

# Projet : Lustre Model Checker

Théotime Grohens

15 décembre 2016

## 1 Travail réalisé

Pour ce projet, j'ai implémenté un model checker Lustre basé sur la  $k$ -induction, tel que décrit dans la thèse de George Hagen. Le principe est d'essayer de prouver que la sortie d'un nœud Lustre donnée vaut toujours **true**. Pour cela, on traduit le programme Lustre en un ensemble  $\Delta(n)$  de formules logiques décrivant l'état des variables du programme au temps  $n$  en fonction de leurs valeurs précédentes, et on essaye de prouver à l'aide d'un solveur SMT la propriété  $P(n)$  : la variable de sortie vaut **true**, pour tout  $n$ .

Le principe de la  $k$ -induction est de généraliser le principe de récurrence. Faire une récurrence pour démontrer  $P(n)$  revient à montrer  $\Delta(0) \models P(0)$  (l'initialisation), et  $\Delta(n), P(n) \models P(n+1)$  (l'hérédité).

Cette technique est sûre : si elle parvient à prouver ces deux implications à l'aide du solveur, alors on a démontré que pour tout  $n$ ,  $P(n)$  est vraie. Si le cas de base est faux, elle nous fournit de plus un contre-exemple à la propriété, c'est-à-dire une trace d'exécution pour laquelle la propriété n'est pas vérifiée. Elle n'est toutefois pas complète : il existe des programmes qui vérifient la propriété, mais pour laquelle on n'arrive pas à prouver l'hérédité.

Pour améliorer la méthode, on essaye donc de faire une récurrence qui s'appuie sur les  $k$  précédentes valeurs de  $\Delta$  (et donc les  $k$  derniers états du programme), au lieu d'utiliser juste le dernier. On essaye donc de prouver comme cas de base que  $\Delta(0), \dots, \Delta(k) \models P(0) \wedge \dots \wedge P(k)$ , et comme cas inductif que  $\Delta(n), \dots, \Delta(n+k+1), P(n), \dots, P(n+k) \models P(n+1)$ .

L'idée est que le cas inductif sera plus facile à prouver si l'on fait plus d'hypothèses (sur les états précédents du programme) ; pour être capable de faire ces hypothèses supplémentaires, il faut toutefois prouver un cas de base plus puissant.

L'algorithme du model checker est donc simple : il essaie de prouver le programme par  $k$ -induction, avec  $k$  croissant, jusqu'à soit prouver cas de base et cas inductif, soit trouver un cas de base faux, soit atteindre un  $k_{max}$  après lequel on abandonne.

## 2 Choix techniques

Mon programme utilise le solveur SMT Alt-Ergo-Zero, qui vérifie des formules étant soit une relation entre termes, soit une conjonction (ou disjonction, ...) de formules. Les étapes de l'algorithme sont les suivantes :

- *Inliner* les nœuds Lustre appelés par le nœud à vérifier, en prenant garde à renommer les variables pour éviter les conflits
- Créer des flux auxiliaires afin de supprimer les constructeurs **pre** imbriqués, de sorte que l'état des flux au temps  $n$  ne dépende explicitement que du temps  $n-1$
- Transformer récursivement les parties droites des équations (expressions) en termes du solveur
- Construire  $\Delta(n)$ , la conjonction des définitions de variables  $\mathbf{x} = \mathbf{e}$  vues comme des formules, et  $P(n)$
- Essayer de prouver les cas de base et cas inductif de la  $k$ -induction, pour  $k$  allant de 0 à  $k_{max}$

### 3 Résultats

Le model checker arrive à prouver des exemples simples ne nécessitant que de la 0-induction (soit une récurrence simple), mais aussi des exemples plus complexes nécessitant d'utiliser des  $k$  non nuls. Par exemple, le programme `ex003.lus` nécessite une 1-induction.

### 4 Limitations

Le solveur Alt-Ergo-Zero comporte des bugs quelque peu étranges qui font que le solveur ne fonctionne pas sur certains exemples simples.

Le programme est assez lent : sur ma machine, il met plusieurs minutes à essayer de vérifier le programme `counter.lus`, avant d'abandonner (pour  $k_{max} = 10$ ). Il est possible qu'AEZ comporte une boucle infinie.