Matemàtica discreta Propietats de l'àlgebra de conjunts

Siguen $A, B, C \subseteq E$.

• Propietats associatives:

$$A \cup (B \cup C) = (A \cup B) \cup C$$
$$A \cap (B \cap C) = (A \cap B) \cap C$$

• Propietats commutatives:

$$A \cup B = B \cup A$$
$$A \cap B = B \cap A$$

• Propietats distributives:

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$
$$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$$

• Elements neutres:

$$A \cup \emptyset = A$$
$$A \cap E = A$$

• Elements complementaris:

$$A \cup A^c = E$$
$$A \cap A^c = \emptyset$$

• Propietats d'absorció:

$$E \cup A = E$$
$$\emptyset \cap A = \emptyset$$

• Propietats simplificatives:

$$A \cup (A \cap B) = A$$
$$A \cap (A \cup B) = A$$

• Propietats d'idempotència:

$$A \cup A = A$$
$$A \cap A = A$$

• Lleis de De Morgan:

$$(A \cup B)^c = A^c \cap B^c$$
$$(A \cap B)^c = A^c \cup B^c$$

• Propietat del doble complementari:

$$(A^c)^c = A$$