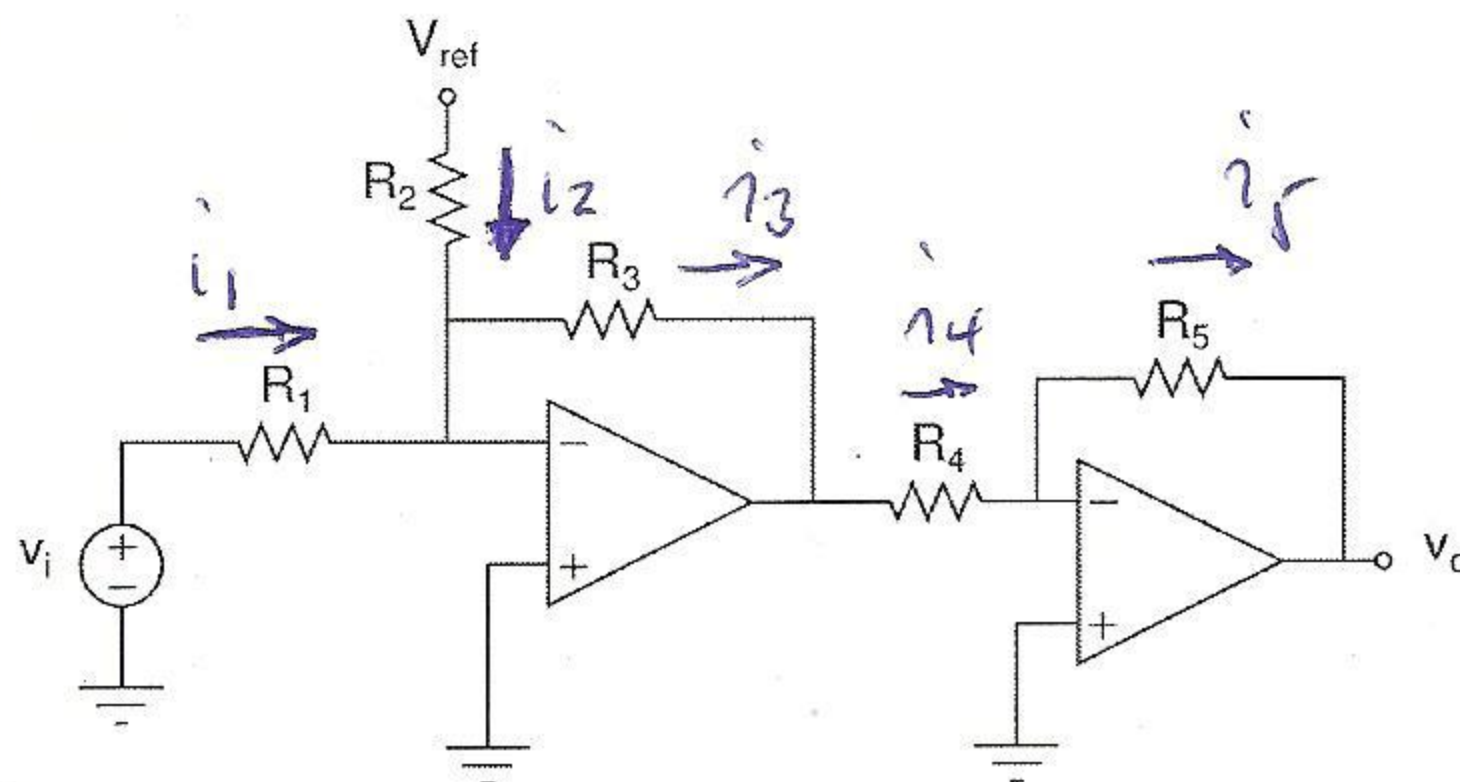


Apellidos _____ Nombre _____

Grupo _____

1.- (4 puntos) Se desea convertir una señal que varía entre -5 V y 5 V en otra que varíe entre 0 y 10 V. Para ello se propone el circuito de la figura adjunta.

- Obtener el valor de la tensión de salida v_o en función de la tensión de entrada v_i , de la tensión de referencia V_{ref} y de las resistencias R_1, R_2, R_3, R_4 y R_5 .
- Si todas las resistencias son iguales, ¿cuál debe ser el valor de la tensión de referencia V_{ref} para que el circuito realice la función deseada?



Como son A.O. ideales se cumple $i_+ = i_- = 0$. Además tienen realimentación negativa, por lo que $v_+ = v_-$.
Por último, como v_+ está a tierra en ambos $v_+ = v_- = 0$.

a) ① $i_1 + i_2 - i_3 = 0$

$$\frac{v_i}{R_1} + \frac{V_{ref}}{R_2} - \frac{-v_{o1}}{R_3} = 0 \Rightarrow v_{o1} = -R_3 \left(\frac{v_i}{R_1} + \frac{V_{ref}}{R_2} \right)$$

② $i_4 = i_5 \Rightarrow \frac{v_{o1}}{R_4} = -\frac{v_o}{R_5} \Rightarrow v_o = -\frac{R_5}{R_4} v_{o1} \Rightarrow v_o = \frac{R_3 R_5}{R_4} \left(\frac{v_i}{R_1} + \frac{V_{ref}}{R_2} \right)$

b) $R_i = R \Rightarrow v_o = \frac{R^2}{R^2} (v_i + V_{ref}) \Rightarrow v_o = v_i + V_{ref}$

$v_i = -5V \Rightarrow v_o = 0V$

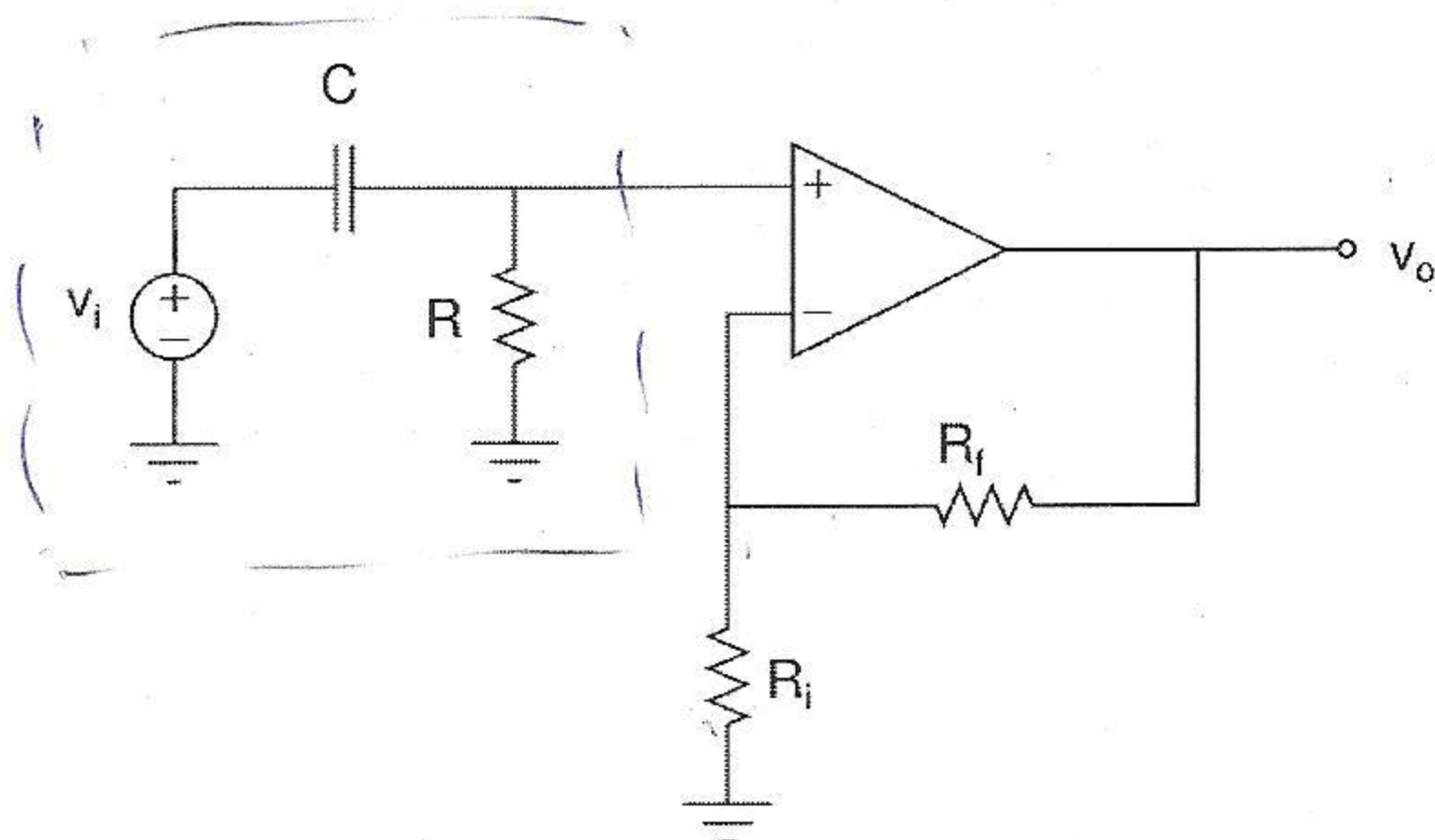
$v_i = 0V \Rightarrow v_o = 5V$

$v_i = 5V \Rightarrow v_o = 10V$

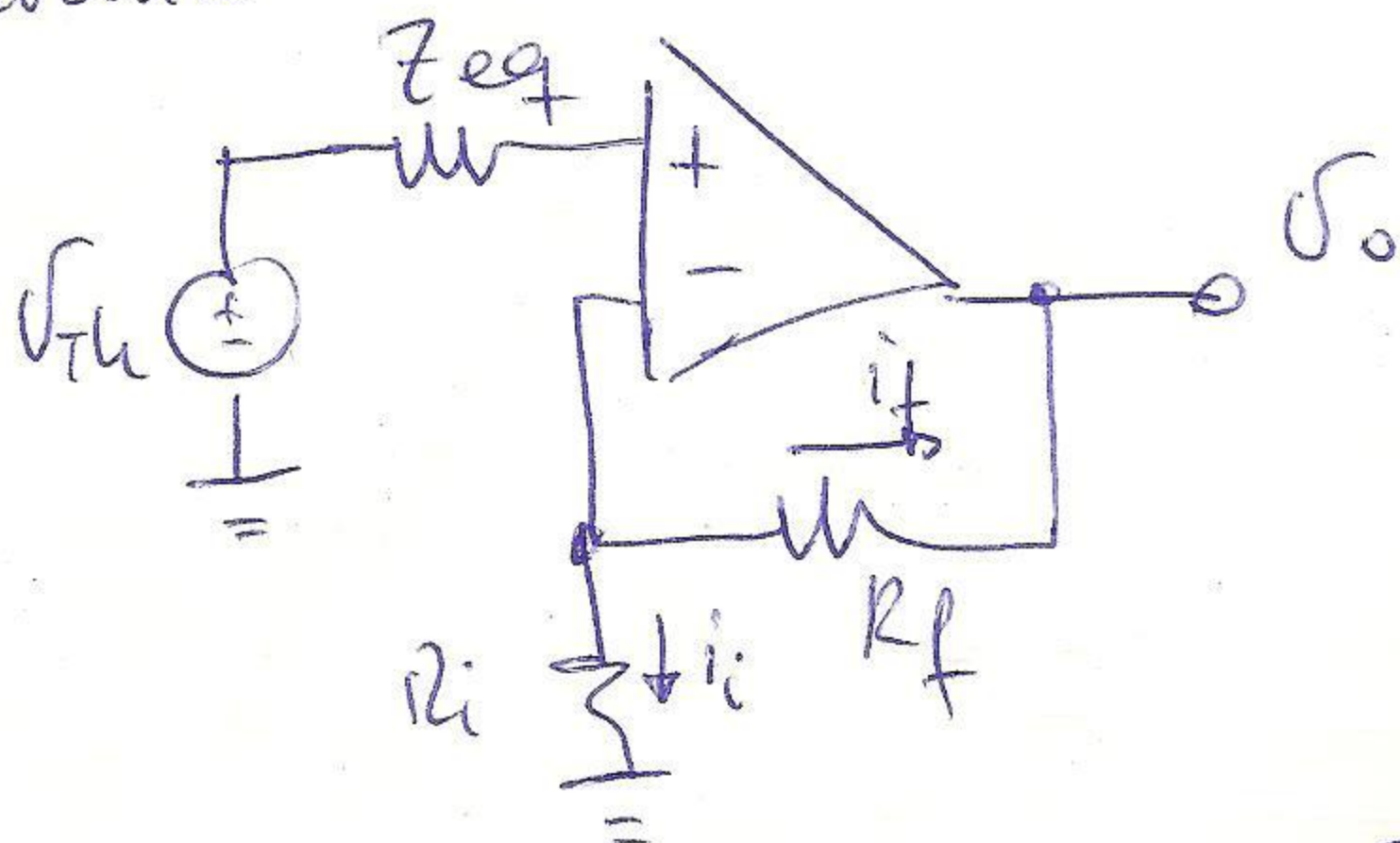
$V_{ref} = 5V$

2.- (4 puntos) Para el circuito de la figura calcular

- La función de transferencia $H(j\omega)$, su módulo y su fase.
- Representar el diagrama de Bode del módulo, suponiendo que $R = 10\text{ k}\Omega$, $C = 2.5\text{ }\mu\text{F}$ y $R_f = 3R_i$



Reemplazamos la zona rayada por su equivalente
Thevenin



Como es divisor de
tensión $V_{Th} = \frac{R}{R+Z_C} v_i$

Ideal $\rightarrow i_+ = i_- = 0$
R. Negativa $\Rightarrow V_+ = V_-$ 0.5

$$i_+ = 0 \Rightarrow V_{Th} = V_+ = V_- \Rightarrow \boxed{V_- = \frac{R}{R+Z_C} v_i}$$

$$i_f = i_i \Rightarrow \frac{V_- - v_o}{R_f} = \frac{V_-}{R_i} \Rightarrow \boxed{v_o = \frac{R_f + R_i}{R_i} V_-}$$

(También se puede ver que es div. de tensión $\Rightarrow V_- = \frac{R_i}{R_f + R_i} v_o$)

$$\text{Por lo tanto: } v_o = \frac{R_f + R_i}{R_i} \frac{R}{R+Z_C} v_i = \frac{R_f + R_i}{R_i} \frac{R}{R + \frac{1}{j\omega C}} v_i =$$

$$v_o = \frac{R_f + R_i}{R_i} \frac{j\omega CR}{1 + j\omega CR} v_i \Rightarrow \boxed{A_v = \frac{R_f + R_i}{R_i} \frac{j\omega CR}{1 + j\omega CR}} \quad \text{1.}$$

Módulo

0.5

Fase

0.5

$$|A_v| = \frac{R_f + R_i}{R_i} \frac{\omega CR}{\sqrt{1 + (\omega CR)^2}}$$

$$\theta = \frac{\pi}{2} - \arctg(\omega CR)$$

b) Expresamos módulo en dB

$$|A_v|_{dB} = 20 \log \left[\left(\frac{R_f + R_i}{R_i} \right) CR \right] + 20 \log \omega - 20 \log \sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_c} \right)^2}$$

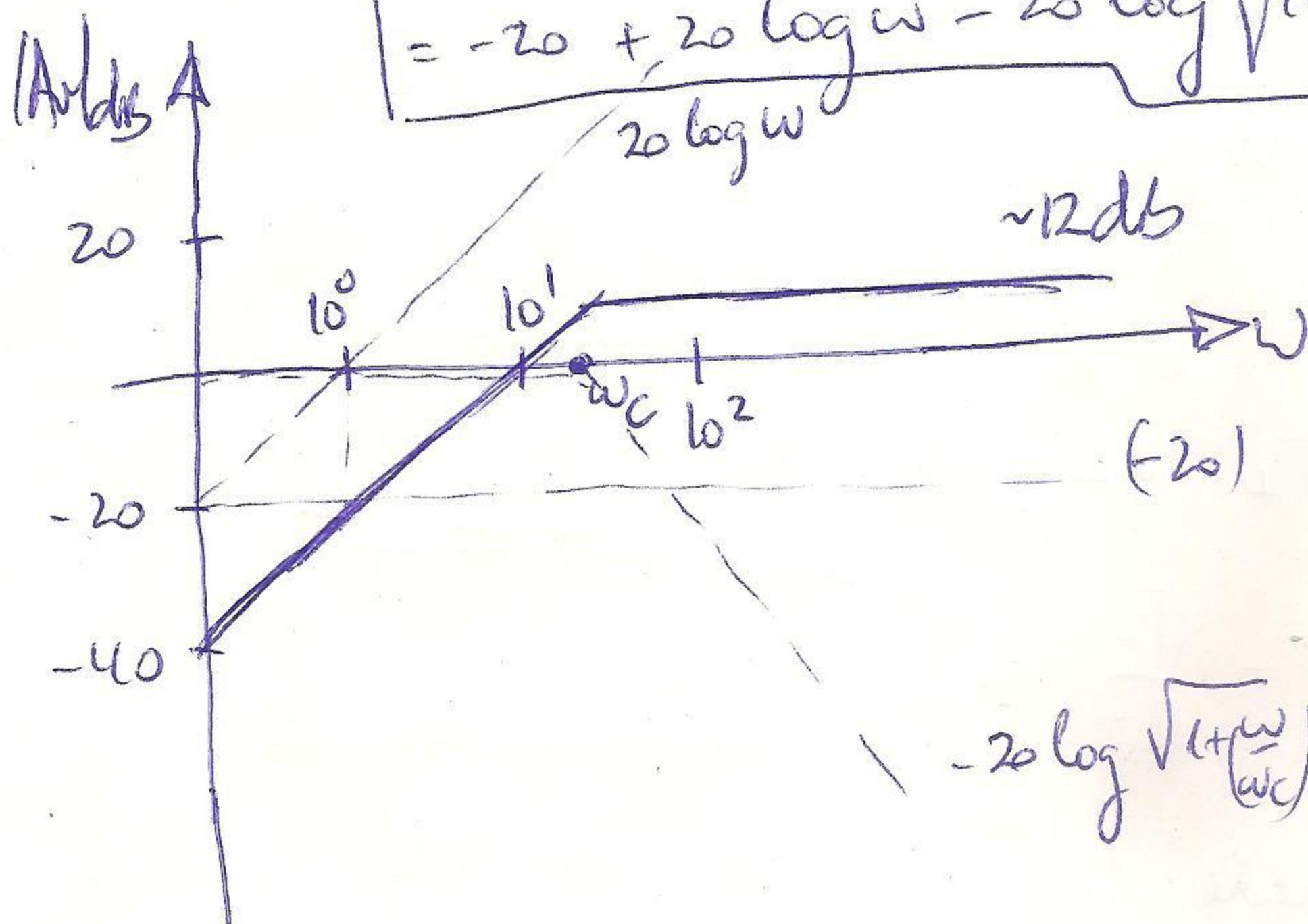
0.5

donde $\omega_c = \frac{1}{CR} = 40 \text{ rad/s}$

$$|A_v|_{dB} = 20 \log \left[\left(\frac{3R_i + R_i}{R_i} \right) CR \right] + 20 \log \omega - 20 \log \sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_c} \right)^2}$$

$$= 20 \log (4) + 20 \log \omega - 20 \log \sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_c} \right)^2}$$

$$= -20 + 20 \log \omega - 20 \log \sqrt{1 + \left(\frac{\omega}{\omega_c} \right)^2}$$



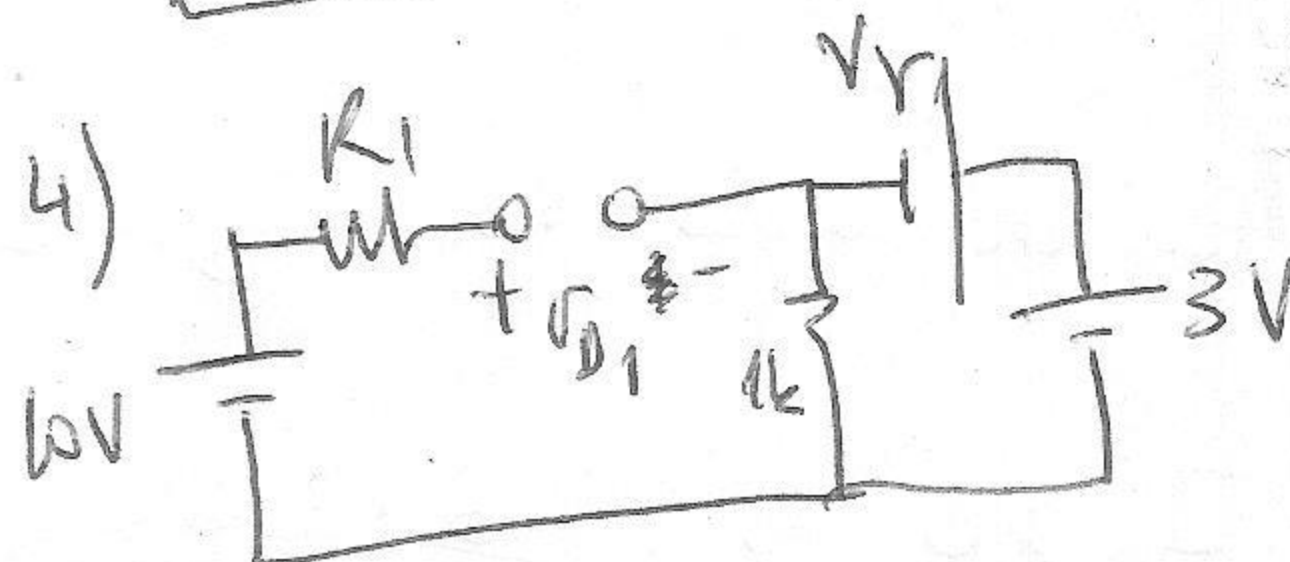
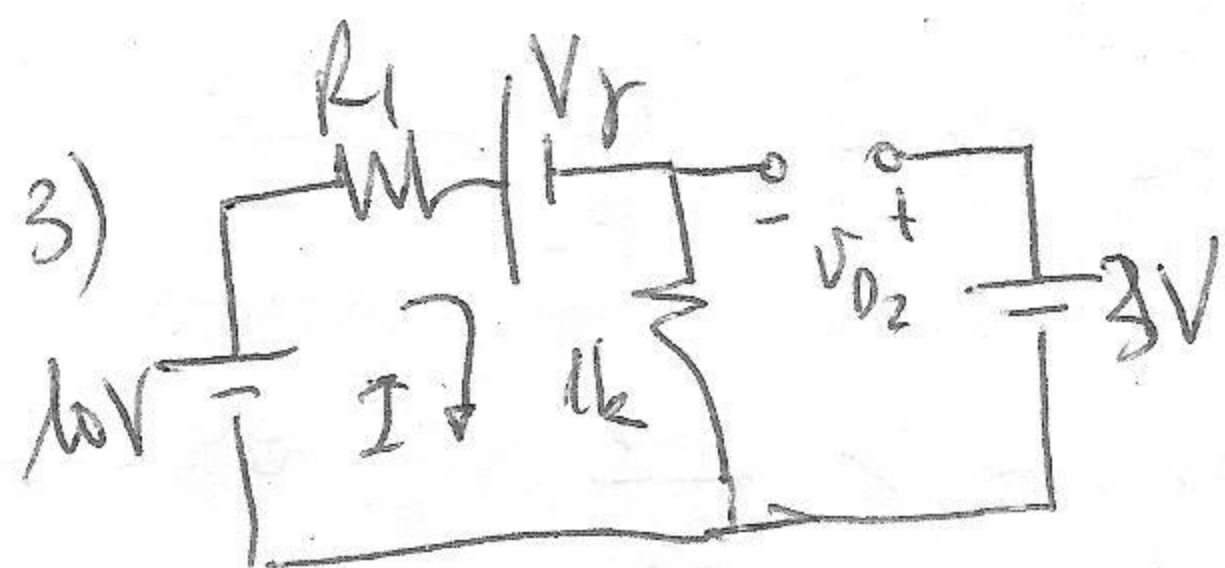
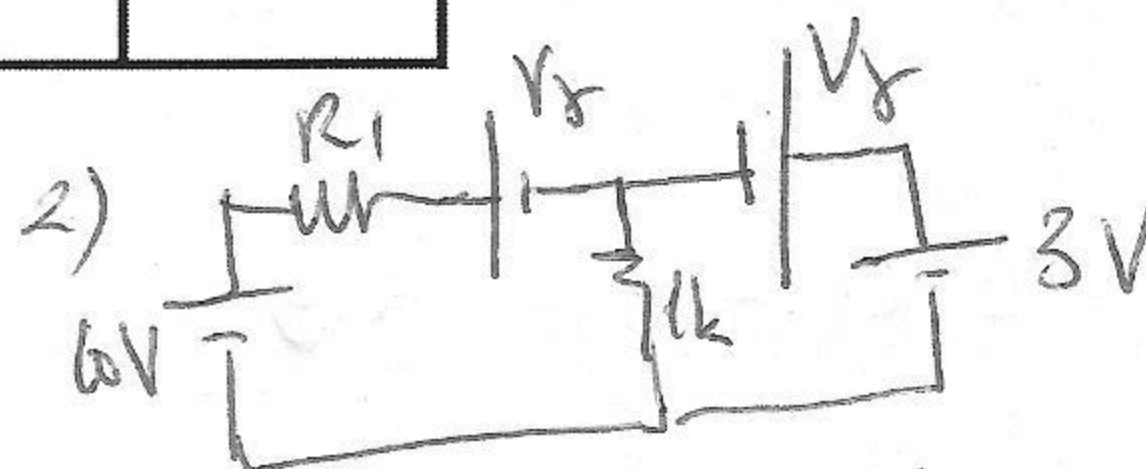
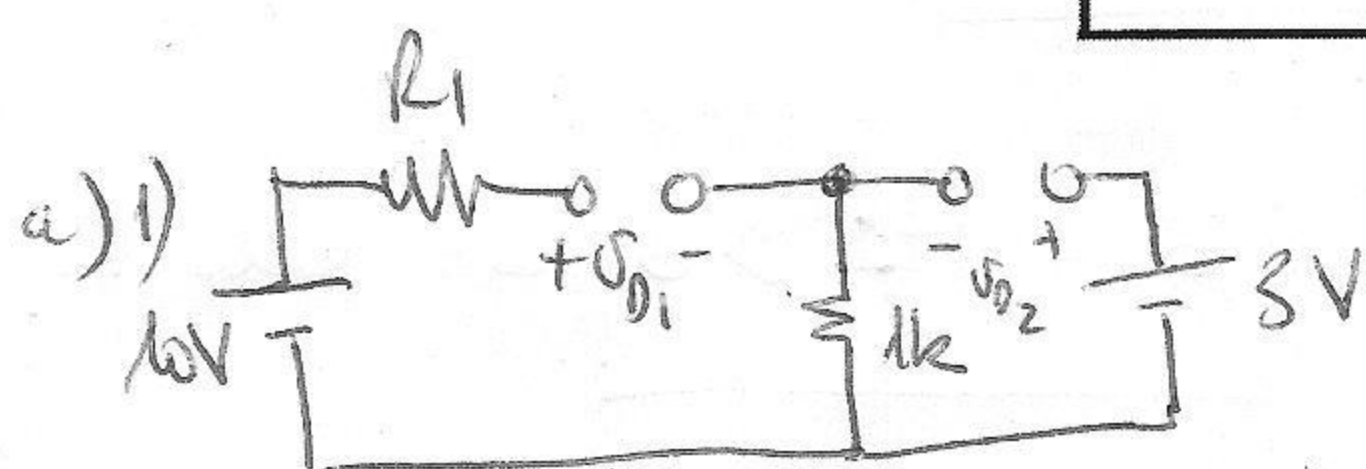
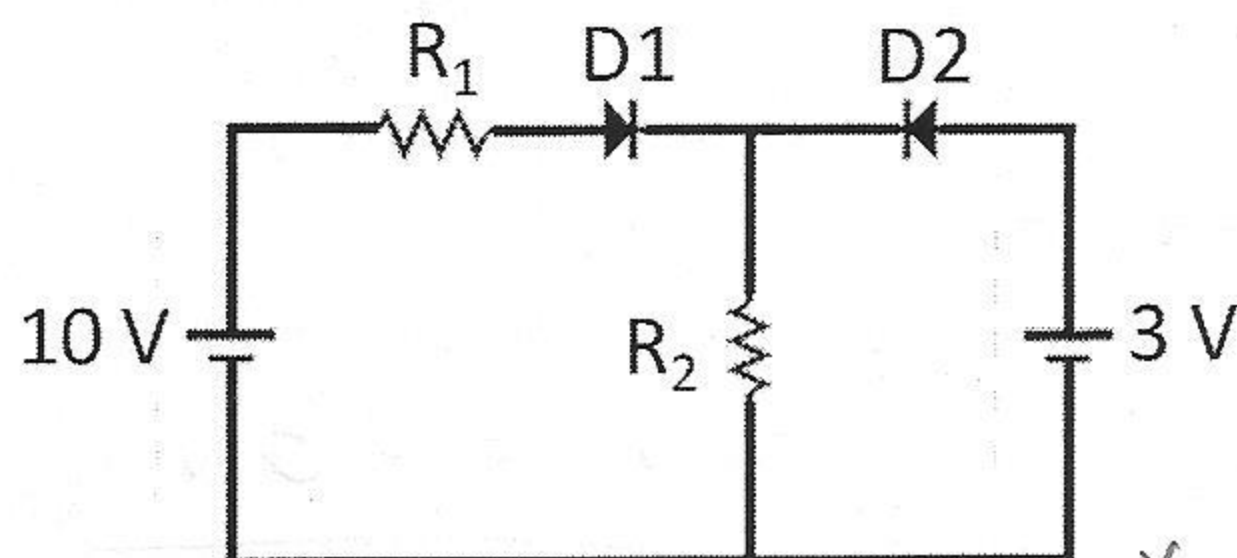
Valor máx es

$$\frac{R_f + R_i}{R_i} \approx 12 \text{ dB}$$

1.5

3.- (2 puntos) En el circuito de la figura $R_2 = 1\text{ k}\Omega$, el valor de R_1 no se conoce y $V_r = 0.7\text{ V}$.

- Dibujar los cuatro circuitos que resultan de sustituir los diodos por sus correspondientes modelos lineales en las cuatro situaciones siguientes: 1) no conduce ningún diodo; 2) conducen los dos; 3) conduce D1 y no conduce D2; 4) conduce D2 y no conduce D1.
- ¿Puede D1 conducir y D2 estar en corte?
- Determinar el valor mínimo de R_1 que hace que D1 y D2 conduzcan.



b) En el circuito 3) definimos I como la corriente de la malla de 10V puesto que no circula por la de 3V.

Condición: $I_{D1} > 0$ y $v_{D2} < V_r$

$$10V - IR_1 - V_r - IR_2 = 0 \Rightarrow I = \frac{10 - 0.7}{R_1 + R_2} V = \frac{9.3V}{R_1 + 1k} > 0 \text{ siempre}$$

por lo que 1ª condición cumplida.

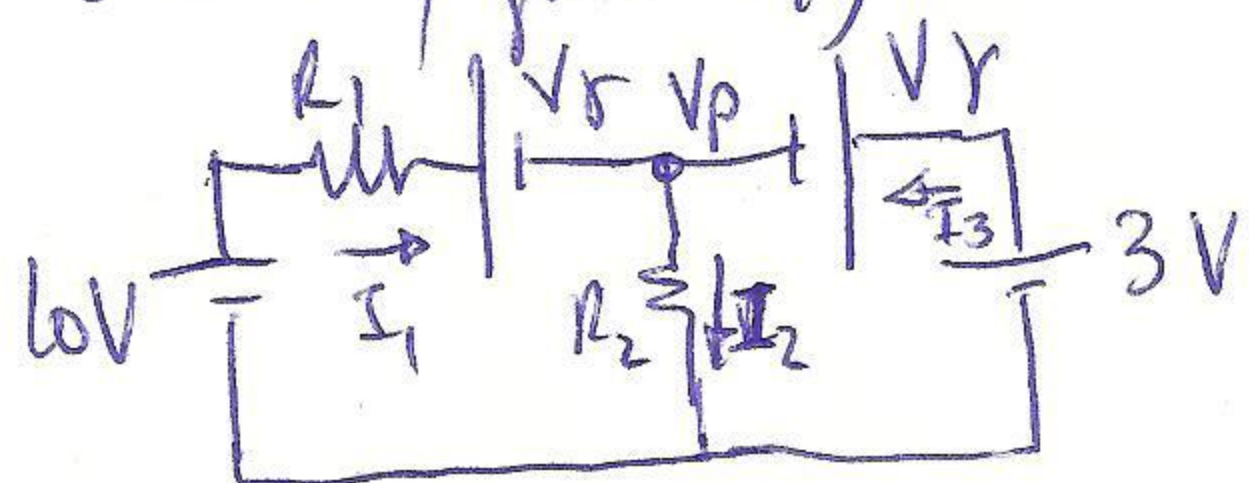
Vemos ahora si $v_{D2} < V_r$ para que D_2 esté en corte.

$$3V - v_{D2} - V_p = 0 \text{ con } V_p = IR_2 = \frac{9.3 \times 1k}{R_1 + 1k}$$

$$v_{D2} = 3V - 9.3V \frac{1k}{R_1 + 1k} \Rightarrow 3 - 9.3 \frac{1k}{R_1 + 1k} < V_r \Rightarrow R_1 < 3.048k\Omega$$

Si $R_1 < 3.1k\Omega$ se puede dar la situación planteada

c) Siguiendo el procedimiento anterior, pero para el circuito de la figura 4)



Se debe cumplir $I_{D1} > 0$; $I_{D2} > 0$

$$\Rightarrow I_1 > 0 ; I_3 > 0$$

L.K.M.

$$i) 10V - I_1 R_1 - V_r - V_p = 0$$

$$ii) 3 - V_r - V_p = 0$$

$$\Rightarrow V_p = 2.3V$$

L.K.M.

$$10V - I_1 R_1 - 0.7 - 2.3 = 0 \Rightarrow I_1 = \frac{7}{R_1} > 0 \text{ para todo } R_1$$

$$\text{En el nodo } V_p : I_3 + I_1 = I_2 \Rightarrow I_3 = \frac{V_p}{R_2} - \frac{7V}{R_1}$$

$$I_3 > 0 \Rightarrow \frac{2.3V}{1k} - \frac{6.6}{R_1} > 0 \Rightarrow R_1 > \frac{7V}{2.3\mu A} = 3.04 k\Omega$$

~~0.8~~