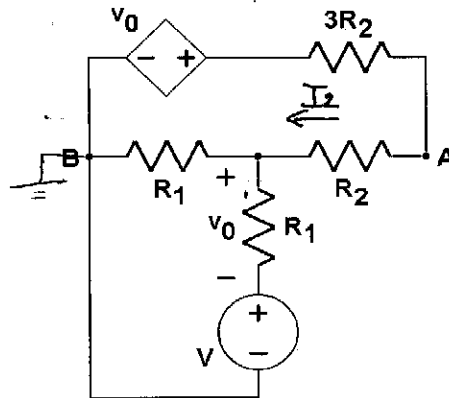


Apellidos.....Nombre.....

1) (4/12)

- a) Hallar la expresión de la tensión equivalente de Thevenin del circuito entre los terminales A y B.
 b) Hallar la potencia en la fuente dependiente y razonar si es cedida al circuito o absorbida.



$$a) V_{th} = V_A = V + v_0 + R_2 I_2$$

$$I_2 = \frac{v_0 - (V + v_0)}{3R_2 + R_2} = -\frac{V}{4R_2}$$

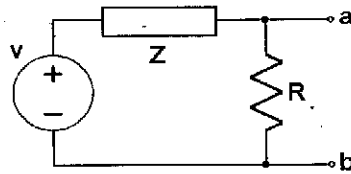
$$\text{L.K.N.: } \frac{V + v_0}{R_1} + \frac{v_0}{R_1} = -\frac{V}{4R_2} \Rightarrow v_0 = -\frac{R_1}{2} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{4R_2} \right) V = -\left(\frac{1}{2} + \frac{R_1}{8R_2} \right) V$$

$$V_{th} = V - \left(\frac{1}{2} + \frac{R_1}{8R_2} \right) V - \frac{V}{4} = \left(\frac{1}{4} - \frac{R_1}{8R_2} \right) V$$

$$b) P_{v_0} = I_2 \cdot v_0 = \frac{V}{4R_2} \left(-\frac{1}{2} + \frac{R_1}{8R_2} \right) V = \frac{R_1 + 4R_2}{32R_2^2} V^2$$

$$v_0 < 0 \text{ e } I_2 < 0 \quad \left| \text{cede } P \right.$$

2) (2/12) La fuente de tensión del circuito es una fuente alterna de la forma $v(t)=1V \cdot \sin(10\pi t)$, y $R=1k\Omega$. Sabiendo que la corriente de Norton entre los terminales a y b es $i_N(t)=1mA \cdot \sin(10\pi t+\pi/3)$, determinar qué elemento discreto o asociación de elementos discretos puede representar la impedancia Z .



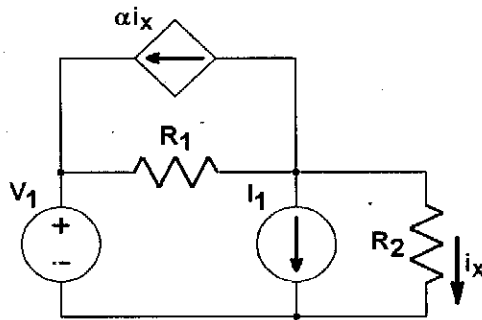
$$V = i_N \cdot Z ; V = 1V , i_N = 10^{-3} A \cdot e^{j\pi/3}$$

$$\Rightarrow Z = \frac{V}{i_N} = \frac{1V}{10^{-3} A \cdot e^{j\pi/3}} = 10^3 \Omega e^{-j\pi/3} = 10^3 \Omega (\cos(-\frac{\pi}{3}) + j \sin(-\frac{\pi}{3}))$$

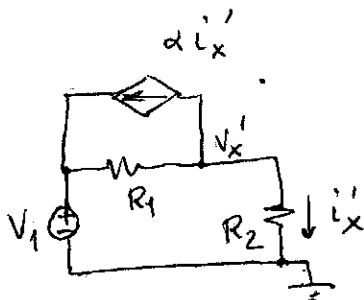
$$Z = (500 - j866) \Omega = R - \frac{j}{\omega C} , \text{ con } R = 500 \Omega , C = \frac{1}{866 \times 10\pi} = 37 \mu F$$

(suponiendo una asociación R-C serie)

3) (2/12) Aplicando el método de superposición, obtener la expresión de la corriente i_x .



$I_1 = 0$



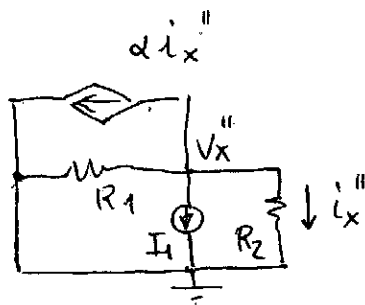
$$\alpha i'_x + i'_x + \frac{V'_x - V_1}{R_1} = 0 \quad [1]$$

$$(\alpha + 1) i'_x + \frac{V'_x}{R_1} = \frac{V_1}{R_1}$$

$$V'_x = R_2 i'_x \quad [2]$$

$$\Rightarrow i'_x = \frac{V_1}{(\alpha + 1) R_1 + R_2}$$

$V_1 = 0$



$$\alpha i''_x + i''_x + \frac{V''_x}{R_1} + I_1 = 0 \quad [1]$$

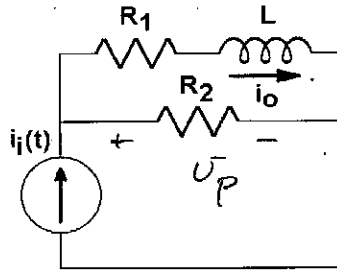
$$V''_x = R_2 i''_x \quad [2]$$

$$i''_x = \frac{-R_1 I_1}{(\alpha + 1) R_1 + R_2}$$

$$i_x = i'_x + i''_x = \frac{V_1 - R_1 I_1}{(\alpha + 1) R_1 + R_2}$$

4) (4/12) Sabiendo que $i_i(t)$ es una fuente de corriente sinusoidal de frecuencia variable:

- Hallar el valor de la ganancia de corriente i_o/i_i del circuito en función de la frecuencia angular, su módulo y su fase.
- Representar el diagrama de Bode aproximado del módulo de la ganancia.



$$a) \quad i_i = i_o + i_{R_2} = i_o + \frac{V_P}{R_2} = i_o + \frac{i_i}{R_2} [R_2 \parallel (R_1 + j\omega L)]$$

$$\Rightarrow i_o = i_i \left[1 - \frac{R_2 (R_1 + j\omega L)}{R_2 (R_2 + R_1 + j\omega L)} \right] ;$$

$$A_i = \frac{i_o}{i_i} = \frac{R_2}{R_1 + R_2 + j\omega L} ; |A_i| = \frac{R_2}{\sqrt{(R_1 + R_2)^2 + \omega^2 L^2}} , \varphi = -\arctg\left(\frac{\omega L}{R_1 + R_2}\right)$$

$$b) \quad A_i = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot \frac{1}{1 + j\omega \frac{L}{R_1 + R_2}} = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 + (\omega/\omega_1)^2}} e^{j\varphi}$$

$$A_{dB} = 20 \log \frac{R_2}{R_1 + R_2} - 20 \log \sqrt{1 + (\omega/\omega_1)^2}$$

Tomando por ejemplo $R_1 = R_2$, $20 \log \frac{R_2}{R_1 + R_2} = -6 \text{ dB}$

(en cualquier caso, será una cte. negativa).

