

ELECTRÓNICA

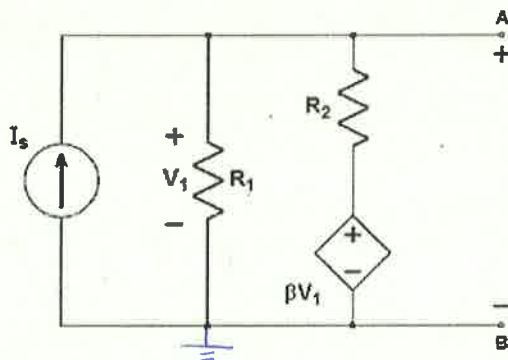
3º DE GRADUADO EN FÍSICA

Parcial (16/3/2018)

Apellidos.....Nombre.....Grupo.....

Problema 1. (2.5 puntos) Para el circuito de la figura:

- a) Obtener la tensión de Thevenin y la corriente de Norton entre los terminales A y B.
b) Determinar la potencia máxima que se puede transferir a una resistencia de carga entre dichos terminales.

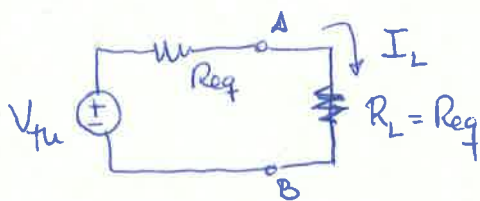


a) $V_{th} = V_{AB}$; $I_s = \frac{V_{AB}}{R_1} + \frac{V_A - \beta V_A}{R_2}$; $V_A \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1-\beta}{R_2} \right) = I_s$
 $V_A \equiv V_{AB} \equiv V_1$

$$V_{th} = V_A = \frac{R_1 R_2}{R_2 + R_1(1-\beta)} I_s$$

I_N : $V_{AB} = 0 \Rightarrow V_1 = 0 \Rightarrow I_{R_1} = \frac{V_1}{R_1} = 0$; $I_{R_2} = \frac{V_{AB}}{R_2} = 0 \Rightarrow I_N = I_s$

b) $P_{R_L}|_{max} \Rightarrow R_L = R_{eq}$



$$P_{R_L}|_{max} = I_L^2 \cdot R_{eq} = \frac{V_{th}^2}{4 R_{eq}} = \frac{V_{th}^2 I_N}{4 V_{th}} = \frac{V_{th} I_N}{4}$$

$$\Rightarrow P_{R_L}|_{max} = \frac{R_1 R_2}{4 [R_2 + R_1(1-\beta)]} I_s^2$$

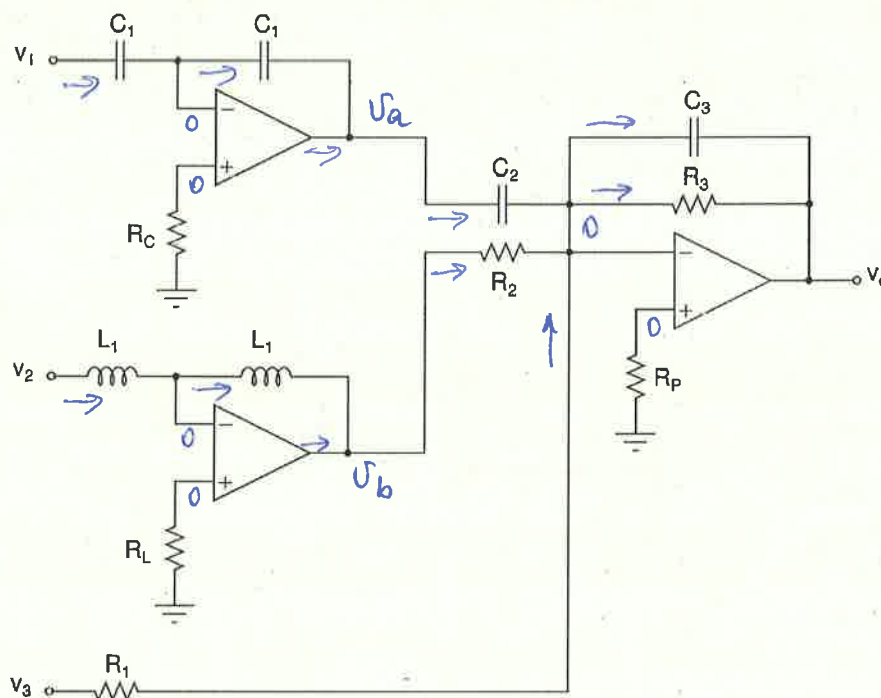
Problema 2. (2.5 puntos) En el circuito de la figura, todos los amplificadores operacionales son ideales.

- Calcular el valor de la tensión v_o en función de los elementos del circuito y de los valores de las tensiones de entrada v_1, v_2 y v_3 . (Suponer v_1, v_2 y v_3 fuentes de igual frecuencia).
- Calcular la ganancia de voltaje, su módulo y su fase, para el caso en el que $R_1 = R_2$ y $v_1 = v_2 = v_3$.
- Representar el diagrama de Bode del módulo y la fase de la ganancia obtenida en el apartado anterior, donde los componentes toman los siguientes valores:

$$R_C = R_L = R_P = 10 \text{ k}\Omega, R_1 = R_2 = R_3 = 4 \text{ k}\Omega.$$

$$C_1 = C_2 = 1 \text{ }\mu\text{F}, C_3 = 10 \text{ }\mu\text{F}.$$

$$L_1 = 10 \text{ mH}.$$



$$\begin{aligned}
 a) \quad \frac{v_1}{Z_{C1}} = -\frac{v_a}{Z_{C1}}; \quad v_a = -v_1 \\
 \frac{v_2}{Z_{L1}} = -\frac{v_b}{Z_{L1}}; \quad v_b = -v_2
 \end{aligned}
 \quad \left| \quad \frac{v_a}{Z_{C2}} + \frac{v_b}{R_2} + \frac{v_3}{R_1} = -\frac{v_o}{Z_{C3}} - \frac{v_o}{R_3} \right.$$

$$v_o = -\left(\frac{v_a}{Z_{C2}} + \frac{v_b}{R_2} + \frac{v_3}{R_1}\right) \frac{Z_{C3}R_3}{Z_{C3} + R_3} = \left(\frac{v_1}{Z_{C2}} + \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_1}\right) \frac{R_3}{1 + \frac{R_3}{Z_{C3}}}$$

$$\Rightarrow \boxed{v_o = \left(j\omega C_2 v_1 + \frac{v_2}{R_2} - \frac{v_3}{R_1}\right) \frac{R_3}{1 + j\omega R_3 C_3}}$$

$$b) \quad v_1 = v_2 = v_3 \equiv v_i; \quad \boxed{A_v = \frac{v_o}{v_i} = R_3 \left(\frac{1}{R_1 R_2} + j\omega C_2 \right) \frac{1}{1 + j\omega R_3 C_3} = \frac{j\omega/\omega_1}{1 + j\omega/\omega_2}}$$

$$\text{siendo } \omega_1 \equiv \frac{1}{R_3 C_2},$$

$$\omega_2 \equiv \frac{1}{R_3 C_3}$$

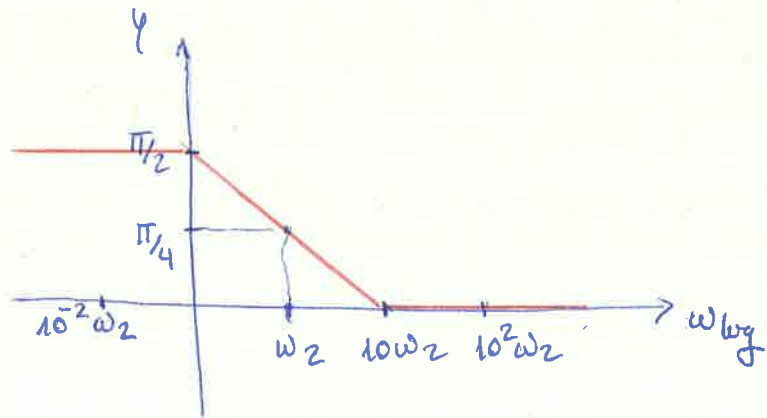
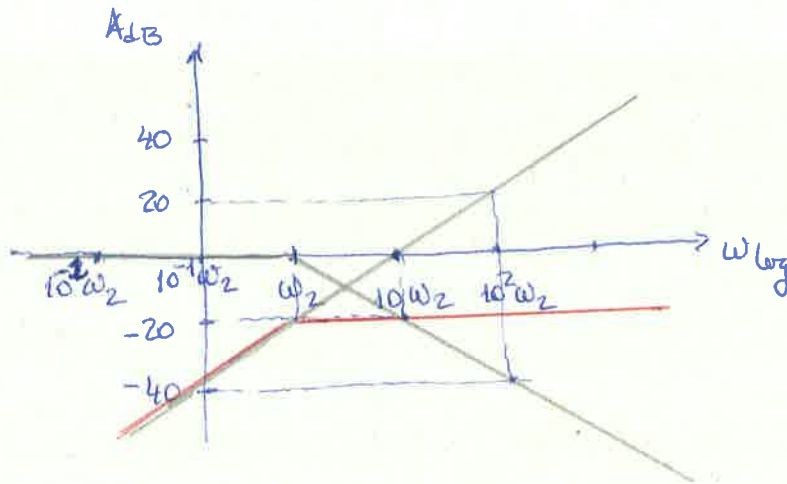
$$|A_v| = \frac{\omega/\omega_1}{\sqrt{1 + (\omega/\omega_2)^2}}; \quad \varphi = \frac{\pi}{2} - \arctan \frac{\omega}{\omega_2}$$

$$c) A_{dB} = 20 \log |A_v| = 20 \log \left(\frac{\omega}{\omega_1} \right) - 20 \log \sqrt{1 + (\omega/\omega_2)^2}$$

$$\varphi = \frac{\pi}{2} - \arctg \left(\frac{\omega}{\omega_2} \right) ;$$

$$\omega_1 = 250 \text{ rad/s} ; \omega_2 = 25 \text{ rad/s}$$

$$\omega_1 = 10 \omega_2$$



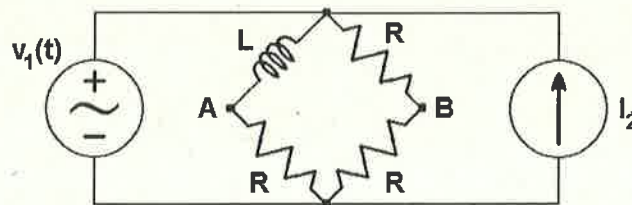
$$\omega \ll \omega_2, \varphi \rightarrow \frac{\pi}{2}$$

$$\omega = \omega_2, \varphi = \frac{\pi}{4}$$

$$\omega \gg \omega_2, \varphi \rightarrow 0$$

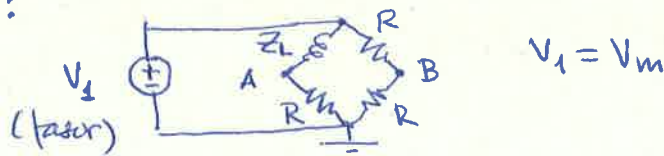
Apellidos.....Nombre.....Grupo.....

Problema 3. (2.5 puntos) Obtener la expresión (real) de la tensión $v_{AB}(t)$ del circuito de la figura, siendo $v_1(t) = V_m \cdot \cos(\omega t)$ (con $\omega \neq 0$), e I_2 , una fuente de corriente continua. Suponer conocidos los valores nominales de los elementos.



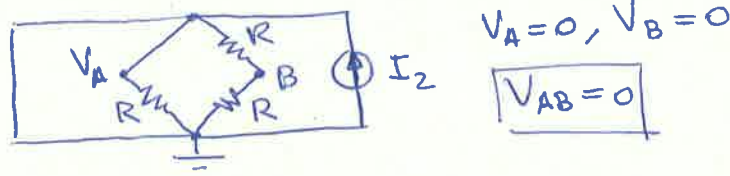
Fuentes de frecuencia diferente \Rightarrow Pº superposición

$I_2 = 0$:



$$\left. \begin{aligned} \frac{V_1}{Z_L + R} &= \frac{V_A}{R} ; V_A = \frac{R}{Z_L + R} V_1 \\ \frac{V_1}{2R} &= \frac{V_B}{R} ; V_B = \frac{V_1}{2} \end{aligned} \right\} \begin{aligned} V_{AB} &= \left(\frac{R}{Z_L + R} - \frac{1}{2} \right) V_1 \\ \boxed{V_{AB} &= \frac{R - Z_L}{2(R + Z_L)} V_1} \quad (\text{fasor}) \end{aligned}$$

$V_1 = 0$: I_2 , cte $\Rightarrow \omega = 0 \Rightarrow Z_L = 0$



$$V_A = 0, V_B = 0$$

$$\boxed{V_{AB} = 0}$$

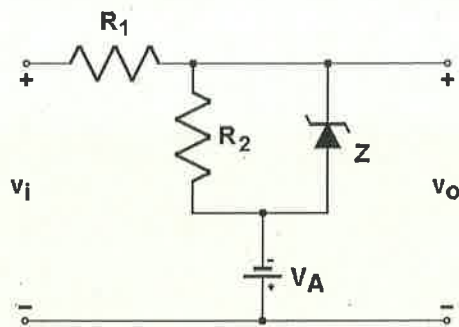
$$\Rightarrow V_{AB} = \frac{(R - Z_L)V_1}{2(R + Z_L)} + 0 = \frac{R - j\omega L}{2(R + j\omega L)} V_m \quad (\text{fasor}); V_{AB} = \frac{\sqrt{R^2 + \omega^2 L^2}}{2\sqrt{R^2 + \omega^2 L^2}} V_m e^{j\varphi}$$

$$V_{AB} = \frac{V_m}{2} e^{j\varphi}, \quad \varphi = \arctg\left(-\frac{\omega L}{R}\right) - \arctg\left(\frac{\omega L}{R}\right) = -2 \arctg\left(\frac{\omega L}{R}\right)$$

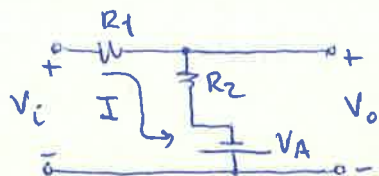
$$\boxed{v_{AB}(t) = \frac{V_m}{2} \cos\left[\omega t - 2 \arctg\left(\frac{\omega L}{R}\right)\right]}$$

Problema 4. (2.5 puntos) En el circuito de la figura, v_i es una fuente de tensión variable. Considerando conocidos los parámetros característicos del diodo zener V_f y V_z , y suponiendo despreciables las resistencias en conducción directa e inversa del mismo, obtener:

- cuando el diodo está en los estados de corte, conducción directa y conducción inversa.
- Los rangos de la tensión de entrada para los que el diodo se encuentra en cada uno de esos estados.
- Representar $v_o(v_i)$ para el caso particular en que $R_1=3R_2$, $V_f=0.7V$, $V_z=3V$ y $V_A=2V$.



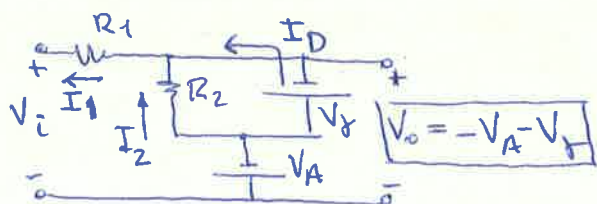
a) Corte:



$$V_o = V_i - I R_1 = V_i - \frac{(V_i + V_A) R_1}{R_1 + R_2}$$

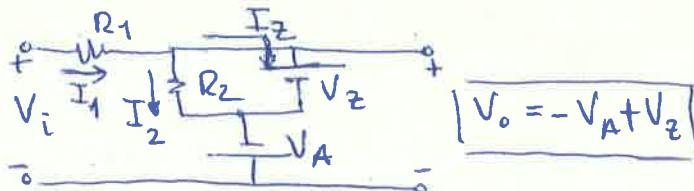
$$\boxed{V_o = \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_i - \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_A}$$

Cond. directa:



$$\boxed{V_o = -V_A - V_f}$$

Cond. inversa:



$$\boxed{V_o = -V_A + V_z}$$

b) Cond. directa: $I_D > 0 \Rightarrow I_1 - I_2 > 0$; $\frac{-V_A - V_f - V_i}{R_1} - \frac{V_f}{R_2} > 0$;
 $V_i < -V_A - V_f - \frac{R_1}{R_2} V_f$; $\boxed{V_i < -V_A - \left(1 + \frac{R_1}{R_2}\right) V_f} \equiv V_{i1}$

Cond. inversa: $I_Z > 0 \Rightarrow I_1 - I_2 > 0$; $\frac{V_i - (-V_A + V_z)}{R_1} - \frac{V_z}{R_2} > 0$;
 $V_i > \frac{V_z}{R_2} R_1 - V_A + V_z$; $\boxed{V_i > -V_A + \left(1 + \frac{R_1}{R_2}\right) V_z} \equiv V_{i2}$

Corte: $V_{i1} < V_i < V_{i2}$

c)

$$V_o = \begin{cases} -2.7V, & V_i < -4.8V \\ \frac{V_i}{4} - 1.5V, & -4.8V < V_i < 10V \\ 1V, & V_i > 10V \end{cases}$$

