88-782 עבודת גמר ־ אופטימיזציה

1318446697 רותם גזית, ת"ז 2020 סמסטר חורף

תוכן עניינים

3		הקדמה	1
3	t הבעיה	1.1 עולכ	
3	ית פעולה	1.2 תכני	
4		1.2.1	
4		1.2.2	
4	ر	הבניית המיד	2
4	ץ המידע המתאים		
6	יליזציה של המידע		
6	ם הפרק		
7			3
, 7	סת פיצ'רים מתאימים		J
7		3.1.1	
7	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	3.1.2	
8		3.1.3	
8	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	3.1.4	
9	ון המודל		
9		3.2.1	
9		3.2.2	
10	רציפות הפונקציה הנוצרת	3.2.3	
11		3.2.4	
12		. מינימיזציה	4
12	רת הבעיה	4.1 הגדו	
12		4.2 מימו	
12	Penalty Method מימוש	4.2.1	
13		4.2.2	
13	מת שימוש	4.3 הדגו	
14		סיכום	5

1 הקדמה

עולם הבעיה 1.1

נסיעה בפקקים הפכה להיות דבר שבשגרה למרבית האוכלוסייה בעולם המערבי. כיוון ששעות העבודה של רוב בתי העסק והחברות מסנוכרנות, נוצרים "זמני עומס" (rush hours) בהן הדרכים נמצאות בספיקה מקסימלית, מה שמוביל לפקקי תנועה.

פתרונות טכנולוגיים רבים עוסקים בתחום הזה. waze למשל מציעה למשתמשיה מסלולים אלטרנטיביים עמוסים פחות, אותם waze שמבע ע"ס משתמשים אחרים שנעים בצירים ומדווחים לה בחזרה מה המהירות הממוצעת בכל קטע. משתמש ב מקבל היא יכולה לחשב ע"ס משתמשים אחרים שנעים בצירים ומדווחים לא על ידי כך שנוסעים אחרים זזים בצירים המרכזיים המקשרים את X ל Y כבר עכשיו.

מטרת הפרויקט היא לתת גישה אחרת לפתרון בעיית הנסיעה בפקקים. במקום לדעת **מהי** הדרך המומלצת **כרגע**, אני רוצה לדעת **מתי** לצאת כדי לנסוע כמה שפחות זמו בדרך שלי.

כלומר, אני מראש יודע מה הדרך המועדפת לנסיעה בין X ל Y, ורק רוצה לדעת מתי עדיף לי לנסוע בה. לצורך העניין $^{-}$ אני יודע מה הדרך הטובה ביותר מבחינתי לנסוע מביתי לאוניברסיטה (יכול להיות שהיא לא ניתנת לבחירתי, למשל אם משתמשים בתחבורה ציבורית), אבל המטרה שלי היא להיות כמה שפחות זמן על הכביש, ועל כן אני מבקש המלצה לזמן היציאה האידיאלי.

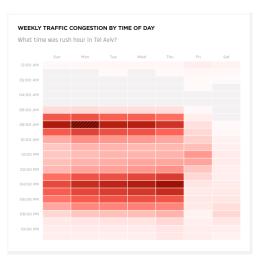
כמובן שמינימיזציה שכזו תהיה מאוד משעממת, כי סביר להניח שבאמצע הלילה כל הצירים יהיו ריקים וזמן הנסיעה בהם יהיה מינימלי. לכן היינו רוצים להוסיף זמן מינימלי ומקסימלי ליציאה בתור חסמים.

בסה"כ אני רוצה לדעת מה היא שעת היציאה שתיתן לי זמן נסיעה מינימלי בציר, תוך התנאי ששעת היציאה צריכה להיות בטווח זמנים מסוים.

הסיבה שאני רוצה לקבל מדד כזה נובעת מכך שבעבודה שלי אין לי שעת הגדרה קשיחה (היות ואני משתכר שכר גלובלי), אלא טווח זמנים שבו אני צריך להיות במשרד שלי. כיוון שאין לי סיבה מוגדרת להגיע בשעה $7 \frac{30}{7}$ לעומת במשרד שלי. כיוון שאין לי סיבה כשאיו פקסים.

בתל אביב מצב הפקקים חמור במיוחד¹. תל אביב מדורגת במקום 9 מבין 240 הערים הפקוקות באירופה, ובמקום 21 מבין כלל ערי העולם שנבדקו.

בממוצע כל נסיעה מתארכת ב46% מהזמן הנאיבי שלה (מרחק הנסיעה חלקי מהירות מקסימלית בכל אחד מהקטעים) בשל פקקים. התרשים הנ"ל מתאר את העומס הממוצע בכבישים בכל אחת משעות היום ובכל אחד מימות השבוע.



1.2 תכנית פעולה

1

את העבודה ניתן לחלק למספר שלבים:

- 1. מציאת מידע מתאים. צריך לשים לב שחשובים לנו הדברים הבאים:
 - (א) דגימה של אותו נתיב הנסיעה לאורך זמן
- (ב) מספיק דגימות בזמנים שונים שעות שונות, ימים שונים בשבוע, חודשים שונים, ימי חול וימי חופשה
 - (ג) בעבור כל נסיעה לדעת מתי התחילה וכמה זמן לקחה בפועל.
 - 2. ביצוע רגרסייה על גבי המידע שתאפשר לנו לחזות את זמן הנסיעה ברמת דיוק מספיקה. כדי לבצע רגרסייה כזו נצמיד את המידע על הנסיעות לנתונים נוספים:
 - (א) מה היה מזג האוויר באותו היום ־ רוחות, גשמים, טמפרטורות

 $https://www.tomtom.com/en_gb/traffic-index/tel-aviv-traffic\#statistics$

- (ב) הצמדת היום לימי חופשה לאומיים
- 3. ביצוע מינימיזציה על הRegressor שנקבל.

המינימיזציה מניחה יום כלשהו עם כל נתוני המסגרת שלו, והתנאים שלה היא שזמן תחילת הנסיעה נמצא בטווח הזמנים המבוקש. המינימיזציה מחזירה את זמן תחילת הנסיעה המינימלי לפי הרגרסייה שלנו.

גיבוש מידע מתאים 1.2.1

התנאים המגבילים על המידע הנדרש המובאים לעיל הם תנאים מחמירים מאוד ורוב המידע בתחום זה איננו ציבורי.

בסופו מכיל בשנת 2013 המידע בשנת נאסף בשנת 2 . המידע בחבי העיר ניו יורק בחבי המידע מידע ציבורי על נסיעות מוניות ברחבי העיר ניו יורק 173,179.759 נסיעות מונית (29GB) בכלל רחבי העיר ועל גבי כל ימות השנה.

עבודה משמעותית של איתור בכלל הנתונים הללו צריכה להתבצע כדי לענות על תנאי 1א המתואר לעיל, כלומר לבודד נסיעות הקורות בין שתי נקודות ספציפיות על המפה.

את המידע הנ"ל מצליבים בקלות אל מול נתוני מזג אוויר 5 וימי חופשה לאומיים בארצות הברית 4 . על כלל העבודה הנ"ל יפורט בפרק .data preperation ה

1.2.2 אתגר המינימיזציה

לאחר קבלת מודל הרגרסייה המבוקש, בעיית המינימיזצייה מעניינת כיוון שהיא משלבת שני קונספטים:

- מינימזציה של פונקצייה שהנגזרת שלה איננה ידועה
 - מינימזציה של פונקציה עם אילוצים

במהלך הקורס למדנו כיצד ניתן למצוא מינימום לבעיות עם אילוצים בעזרת היכולת שלנו לגזור אותה. שיטות כמו KKT מאוד מוצלחות לפתרון בעיה זו.

כיוון שכאן הנגזרת לא ידועה היות והרגרסור שלנו איננו אנליטי, נמצא מינימום בעזרת שילוב שיטת Penalty Method יחד עם אחת השיטות שלמדנו בהרצאות הראשונות של הקורס - שיטת Nelder Mead (הידועה גם בשם downhill simplex method). לאחר יישום השיטות הבסיסיות, ננסה לבצע היוריסטיקות שיאפשרו לנו למצוא מינימום גלובלי ולא לוקאלי.

data preperation - הבניית המידע

2.1 חילוץ המידע המתאים

המידע כאמור שעליו ננסה לפתור את הבעיה הוא פירוט נסיעות מונית ברחבי העיר ניו יורק על גבי כל שנת 2013.

medallion	hack_license	hdor!	rate_code	and_fw	pickup_datetime	dropoff_datetime	passenger_count	trip_time_in_secs	trip_distance	pickup_longitude	pickup_latitude	dropoff_longitude	¶ropoff_latitude
CD483CB196E3505057E48C94FD89233B	199EEEFA30FF9D8D0DDEAAE121107C8E	VTS	1		2013-01-15 10:42:00	2013-01-15 10:49:00	5	420	0.92	-73.977074	40.750179	-73.965347	40.754841
86845617E8D805CC175640E6701E2B9B	8B608F94D85CE91ECA9D060C852C96B2	VTS	1		2013-01-15 20:10:00	2013-01-15 20:17:00	3	420	1.47	-73.971642	40.765968	-73.978149	40.750393
92A5DA5E65D973B5F64C70113B091164	BEB3C033E6D08F37F3415068B010D9EF	VTS	1		2013-01-14 19:58:00	2013-01-14 20:12:00	2	840	3.79	-73.991051	40.734871	-73.958488	40.763
CFEF976DC97C18EFE560DED254BD6283	58816C3AEBF47213F74FBC8AFF915FCD	VTS	1		2013-01-16 00:06:00	2013-01-16 00:28:00	5	1320	6.05	-73.981178	40.758041	-73.992348	40.689629
8736738DE7D70316889BF9D38B7ED338	D4E8282485A4228BB4872822C7EFEAA5	VTS	1		2013-01-14 16:45:00	2013-01-14 16:49:00	1	240	0.94	-73.970009	40.799686	-73.96814	40.792007
744B4B8BF12CF57282B79A8DEB9B9B44	B9DD7C80F538AD0BCE3D154021E733AD	VTS	1		2013-01-16 09:36:00	2013-01-16 09:58:00	1	1320	1.83	-73.971291	40.748127	-73.991966	40.748768
4B208E4003BAB08E4B77DDCCF722ABCP	4027AC0C230411EE4106E0071B7EDAB5	VTS	1		2013-01-16 07:35:00	2013-01-16 07:52:00	1	1020	4.16	-73.992706	40.758556	-73.997398	40.714149
11922D84A5A91EF5F8317AF86C3E43E9	E7BBC18C40F200AB9C881C5D72423D8D	VTS	5		2013-01-15 21:38:00	2013-01-15 21:39:00	1	60	0	-74.035568	40.713505	-74.035553	40.713509
BE8510A528238ACE647199089ADF6B47	A14986CCF33AF0266289D422ACB52132	VTS	1		2013-01-13 16:59:00	2013-01-13 17:10:00	3	660	1.86	-73.997864	40.745178	-73.997215	40.725773
0CA06825E31D118DED987821A7EDA3FE	AFACF8312244283B1FC901B06D7979A0	VTS	1		2013-01-16 08:13:00	2013-01-16 08:17:00	1	240	0.55	-73.967865	40.755814	-73.974487	40.75322

המידע בתצורתו המקורית מכיל את הנתונים הבאים:

- נתוני מסגרת על הנסיעה: חברת המוניות, ו ID של הנסיעה המיוצג בעמודות: medallion hack license vendor id rate code store and fwd flag
 - כמות הנוסעים במונית passenger count
 - נתוני זמן: זמן תחילת וסיום הנסיעה, והזמן בשניות של הנסיעה כולה trip time in secs pickup datetime dropoff datetime
 - המרחק שעברה המונית בזמן הנסיעה (במיילים) trip distance
- קאורדינטות: קאורדינטת ההתחלה וקאורדינטת הסיום pickup longitude pickup latitude dropoff longitude dropoff latitude

https://archive.org/details/nycTaxiTripData2013

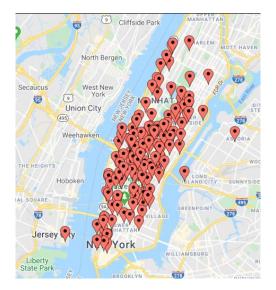
https://www.kaggle.com/selfishgene/historical-hourly-weather-data

https://www.kaggle.com/gsnehaa21/federal-holidays-usa-19662020

המידע עצמו מכיל נתוני נסיעות מכל רחבי העיר, ועל כן לא מתאים לפתרון הבעיה שאנחנו מנסים לפתור (אופטימיזציה של שעת היציאה ע"ג מסלול בודד).

על כן תחילה נצטרך להתמקד באיזור מסוים בו יש לנו מספיק נסיעות לאורך השנה.

התרשים הבא מציג את מיקומן של 178 שורות רנדומליות מתוך המידע שלנו ומדגיש עד כמה הנסיעות מפוזרות ע"ג כלל העיר ניו יורק.



על מנת להתמקד באיזורים ספציפיים, נעזר בספרייה ש"מגרידה" (grid) קאורדינטות. למעשה כל קאורדינטה הופכת לקוד מיוחד שמייצג תא שטח. אנחנו נייצר תאי שטח בקוטר של בערך 250 מטר על מנת שבכל איזור כזה יהיו לנו מספיק נקודות.

הקוד של תהליך ה"הגרדה" נמצא בקובץ extract_points_of_interest.py. בשל כמות המידע הרבה שיש לנו (כ 30GB) אני פעזר בטכנולוגיית SPARK שלמעשה באופן מבוזר יכולה לעבד כמויות כאלה של מידע.

con- עטפתי אותה בפונקציה .openlocationcode הספרייה של גוגל בשם vopenlocationcode. יעטפתי אותה בפונקציה ייר vert coordinate to grid

```
def convert_coordinate_to_grid(lat, long):
    try:
        return openlocationcode.encode(float(lat), float(long), 8)
    except:
    pass
```

:Dataframe והחלתי אותה על ה

לאחר החלת הנסיעה וזה של סיום הנסיעה) Grids לאחר אני לוקח את 5 זוגות ה ${\rm GRID}$ ע"ג כלל המידע, אני לוקח את 5 זוגות ה ${\rm Grids}$ לאחר החלת המוצר של התהליך נכתב לנתיב הכי הרבה במידע, ואותם שומר בקבצים נפרדים (כדי שאוכל לאמן את המודל שלי עליהם בלבד). התוצר של התהליך נכתב לנתיב ${\rm data/trip\ data\ grids}$

יש לשים לב שאת כל ה dataset המקורי לא צירפתי לפרויקט מפאת גודלו ובמידה ורוצים להריץ את התהליך עליו יש להוריד. data/trip data sample אותו בנפרד. במקומו צירפתי דוגמית של החומרים לנתיב

ה מציג במידע היו +87G8Q275+, 87G8Q275+, בהם יש כ 35 אלף נסיעות במהלך השנה. התרשים הבא מציג (המוטר מתוכן על גבי המפה, וניתן לראות שאכן התהליך מיקד אותנו לאיזורי עניין בתוך ניו יורק ותואם את ה dataset אותו ניסיעות מתוכן על גבי המפה, וניתן לראות שאכן התהליך מיקד אותנו לאיזורי עניין בתוך ניו יורק ותואם את הבסיעה להשיג במקור, כאשר יש שני ריכוזי נקודות, אחד עבור תחילת הנסיעה ואחד עבור סופה במקור, כאשר יש שני ריכוזי נקודות, אחד עבור החילת הנסיעה ואחד עבור סופה

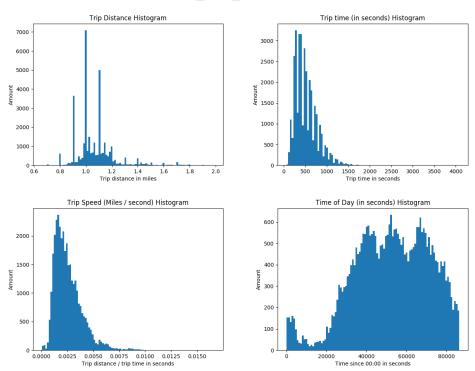


במהלך העבודה עד שלב זה ניסיתי דרכים נוספות לפתרון הבעיה:

- שימוש ב grid ממוקד יותר ברזולוצייה של 2 מטרים האפשרות הזו נפסלה בגלל שהיא החזירה מעט מידי רשומות עבור תהליכי ההמשך. תהליך ה"הגרדה" לא מאפשר רזולוצייה שבין 250 המטרים ל2 המטרים ולכן נאלצתי להסתפק ברזולוצייה זו.
 - והתבססות על מרחק אוקלידי בין נקודות grid ביז והתבססות אניחת השימוש בין זו התבססות (למעשה היא חישובית למעשה היא $O(n^2)$ כאשר הרשומות ולכן נזנחה.

2.2 ויזואליזציה של המידע

בשלב זה ניתן להתחיל ולנתח את התפלגות שקיבלנו. בשלב זה ניתן להתחיל ולנתח את התפלגות בשנב זה מיצא בקובץ $\operatorname{raw_data_stats.py}$



2.3 סיכום הפרק

1. הצלחנו לייצר dataset בן 35000 רשומות של נסיעות בין שני איזורים ספציפיים בעיר ניו יורק. גיבשנו את המידע בעזרת תהליך סטנדרטי בתעשייה של הפיכת נ"צ לתא שטח.

2. המידע (לפחות מבחינה ויזואלית) מתפלג באופן נורמלי גם בזמני הנסיעה וגם באורך הנסיעה, ונראה שיש לנו נתונים מספיקים ע"ג כל שעות היום.

זה למעשה תואם את הציפיות הכלליות שלנו ממידע מסוג זה.

3 בניית המודל

3.1 הנדסת פיצ'רים מתאימים

features/ חומיקיית data prep.py תחת הקובץ python code/model ותיקיית הקבצים data prep.py כלל הקוד של הפרק הזה מופיע בנתיב

3.1.1 חילוץ מתוך המידע הקיים

השלב הראשון בעבודה שלנו הוא חילוץ הנתונים מתוך המידע שיצרנו בפרק הקודם.

מרבית הנתונים בטבלה המקורית אינם מעניינים אותנו. אני לא רוצה ללמוד על נתונים כמו כמות הנוסעים במונית או חברת המוניות, היות ואלו נתונים שלא רלוונטים לבעיה שאני מנסה לפתור (נסיעה ברכב פרטי). על כן מתוך המידע המקורי נשמור על 3 עמודות:

- pickup datetime זמן תחילת הנסיעה
- $ext{trip_time_in_secs}$ זמן הנסיעה הכולל בשניות
 - trip distance מרחק הנסיעה הכולל במייל

מעמודת "זמן תחילת הנסיעה" נחלץ את הפיצ'ר המרכזי " זמן תחילת הנסיעה בשניות מאז תחילת היום

```
cof forms_data(df))
df = df.cog),
df = df.cog),
df.pickup_ddatate = pd.to_ddatates(df.pickup_ddatates__formin**\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\formin*\f
```

בקובץ python_code/model/features/date_parts.py מתבצע פירוק של עמודת הזמן לגורמיה ־ אנחנו לוקחים מתוך הזמן שלושה מאפיינים ־ היום בשבוע, היום בחודש והחודש.

נשים לב שלמרות שבמרבית התהליכים המקבילים היינו מחלצים גם את השנה, כאן כל האירועים קרו באותה השנה ולכן לא נרצה לעוות את הלמידה שלנו בשל כך.

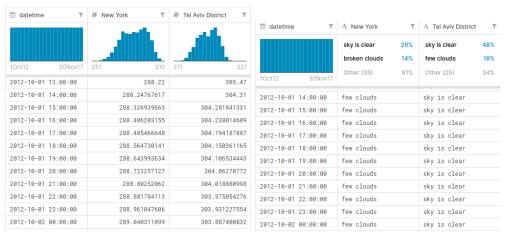
```
def add_date_parts(df):
    df = df.copy()
    attrs = ['opysfweek', 'Day', 'Month', ]
    for attr in attrs:
        fiff*pickup_datetime{attr.lower()}'] = getattr(df.pickup_datetime.dt, attr.lower())
        return df
```

3.1.2 מזג אוויר

את הנתונים ניתן להצמיד לנתוני מזג אוויר התואמים את זמני הנסיעה. המידע של מזג האוויר הגיע מפרויקט Kaggle ומכיל נתונים שעתיים של מזג האוויר בניו יורק (ובערים נוספות) ע"ג תקופת זמן של מספר שנים.

המידע מגיע ע"ג מספר קבצים נפרדים, לפי המדד - טמפרטורה, לחות, כיוון הרוח, עוצמת הרוח, לחץ ברומטרי, ותיאור מילולי של מזג האוויר.

הטבלה הבאה מציגה דוגמת חומר מטבלת הטמפרטורות וטבלת התיאור המילולי. אפשר לשים לב שהטמפרטורות נתונות בקלווין, והזמנים נתונים בזמן UTC (ולכן נצטרך להזיז אותם לזמן ניו יורק)



הקובץ python_code/model/features/weather.py לוקח את נתוני מזג האוויר ומצמיד אותם בזה אחר זה לתוך הטבלה python_code/model/features/weather.py המקורית שלנו.

החיבור הוא טריוויאלי, המורכבות היחידה היא שינוי איזור הזמן.

על גבי החומרים השעתיים, אנחנו מחשבים גם 3 עמודות ־ הנתון המינימלי, המקסימלי והממוצע לאותו היום. הפונקציה הנ"ל מעשירה את המידע השעתי בנתונים הללו:



3.1.3 חגים לאומיים בארצות הברית

אחד הפרמטרים המשמעותיים (אינטואיטיבית) על מצב התנועה בכבישים הוא האם מדובר ביום עבודה או ביום חופש לאומי, מתוך הנחה שבימי החופש התנועה מתנהגת אחרת

(מצד אחד - פחות תנועה למקומות העבודה, ומצד שני עלייה בתיירות).

.2020 אני מתבסס מגיע גם הוא מפרויקט Kaggle ומכיל את כל החגים הלאומיים בארצות הברית בין השנים 1966 ל כאניין אותנו רק קיום בינארי $^{-}$ האם יום מסויים הוא יום חופש לאומי או לא.



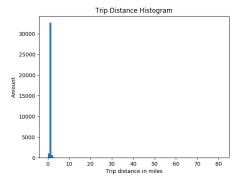
python_code/model/features/holidays.py גם כאן ההצמדה פשוטה מאוד ומתבצעת בקובץ

3.1.4 סינון אנומליות במידע

מתוך המידע שמתקבל נרצה לסנן מספר תופעות לא מוסברות שככל הנראה נובעות מהסנסורים שהפיקו במקור את הנתונים על מוניות.

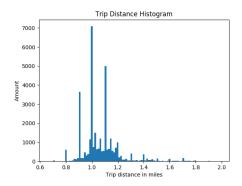
ספציפית, מניתוח בסיסי ניתן לראות שלעתים יש רשומות עם אורך נסיעה ארוך או קצר מידי.

התרשים הבא הוא היסטוגרמת אורכי הנסיעה, כפי שהוצגה בפרק הקודם, רק ללא סינון על מרחק נסיעה מקסימלי:



ניתן לראות שבאמת מרבית הנסיעות מרוכזת בטווח קטן מאוד, אך ככל הנראה ישנן נסיעות (פיקטיביות?) שאורכן גדול מאוד. כדי להתמודד עם אנומליות כאלו, נסתכל על האחוזונים השונים של מרחק הנסיעה. אחוזון 99% של מרחק הנסיעה הוא 2, ואחוזון 0.01 הוא 0.01.

על כן כדרך התמודדות נתבונן רק על רשומות בהן מרחק הנסיעה d מקיים בחבר הסינון הנ"ל נקבל היסטוגרמה נדרך התמודדות נתבונן רק על רשומות בהן מרחק הנסיעה d מקיים בחבר היסטוגרמה הגיונית יותר:



:python_code/model/data_prep.py שנמצאת תחת הקובץ שנמצאת הפונקציה מבצעת הפונקציה מבצעת הפונקציה את כל תהליך הוספת הפיצ'רים מבצעת הפונקציה את כל הפיצ'רים המתוארים לעיל.

3.2 אימון המודל

3.2.1 אימון

המודל הנבחר לצורך ביצוע המשימה הוא Random Forest Regressor וזאת מפאת פשוטו בניתוח בעיות מהסוג הנ"ל. כיוון שליבת המודל הנבחר לצורך ביצוע המשימה הוא Random Forest Regressor הפרויקט איננה במימוש המודל (אלא בביצוע מינימיזציה עליו בסופו של התהליך), לא אכביר בכל הניסיונות השונים בהרצת המודל python code/model/model learning.py עד להגעה לתוצאות המוצגות כאן. הרצת המודל מתבצעת בקובץ

אנחנו מאמנים את המודל על 80% מהמידע, עם 40 עצים שונים, שכל אחד מאומן על 50% מהפיצ'רים שלנו. הגבלתי את מספר הדגימות בכל עלה בעץ ל 3.

רשימת הFeatures המלאה שלנו בשלב זה:

feature	description	feature	description		
trip_time_in_secs	המשתנה התלוי – זמן הנסיעה	temperature_daily_min	טמפרטורה – מינימום ליום הנסיעה		
trip_distance	אורך הנסיעה	temperature_daily_max	טמפרטורה – מקסימום ליום הנסיעה		
time_of_day	זמן מתחילת היום בשניות	wind_direction_daily_mean	כיוון חח – ממוצע ליום הנסיעה		
holiday	האם מדובר ביום חופש	wind_direction_daily_min	כיוון חח – מינימום ליום הנסיעה		
humidity_daily_mean	לחות – ממוצע ליום הנסיעה	wind_direction_daily_max	כיוון חח – מקסימום ליום הנסיעה		
humidity_daily_min	לחות – מינימום ליום הנסיעה	wind_speed_daily_mean	מהירות חח – ממוצע ליום הנסיעה		
humidity_daily_max	לחות – מקסימום ליום הנסיעה	wind_speed_daily_min	מהירות חח – מינימום ליום הנסיעה		
pressure_daily_mean	לחץ ברומטרי – ממוצע ליום הנסיעה	wind_speed_daily_max	מהירות חח – מקסימום ליום הנסיעה		
pressure_daily_min	לחץ ברומטרי – מינימום ליום הנסיעה	pickup_datetimedayofweek	יום בשבוע		
pressure_daily_max	לחץ ברומטרי – מקסימום ליום הנסיעה	pickup_datetimeday	יום בחודש		
temperature_daily_mean	טמפרטורה – ממוצע ליום הנסיעה	pickup_datetimemonth	חודש		

3.2.2 מדידת איכות המודל

על תוצאת המודל הרצנו את הבדיקות הבאות (אל מול המידע עליו התאמנו ואל מול 20% מהחומרים שלא נכנסו לאימון):

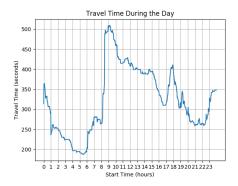
- $|T_{real} T_{predict}|$:הפרש זמנים בין הזמן האמיתי לזמן המנוחש ע"י המודל ullet
 - תוחלת ההפרשים –
 - סטיית התקן של ההפרשים
 - חציון ההפרשים
 - אחוזון 95 של ההפרשים -
 - הפרש מינימלי והפרש מקסימלי
- , באופן out of bag score) OOB הו testa, train איון זה מופיע לנו על התוצאות האמיתיות. ציון זה מופיע לנו על התוצאות האמיתיות. איון זה מופיע לנו על החומרים שלא נכנסו בתהליך הרנדומלי שבוחר חומרים לאימון) כללי חישוב פרדיקציה על החומרים שלא נכנסו בתהליך הרנדומלי שבוחר חומרים לאימון

name	train	test
l1 - mean	66.913623	97.797677
l1 - std	70.332301	98.777692
l1 - quantile	48.590813	74.054876
l1 - 95% percentile	187.413907	269.010393
ll - min	0.002254	0.006385
l1 - max	2984.010486	2764.043598
r2	0.857826	0.707454
r2 - oob	0.697148	NaN

התוצאות שקיבלנו אינן מושלמות (למשל ה R^2 על חומרי הtest ממוך ממה שהיינו רוצים), אבל ניתן לראות שאחוזון 95% של ההפרשים עומד על 269 שניות (פחות מ4.5 דקות), שזה לחלוטין לא רע בהתחשב בכמות הפיצ'רים הקטנה שבה השתמשנו, וזה מספיק כדי שנוכל להתקדם הלאה.

מן הסתם, עבודה מאומצת שמטרתה המוצהרת היא לייצר מודל טוב יותר הייתה מניבה תוצאות מוצלחות יותר, אך כיוון שמדדי המודל אינם ליבת העבודה, אני מרשה לעצמי לעצור במצב הזה.

התרשים הבא מתאר את זמן הנסיעה המנוחש (בהפרשים של 100 שניות) על פני כל שעות היום בתאריך 22/4/2013 ניתן לראות מהתרשים כמה דברים מעניינים:



- 1. המודל מצליח לזהות את התבנית של זמני עומס ושפל, באופן דומה לאופן שבו הגיוני לחשוב עליהם (בלילה ⁻ אין עומס, וישנם שני גלי עומס, בבוקר ולקראת ערב)
 - 2. הפונקציה הנוצרת איננה רציפה, ויש בה הרבה מאוד "רעשים". מינימיזציה על פונקציה רועשת כזו תביא אותנו למינימום לוקאלי מאוד ולא נכון.

3.2.3 רציפות הפונקציה הנוצרת

על מנת שנוכל לבצע מינימיזציה מוצלחת על הפונקצייה הנ"ל, נרצה לנקות אותה מרעשים ולהפוך אותה לרציפה. לשם כך נעזר בטענה הבאה:

טענה 1.3 תהי $g_\epsilon(x)=\int_{x-\epsilon}^{x+\epsilon}f(x)dx$ פונקציה הפונקציה $f:\mathbb{R} o\mathbb{R}$ יהי הפונקציה לכל נחטום (רימן) פונקציה אינטגרבילית (רימן) בתחום בתחום וויהי $f:\mathbb{R} o\mathbb{R}$

: יהי $\delta > 0$ נשים לב שמתקיים:

$$|g_{\epsilon}(x) - g_{\epsilon}(x + \delta)| = \left| \int_{x - \epsilon}^{x + \epsilon} f(x) dx - \int_{x - \epsilon + \delta}^{x + \epsilon + \delta} f(x) dx \right|$$
$$= \left| \int_{x + \epsilon}^{x + \epsilon + \delta} f(x) dx - \int_{x - \epsilon}^{x - \epsilon + \delta} f(x) dx \right|$$

היות והפונקציה $f(x) \leq M$ אינטגרבילית בתחום, היא גם חסומה בו. לכן ניתן להניח כי f(x) אינטגרבילית היות והפונקציה

$$\left| \int_{x+\epsilon}^{x+\epsilon+\delta} f(x)dx - \int_{x-\epsilon}^{x-\epsilon+\delta} f(x)dx \right| \le \int_{x+\epsilon}^{x+\epsilon+\delta} Mdx + \int_{x-\epsilon}^{x-\epsilon+\delta} Mdx$$

$$= 2 \cdot \delta \cdot M$$

 $g_e(x+\delta) \stackrel{\delta \to 0}{\longrightarrow} g_\epsilon(x)$ כלומר $g_\epsilon(x) - g_\epsilon(x+\delta) \stackrel{\delta \to 0}{\longrightarrow} 0$ מתקיים $g_\epsilon(x+\delta) \stackrel{\delta \to 0}{\longrightarrow} 0$ כלומר $g_\epsilon(x+\delta) \stackrel{\delta \to 0}{\longrightarrow} g_\epsilon(x+\delta)$ משמע $g_\epsilon(x+\delta) \stackrel{\delta \to 0}{\longrightarrow} g_\epsilon(x+\delta)$ כלכן $g_\epsilon(x+\delta) \stackrel{\delta \to 0}{\longrightarrow} g_\epsilon(x+\delta)$ משמע $g_\epsilon(x+\delta) \stackrel{\delta \to 0}{\longrightarrow} g_\epsilon(x+\delta)$

היא רציפה. במובן שגם הפונקציה $\frac{1}{2\epsilon}\int_{x-\epsilon}^{x+\epsilon}f(x)dx$ היא הערה 2.3 כמובן שגם הפונקציה ל $x-\epsilon=x_{n_0}< x_{n_1}<...< x_{n_n}=x+\epsilon$ כאשר לאינים. אזי:

$$\frac{1}{2\epsilon} \int_{x-\epsilon}^{x+\epsilon} f(x)dx = \lim_{n \to \infty} \frac{1}{2\epsilon} \cdot \sum_{i=1}^{n} f(x_{n_i}) \cdot \frac{x+\epsilon-x+\epsilon}{n}$$
$$= \lim_{n \to \infty} \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^{n} f(x_{n_i})$$

על כן אם נבחר $\epsilon>0$, יתקיים $\epsilon>0$, יתקיים $\frac{1}{2\epsilon}\int_{x-\epsilon}^{x+\epsilon}f(x)dx$ על כן אם נבחר $\epsilon>0$, יתקיים אול כדי לקבל קירוב לאינטגרל הנ"ל.

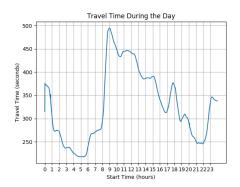
לפי הטענה, מתוך הנחה שפונקציית ה predict היא אינטגרבילית בתחום הערכים של יום מסוים, נוכל "להחליק" אותה ע"י קירוב האינטגרל הנ"ל לכל נקודה.

את ממוצע שמחשבת אלטרנטיבית פרדיקציה אלטרנטיבית אנחנו מיישמים אנחנו מיישמים $python_code/model/pretty_predict.py$ בקובץ הפרדיקציות בסביבת הנקודה:

```
def predict(df, model, row, time_of_day=None, buffer=1000, buffer_samples=21):
    columns = df.columns
    time of_day_index = list(columns).index('time_of_day')
    rows = []
    time_of_day = time_of_day or row[time_of_day_index]
    for i in np.linspace(max(time_of_day - buffer, 0), min(time_of_day + buffer, 60 * 60 * 24), buffer_samples):
        row = row.copy()
        row[time_of_day_index] = i
        rows.append(row)
    rows = pd.DataFrame(rows, columns=columns)
    preds = model.predict(rows)
    return preds.mean()
```

היא מייצרת שורות הפונקציה מקבלת את המידע והמודל שיצרנו, יחד עם שורה ספציפית עליה אנחנו רוצים לבצע predict, היא מייצרת שורות בטווח ובכמות המוגדרות כפרמטר (ברירת המחדל כאן היא בטווח של $\epsilon=1000_{sec}$ לייצר n=21 דגימות), ומחשבת את התוחלת של ה predict של ה

כאשר נצייר גרף של אותו היום המתואר לעיל בשימוש בפונקציה החדשה, נקבל:



3.2.4 סיכום הפרק

- הצלחנו לייצר מודל שנותן ניבוי מוצלח של הבעיה שאותה אנחנו מנסים לפתור.
 המודל רחוק מלהיות אידיאלי אך מדגים את הבעיה היטב.
- 2. הצלחנו לייצר מתוך המודל פונקציה שתאפשר לנו לבצע מינימיזציה, זאת בעזרת "החלקה" של הפונקציה כפי שיוצאת מהמודל עצמו.

4 מינימיזציה

4.1 הגדרת הבעיה

לאחר שקיבלנו את הRegressor המבוקש, הגדרת הבעיה כרגע היא כזו:

, $t\in[0,86400]$ שלנו ביום Regressora $R:\mathbb{R}^p\to\mathbb{R}$ מספר הפיצ'רים שלנו. בהנתן זמן ביום Regressora ווקטור $\bar x\in\mathbb{R}^{p-1}$ הוא זמן הנסיעה הצפוי. נשים לב שכולם קבועים ביחס לאותו היום. $R(t,\bar x)$ הוא זמן הנסיעה הצפוי. בעיית המינימיזציה שלנו היא כזו:

$$\min R(t, \bar{x})$$
S.T. $t \in [t_{min}, t_{max}]$

$$\bar{x} = \bar{x}_{today}$$

העובדה שהפיצ'ר היחידי שמשתנה במהלך היום הוא t חשוב מאוד כי אנחנו למעשה נקבע את לחלוטין לאותו היום ונבצע מינימיזציה עם אילוצי אי שיוויון על t בלבד. למעשה זה שקול ליצירת פונקציה $\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ שמקבלת זמן t ביום ומחזירה את זמן מינימיזציה עם אילוצי אי שיוויון על t בלבד. למעשה זה שקול ליצירת פונקציה $R_{\bar{x}}:\mathbb{R} \to \mathbb{R}$ שמקבלת זמן בלבד. למעשה את בלנו ממוקדת עוד יותר:

$$\min R_{\bar{x}}(t)$$
 S.T. $t \in [t_{min}, t_{max}]$



4.2 מימוש

Penalty שיטות: שיטות: על שילוב בין שתי יתבסס על שילוב איננה ידועה, איננה ידועה, איננה אך בין שתי שיטות: על שיטות: פיוון והפונקציה $R_{\bar{x}}$ שלנו היא רציפה אך הנגזרת שלה איננה שיטות איננה שיטות בנגזרות. Nelder Mead שתאפשר לנו להזניח את העיסוק באילוץ, ושיטת Penalty שתאפשר לנו למצוא מינימום לוקאלי ללא שימוש בנגזרות. אינות במצא בנתיב python code/minimization מימוש השיטות נמצא בנתיב

Penalty Method מימוש 4.2.1

 $c_i(x) \leq 0 \ \ \forall i \in I$ שלה אנחנו מינימום מינימום תחת האילוצים שלה אנחנו הוצים שלה אנחנו רוצים למצוא מינימום לפונקציה ללא אילוצים:

$$P_k(x) = f(x) + \sigma_k \sum_{i \in I} \max(0, c_i(x))^2$$

וכאשר הפונקציה P ללא אילוצים החונה היא שהמינימום של הפונקציה וכאשר $\min P_k(x) \stackrel{k \to \infty}{\longrightarrow} \min f(x)$ יתקיים החונק למינימום תחת האילוצים של f ישנם שני אילוצים:

$$c(t) = \left(\begin{array}{c} t - t_{max} \\ t_{min} - t \end{array}\right)$$

ולכן:

$$P_k(t) = R_{\bar{x}}(t) + \sigma_k \cdot \max(0, t - t_{max})^2 + \sigma_k \cdot \max(0, t_{min} - t)^2$$

 $P_k(t)$ את ומחזירה את עוטפת את הפונקציה הזו עוטפת את

```
Sef penalty_predict(regressor, time_of_day, time_of_day_min, time_of_day_max, factor=1):
res = -regressor(time_of_day) - time_of_day_max, 0!) ** 2
res ** factor * max(time_of_day_min - time_of_day_n]) ** 2
return res

def get_penalty_urapper(regressor, time_of_day_min, time_of_day_max):
return lambds t, factor: penalty_predict(regressor, t, time_of_day_min, time_of_day_min, time_of_day_min, time_of_day_min, time_of_day_min, time_of_day_min, time_of_day_max):
```

כעת, בכל איטרציה נגדיל את σ_k פי 10, ונמצא מינימום לפונקציה הזו. נעצור כאשר ההפרש בין המינימום שמצאנו לקודם קטן מטווח שגיאה שנגדיר, או כשנגיע לרף האיטרציות שנגדיר. הפונקציה הבאה מיישמת את התהליך:

```
def ministra pently in boundsylegressor. 10. Main. Man. factor iterations, ministrer, error-le-5):
priorit("sidative using (10), (tmin), (tmax), (factor_iterations):)
res = None
Last_res = None
counter = 0
presity = got_pently_wrapper(regressor, tmin, tmax)
while (res is None or last_res is None or last_res) - res[0] > error) and counter < factor_iterations:
last_res = sinimizer("slambda t: pently(t, 10 ** counter), s0=[res[1] if res else t0])
res_ulue_pently(res__10 ** counter)
counter = counter, res_[0]
counter = counter, res_[0]
```

Nelder Mead מימוש 4.2.2

אלגוריתם Nelder Mead או בשמו האחר Nelder Mead אלגוריתם אלגוריתם האחר האחר האחר אלגוריתם האחר הארוניתם האחר אלגוריתם למציאת מינימום לפונקציה רב מימדית ללא שימוש בנגזרות.

הסיבה שהאלגוריתם הזה נבחר לעבודה הוא בגלל הפופולאריות שלו וההתכנסות המהירה שלו. היותו מיושם בהרבה מאוד ספריות בפייתון אפשרה לי לבדוק את נכונות המימוש בהשוואה מולם.

האלגוריתם עובד כך:

 $lpha>0,\ \gamma>1,\ 0<
ho<0.5,\ \sigma<1$ יהיו נקודות. יהיו מחזיק מחזיק מחזיק הוא מחזיק ..., בכל רגע נתון הוא מחזיק ...

- $f(x_1) \leq ... \leq f(x_{n+1}) : f$ מיין את הנקודות לפי.1
 - 2. בדוק האם תנאי העצירה מתקיים
 - $x_0 = \frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^{n+1} x_i$ את .3
- אור ל $x_{n+1}=x_r$ חשב ($x_n=x_n+\alpha(x_0+x_{n+1})$ במידה ומתקיים ($x_n=x_0+\alpha(x_0+x_{n+1})$ החלף וחזור ל .4
- וחזור $x_{n+1} = x_e$ אז החלף אז $f(x_e) < f(x_r)$ אם האב ביש האב אז החלף אז החלף אז החלף אז החלף אז החלף געב בי האב בי החלף אז החלף אז החלף אז החלף בי החלף אז החלף בי החלף
 - - 1 וחאור לשלב, וחאור , $x_i = x_1 + \sigma(x_i x_1)$ $\forall i > 1$: החלף את הנקודות: Shrink שלב.

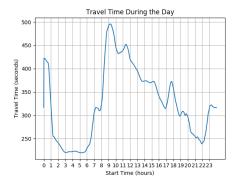
כדי לייצר את בשילוב עם ווקטורי היחידה: x ההתחלתיים, ניקח את נקודת ההתחלה $x_1,...,x_{n+1}$ את כדי לייצר את

$$\forall 1 \le i \le n : x_i = x + e_i, \quad x_{n+1} = x$$

.python_code/minimization/nelder_mead.py המימוש של התהליך הנ"ל מופיע בקובץ

4.3 הדגמת שימוש

התרשים הבא מתאר את זמן הנסיעה המנוחש ביום רנדומלי. במהלך השנה. הקובץ app.py מדפיס תחילה את התרשים הנ"ל, ולאחר מכן מוצא מינימום בקטע שבין השעות 10 ל 12.

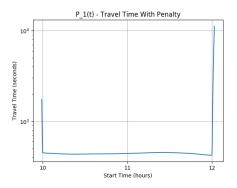


את מינימום זמן הנסיעה בטווח $t \in [10 \cdot 60 \cdot 60, 12 \cdot 60 \cdot 60, 12 \cdot 60 \cdot 60]$, נקודת ההתחלה ממנה התחלנו לחפש הוא 0 שניות מתחילת היום, את מינימום זמן הנסיעה בטווח (כלומר, מגדילים בכל פעם את σ_k פי 10) איטרציות על (כלומר, מגדילים בכל פעם את את מינימום 10

המינימום שנמצא הוא בשעה 10.31111 = 10.31111, שם זמן הנסיעה עומד על 433.6610 שניות. מהתבוננות בתרשים ניתן לראות שזה באמת מינימום לוקאלי בטווח הזמנים, אך קיים מינימום גלובאלי בדיוק בקצה האיזור (בשעה 12).

ננסה לראות כיצד פרמטרים שונים להרצה יתנו תוצאות אחרות. כאשר שינינו את נקודת ההתחלה להיות בשעה 13 (אינטואיטיבית בסה לראות כיצד פרמטרים שונים להרצה יתנו תוצאות אחרות. כשר בענה $11.9984 \sim 12^{00}$, שם התקבל זמן נסיעה של 120.3702 שניות.

נשים לב שלמרות שהמינימום האמיתי נמצא ב 12 בדיוק, Penalty Method מתקשה להגיע לתשובה הנכונה בגלל הקרבה של הערך לפונקציית ה"ענישה" שלנו. אם נצייר את $P_1(t)$, היא נראית כך:



ניתן להתגבר על כך ע"י זה שנבצע בדיקה יזומה על הקצוות של הטווח ונשווה למינימום שמצאנו. נבצע את הניסוי הבא:

- נבחר 10 תאריכים רנדומליים
- בעבור כל אחד ־ נחפש את המינימום בין השעות 10 ל 12 בשיטת Nelder Mead פעמיים ־ פעם אחת עם 0 בתור נקודת ההתחלה, ופעם שנייה עם השעה 13 בתור נקודת ההתחלה.
- נריץ מינימיזציה נאיבית על הטווח נרוץ על טווח השעות בין 10 ל12 בקפיצות של 100 שניות בכל פעם, וניקח בסופו של דבר את הטווח שהחזיר ערך מינימלי בפונקציה. השיטה הזו מאוד לא יעילה אך תחזיר את המינימום הגלובלי בטווח הנבחר עם שגיאה של עד 50 שניות לכל היותר.

מצורפות תוצאות הניסוי. בכחול ־ המינימום ש Nelder Mean מצא שהוא גם המינימום הגלובלי לפי השיטה ה"נאיבית". כל זוג עמודות מייצג שיטה אחרת למציאת המינימום, כאשר argmin הוא הזמן (בשעות) ליציאה, וmin הוא זמן הנסיעה המשוער (בשניות).

date	T0 = 0 argmin	T0 = 0 min	T0 = 13 argmin	T0 = 13 min	NAIVE argmin	NAIVE min
18 / 12	10.0000	616.1254	10.0000	616.1254	10.0000	616.1254
27 / 4	10.0000	361.1666	10.9208	331.9949	10.9167	332.2417
14 / 10	10.0000	590.3122	10.0000	590.3122	10.0000	590.3122
29 / 1	11.0308	371.1742	11.0142	371.1605	11.0000	371.3076
20 / 2	10.6467	451.7602	10.6361	452.2766	10.6389	452.0178
12/6	12.0000	660.1254	11.9983	659.9052	11.9722	660.6095
2/7	11.4642	515.6491	11.5074	515.8966	11.5556	515.7216
11/3	11.1997	383.5529	12.0000	387.9942	11.1944	383.5529
17/6	12.0000	549.5601	11.9986	549.5601	11.9722	552.9747

5 סיכום

בסופו של דבר, הפתרון המוצג כאן בעבודה הוא פתרון לבעיה שלא למדנו במהלך השיעורים בקורס ־ מינימיזציה של פונקציות חסרות נגזרת עם אילוצים. הפתרון אליו הגעתי בסופו של דבר יצא פשוט ומוצלח.

כשחיפשתי בעיה עבור הפרויקט, רציתי מאוד לשלב תהליך למידה מקדים ועליו לבצע את המינימיזציה. כפי שניתן לראות, זו איננה בעיה פשוטה. בשלב מתקדם של הפרויקט הבנתי שהפונקציה שהמודל שלי מייצר לא מאפשרת לי למצוא מינימום אמיתי בגלל שהיא מאוד "רועשת", והייתי צריך לחשוב על טריק כדי להחליק אותה. התהליך המוצג כאן בעבודה הוא התוצאה של החשיבה הזו. כמובן שהוא איננו בא בחינם, היות וכל קריאה לפונקציה גורמת לעיבוד של פי 20 יותר חומרים (היות ואני לוקח עוד 20 דגימות בסביבת הנקודה כדי לחשב את הממוצע בניהן).

שיטת Penalty היא שיטה שמאוד אהבתי גם במהלך הקורס, היות והיא נראית כמו פתרון "עוקף" מוצלח מאוד לבעית האילוצים. היות והצלחתי לעשות רדוקציה לבעיה בממימד אחד, יחסית פשוט להתגבר על נושא רגישות הקצוות בתחום, כי יש בסה"כ שניים לבדיקה. כמובן שבפונקציה רב מימדית עם אילוצים מורכבים יותר זה לא עניין כזה פשוט. אפשר לראות מתוצאות הניסוי הקטן שבוצע בפרק האחרון גם את המורכבות של הבעיה המקורית אותה רציתי לפתור. ניתן לשים לב שהזמן המינימלי ליציאה שונה כמעט בכל אחד מהימים, למרות שתמיד הסתכלתי על אותו טווח זמנים. במהלך העבודה על הפרויקט ניסיתי מגוון שיטות רחב עד שהגעתי לשיטת הפתרון כפי שנראתה כאן:

- 1. החלפת שיטת המינימיזציה ל Golden Scaling תוך וויתור על Penalty Method תוך וויתור על Golden Scaling הפתרון עבד, אך זמן הריצה היה גבוה Golden Scaling מתכנסת באופן ליניארי בלבד.
 - 2. ניסיונות נוספים בהחלקת הפונקציה
 - 3. מגוון פיצ'רים נוסף אותו ניסיתי לשיפור המודל
- 4. שיטות נוספות להבאת מידע רלוונטי לבעיה, והרצת ניסויים על Datasetים אחרים עד שהחלטתי להשתמש במידע המוצג כאן.