88-782 עבודת גמר - תורת האינפורמציה

318446697 מגיש: רותם גזית, ת"ז סמסטר חורף 2020

תוכן העניינים

1	<mark>הקדמה</mark> 1.1 הנדסת תוכנה	3
2	שיטות שנוסו	3
	LZW שיטת 2.1	3
	LZW + Huffman שיטת 2.2	4
	2.3 שיטת Huffman לקידוד מילים	5
3	השוואה בין השיטות	
4	,	
	 4 1 שיכוות ווספות שווסו רזמו הערודה	

1 הקדמה

מטרת הפרויקט הייתה לממש שיטת דחיסת נתונים ללא איבוד מידע (LOSSLESS COMPRESSION) שתגיע להישג טוב יותר מ ZIP במהלך הפיתוח ניסיתי מספר לא קטן של שיטות, וחלקן באמת הצליחו לפתור את האתגר, אותן אציג כאן. בסוף הפרויקט אפרט בקצרה על שיטות נוספות שנבדקו לפתרון הבעיה.

- 1. שיטת Lempel Ziv Welch (LZW) לדחיסה וקידוד הנתונים
- 2. שיטת Huffman לדחיסת הנתונים, יחד עם שיטת Lempel Ziv Welch ל
- 3. שיטת Huffman לדחיסת הקובץ, כאשר הדחיסה מתבצעת ברמת המילה (ולא ברמת התו הבודד).

במסמך זה אציג תחילה את כל אחת מהשיטות, אציג את המימוש שלי עבורן, ולבסוף אציג השוואת ביצועים (יחס הדחיסה ביחס לפרמטרים שונים) בינהן ואל מול ZIP.

1.1 הנדסת תוכנה

הפרויקט פותח בשפת Python3.7 ואיננו מתבסס על ספריות חיצוניות (שאינן מובנות בתוך השפה). הפרויקט נבנה באופן כזה שאוכל לבדוק בכל רגע נתון שהשיטות שפותחו אכן מצליחות לדחוס ולפרוש קבצים, תוך שמירה על מודולאריות שתאפשר לי להחליף לוגיקה בכל רגע נתון.

הוגדר בדיקות הממשק. במקביל הוגדרו בדיקות - ICompressor המגדיר שיטת דחיסה - ממשק. כלל השיטות הן מימוש של אותו הממשק. במקביל הוגדרו בדיקות unittests החלות באופן גלובלי על כל שיטת דחיסה המוודאות שפריסה של קובץ דחוס מחזירה את הקובץ המקורי 2 . לכל אחת משיטות הדחיסה הוגדרו בנוסף בדיקות משל עצמו 3 .

ICompressor שיטת הדחיסה הסופית שאני מציג כאן נקראת "Rotem Compression". למעשה מדובר במחלקה היורשת מ מומחילה ברצף מספר שיטות דחיסה בזו אחר זו (ופורשת אותם בסדר ההפוך). ניתן להחליף את השיטה המוצגת בשעת ההפעלה ע"י החלפת המערך של שיטות הדחיסה 2 .

תחת התיקייה data_models נמצאות שתי מחלקות שמשמשות את את שיטות הדחיסה: 7 BitStack מאפשר התייחסות לביטים עצמם המרכיבים מחרוזת (למשל, לקחת את n הביטים הראשונים מתוך המחרוזת, או לדחוף מספר למחרוזת בתור קידוד רישא שלו מספר טבעי), ו Node מאפשר לבנות עצים בינאריים.

הקובץ לקלט ולפלט את Arguments הקובץ הראשי של התכנית, הוא מקבל כקלט מהמשתמש בתור ¹⁰rgcompress התכנית, והוא מבצע דחיסה או פריסה עם שיטת RotemCompressor. הקובץ command line באופן הבא:

for compression: rgcompress -i <inputFile> -o <outputFile>
for decompression: rgcompress -d -i <inputFile> -o <outputFile>

2 שיטות שנוסו

LZW שיטת 2.1

שיטת Lempel Ziv Welch הוצגה בשנת 1984 בתור הרחבה לשיטת LZ78 ע"י טרי וולץ'. השיטה מציגה שיפור ביצועים משמעותי לעומת LZ78 המקורי. כמו LZ78, היא מרכיבה מילון ע"ס הצירופים שכבר נראו בדרך שאציג בהמשך. הא מרכיבה מילון ע"ס הצירופים שכבר נראו בדרך שאציג בהמשך. השינוי העיקרי ששיטה זו מציגה הוא בהגבלת גודל המילון (לרוב מגבילים ל 12 ביט). אך שמירת כלל המידע הדחוס ע"י יצוג בקודים באורך 12 ביט אינו דבר אידיאלי, ולכן השיטה מאפשרת לשמור את הקודים באורכים משתנים, כלומר להגדיל את מספר הביטים

אציג תחילה את האלגוריתם בצורתו הבסיסית:

נניח ויש לנו מחרוזת \bar{S} מעל א"ב מגודל א"ב מגודל . נקבע את הגודל המקסימלי של המילון להיות $S=\{s_n\}_{n=1}^N$ תהי המחרוזת הדחוסה שאנחנו רוצים לבנות.

rotem_compressor/contract/ICompressor.py¹

בהם מיוצג המידע רק ברגע הנכון.

rotem_compressor/unittests/compression_testcase.py²

rotem_compressor/unittests³

rotem_compressor.py4

Reference to the 'compressions' list inside the class. Note the other methods are in comments.⁵

rotem_compressor/data_models6

rotem_compressor/data_models/bit_stack.py⁷

rotem_compressor/data_models/tree node.py8

app.py9

rgcompress¹⁰

- 1. אתחל מילון D בגודל k המכיל את כל התווים בא"ב. תחל מילון $s_i \in D$ המחזירה את מיקומה של המחרוזת $\{q_i\}$ בתוך המילון $s_i \in D$ לכל $s_i \in D$ המחזירה את מיקומה של המחרוזת $\{q_i\}$
- 2. בשלב הj, קח את j המקסימלי כך שהמחרוזת $s_{n_i} \dots s_{n_i+j} \in D$. נוסיף את $s_i = D(s_{n_i} \dots s_{n_i+j})$ למחרוזת הדחוסה שלנו.
- כאשר $D(s_{n_i}\dots s_{n_i+j+1})=|D|$ נהשלן לתוך המילון לתוך לתוך שאינה קיימת את מאינה $s_{n_i}\dots s_{n_i+j+1}$ אם הוסף את אם |D| כאשר במילון לאחר ההוספה.
 - .2 אם $n_{i+1} + j + 1 \le N$ אם $n_{i+1} = s_{n_i+j+1}$ אם .4

נותר כעת להבין כיצד נייצג את המחרוזות מהא"ב המוגדל שבנינו (למעשה אנחנו הרחבנו את הא"ב להיות בגודל m). נניח שכל תו במחרוזת המקורית הוא בית (2^8 ביטים). אזי הגודל הראשוני של D יהיה 2^8 . על כן, כל תו בD שנוסיף בשלב 3, בהכרח ידרוש יותר מ 2^8 ביטים. בעקבות כך, אינטואיטיבית היינו בוחרים לייצג כל תו ב \bar{S} ע"י \bar{S} ביטים. שיטה זו מאוד בזבזנית, לכל תו בא"ב המקורי יהיו הרבה אפסים מובילים.

שיטה "זולה" יותר תהיה לייצג את \bar{s}_i ע"י \bar{s}_i , כלומר ע"י גודל המילון ברגע חישוב \bar{s}_i . כיוון שאנחנו יודעים שכל תו במחרוזת שיטה "זולה" יותר תהיה לייצג את \bar{s}_i ע"י \bar{s}_i ע"י גודל המילון (שכן ייצגנו את תת המחרוזת הארוכה ביותר שיכלנו באותו רגע), זה שקול ל \bar{s}_i תווים עבור התו \bar{s}_i .

באופן זה, כמות התווים הדרושה לייצוג גדלה ככל שהמילון גדל, וזה כמובן טוב יותר מקביעת הגודל מקסימלי לכל המילים כבר ברגע הראשון.

לאור אלו, ניתן לפרוס את המחרוזת ע"י:

- D אתחול מילון.
- $ar{s_i}$ ביטים בשלב ה כדי לקבל את התו $2^{\lceil log(\min\{k+i,\ m\})
 ceil}$.2
- (*) לערך שמאחורי הקוד ושרשור למחרוזת לערך לערך שמאחורי הקוד ושרשור $D^{-1}(\bar{s}_i)$.3
- עם שתרגמנו המחרוזת הקודמת (כלומר המחרוזת החדשת המחרוזת המורכבת מ $D^{-1}(\bar{s}_{i-1})D^{-1}(\bar{s}_{i})$ אם שתרגמנו המחרוזת המחרוזת המחרוזת החדשה)
- נוצר ומיד (לומר קוד שבזמן קוד שבזמן קוד ומיד , $D^{-1}(\bar{s}_{i-1})D^{-1}(\bar{s}_{i-1})_1$ אומר שהקוד המקורי הוא המקורי הוא $D^{-1}(\bar{s}_i)$ במידה ווא לא קיים. (*) במידה למשל המחרוזת aaa תקודד בתור [a, aa], וכשנגיע לתו השני בפריסת המחרוזת הקוד בתור

אינטואיטיבית ברור שככל שנאפשר לm להיות גדול יותר, מחרוזות יותר ארוכות יידחסו לתו בודד, ומצד שני ידרשו יותר ביטים לייצוג תווים החל משלב כלשהו, זאת כמובן על חשבון כמות זיכרון גדולה יותר הדרושה בזמן הדחיסה והפריסה. כיוון שאנחנו מייצגים לייצוג תווים החל משלב כלשהו, זאת כמובן על חשבון כמות זיכרון 2^p (אחרת אנחנו סתם "מפסידים" מחרוזות שיכלנו לייצג באותה העלות). שיטות נוספות לשיפור התהליך מאפשרות "איפוס" של המילון למצבו ההתחלתי במהלך הדרך, זאת על מנת לזהות באופן טוב יותר תבניות המשתנות בקובץ. שיפור כמו זה לא הכנסתי למימוש שלי.

המימוש של LZW נמצא בקובץ המשתנה. התהליך יודע לרוץ בשני אופנים - עם הפעלת הקידוד באורך המשתנה. התהליך יודע לרוץ בשני הפעלת הקידוד באורך המשתנה בפרק 3 נמצא בקובץ (ואז מוחזר מערך של מספרים מסוג m מגודל קבוע של (2^{32}) . ניתן לבחור ערכי m שונים, ובפרק אציג את השפעתו על איכות הדחיסה.

LZW + Huffman שיטת 2.2

השיטה השנייה אומרת את הדבר הבא: במקום להתעסק באופן קידוד התוצאות של LZW חזרה לבינארי, תוך שמירה על חיסכון גדול ככל האפשר - למה שלא ניתן לאלגוריתם אחר לעשות את העבודה ולמצוא את הקידוד היעיל ביותר.

את שיטת Huffman למדנו בכיתה בהרחבה: מתוך המידע שלנו, בונים עץ בינארי על סמך כמות החזרות של כל תו בא"ב שלנו במידע - ככל שתו תדיר יותר, כך הוא יופיע גבוה יותר בעץ (כלומר - המסלול מהשורש אליו קצר יותר). לאחר מכן, בונים קוד רישא ע"י קביעת קוד לכל עלה בעץ (כלומר - כל תו) ע"י המסלול אליו מהשורש. השיטה מבטיחה שיווצר לנו קוד רישא (מה שמאפשר קריאה שלו תו אחרי תו ועדיין לפרש כל קוד בצורה ייחודית).

כעת, ניתן לשלב אותה יחד עם LZW - אם ניקח מחרוזת מעל א"ב מגודל LZW יתן דחיסה שלו לא"ב מגודל - LZW כעת ניתן לשלב אותה יחד עם LZW - אם ניקח מחרוזת מעל א"ב החדש שלנו ייצוג בקוד רישא על סמך תדירותו במידע Huffman נפעיל על המחרוזת הדחוסה את אלגוריתם LZW - למעשה התגברנו על הבעיה של הגדלת הא"ב שמתבצעת באלגוריתם הקודם.

בסופו של דבר קיבלנו מאלגוריתם האפמן עץ הבנוי לפי השכיחויות של כל אחד מהתווים במידע, ואת המידע כאשר כל תו מוחלף בייצוג שלו לפי האפמן. כעת צריך לקודד את העץ על מנת שנוכל לפרוס את הקובץ בחזרה - נעשה זאת בעזרת DFS עליו ונשמור את התוצאה יחד עם המידע הדחוס. כשנרצה לפרוס, נתרגם בחזרה את העץ מתוך ה DFS עליו, ואז לבנות תרגום מקוד לפי האפמן לתו המקורי. כמובן שככל שא"ב שלנו יהיה יותר גדול - העץ שלנו יהיה גדול יותר, ונצטרך יותר מחרוזת ארוכה יותר כדי לייצג אותו.

על מנת לייצג מספרים שלמים - אני מממש שיטה לייצוגם ע"י קוד רישא באופו הבא:

$$n \longrightarrow \underbrace{111}_{\lceil log(\lceil log(n+1)+1 \rceil) \rceil \text{times}} \underbrace{0}_{\lceil log(n+1) \rceil} \underbrace{110}_{\text{in binary}} \underbrace{101101}_{n \text{ in binary}}$$

שיטה זו מאפשרת לי לייצג כל מספר $\mathbb{N} = \{\log(\lceil \log(n+1)\rceil + 1 + 2 \lceil \log(\lceil \log(n+1)\rceil + 1) \rceil \}$ תווים.

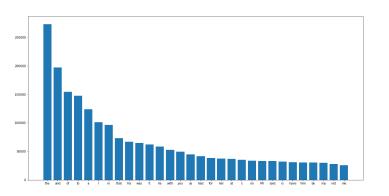
,rotem_compressor/huffman_compression :על מנת ליישם את השיטה נדרשתי ליישם תחילה את אלגוריתם האפמן. המימוש נמצא כאן: rotem_compressor.py .rotem_compressor.py . צריך לשרשר אותם בזה אחר זה, כפי שקורה בעל מנת להשתמש בו לאחר LZW ,צריך לשרשר אותם בזה אחר זה, כפי שקורה באופן הבא:
את המידע שיוצא מהאפמן אני שומר באופן הבא:

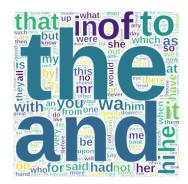
N	t	d_1d_t	$h_1h_{ar{N}}$	
מספר התווים במידע המקורי	מספר התווים ב DFS של העץ	על העץ DFS ה	המידע המקודד	
מיוצג בקידוד טבעיים	מיוצג בקידוד טבעיים	מיוצג בקידוד טבעיים	האפמן	

שיטת Huffman לקידוד מילים 2.3

שתי השיטות המוצגות בסעיפים 2.1, 2.2 הן כלליות לחלוטין ועובדות על כל קובץ בינארי. אך במשימה הזו נדרשים לדחוס קובץ טקסטואלי, ועל כן ניתן להשתמש בעובדה הזו כדי להנות מיתרונות שיש למידע מסוג זה.

הרעיון של השיטה הזו הוא לנצל את העובדה שמדובר בקובץ טקסט. כיוון שזהו המצב, ניתן להניח שיש מילים שחוזרות הרבה יותר פעמים מהאחרות. התרשים הימני מציג word cloud של הקובץ - ככל שהמילה גדולה יותר - כך היא מופיעה מספר רב יותר של פעמים. משמאל אפשר לראות את כמות הפעמים שמופיעה כל מילה, כאשר מסתכלים על 30 המילים שמופיעות הכי הרבה פעמים.





כיוון שזהו המצב - היינו רוצים למצוא קוד שישמור למשל את המילה "little" (שמופיעה 12884 פעמים) במספר ביטים קטן ככל האפשר, לעומת המילה " Hooper" (שמופיעה רק פעמיים), למרות ששתיהן באותו האורך במחרוזת המקורית.

בסופו של דבר, לאחר הסרת רווחים, ירידות שורה וסימני פיסוק - ישנן בקובץ 57520 מילים ייחודיות (ורק 45296 אם מתעלמים מאותיות גדולות/קטנות) - כלומר פחות מ 2^{16} מילים. אם נמיר כל מילה או סימן פיסוק במספר בין 1 ל 2^{16} - נוכל להפעיל בקלות האפמן ולקבל דחיסה של הקובץ ביחס למילים שלו. לאחר מכן, כל שנותר זה לכתוב פעם אחת את כל המילים לפי סדר המספרים המייצגים אותן. כלומר האלגוריתם הוא:

- 1. מצא את כל המילים היחודיות במחרוזת (ללא תוי פיסוק, רווחים או ירידות שורה), וסדר אותם בסדר כלשהו. כתוב את כמות המילים, ולאחריה את המילים לפי הסדר, מופרדות ברווחים, במחרוזת הסופית.
 - 2. עבור כל מילה או תו פיסוק במחרוזת החלף אותה במספר המייצג את מיקומה ברשימת המילים.
- 3. הפעל אלגוריתם האפמן על רצף המספרים שהתקבל, כאשר גודל הא"ב הוא ככמות המילים. הוסף את התוצאה של האפמן למחרוזת הסופית.

כדי לפרוס את הדחיסה, יש לקרוא תחילה את רשימת המילים, לאחריה - לפרוס את קוד ההאפמן, ולהמיר כל מספר בתוצאה במילה שהיא מייצות

ייעול משמעותי שאפשר לעשות הוא לדחוס את רשימת המילים בנפרד - ע"י האפמן או שיטה אחרת, זאת כדי לחסוך את הכתיבה המלאה שלהן בתחילת התהליך. אני ביצעתי זאת עם LZW.

החלפת החלק של החלק המורכב ביותר החלק המורכב החלפת הח

__split_text_to_words_and_delimiters¹¹

השיטה הזו מאוד פשוטה אך עם זאת נתנה תוצאות טובות באופן שהפתיע אותי מאוד, והצליחה לדחוס את הקובץ טוב יותר מ ZIP.

3 השוואה בין השיטות

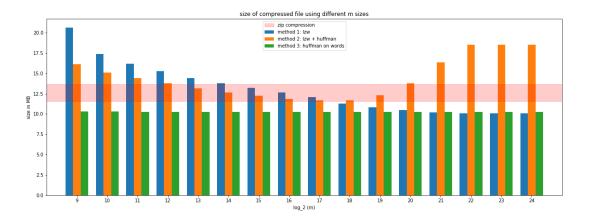
אתחיל בכך ששלושת השיטות הצליחו להגיע (עם פרמטרים מסוימים) לתוצאות טובות משמעותית מול $\sim ZIP$ ואף הגיעו להפרשים של 2MB ואף יותר. עם זאת - צריך להיות עדינים ולהבין מתי זה קרה: האם רק כשהקובץ היה "ארוך מספיק"? האם רק כשגודל LZW ענקי?

- נאור בפרמטרים שונים של m - גודל הא"ב המקסימלי החייק בכל אחד מהן. נזכיר בפרמטרים שונים של m

- 1. השיטה הראשונה משתמשת ב LZW כולל קידוד באורכים משתנים
- 2. השיטה השנייה מפעילה LZW ואת התוצאות מעבירה דרך האפמן
- 3. השיטה השלישית מייצרת רשימת מילים ייחודיות בטקסט, מקודדת עם האפמן את הטקסט שבו החלפנו מילים באינדקסים שלהן, ומקודדת עם LZW את רשימת המילים.

את גודל y וציר א מציג את איז וועיר $\log_2(m)$ איזר המילון. איר אודל החרשים בכל אחת מהשיטות, כתלות בm גודל המילון. איר את גדלי הקבצים בכל אחת מהשיטות, כתלות בm גודל המילון. אור מציג את גדלי הקבצים בכל אחת מהשיטות, כתלות בm

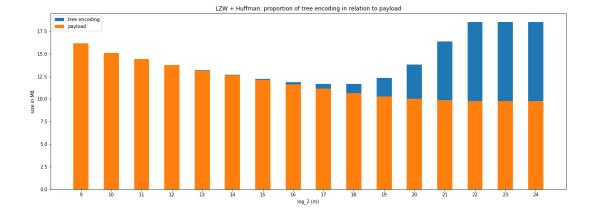
הטווח הצבוע באדום הוא טווח הגדלים שקובץ ZIP מחזיר (ניתן לבחור את איכות הדחיסה כמעט בכל תכנה)



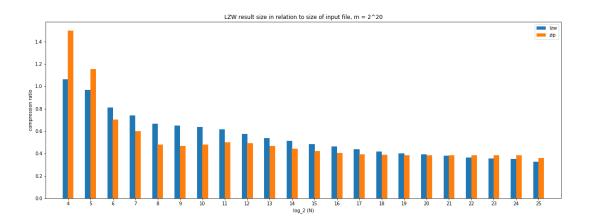
ניתן ללמוד מספר דברים מעניינים מהנתונים:

- $.2^{20}$ עם עידוד באורכים משתנים, כאשר גודל המילון גדול מובLZW היא LZW
- הוא ככל הנראה קצר מאוד LZW שיטת קידוד מילים כמעט ולא מושפעת מגודל המילון, זאת בגלל שהטקסט שמקודד עם LZW שיטת הילים)
- 3. שיטת LZW עם Huffman נפגעת כשגודל המילון גדול מידי ככל הנראה בגלל שגודל העץ הופך להיות גדול מאוד ולכן הקידוד שלו תופס נפח רב.

כדי לאשש את הטענה השלישית, נחזור על הניסוי שוב, אבל הפעם נשמור את התוצאה של Huffman ללא קידוד העץ (כמובן שזו דחיסה שלא ניתנת לשחזור), כדי שנוכל להבין מה הנפח היחסי שתופס המידע ביחס לעץ. התרשים הבא מציג את גודל הקובץ בשיטה מספר 2. בחלוקה למידע עצמו ולעץ הקידוד שלו.



אפשר לראות שכשהמילון גדול מידי - חצי מהביטים בתוצאה הדחוסה הם הייצוג של הקידוד של העץ שלו. אפשר לראות שכשהמילון גדול מידי - חצי מהביטים בתוצאה הדחוסה הפרש בינו לבין ZIP. כלומר, לאחר כמה תווים מתוך כעת נתמקד ב LZW. ניקח $m=2^{20}$, ונבחן מתי אנחנו דוחסים בכל פעם ב $m=2^{10}$ מציג את יחס הדחיסה ($m=2^{10}$).



 \perp LZW מהתרשים אפשר לראות שרק כאשר דחסנו יותר מ \perp 221 בתים מתחיל להיות הפרש בגודל הקובץ לטובת

4 סיכום

בסופו של דבר, השיטה שאותה בחרתי לשימוש הינה שיטת LZW עם קידוד אורכים משתנה, כאשר קבעתי את גודל המילון להיות $m=2^{20}$

4.1 שיטות נוספות שנוסו בזמן העבודה

במהלך הדרך, ניסיתי להעזר בשיטות נוספות. הקוד שלהם הוסר מה git כדי למנוע בלבול (הוא נמצא בהיסטוריית ה commits). השיטות שניסיתי:

- 1. הוספת Run Length Encoding לאחר שימוש בשיטה 2 האינטואיציה שלי אמרה שככל שהעץ יהיה "עמוק" יותר כך ב DFS על העץ יהיו רצפים ארוכים יותר של אפסים. לשם כך רציתי להוסיף RLE בתור דחיסה על גבי האפמן, אך הסתבר שזה לא הועיל בכלל היות והרצפים לא היו מספיק ארוכים כדי של RLE יהיה יתרון.
- 2. ניסיון לשחזר את שיטת bzip2 שיטה זו משתמשת בהאפמן בתור המנוע העיקרי אך לפני זה מבצעת טרנספורמציות על המידע כך שיווצרו רצפים ארוכים מאותו תו ועליהם מפעילה RLE. היא משתמשת בשתי טרנספורמציות מקדימות:
- (א) התמרת בורווס-וילר (Burrows–Wheeler transform) למעשה בוחרת פרמוטציה על בלוקים מתוך המידע שבהם ישנם רצפים חוזרים גדולים יותר מהטקסט המקורי

(ב) התמרת Move-to-front שמסתכלת על הטקסט כ"מחסנית" ובכל פעם מחליפה את התו באינדקס שלו במחסנית ושמה אותו בתחילתה.

0,1,1,1,1 מקודדים להיות ababa כך רצפים כמו

לאחר שתי הטרנספורמציות היא מפעילה RLE על המידע כך שהפוטנציאל לדחוס יהיה גדול יותר. לאחר RLE מפעילים האפמן.

השיטה הזו - למרות שמימשתי את כולה - לא נתנה תוצאות שמתקרבות לתוצאות שהראתי כאן, גם מבחינת זמן הריצה.