

DESCRIÇÃO

A lógica digital através das operações da Álgebra booleana.

PROPÓSITO

Compreender a lógica booleana e a importância das aplicações de portas e circuitos lógicos no desenvolvimento de programas e equipamentos eletrônicos.

OBJETIVOS

MÓDULO 1

Identificar as operações básicas da Álgebra booleana

MÓDULO 2

Compreender portas lógicas, operações lógicas e as suas Tabelas Verdade

MÓDULO 3

Aplicar as expressões lógicas e diagramas lógicos

MÓDULO 1

Identificar as Operações Básicas da Álgebra Booleana

PORTAS LÓGICAS E LÓGICA BOOLEANA

As operações que são realizadas por um computador digital (binário), vistas como complexas, podem ser compreendidas como simples combinações de operações aritméticas e lógicas básicas, como:



Estas operações lógicas são implementadas através de circuitos eletrônicos denominados circuitos lógicos, os quais também são conhecidos como **gates** ou **portas lógicas**.

Na lógica digital, há somente duas condições, 1 e 0, e os circuitos lógicos utilizam faixas de tensões predefinidas para representar esses valores binários. Assim, é possível construir circuitos lógicos que possuem a capacidade de produzir ações que irão permitir tomadas de decisões inteligentes, coerentes e lógicas.

Neste contexto, é importante que tenhamos a capacidade de descrever a operação dos circuitos, pois eles são citados repetidas vezes em textos técnicos.

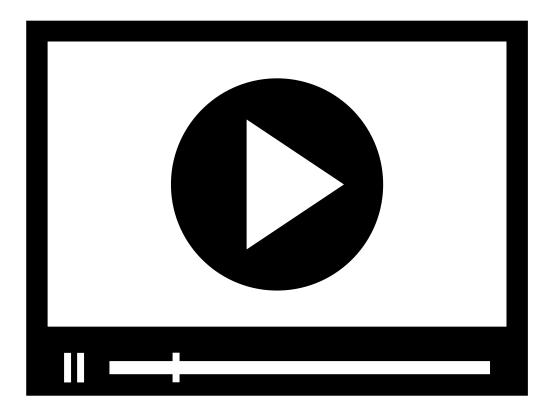
Boole desenvolveu a sua lógica a partir de símbolos e representou as expressões por letras, efetuando a sua ligação através dos conectivos (símbolos algébricos).

Para este tipo de aplicação, podemos analisar a conversão de um valor de uma tensão em um determinado circuito, conforme apresentado na figura abaixo, em que os valores considerados como baixos serão convertidos em 0 (zeros) e os

valores considerados altos serão convertidos em 1 (um).

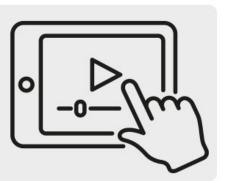
GEORGE BOOLE (1815-1864)

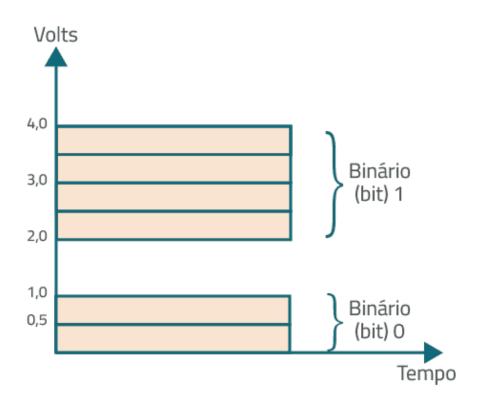
Foi um matemático e filósofo britânico, criador da Álgebra booleana, fundamental para o desenvolvimento da computação moderna.



Veja, a seguir, como a Lógica Booleana está presente em nossa vida:

Para assistir a um vídeo sobre o assunto, acesse a versão online deste conteúdo.





BIT	AÇÃO	CONDIÇÃO	TENSÃO	RESULTADO
1	LIGADO	VERDADEIRO	ALTO	SIM
0	DESLIGADO	FALSO	BAIXO	NÃO

O pesquisador **Claude Shannon**, do Instituto de Tecnologia de Massachusetts (MIT), em 1938, propôs que a Álgebra booleana poderia ser utilizada para resolver problemas com projetos de circuitos com comutadores. A partir das técnicas de Shannon, foi possível a sua aplicação na análise e no desenvolvimento de circuitos digitais eletrônicos. Assim, a Álgebra booleana se mostra eficiente como uma ferramenta para:

A ANÁLISE

Como um modo simplificado para que seja descrita a função de um circuito digital.

O PROJETO

Ao especificar uma determinada função de um circuito, a lógica booleana através das suas propriedades básicas pode ser utilizada para que seja desenvolvida uma implementação simplificada desta função.

CLAUDE ELWOOD SHANNON (1916-2001)

Foi um matemático, engenheiro eletrônico e criptógrafo estadunidense, conhecido como "o pai da teoria da informação".

Iniciando o nosso estudo, representaremos os operadores lógicos e, a partir desses, perceberemos a representação das suas respectivas portas lógicas. Neste caso, para que possamos compreender os valores resultantes de cada operador lógico, é necessário conhecer as Tabelas Verdade, que são tabelas que representam todas as possíveis combinações dos valores das variáveis de entrada com os seus respectivos valores de saída.

TABELA VERDADE

É uma técnica utilizada para descrever como a saída de um circuito lógico é dependente dos níveis lógicos de entrada, isto é, são tabelas que conterão todas as possíveis combinações das variáveis de entrada de uma determinada função e, como resultado, os valores de saída.

Neste caso, a Tabela Verdade conterá o número necessário de linhas para representar todas as combinações possíveis das suas variáveis de entrada.

Os valores 0 e 1 são considerados como 0 = FALSO e 1 = VERDADEIRO

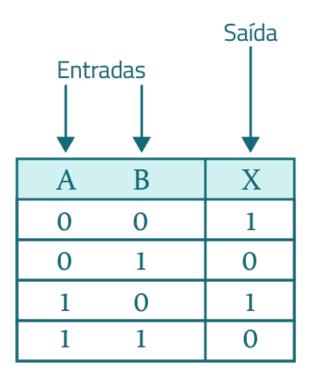
Exemplo:

CIRCUITO COM DUAS ENTRADAS E UMA SAÍDA



Representação de um circuito com duas entradas e uma saída.

TABELA VERDADE DO CIRCUITO COM DUAS ENTRADAS E UMA SAÍDA



OPERADORES E PORTAS LÓGICAS BÁSICAS

Uma porta lógica é um componente de hardware que terá um ou muitos sinais de entrada e, como consequência, produz um sinal de saída de acordo com a lógica estabelecida na construção do circuito em questão.

Os operadores booleanos básicos também denominados como funções lógicas básicas são:

OR, AND E NOT

O OPERADOR E A PORTA OR (OU)

O operador **OR** (OU) é a primeira das três operações básicas que vamos estudar e, para ilustrar a sua aplicação, vamos utilizar o seguinte cenário:

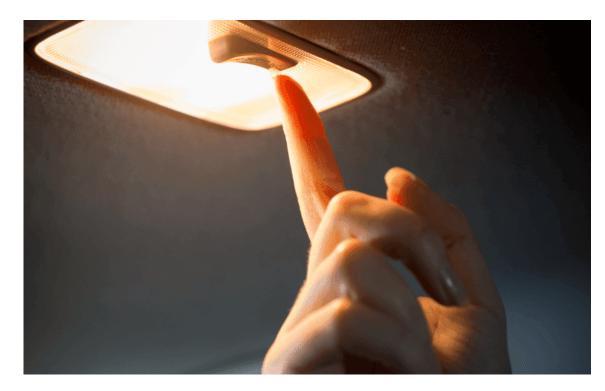


Foto: Shutterstock.com

Ao abrir a porta de um automóvel, a lâmpada de iluminação da cabine do veículo deverá acender?

A resposta é **sim.**

E, ao fechar a porta, a lâmpada deverá ser desligada.

Dessa forma, a lâmpada estará acesa em duas situações distintas, se a porta do veículo estiver aberta **OU (OR)** o interruptor da lâmpada for acionado, mesmo com a porta fechada.

Neste cenário, vamos representar cada uma dessas possibilidades:

- → A variável A representará a abertura da porta.
- → A variável **B** representará o interruptor.
- → A variável X representará o estado da lâmpada, se está acesa ou apagada.

Assim, a expressão booleana para a operação OR é definida como:

$$X = A + B$$

Atenção! Para visualização completa da fórmula utilize a rolagem horizontal

Em que o sinal (+) não representa uma soma, e sim a operação OR e a expressão é lida como: X é igual a A OR B.

Ao analisar as combinações possíveis, levando em consideração os valores:

Para a variável A será igual a:

1 se a porta estiver fechada.

1 se a porta estiver aberta.

O se o interruptor estiver desativado.

1 se o interruptor estiver ativado.

1 se o interruptor estiver ativado.

O para a lâmpada apagada.

Para a variável X será igual a:

1 para a lâmpada acesa.

Em síntese, na tabela a seguir estão representadas as combinações dos valores possíveis com a construção da **Tabela Verdade para o operador OR com duas entradas**.

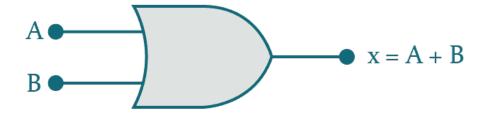
A	В	x = A + B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

■ Tabela Verdade para o operador OR com duas entradas e uma saída.

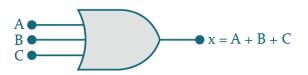
Ao analisar a Tabela Verdade, chegaremos à seguinte conclusão:

A lâmpada estará **apagada** (valor igual a 0, FALSO) se — e somente se — tanto o interruptor quanto a porta possuírem o valor de entrada igual a FALSO (igual a 0) e, para as demais combinações, a lâmpada estará **acesa** (igual a 1, VERDADEIRO).

Nos circuitos digitais, uma porta **OR** é um circuito que tem duas ou mais entradas e a sua saída é igual à combinação das entradas através da operação OR.



Símbolo de uma porta OR com duas entradas e uma saída.



A	В	С	x = A + B + C
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Símbolo de uma porta OR e a Tabela Verdade com três entradas e uma saída.

EXEMPLO:

Seja A = 1100, B = 1111 e C = 0001

Calcular L = A + B + C (A or B or C)

O cálculo deve ser realizado em duas etapas, utilizando a Tabela Verdade da porta **OR**

A	В	x = A + B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Na primeira etapa, vamos calcular **M** = **A** + **B** (**A** or **B**) e, em seguida, o resultado parcial é obtido (**M**), combinado com **C** em outra operação lógica **OR** (**M** or **C**), sempre utilizando as combinações de entrada e os resultados definidos na Tabela Verdade da porta **OR**.

	A	В	M = A + B
1 1 0 0 A	1	1	1
or	1	1	1
1 1 1 1 B	0	1	1
	0	1	1

	M	С	L = M + C
1 1 1 1 M	1	0	1
or	1	0	1
0001C	1	0	1
	1	1	1

Resultado: L = 1111

O OPERADOR E A PORTA AND (E)

O operador **AND (E)** é a segunda das três operações básicas que vamos estudar e, apenas para ilustrar a sua aplicação, vamos utilizar o seguinte cenário:

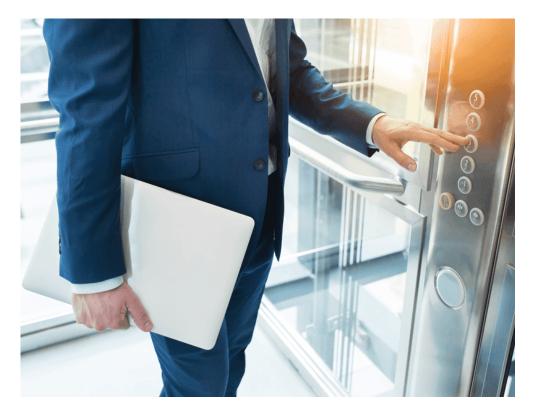


Foto: Shutterstock.com

Ao acionar a botoeira em uma cabine de um elevador, será acionado o motor do elevador imediatamente?

Esta resposta dependerá de que outras condições estejam atreladas ao seu acionamento.

Em nosso caso, vamos analisar o acionamento deste botão em conjunto com um sensor que identificará se a porta do elevador está fechada. Logo, a resposta será **sim**

Se, ao acionar o botão, a porta estiver fechada, então o motor será ligado. Deste modo, o motor será acionado (valor igual a 1, VERDADEIRO) em uma única situação, se a porta do elevador estiver fechada (valor igual a 1, VERDADEIRO) E (AND) o botão do elevador for acionado (valor igual a 1, VERDADEIRO).

Neste cenário, vamos representar cada uma dessas possibilidades:

- → A variável A representará o sensor da porta.
- → A variável **B** representará o botão.
- → A variável X representará o acionamento do motor.

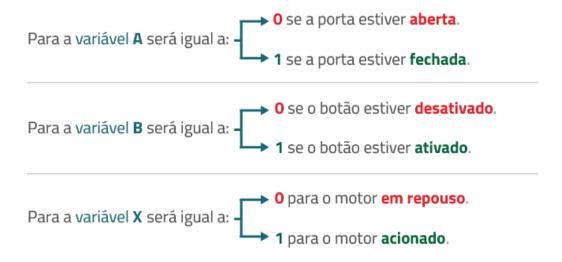
Deste modo, a expressão booleana para a operação AND é definida como:

$$X = A \cdot B$$

Atenção! Para visualização completa da fórmula utilize a rolagem horizontal

Em que o sinal (•) **não** representa uma multiplicação, e sim a operação AND e a expressão é lida como: **X é igual a A AND B.**

Agora, ao analisar as combinações possíveis, levando em consideração os valores:



Em síntese, na tabela a seguir estão representadas as combinações com dois valores de entrada para a da Tabela Verdade com o operador **AND**.

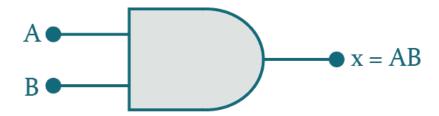
A	В	$x = A \cdot B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

■ Tabela Verdade para o operador AND com duas entradas e uma saída.

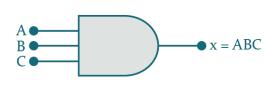
Ao analisar a Tabela Verdade, chegaremos à seguinte conclusão:

O motor será **acionado** (valor igual a 1, VERDADEIRO) se — e somente se — tanto o botão quanto o sensor da porta possuírem o valor igual a VERDADEIRO (igual a 1) e, para as demais combinações, o motor estará desligado (igual a 0).

Nos circuitos digitais, uma porta **AND** é um circuito que tem duas ou mais entradas e a sua saída é igual à combinação das entradas através da operação AND.



Símbolo de uma porta AND com duas entradas e uma saída.



A	В	C	x = ABC
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

Símbolo de uma porta AND e a Tabela Verdade com três entradas e uma saída.

EXEMPLO 1:

Seja A = 1 e B = 0.

Calcule o valor de X, quando $X = A \cdot B$ (A and B).

Analisando a Tabela Verdade da porta AND,

A	В	$x = A \cdot B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

podemos verificar que o valor de X = 0, pois 1 and 0 = 0

EXEMPLO 2:

Seja A = 0110 e B = 1101.

Calcule o valor de X, quando $X = A \cdot B$ (A and B).

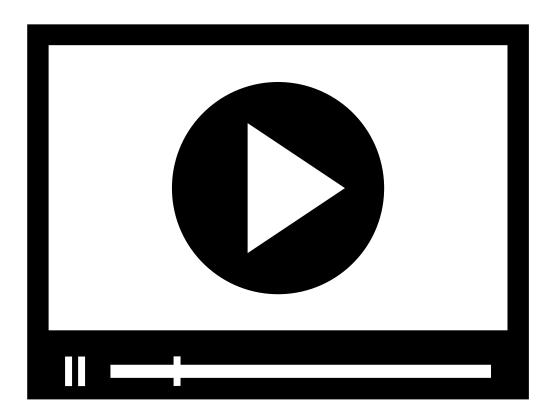
Analisando a Tabela Verdade da porta AND,

A	В	$x = A \cdot B$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Temos:

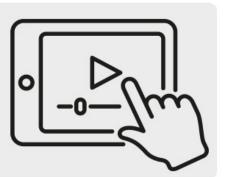
	A	В	$X = A \cdot B$
0110A	0	1	0
and	1	1	1
1 1 0 1 B	1	0	0
	0	1	1

Operando bit a bit, encontramos o valor de X = 0100



Veja, a seguir, o exemplo de uma porta lógica:

Para assistir a um vídeo sobre o assunto, acesse a versão online deste conteúdo.



O OPERADOR E A PORTA NOT (NÃO)

O operador **NOT** (NÃO) ou **inversor** é a terceira das três operações básicas que estudaremos, sendo este operador totalmente diferente dos outros já estudados, porque pode ser realizado através de uma única variável.

Como exemplo, se uma variável A for submetida à operação de inversão, o resultado X pode ser expresso como:

$$X = A$$

Atenção! Para visualização completa da fórmula utilize a rolagem horizontal

Em que a barra sobre o nome da variável representa a operação de inversão e a expressão é lida como: X é igual a NOT A

ou X é igual a A negado ou X é igual ao inverso de A ou X é igual ao complemento de A

Como utilizaremos a barra para identificar a negação, outra representação também é utilizada para a inversão por outros

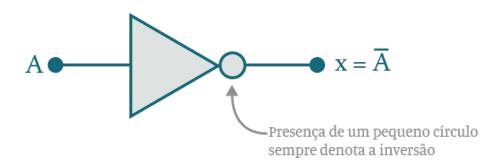
autores: A' = A

Em síntese, a representação da Tabela Verdade para o operador NOT

A	$x = \overline{A}$
0	1
1	0

■ Tabela Verdade para o operador NOT com uma entrada e uma saída.

Nos circuitos digitais, uma porta NOT é um circuito que tem uma entrada, e a sua saída, a negação, é indicada por um pequeno círculo.



Símbolo de uma porta NOT com uma entrada e uma saída.

OUTRAS PORTAS LÓGICAS FUNDAMENTAIS

Para ampliar o nosso estudo sobre as portas lógicas, é importante perceber que o inversor, ou a função NOT (NÃO), pode ser aplicada tanto em variáveis como em portas lógicas inteiras, assim invertendo toda sua saída.

Neste contexto, seria possível concatenar a saída de uma porta lógica com a entrada do inversor conforme apresentado na figura a seguir, produzindo, assim, a inversão de todos os seus valores de saída.

Mas, é possível construir a sua representação de uma forma diferente, permitindo criar a inversão em toda porta lógica de modo bastante peculiar — com a identificação de um pequeno círculo na sua saída, indicando a inversão.

Símbolo de uma porta OR seguida por uma porta NOT e a equivalência de uma porta NOR.

A PORTA NOR ('NOT OR' 'NÃO-OU')

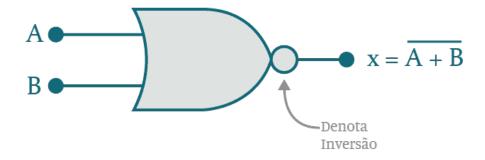
Você pode perceber que o símbolo da porta NOR de duas entradas representado na figura a seguir é o mesmo símbolo utilizado para representar a porta OR, com apenas uma diferença — a inclusão de um pequeno círculo na sua saída, que representa a inversão da operação OR.

A expressão que representa a porta NOR é:

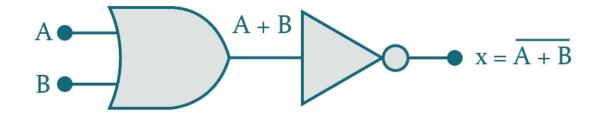
$$X = A + B$$

Atenção! Para visualização completa da fórmula utilize a rolagem horizontal

Note que a barra que indica a negação/inversão será estendida a todas as variáveis de entrada, neste exemplo com duas variáveis.



Símbolo de uma Porta NOR.



Circuito equivalente, Porta OR seguido da porta NOT.

A TABELA VERDADE MOSTRA QUE A SAÍDA DA PORTA NOR É EXATAMENTE O INVERSO DA SAÍDA DA PORTA OR.

		OR	NOR
A	В	A + B	A + B
0	0	0	1
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	1	0

Tabela Verdade da Porta NOR.

Ao analisar as combinações possíveis com duas entradas, levando em consideração os valores para as variáveis de entrada A e B, somente produzirá uma saída 1 (VERDADEIRO) se — e somente se — todas as entradas sejam 0 (FALSO) e, para as demais condições, produzirá como resultado na saída igual a 0 (FALSO).

Utilizando uma adaptação do cenário descrito na porta OR, nós podemos representar a aplicação desta função como: a lâmpada poderá estar apagada em duas situações distintas, se a porta do veículo estiver aberta e o interruptor da lâmpada for acionado. Neste cenário, vamos representar cada uma dessas possibilidades: a variável A representará a abertura da porta, a variável B representará o interruptor e a variável X representará o estado da lâmpada; se está acesa ou apagada.

Agora, ao analisar as combinações possíveis, levando em consideração os valores para a variável A, será igual a 0 se a porta estiver fechada e será igual a 1 se a porta estiver aberta. Em relação à variável B, temos o valor igual a 0 para o interruptor ativado e 1 para o interruptor desativado e, por fim, a variável X possuirá o valor 0 para a lâmpada apagada e 1 para a

lâmpada acesa.

A PORTA NAND ('NOT AND' 'NÃO-E')

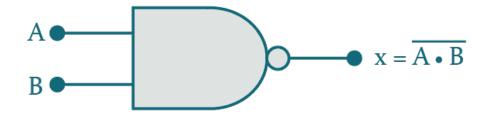
Você pode perceber que o símbolo da porta **NAND** de duas entradas, representado na figura a seguir, é o mesmo símbolo utilizado para representar a porta **AND**, com apenas uma diferença – a inclusão de um pequeno círculo na sua saída, que representa a inversão da operação **AND**.

A expressão que representa a porta **NAND** é:

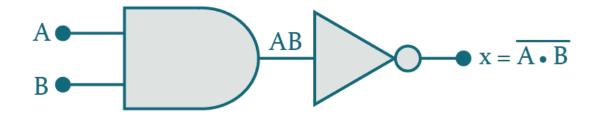
$$X = A \cdot B$$

Atenção! Para visualização completa da fórmula utilize a rolagem horizontal

Em que a barra sobre o nome da variável representa a operação de inversão e a expressão é lida como: X é igual a NOT A ou X é igual a A negado ou X é igual ao inverso de A ou X é igual ao complemento de A



Símbolo de uma Porta NAND.



Circuito equivalente, Porta AND seguido da porta NOT.

A TABELA VERDADE MOSTRA QUE A SAÍDA DA PORTA NAND É EXATAMENTE O INVERSO DA SAÍDA DA PORTA AND.

		AND	NAND
A	В	AB	ĀB
0	0	0	1
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0

■ Tabela Verdade: Porta NAND.

Ao analisar as combinações possíveis, levando em consideração os valores para as variáveis de entrada A e B, somente produzirá uma saída 0 (FALSO) se — e somente se — todas as entradas forem 1 (VERDADEIRO) e, para as demais condições, produzirá como resultado na saída igual a 1 (VERDADEIRO).

Conforme apresentado anteriormente, vamos exibir um cenário:



Foto: Shutterstock.com

Um semáforo para bicicletas e um sensor de movimento para a passagem de pedestres.

Assim, o sinal verde (liberando a passagem para ciclistas) estará ligado (0, FALSO) se duas condições forem atendidas: um botão seja acionado (1, VERDADEIRO) e o sensor de movimento não detecte a existência de um pedestre naquele momento (1, VERDADEIRO). Para as demais possibilidades, o semáforo estará com o farol vermelho acionado (1, VERDADEIRO), bloqueando o tráfego de ciclistas.

EXEMPLO:

Seja
$$A = 10010 e B = 11110$$

Calcular $X = A \cdot B$

Uma resposta interessante para este caso é a realização de duas operações lógicas em sequência. Primeiro, realiza-se a operação AND e, em seguida, obtém-se o inverso do resultado, produzindo o valor final para uma operação NAND.

Pela Tabela Verdade da porta AND, temos:

1 0 0 1 0 A	A	В	L = A • B
	1	1	1
	0	1	0
and	0	1	0
1 1 1 1 0 B	1	1	1
	0	0	0

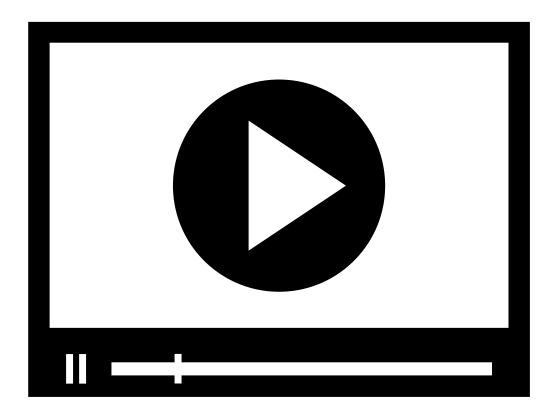
O resultado parcial: L = 10010

Invertendo os bits de L, usando a Tabela Verdade da porta NOT:

$$10010 = T = A \cdot B$$

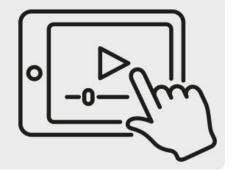
- -

Resultado: $X = T = A \cdot B = 01101$



Para melhor compreensão da lógica apresentada na situação que acabou de ler, assista ao vídeo a seguir.

Para assistir a um vídeo sobre o assunto, acesse a versão online deste conteúdo.



A PORTA XOR (OU EXCLUSIVO)

A porta **XOR** que é uma abreviação do termo *exclusive or*, poderá ser considerada como um caso particular da função **OR**.

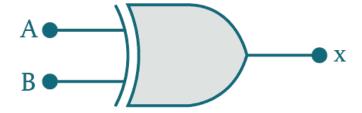
Neste sentido, a porta XOR produzirá um resultado igual a 1 (VERDADEIRO), se pelo menos um dos valores das entradas for diferente dos demais (exclusividade de valor da variável), isto é, a porta produzirá o resultado 0 (FALSO) se — e somente se — todos os valores das entradas forem iguais, conforme é apresentado na Tabela Verdade a seguir:

A expressão que representa a porta XOR é:

$$X = A \oplus B$$

Atenção! Para visualização completa da fórmula utilize a rolagem horizontal

A	В	$x = A \oplus B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



Símbolo de uma Porta XOR.

Para ilustrar a sua aplicação, vamos utilizar o seguinte cenário: ao se acionar um motor elétrico de um equipamento por dois botões distintos em dois locais diferentes. O motor somente será acionado se — e somente se — um dos botões for acionado (valor igual a 1, VERDADEIRO). Para os demais casos, o botão não fará a atuação do motor (valor igual a 0, FALSO), isto é, se ambos os botões não forem acionados ou ambos forem acionados ao mesmo instante, o equipamento não será ligado.

Assim, podemos, neste exemplo, utilizar uma função XOR.

EXEMPLO:

Seja **A = 1 e B = 0**

Calcule o valor de X, quando $X = A \oplus B$ (A xor B).

Analisando a Tabela Verdade da porta XOR,

A	В	$x = A \oplus B$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

podemos verificar que:

 $A = 1 \oplus B = 0$ ou $0 \oplus 1 = 1$

A PORTA XNOR (COINCIDÊNCIA)

A expressão que representa a porta XNOR é:

$$X = A \odot B$$

Atenção! Para visualização completa da fórmula utilize a rolagem horizontal

A	В	$x = A \odot B$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

■ Tabela Verdade: Porta XNOR.



Símbolo de uma Porta XNOR.

Poderíamos citar um exemplo que negue a condição definida pela função XOR.

Para ilustrar a sua aplicação, vamos utilizar o seguinte cenário:

Ao se acionar uma porta rotatória em um banco através de dois botões distintos, localizados nos dois lados da porta. A porta

será liberada (0, FALSO) se — e somente se — um dos botões for acionado (valor igual a 1, VERDADEIRO).

E para os demais casos, ele manterá a porta bloqueada (valor igual a 0, FALSO), isto é, se ambos os botões não forem acionados ou ambos forem acionados ao mesmo instante. Assim, podemos, neste exemplo, utilizar uma função XNOR.

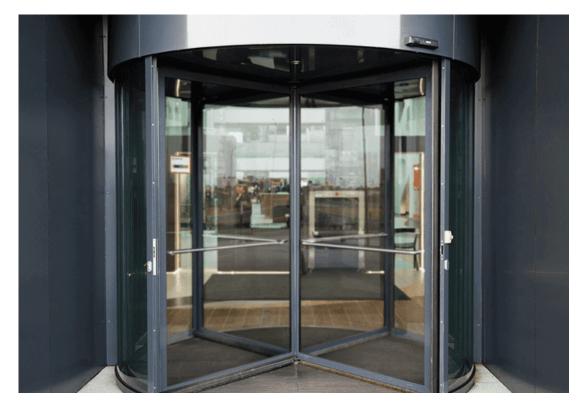


Foto: Shutterstock.com

VEM QUE EU TE EXPLICO!

Os vídeos a seguir abordam os assuntos mais relevantes do conteúdo que você acabou de estudar.

Portas lógicas e lögica booleana Explicar a relação do hardware (da porta em sí) com a operação lógica.

Operadores de Portas Lógicas Básicas Falar sobre o completo funcional E/OU/ NOT e sobre as portas lógicas associadas à ele.

VERIFICANDO O APRENDIZADO

1. SENDO OS VALORES PARA AS VARIÁVEIS DE ENTRADA COM 4 BITS A = 0110 E B = 1101, QUAL É O RESULTADO DA FUNÇÃO Z = A \bullet B?

- **A)** Z = 0100
- **B)** Z = 1011
- **C)** Z = 1111
- **D)** Z = 1101

2. QUAL SERIA A FUNÇÃO LÓGICA QUE REPRESENTARIA O SEGUINTE CENÁRIO: EM UM AMBIENTE MONITORADO, EXISTEM SENSORES E UMA CENTRAL DE ALARME. NESTE CASO, O ALARME SONORO Y SERÁ DISPARADO (VERDADEIRO), SE PELO MENOS UM DOS TRÊS SENSORES (A, B E C) ESTIVER ATIVADO (VERDADEIRO).

$$A) Y = A . B . C$$

B)
$$Y = A . B + C$$

C)
$$Y = A \cdot (B + C)$$

D)
$$Y = A + B + C$$

GABARITO

Sendo os valores para as variáveis de entrada com 4 bits A = 0110 e B = 1101, qual é o resultado da função
 Z = A • B?

A alternativa "A " está correta.

Como existem duas variáveis de entrada com 4 bits, é necessário efetuar o cálculo da função AND bit a bit entre o par de variáveis, da seguinte forma:

$$0110 \leftarrow A$$
AND
$$1101 \leftarrow B$$

$$0100 \leftarrow X$$

A	В	$X = A \cdot B$
0	1	1
1	1	1
1	0	1
0	1	0

2. Qual seria a função lógica que representaria o seguinte cenário: Em um ambiente monitorado, existem sensores e uma central de alarme. Neste caso, o alarme sonoro Y será disparado (VERDADEIRO), se pelo

menos um dos três sensores (A, B e C) estiver ativado (VERDADEIRO).

A alternativa "D " está correta.

Para produzir essa solução, vamos construir a Tabela Verdade com 3 variáveis de entrada (A,B,C) e uma de saída Y. O valor de saída deverá ser restrito ao cenário, isto é, o alarme somente não irá disparar se nenhum dos sensores estiver ativo.

A	В	С	Y = A + B + C
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Neste caso, a representação será uma função OR com três entradas e uma saída, isto é, a saída será VERDADEIRA sempre que existir ao menos uma entrada verdadeira.

Y = A + B + C

Apenas para subsidiar a solução, considere a função OR para as duas primeiras variáveis A + B. O resultado somente será

falso se ambas as entradas forem FALSAS. Agora, combinando este resultado (FALSO) com a função OR e a variável C. Novamente, somente será FALSO quando ambas as entradas forem FALSAS.

MÓDULO 2

• Compreender Portas Lógicas, Operações Lógicas e as suas Tabelas Verdade

EXPRESSÕES LÓGICAS

Em muitos casos, a interpretação de um circuito digital exige uma análise aprofundada e meticulosa sobre o circuito com o objetivo de conhecer o seu funcionamento, ou mesmo para analisar situações de criação, falha, expansão e alterações, entre outras possibilidades.

Neste contexto, é interessante que se utilize de uma forma para a representação de um circuito que esteja em formato de uma *expressão algébrica*.

Assim, as expressões lógicas, também denominadas como **funções lógicas**, podem ser definidas da mesma forma que uma expressão algébrica, isto é, com o uso de sinais de entrada (variáveis lógicas — binárias), ligados por conectivos lógicos (símbolos que representarão uma operação lógica, com parênteses, opcionalmente) e também com o sinal de igualdade (=), produzindo, como resultado, um único sinal de saída.

Desse modo, podemos afirmar que todo circuito lógico executará uma expressão booleana. Por exemplo:

 $X = A + B \cdot C$

Atenção! Para visualização completa da fórmula utilize a rolagem horizontal

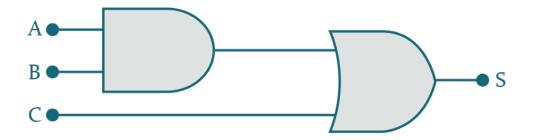
O exemplo **X** é uma expressão lógica e, como uma função lógica, somente poderá possuir como valor 0 ou 1.

E o seu resultado dependerá dos valores das variáveis A, B e C e das operações lógicas OR, NOT e AND, nesta expressão apresentada.

Vamos supor que, a partir de um circuito lógico, devemos construir a sua respectiva expressão lógica.

EXEMPLO:

Seja o circuito:

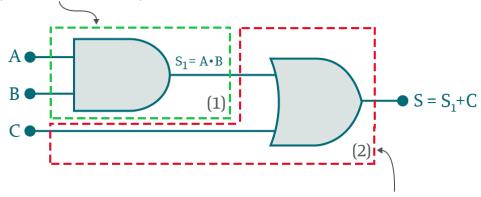


Como sugestão, utilizaremos a decomposição deste circuito em partes (blocos) a partir da sua saída (S).



Dessa maneira, analisaremos o circuito em duas partes:

No **circuito 1**, há saída S_1 que contém uma porta AND, então temos $S_1 = A \cdot B$



No **circuito 2**, a saída S_1 é usada como uma entrada para a porta OR (a outra entrada é C), produzindo assim o resultado temporário S, onde $S = S_1 + C$

Agora, para obter a expressão final deste circuito, vamos substituir a expressão S_1 em função de A e B.

Como:

$$S1 = A \cdot B$$

$$S = S1 + C$$

Temos, então:

$$S1 = (A \cdot B) + C$$

AVALIAÇÃO DE UMA EXPRESSÃO LÓGICA

Na avaliação de uma expressão lógica, uma ordem de precedência deverá ser seguida da mesma forma que é considerada em uma expressão aritmética, de acordo com o definido a seguir:







IMPORTANTE

Lembrar de que os conteúdos entre parênteses devem ser executados primeiro.

Seguindo o exemplo anterior, $X = A + B \cdot C$, lê-se:

X = A OR (NOT B) AND C

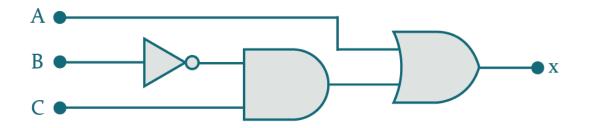


Diagrama lógico da função X.

Como sugestão, faça a construção desta Tabela Verdade seguindo a ordem de precedência da expressão:

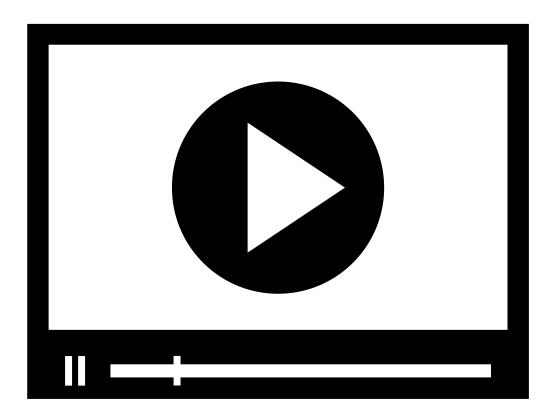
$$X = A + B \cdot C$$
, ISTO É,

NOT B, (NOT B) AND C, A OR (NOT B) AND C.

Como temos três variáveis de entrada com dois valores possíveis (0 e 1) para cada uma, temos $2^3 = 8$ combinações

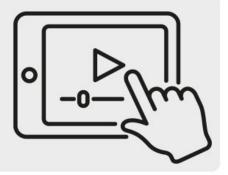
A	В	С	\overline{B}	$\overline{B} \cdot C$	$X = A + \overline{B} \cdot C$
0	0	0	1	0	0
0	0	1	1	1	1
0	1	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	1
1	1	0	0	0	1
1	1	1	0	0	1

■ Tabela Verdade da função X.



Veja, a seguir, um vídeo sobre expressões lógicas:

Para assistir a um vídeo sobre o assunto, acesse a versão online deste conteúdo.



EQUIVALÊNCIA DE FUNÇÕES LÓGICAS

Duas funções lógicas são equivalentes se — e somente se — para a mesma entrada, produzirem iguais valores de saída, isto é, quando duas funções lógicas possuírem o mesmo resultado na sua Tabela Verdade, esses circuitos serão considerados como equivalentes.

EXEMPLO:

Seja a função $X = A \cdot A$, ao construir a Tabela Verdade da função X, temos:

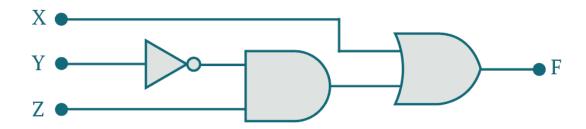
A	A•A	$X = \overline{A \cdot A}$
0	0	1
1	1	0

 $Como\ você\ pode\ verificar,\ o\ resultado\ da\ Tabela\ Verdade\ da\ função\ X=A\bullet A\ \'e\ idêntico\ \grave{a}\ Tabela\ Verdade\ da\ função\ Y=A\ .$

Assim, podemos afirmar que tanto a função X como a função Y são equivalentes.

EXEMPLO 1:

Escreva a expressão lógica a partir do diagrama lógico a seguir:

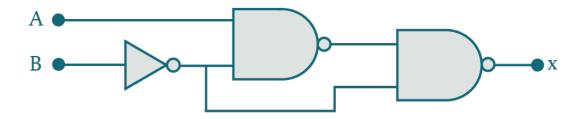


Partindo da variável **saída F**, nós podemos representar a expressão deste circuito em partes:

- a) A partir da variável \mathbf{F} , nós temos a porta \mathbf{OR} que receberá os seguintes valores de entrada \mathbf{X} e um resultado intermediário $\mathbf{T}\mathbf{1}$, assim $\mathbf{F} = \mathbf{X} + \mathbf{T}\mathbf{1}$
- b) Para resolver o valor de **T1**, iremos identificar que **T1** será o valor de saída da porta **AND** que possui os seguintes valores de entrada: **not Y e Z**, assim, **T1** = **Y•Z**
- c) Substituindo a equação que possui T1 como saída na primeira equação, temos: F = X + Y Z

EXEMPLO 2:

Escreva a expressão lógica a partir do diagrama lógico a seguir:



Partindo da variável saída X, nós podemos representar a expressão deste circuito em partes:

- a) A partir da variável **X** nós temos a porta **NAND** que receberá os seguintes valores de entrada **not B** e um resultado

 intermediário **T1**, assim, **X** = **B T1**
- b) Para resolver o valor de **T1**, iremos identificar que **T1** será o valor de saída da porta **NAND** que possui os seguintes valores de entrada: **not B e A**, assim, **T1 = B A**

c) Substituindo a equação que possui **T1** como saída na primeira equação, temos: **X = B •** (**B • A**)

EXEMPLO 3:

Calcular $X = A + B \cdot C \oplus D$

Adotando o esquema de prioridade, o valor de X será obtido com a realização de quatro etapas:

- a) Realizar a operação **AND** (maior prioridade, além de ter uma inversão determinada sobre a operação). Assim, tratase de calcular **B C** = **T**1
- b) Inverter o resultado parcial T1
- c) Realizar a operação **OR** (as operações **OR** e **XOR** têm mesma prioridade, optando-se pela que está primeiro à esquerda). Assim, calcula-se: $T_2 = A + T_1$
- d) Realizar a operação **XOR**, calculando-se **X** = **7**2 ⊕ **D**

Assim, vamos efetuar as etapas indicadas:

a)
$$0 \cdot 1 = 0 = T_1$$

b)
$$0 = 1$$

c)
$$1 + 1 = 1 = T_2$$

d)
$$1 \oplus 1 = 0 = X$$

Resultado: X = 0

EXEMPLO 4:

Seja A = 0, B = 0, C = 1, D = 1

Calcule: $X = (A + B \oplus D) + (C \cdot B) \oplus A$

Adotando uma sequência de etapas, vamos considerar a ordem de precedência de cada operação.

A primeira prioridade é solucionar os parênteses, e dentro ou fora destes, a prioridade é da operação **AND** sobre as demais, exceto se houver inversão **(NOT)**.

Assim, temos:

- a) Calcular o parêntese mais à esquerda; dentro deste parêntese, efetuar primeiro a inversão do valor de B: **B = 0 e notB = 1**
- b) Ainda dentro do parêntese, efetuar A + notB ou 0 + 1 = 1 = T1
- c) Em seguida, encerra-se o cálculo do interior do parêntese efetuando T1

 D = T2

Total do parêntese:

$$\mathbf{1}\oplus\mathbf{1}=\mathbf{0}=\mathbf{7}_2$$

$$T_2 = 0 e T_2 = 1$$

d) Então, calcula-se o outro parêntese, primeiro invertendo o valor de **C (NOT)**, depois efetuando a operação **AND** daquele resultado com a variável **B**. O valor final é, temporariamente, **T**₃

$$C = 1 e not C = 0$$

$$0 \cdot 0 = 0 = T_3$$

e) Finalmente, calcula-se a operação OR do resultado do primeiro parêntese (T_2) com o do outro parêntese (T_3) , para concluir com a operação XOR com A

$$1+0=1$$

$$X = 1 \oplus 0 = 1$$

Resultado: X = 1

EXEMPLO 5:

Vamos realizar operações lógicas com palavras de dados? Isto é, com variáveis de múltiplos bits.

Calcular o valor de X na seguinte expressão lógica:

$$X = A \oplus (B \cdot C + D) + (B \oplus D)$$

Para resolver esta expressão, nós utilizaremos o mesmo método, execução por etapas, mas, agora, são 4 algarismos binários em vez de um apenas.

Considerando as prioridades já definidas anteriormente, temos:

- a) Executar a operação ${f AND}$ de ${f B}$ e ${f C}$, obtendo resultado parcial ${f T_1}$
- b) Inverter o valor de T₁ (not T₁)
- c) Executar a operação \mathbf{OR} de $\mathbf{not} \ \mathbf{T_1}$, com \mathbf{D} , atualizando um novo resultado parcial $\mathbf{T_1}$, que é a solução do primeiro parêntese.
- d) Inverter o valor de **D** no segundo parêntese.
- e) Executar a operação **XOR** de **B** com o inverso de **D**, obtendo o resultado parcial T_2 , que é a solução do segundo parêntese.
- f) Executar a operação XOR de A com T_1 , obtendo um valor temporário para X.
- g) Executar a operação \mathbf{OR} de \mathbf{X} com $\mathbf{T_2}$, obtendo o resultado de \mathbf{X} .

Executando as etapas aqui indicadas, temos:

ETAPA (A): $T_1 = B \cdot C$

	В	С	$T_1 = B \cdot C$
0010 B	0	1	0
and	0	1	0
1110 C	1	1	1
	0	0	0

O resultado parcial: $T_1 = 0010$

ETAPA (B): $T_1 = NOT T_1$

 $T_1 = 0010 \text{ e not } T_1 = 1101$

Resultado parcial: novo $T_1 = 1101$

ETAPA (C): $T_1 = T_1 + D$

	T_1	D	$T_1 = T_1 + D$
1 1 1 0 T ₁	1	1	1
or	1	1	1
1 1 1 1 D	1	1	1
	0	1	1

O resultado parcial: $\mathbf{T_1}$ atualizado: $\mathbf{T_1} = 1111$

ETAPA (D): NOT D

D = 1111 e not D = 0000

ETAPA (E): $T_2 = B \oplus NOT D$

	В	not D	$T_2 = B \oplus \text{not } D$
0010 B	0	0	0
xor	0	0	0
0 0 0 0 not D	1	0	1
	0	0	0

O resultado parcial $T_2 = 0010$

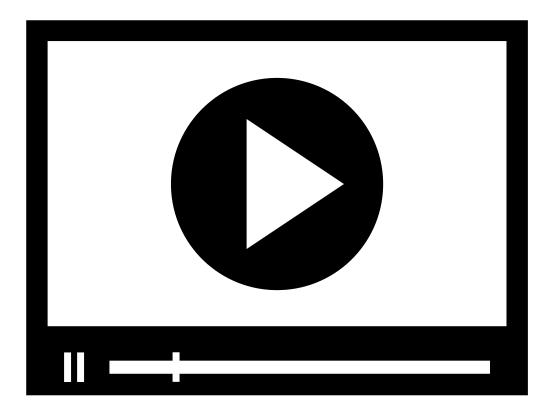
ETAPA (F): $X = A \oplus T_1$

	A	T_1	$X = A \oplus T_1$
1001 A	1	1	0
xor	0	1	1
1 1 1 1 T ₁	0	1	1
	1	1	0

O resultado parcial X = 0110

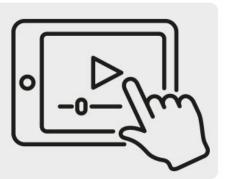
ETAPA (G): $X = X + T_2$

	X	T_2	$X = X + T_2$
0 1 1 0 X	0	0	0
xor	1	0	1
0 0 1 0 T ₂	1	1	0
	0	0	0



Para aprofundar seus estudos, assista ao vídeo, a seguir, que apresenta a realização de operações lógicas com palavras de dados.

Para assistir a um vídeo sobre o assunto, acesse a versão online deste conteúdo.



VEM QUE EU TE EXPLICO!

Os vídeos a seguir abordam os assuntos mais relevantes do conteúdo que você acabou de estudar.

Expressões Lógicas Falar de expressões lógicas, principalmente da forma canônica.

Avaliação de expressões lógicas Falar da hierarquia entre as operações não, e, ou.

VERIFICANDO O APRENDIZADO

1. QUAL DAS EXPRESSÕES INDICADAS REPRESENTAM O CIRCUITO EQUIVALENTE AO CIRCUITO ABAIXO?

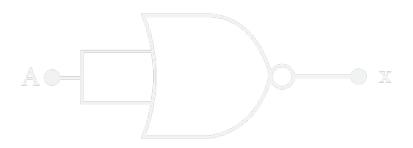


$$\mathbf{A)} \ \mathsf{X} = \mathsf{A} + \mathsf{A}$$

C)
$$X = A$$

D)
$$X = A$$

2. QUAL DAS EXPRESSÕES INDICADAS REPRESENTA O CIRCUITO EQUIVALENTE À FIGURA A SEGUIR?



$$A) X = A + A$$

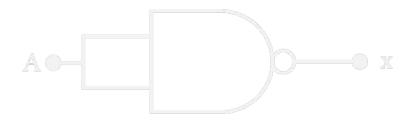
B)
$$X = A \cdot A$$

C)
$$X = A \oplus A$$

D)
$$X = A$$

GABARITO

1. Qual das expressões indicadas representam o circuito equivalente ao circuito abaixo?



A alternativa "**D** " está correta.

Para analisar a equivalência, é necessário, inicialmente, produzir a Tabela Verdade para o circuito cuja expressão é X = A = A

A	A•A	$X = \overline{A \cdot A}$	
0	0	1	
1	1	0	

Levando em consideração o resultado apresentado na tabela acima, temos:

A	$X = \overline{A \cdot A}$
0	1
1	0

A RESPOSTA É CONSIDERADA:

$$X = \overline{A \cdot A} = \overline{A}$$

2. Qual das expressões indicadas representa o circuito equivalente à figura a seguir?



A alternativa "D " está correta.

Para analisar a equivalência, é necessário, inicialmente, produzir a Tabela Verdade para o circuito cuja expressão é:

$$X = \overline{A + A}$$

A	$X = \overline{A + A}$	
0	1	
1	0	

Levando em consideração o resultado apresentado na tabela acima, temos:

Α	$X = \overline{A + A}$	
0	1	
1	0	

NOVAMENTE A RESPOSTA É CONSIDERADA:

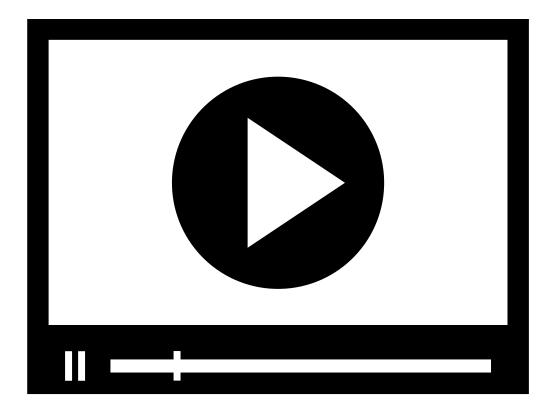
$$X = \overline{A + A} = \overline{A}$$

MÓDULO 3

PROPRIEDADES DA ÁLGEBRA DE BOOLE

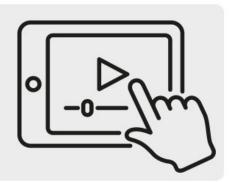
As regras básicas da Álgebra de Boole são bastante úteis quando devemos analisar a equivalência e a simplificação das expressões booleanas (lógicas) que definem uma função de um determinado dispositivo digital.

Essas regras também permitem facilitar a compreensão do funcionamento de dispositivos digitais, assim como a redução de custos na fabricação de circuitos digitais com a redução de componentes eletrônicos usados.



Acompanhe, a seguir, a explicação narrada sobre as regras básicas da Álgebra Booleana:

Para assistir a um vídeo sobre o assunto, acesse a versão online deste conteúdo.



PROPRIEDADE	VERSÃO OR	VERSÃO AND
1. IDENTIDADE	X + 0 = X	X • 1 = X
2. ELEMENTO NULO	X + 1 = 1	X • O = O
3. EQUIVALÊNCIA	X + X = X	X • X = X
4. COMPLEMENTO	$X + \overline{X} = 1$	$X \cdot \overline{X} = 0$
5. INVOLUÇÃO	$\overline{\overline{X}} = X$	$\overline{\overline{X}} = X$
6. COMUTATIVA	X + Y + Y + X	$X \cdot Y = Y \cdot X$
7. ASSOCIATIVA	(X + Y) + Z = X + (Y + Z)	$(X \cdot Y) \cdot Z = X \cdot (Y \cdot Z)$
8. DISTRIBUTIVA	$X + Y \cdot Z = (X + Y) \cdot (X + Z)$	$X \cdot (Y + Z) = X \cdot Y + X \cdot Z$
9. ABSORÇÃO 1	$X + X \cdot Y = X$	$X \cdot (X + Y) = X$
10. ABSORÇÃO 2	$X + \overline{X} \cdot Y = X + Y$	$X + \overline{X} \bullet Y = X \bullet Y$
11. CONSENSUS	$X \cdot Y + \overline{X} \cdot Z + Y \cdot Z = X \cdot Y + \overline{X} \cdot Z$	$(X + Y) \cdot (\overline{X} + Z) \cdot (Y + Z) = (X + Y) \cdot (\overline{X} + Z)$
12. DE MORGAN	$\overline{X + Y} = \overline{X} \cdot \overline{Y}$	$\overline{X \cdot Y} = \overline{X} + \overline{Y}$

Regras básicas da Álgebra boolena (STALLINGS, 2017).

A	В	A⊕B	A⊕B
0	0	0	1
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1

Soma dos minitermos: Outras propriedades:

$$A \oplus B = \overline{A} \cdot B + A \cdot \overline{B} \qquad A \oplus A = 0$$

$$\overline{A \oplus B} = A \cdot B + \overline{A} \cdot \overline{B} \qquad A \oplus \overline{A} = 1$$

• Propriedades da função Exclusive or (XOR).

IMPORTANTE

Como sugestão, verifique as equivalências dessas expressões através da Tabela Verdade.

EXEMPLO 1:

Vamos analisar a possibilidade de simplificar a seguinte expressão lógica:

$$X = \overline{A + B \cdot B}$$

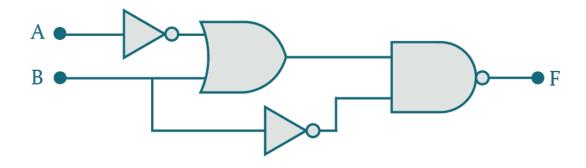


Diagrama da expressão $X = \overline{A + B \cdot B}$

Como primeiro passo, vamos analisar as regras básicas da Álgebra booleana e verificar se é possível aplicar alguma dessas regras na expressão.

a) Agora, podemos iniciar o processo de simplificação usando a **regra 12** referente ao **Teorema de De Morgan** na versão **AND** de X • Y = X + Y

$$X = \overline{A + B} + \overline{B}$$

b) Usando novamente o **Teorema de De Morgan** na versão **OR de X + Y = X • Y**:

$$X = \overline{A} \cdot \overline{B} + \overline{B}$$

c) Aplicando a **regra 5** da involução $\bar{X} = X$ em **A** e **B**, temos:

$$X = A \cdot \overline{B} + B$$

d) Continuando com a simplificação pela regra 6 da comutatividade, temos:

$$X = B + A \cdot \overline{B}$$

e) Usando a **regra 9** da absorção **1**, temos>

$$X = A + B$$

Por fim, podemos perceber que tanto na expressão inicial como na expressão simplificada, ambas produzem o mesmo resultado através da Tabela Verdade e, neste caso, pode ser utilizada uma simplificação de um circuito com uma porta **NAND** e inversores (**NOT**) sendo substituído por uma única porta **OR**.

A	В	Ā	\overline{B}	$\overline{A} + B$	$X = (\overline{A} + B) \cdot \overline{B}$	$X = [(\overline{\overline{A} + B) \cdot \overline{B}}]$
0	0	1	1	1	1	0
0	1	1	0	1	0	1
1	0	0	1	0	0	1
1	1	0	0	1	0	1

Tabela Verdade da expressão $X = \overline{A + B \cdot B}$

A	В	x = A + B
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Tabela Verdade da expressão X=A+B

EXEMPLO 2:

Vamos simplificar a seguinte expressão:

$$X = A \cdot B \cdot C + A \cdot B \cdot C + A \cdot B \cdot C + A \cdot B \cdot C$$

Usando as regras básicas da Álgebra booleana, temos:

a) Usando a **regra 9**, temos:

$$X = A \cdot B \cdot (C + C) + A \cdot C \cdot (B + B)$$

b) Usando a **regra 4**, temos:

$$X = A \cdot B \cdot 1 + A \cdot C \cdot 1$$

c) Usando a **regra 1**, temos:

$$X = A \cdot B + A \cdot C$$

EXEMPLO 3:

Vamos simplificar a seguinte expressão:

$$X = A \cdot B \cdot C + A \cdot C \cdot + A \cdot B$$

a) Usando a **regra 8**, temos:

$$X = A \cdot (B \cdot C + C + B)$$

b) Ordenando os termos:

$$X = A \cdot (B \cdot C + (C + B))$$

c) Usando a **regra 12**, temos:

$$X = A \cdot (B \cdot C + (B \cdot C))$$

d) Explicitando o termo **B** • **C** = **Y**, temos:

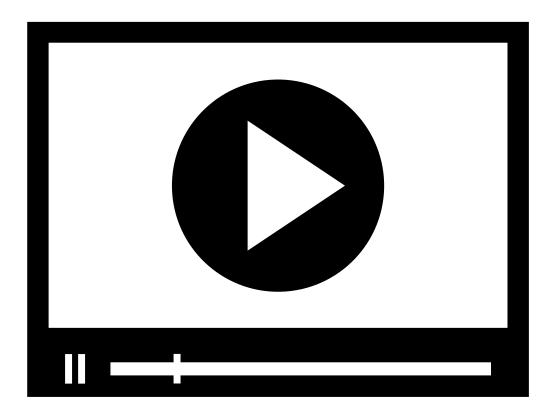
$$X = A \cdot (Y + Y)$$

e) Usando a **regra 4**, temos:

$$X = A \cdot 1$$

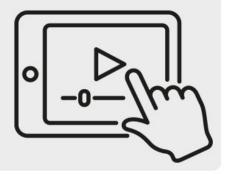
e) Usando a **regra 1**, temos:

$$X = A$$



Para aprofundar seus estudos, assista à resolução do exercício, a seguir, que aplica as regras da Álgebra Booleana.

Para assistir a um vídeo sobre o assunto, acesse a versão online deste conteúdo.



EXEMPLO 4:

Vamos simplificar a seguinte expressão:

$$X = A \cdot (A + B)$$

a) Usando a **regra 10**, temos:

$$X = A$$

EXEMPLO 5:

Vamos simplificar a seguinte expressão:

$$X = A \cdot A + A \cdot C + B \cdot A + B \cdot C$$

a) Usando a **regra 3**, temos:

$$X = A + A \cdot C + B \cdot A + B \cdot C$$

b) Usando a regra 9, temos:

$$X = A + B \cdot A + B \cdot C$$

c) Usando a regra 9 novamente, temos:

$$X = A + B \cdot C$$

VEM QUE EU TE EXPLICO!

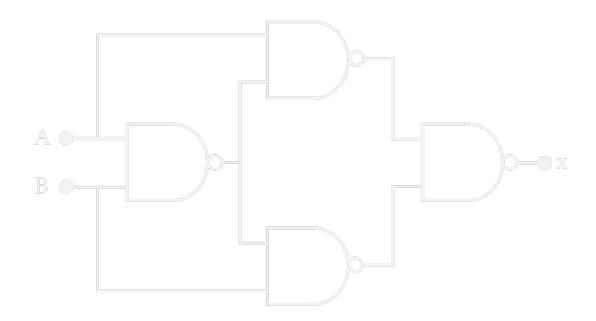
Os vídeos a seguir abordam os assuntos mais relevantes do conteúdo que você acabou de estudar.

Mostrar a propriedade ABSORSÃO. Mostrar com uma tabela verdade a operação de absorção.

Mostrar a operação DE MORGAN Mostrar com uma tabela verdade a operação de "de Morgan"

VERIFICANDO O APRENDIZADO

1. QUAL É A EXPRESSÃO SIMPLIFICADA QUE REPRESENTA O CIRCUITO ABAIXO?



A)
$$X = A + B$$

B)
$$X = A \cdot B$$

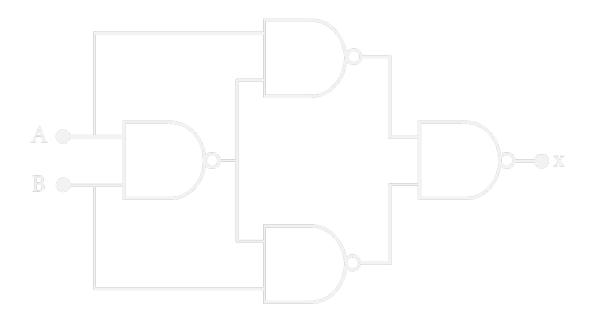
C)
$$X = A + B$$

2. DADOS OS VALORES DE ENTRADA, QUAL É O RESULTADO DA TABELA VERDADE PARA O CIRCUITO ABAIXO?

A	B	X		
0	0	K		
0	1	L	0-	
1		M		
1	1	N		

GABARITO

1. Qual é a expressão simplificada que representa o circuito abaixo?



A alternativa "D " está correta.

Para efetuar a simplificação, é necessário, inicialmente, escrever a expressão que representa este circuito. Como todas as portas utilizadas são **NAND**, será mais fácil de compreender. Apenas, como sugestão, procure interpretar a expressão a partir do valor de saída.

 $X = \overline{A \cdot A \cdot B \cdot B \cdot A \cdot B}$, aplicando a regra De Morgan, temos

 $X = \overline{A \cdot A \cdot B + B \cdot A \cdot B}$, aplicando a regra da involução, temos

 $X = A \cdot \overline{A \cdot B} + B \cdot \overline{A \cdot B}$, aplicando a regra distributiva, temos

 $X = \overline{A \cdot B} \cdot A + B$, aplicando a regra De Morgan, temos

$$X = (A + B) \cdot (A + B)$$

 $X = \overline{A} \cdot A + \overline{A} \cdot B + \overline{B} \cdot A + \overline{B} \cdot B$, aplicando a regra do complemento, em que

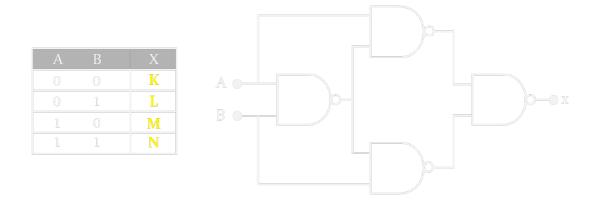
$$\overline{A} \cdot A = 0 \in \overline{B} \cdot B = 0$$
, temos

 $X = \overline{A} \cdot B + \overline{B} \cdot A$, aplicando a propriedade do XOR, temos

$X = A \oplus B$

Assim, seria possível, a partir de um circuito com portas NAND, substituí-lo por uma porta XOR.

2. Dados os valores de entrada, qual é o resultado da Tabela Verdade para o circuito abaixo?



A alternativa "D " está correta.

Como o circuito apresenta duas variáveis binárias de entrada, existem somente quatro combinações distintas, sendo assim, a construção da Tabela Verdade dependerá da expressão que representa o circuito, como apresentado na questão anterior a

$$X = \overline{A \cdot A \cdot B \cdot B \cdot A \cdot B}$$

A Tabela Verdade será:

A	В	A•B	$A \cdot \overline{A \cdot B}$	$\overline{A \cdot \overline{A \cdot B}}$	$B \cdot \overline{A \cdot B}$	$\overline{B \cdot \overline{A \cdot B}}$	$\overline{A \cdot \overline{A \cdot B}} \cdot \overline{B \cdot \overline{A \cdot B}}$	X
0	0	1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	1	1	0	0	1
1	0	1	1	0	0	1	0	0
1	1	0	0	1	0	1	1	1

Conforme apresentado, o resultado da Tabela Verdade da expressão $X = \overline{A \cdot A \cdot B} \cdot \overline{B \cdot A \cdot B}$ é a mesma da expressão $X = A \cdot B$

CONCLUSÃO

CONSIDERAÇÕES FINAIS

Neste estudo, vimos o desenvolvimento do sistema de análise lógica conhecido, atualmente, como Álgebra de Boole. Esse sistema permite expressar a operação de um circuito na forma de uma operação algébrica em que as constantes e variáveis podem assumir apenas dois valores.

Identificamos os elementos básicos para o projeto de sistemas digitais, conhecidos como portas e funções lógicas, bem

como a combinação das portas lógicas em circuitos digitais que, muitas vezes, podem produzir uma redução do número de portas lógicas utilizadas no circuito.

O estudo desta redução ou simplificação de circuitos lógicos requer o conhecimento da Álgebra de Boole, na qual encontram-se os fundamentos da eletrônica digital de circuitos, que poderá diminuir o grau de dificuldade na montagem e no custo do sistema digital.

Para ouvir um *podcast* sobre o assunto, acesse a versão online deste conteúdo.



AVALIACAO DO TEMA:

REFERÊNCIAS

MONTEIRO, Mário. Introdução à Organização de Computadores. 5. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2007.

STALLINGS, William. Arquitetura e organização de computadores. 10. ed. São Paulo: Pearson Education do Brasil, 2017.

TANENAUM, Andrew S. Organização Estruturada de Computadores. 5. ed. São Paulo: Pearson Prentice Hall, 2007.

TOCCI, Ronald J. **Sistemas digitais e aplicações**. 10. ed. São Paulo: Pearson Prentice Hall, 2007.

EXPLORE+

Para saber mais sobre os assuntos explorados neste tema, leia:

Conceitos da Lógica Digital (anexo B) , MONTEIRO, Mário. **Conceitos da Lógica Digital.** *In:* Introdução à Organização de Computadores. 5. ed. Rio de Janeiro: LTC, 2007.

Lógica Digital (capítulo 11), STALLINGS, William. **Lógica Digital**. *In:* Arquitetura e organização de computadores. 10. ed. São Paulo: Pearson Education do Brasil, 2017.

Portas lógicas , MARTINS, Elaine. Lógica Booleana? Saiba um pouco mais sobre esta lógica e como ela funciona. Portas Lógicas. *In:* Tecmundo. Publicado em: 9 fev. 2009.

CONTEUDISTA

Mauro Cesar Catarino Gil

