



МИНОБРНАУКИ РОССИИ

**федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение**

высшего образования

**«Московский государственный технологический университет
«СТАНКИН»**

(ФГБОУ ВО «МГТУ «СТАНКИН»)

**Институт
информационных
систем и технологий**

**Кафедра
информационных систем**

**Программирование специализированных вычислительных
устройств**

Отчет по лабораторной работе

**«3D моделирование посредством OpenGL для Веба»
Часть №2**

Студент группы ИДБ-19-07:
Проверил доцент кафедры ИС:

Касьян А.И.
к.т.н. Волкова О.Р.

October 31, 2020

Оглавление

1	Вводное слово	2
2	Результат выполнения задания	2
2.1	Текстурирование	2
2.1.1	Обработка текстур в шейдерах	3
2.1.2	Использование текстур	4
2.1.3	Результат работы текстурирования	4
2.2	Трансформация	5
2.2.1	Математика ♡	7
2.2.1.1	Камера: осмотр	7
2.2.1.2	Камера: движение	8
2.2.1.3	Модель: вращение	8
2.2.2	Трансформация в OpenGL	9
2.2.3	Использование камеры и трансформаций	10
2.2.4	Результат работы программы	12
2.2.4.1	MSVC компилятор	12
2.2.4.2	Emscripten компилятор	12
2.3	Улучшения	13

1 Вводное слово

- В предыдущем документе мы рассмотрели шейдеры и их обработку. В этом я сделаю упор на трансформациях и текстурах, в связи с этим я более детально рассмотрю код самих шейдеров.
- Все используемые технологии сохранились с предыдущего файла.

2 Результат выполнения задания

Данную секцию я разобью на две подсекции:

- Текстурирование
- Трансформация

2.1 Текстурирование

На данный момент, пока я не имею света, текстурирование - это обычная отрисовка картинки, как только появится свет можно будет применять материалы. Обработчик текстур я так же как и обработчик шейдеров занёс в отдельный класс, вот его прототип:

```
1 class Texture
2 {
3     public:
4         Texture(const char *file_name, unsigned int type);
5         inline unsigned int getID() const;
6         void bind(const int texture_unit);
7         void unbind();
8         void loadFromFile(const char *file_name);
9         ~Texture();
10
11     private:
12         unsigned int id;
13         int width;
14         int height;
15         unsigned int type;
16 };
```

Сам класс из себя ни чего не представляет. В конструкторе, посредством библиотеки SOIL2 мы подгружаем картинку. Далее биндим текстуру и генерируем мипмэп. `loadFromFile` выполняет то же самое, что и конструктор. `bind`, `unbind` и `getID` говорят сами за себя. Поэтому я приведу листинг только конструктора/`loadFromFile`:

```
1 Texture::Texture(const char *file_name, unsigned int type)
2 {
3     this->type = type;
4
5     unsigned char *image = SOIL_load_image(
6                                     file_name,
7                                     &this->width,
8                                     &this->height,
9                                     NULL,
10                                    SOIL_LOAD_RGBA
11                                );
12 }
```

```

13 // generate texture names
14 glGenTextures(1, &this->id);
15 glBindTexture(type, this->id);
16 // Set our texture parameters
17 glTexParameteri(type, GL_TEXTURE_WRAP_S, GL_REPEAT);
18 glTexParameteri(type, GL_TEXTURE_WRAP_T, GL_REPEAT);
19 // Set texture filtering
20 glTexParameteri(type, GL_TEXTURE_MAG_FILTER, GL_LINEAR_MIPMAP_LINEAR);
21 glTexParameteri(type, GL_TEXTURE_MIN_FILTER, GL_LINEAR);
22
23 if (image)
24 {
25     // specify 2d img
26     glTexImage2D(type, 0, GL_RGBA, this->width, this->height, 0, GL_RGBA, GL_UNSIGNED_BYTE, image);
27     glGenerateMipmap(type);
28 }
29 else
30 {
31     std::cerr << "An error has occurred in the " << __FILE__ << " in line "
32               << __LINE__ << "." << std::endl
33               << "Error occurred in the: " << file_name << std::endl;
34 }
35
36 glActiveTexture(0);
37 glBindTexture(type, 0);
38 SOIL_free_image_data(image);
39 }

```

Пояснять нечего.

2.1.1 Обработка текстур в шейдерах

```

1 #version 330 core
2 layout (location = 0) in vec3 position;
3 layout (location = 2) in vec2 texCoord;
4
5 out vec2 TexCoord;
6
7 uniform mat4 model;
8 uniform mat4 view;
9 uniform mat4 projection;
10
11 void main()
12 {
13     gl_Position = projection * view * model
14                 * vec4(position, 1.0f);
15     TexCoord = vec2(texCoord.x, 1.0 - texCoord.y);
16 }

```

(a) vertex shader

```

1 #version 330 core
2 in vec2 TexCoord;
3
4 out vec4 color;
5
6 uniform sampler2D ourTexture1;
7
8
9
10
11 void main()
12 {
13     color = texture(ourTexture1, TexCoord);
14 }
15
16

```

(b) fragment shader

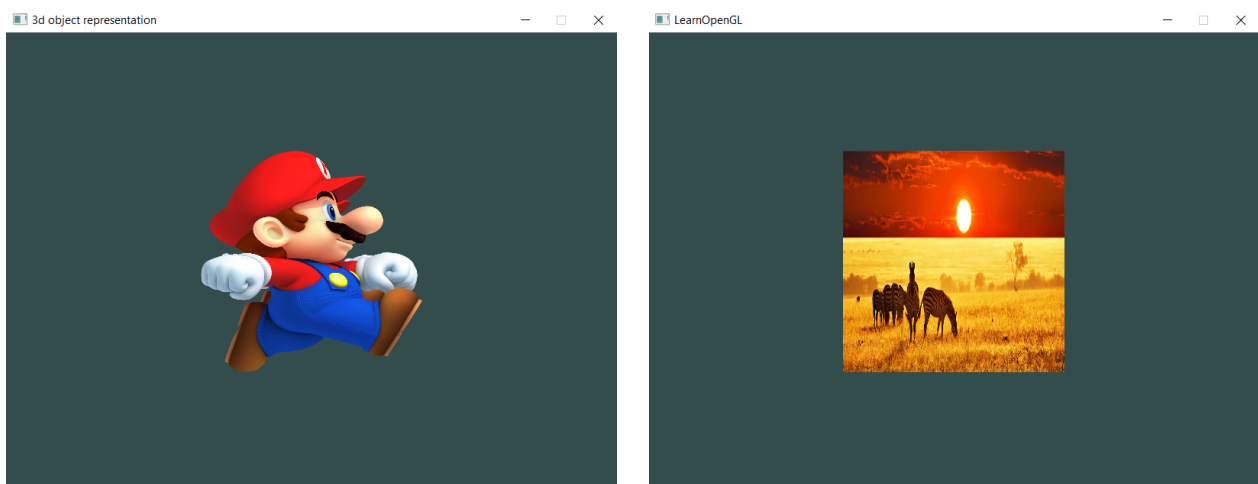
1. **vertex shader** - Фрагмент шейдер будет принимать координату текстуры `TexCoord`, устанавливаем её как `out`. Считаем эту координату.
2. **fragment shader** - Во фрагмент шейдере, нам так же требуется получить доступ к объекту текстуры. В GLSL есть build-in тип данных, предназначенных для текстур (`sampler*D`, где $* \in [1-3]$), поэтому добавляем глобальную текстурную переменную. Чтобы выбрать цвет текстуры, мы используем встроенную функцию `texture`, которая

принимает в качестве первого аргумента текстуру, а в качестве второго аргумента - соответствующие координаты текстуры. Затем функция `texture` выбирает соответствующее значение цвета, используя параметры текстуры, которые мы установили ранее. Результатом этого фрагментного шейдера является (отфильтрованный) цвет текстуры в (интерполированной) координате текстуры.

2.1.2 Использование текстур

```
1  int main()
2  {
3      ...
4      // the type is GL_TEXTURE_2D
5      Texture texture("assets/images/image1.jpg", GL_TEXTURE_2D);
6  #ifdef __EMSCRIPTEN__
7      std::function<void()> mainLoop = [&]() {
8  #else
9      while (!glfwWindowShouldClose(window))
10     {
11  #endif
12         ...
13
14         // Bind Textures using texture units
15         texture.bind(0);
16         ourShader.set1i(0, "ourTexture1");
17
18         ...
19
20  #ifdef __EMSCRIPTEN__
21     };
22     emscripten_set_main_loop_arg(dispatch_main, &mainLoop, 0, 1);
23  #else
24     }
25  #endif
26     ...
27 }
```

2.1.3 Результат работы текстурирования



(a) front

(b) rotation

2.2 Трансформация

На данный момент я закончил камеру, фактически трансформация хорошо описана камерой. Однако в дальнейшем я хочу добавить возможность вращения объекта вокруг нулевой точки. Прототип класса камеры выглядит так:

```
1  // Defines several possible options for camera movement. Used as abstraction to stay away from window-s
2  // input methods
3  enum Camera_Movement
4  {
5      FORWARD,
6      BACKWARD,
7      LEFT,
8      RIGHT
9  };
10
11 // Default camera values
12 const float YAW = -90.0f;
13 const float PITCH = 0.0f;
14 const float SPEED = 6.0f;
15 const float SENSITIVITY = 0.15f;
16 const float ZOOM = 45.0f;
17
18 class Camera
19 {
20     public:
21         Camera(glm::vec3 position = glm::vec3(0.0f, 0.0f, 0.0f), glm::vec3 up = glm::vec3(0.0f, 1.0f, 0.0f)
22             float yaw = YAW, float pitch = PITCH);
23         Camera(float pos_x, float pos_y, float pos_z, float up_x, float up_y, float up_z, float yaw, float
24             // Returns the view matrix calculated using Euler Angles and the LookAt Matrix
25             glm::mat4 GetViewMatrix();
26             // Processes input received from any keyboard-like input system.
27             // Accepts input parameter in the form of camera
28             void ProcessKeyboard(Camera_Movement direction, float delta_time);
29             // Expects the offset value in both the x and y direction.
30             void ProcessMouseMovement(float x_offset, float y_offset, unsigned char constrain_pitch = true);
31             // Only requires input on the vertical wheel-axis
32             void ProcessMouseScroll(float y_offset);
33             float GetZoom();
34
35     private:
36         // Camera Attributes
37         glm::vec3 position;
38         glm::vec3 front;
39         glm::vec3 up;
40         glm::vec3 right;
41         glm::vec3 world_up;
42
43         // Euler Angles
44         float yaw;
45         float pitch;
46         float roll;
47
48         // Camera options
49         float movement_speed;
50         float mouse_sensitivity;
51         float zoom;
52
53         // Calculates the front vector from the Camera's (updated) Euler Angles
54         void updateCameraVectors();
55 };
```

```

1 void Camera::updateCameraVectors()
2 {
3     // Calculate the new Front vector
4     glm::vec3 front;
5     front.x = cos(glm::radians(this->yaw)) * cos(glm::radians(this->pitch));
6     front.y = sin(glm::radians(this->pitch));
7     front.z = sin(glm::radians(this->yaw)) * cos(glm::radians(this->pitch));
8     this->front = glm::normalize(front);
9     // Also re-calculate the Right and Up vector
10    this->right = glm::normalize(
11        glm::cross(this->front, this->world_up));
12    // Normalize the vectors, because their length gets closer to 0 the
13    // more you look up or down which results in slower movement.
14    this->up = glm::normalize(glm::cross(this->right, this->front));
15 }
16 void Camera::ProcessKeyboard(Camera_Movement direction, float delta_time)
17 {
18     float velocity = this->movement_speed * delta_time;
19     switch (direction)
20     {
21     case FORWARD: this->position += this->front * velocity; break;
22     case BACKWARD: this->position -= this->front * velocity; break;
23     case LEFT: this->position -= this->right * velocity; break;
24     case RIGHT: this->position += this->right * velocity; break;
25     default: break;
26     }
27 }
28
29 void Camera::ProcessMouseMovement(float x_offset, float y_offset, unsigned char constrain_pitch)
30 {
31     x_offset *= this->mouse_sensitivity;
32     y_offset *= this->mouse_sensitivity;
33
34     this->yaw += x_offset;
35     this->pitch += y_offset;
36
37     // Make sure that when pitch is out of bounds, screen doesn't get flipped
38     if (constrain_pitch)
39     {
40         if (this->pitch > 89.0f) { this->pitch = 89.0f; }
41
42         if (this->pitch < -89.0f) { this->pitch = -89.0f; }
43     }
44
45     // Update Front, Right and Up Vectors using the updated Euler angles
46     this->updateCameraVectors();
47 }
48
49 void Camera::ProcessMouseScroll(float y_offset)
50 {
51     if (this->zoom >= 1.0f && this->zoom <= 45.0f) { this->zoom -= y_offset; }
52
53     if (this->zoom <= 1.0f) { this->zoom = 1.0f; }
54
55     if (this->zoom >= 45.0f) { this->zoom = 45.0f; }
56 }

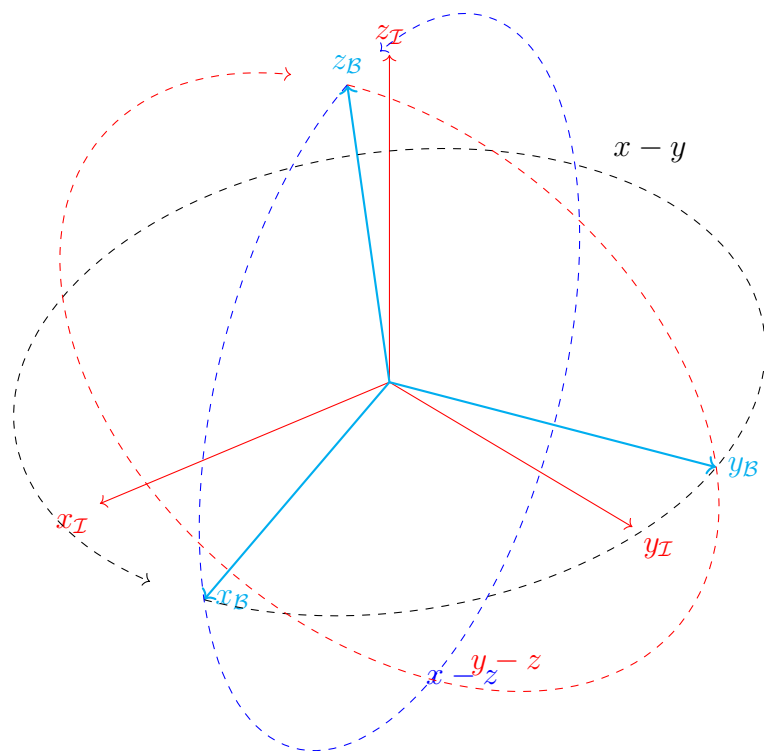
```

Так же оставляю без пояснений - комментарии всё покрывают. А вот сейчас самое интересное, я поясню - я не программист, я математик (аналитик) мне не интересен код, мне интересна логика, поэтому я немного разберу логику трансформаций.

2.2.1 Математика ♡

2.2.1.1 Камера: обзор

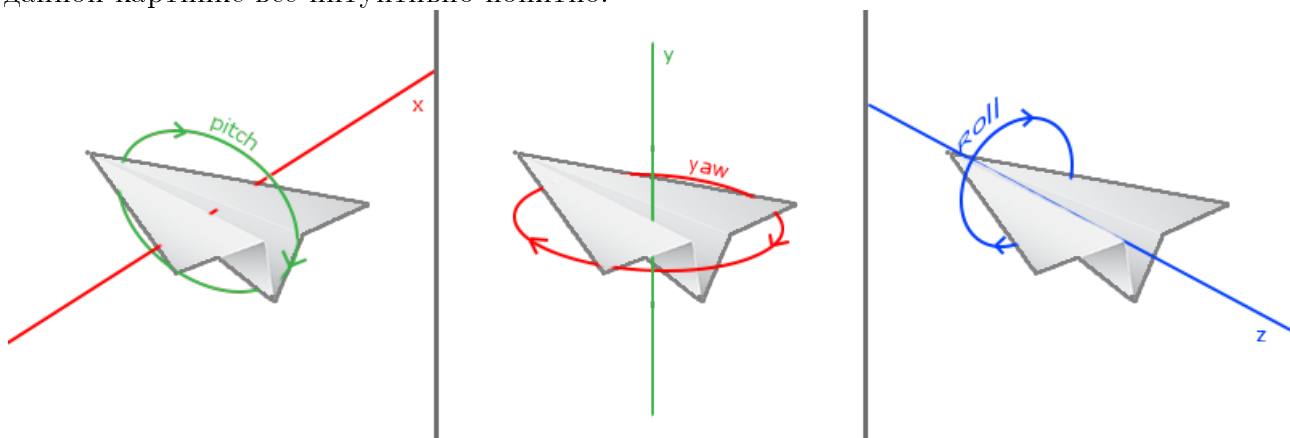
Знакомьтесь, [углы Эйлера](#):



Красиво, не правда ли. Углы Эйлера - это три угла для описания ориентации "твердого" тела относительно фиксированной системы координат. У этих углов есть названия:

- **pitch** - угол, отвечающий за вращение вокруг оси абсцисс (оси x)
- **yaw** - угол, отвечающий за вращение вокруг оси ординат (оси y)
- **roll** - угол, отвечающий за вращение вокруг оси аппликат (оси z)

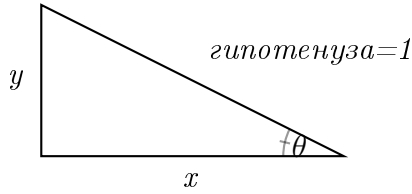
По данной картинке всё интуитивно понятно:



Каждый угол репрезентуется одним значением. Скомбинировав эти углы мы получим ротацию любого вектора в 3d пространстве.

Так как мы работаем с обзором, посредством камеры - базовая логика углов Эйлера сохраняется, однако для нашей системы камеры roll-угол отпадает, за ненадобностью. Имея pitch и yaw значения мы можем конвертировать их в 3d вектор, который собой

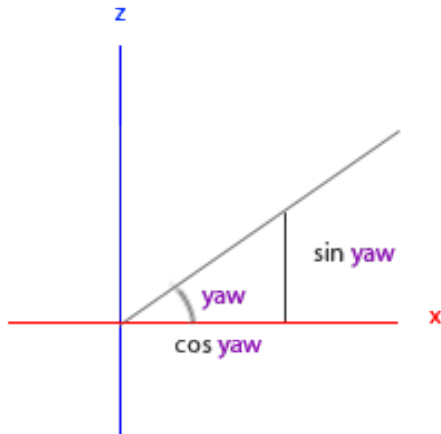
представляет Эвклидов вектор (или просто вектор). Теперь определимся с двумя аксиомами (в нашем случае пусть будут аксиомы):



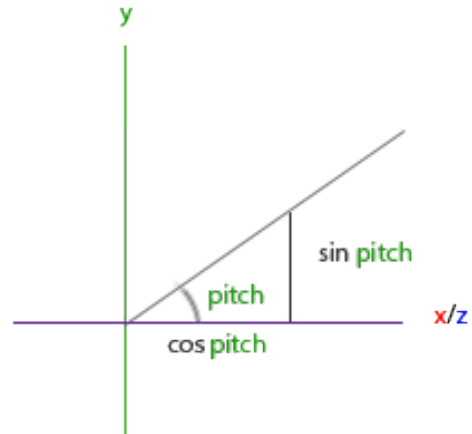
$$1. \cos(\theta) = \frac{x}{\text{гипотенуза}}$$

$$2. \sin(\theta) = \frac{y}{\text{гипотенуза}}$$

Если взять гипотенузу за 1, тогда мы получим $\cos(\theta) = x$ и $\sin(\theta) = y$.



(a) yaw angle



(b) pitch angle

Давайте представим, что yaw - это угол, идущий против часовой стрелки, начиная с оси абсцисс. Тогда, длина стороны по ОХ равна $\cos(\text{yaw})$, длина стороны по ОZ равна $\sin(\text{yaw})$. И так мы разобрались с координатой в 3d пространстве, относительно оси ОХ. Теперь перейдём к оси ОУ, и если представить, что мы "смотрим" на ОУ с плоскости ХZ, тогда pitch строит схожий треугольник, где длина стороны по ОХ = $\cos(\text{pitch})$, длина стороны по ОZ = $\cos(\text{pitch})$ и по ОУ = $\sin(\text{pitch})$.

Всё описанное выше рассматривалось относительно какой-то оси. Но т.к. камера - объект, расположенный относительно какой-то точки, а не оси, то объединим всё в одно. Т.к. длины по ОХ и по ОZ обе равны $\cos(\text{pitch})$, однако в это же время $\|X\| = \cos(\text{yaw})$, а $\|Z\| = \sin(\text{yaw})$. Тем самым, мы получили финальный вектор, транслированный из двух углов Эйлера.

$$\text{direction} = \begin{cases} x = \cos(\text{pitch}) \times \cos(\text{yaw}) \\ y = \sin(\text{pitch}) \\ z = \cos(\text{pitch}) \times \sin(\text{yaw}) \end{cases}$$

2.2.1.2 Камера: движение

Ни чего интересного, просто берём позицию камеры и прибавляем к ней определённый вектор, помноженный на скаляр скорости. Даже замарачиваться и отрисовывать что-то не хочу.

2.2.1.3 Модель: вращение

Чуть по-позже я добавлю вращение модели. Выполняется посредством всё тех же углов Эйлера, только матрицы немного поменялись:

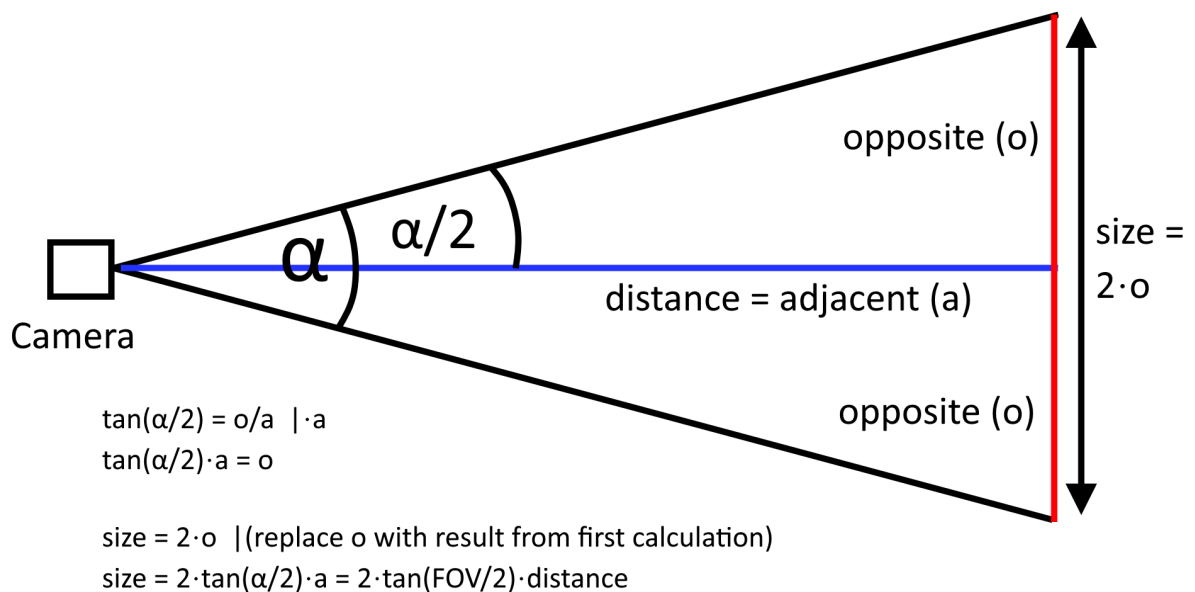
$$\begin{aligned}
\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} &= R_z(\psi) R_y(\theta) R_x(\phi) \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} \\
&= \begin{bmatrix} \cos \psi & -\sin \psi & 0 \\ \sin \psi & \cos \psi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & \sin \theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \phi & -\sin \phi \\ 0 & \sin \phi & \cos \phi \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} \\
&= \begin{bmatrix} \cos \theta \cos \psi & -\cos \phi \sin \psi + \sin \phi \sin \theta \cos \psi & \sin \phi \sin \psi + \cos \phi \sin \theta \cos \psi \\ \cos \theta \sin \psi & \cos \phi \cos \psi + \sin \phi \sin \theta \sin \psi & -\sin \phi \cos \psi + \cos \phi \sin \theta \sin \psi \\ -\sin \theta & \sin \phi \cos \theta & \cos \phi \cos \theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix}
\end{aligned}$$

2.2.2 Трансформация в OpenGL

Кратко, как всё описанное выше работает в OpenGL:



1. **Model matrix** - Преобразует позицию модели в позицию в мире. Это положение зависит от положения, масштаба и поворота отрисованной модели.
2. **View matrix** - Если в реальном мире мы двигаем камерой вокруг мира, то в OpenGL мир движется вокруг камеры камера установлена на нулевой точке, с -Z направлением, т.е. если вы хотите поднять камеру - вы опускаете мир.
3. **Projection matrix** - после трансформации мира, выполняется проецирование (отдаляем камеру - объект уменьшается). У матрицы проекции есть своя фишка, её нужно нормализовать. После того как вы примените матрицу проекции - вы получите некоторые координаты (clip coordinates), однако знаете момент, когда вы отдаляете объект, а он растягивается. Это связано с FOV, чем больше угол FOV - тем больше точек в себя включает сцена.



Исходя из FOV и дистанции мы рассчитываем размер объекта. Однако, конечный результат будет лежать в отрезке $[-1; 1]$. И только потом подгоняем под размер

сцены. А теперь вспомним, что мы получили координаты в ненормализованной форме, а следовательно их нужно нормализовать.

$$v_{\text{normalized}} = \begin{pmatrix} x_{\text{clip}}/w_{\text{clip}} \\ y_{\text{clip}}/w_{\text{clip}} \\ z_{\text{clip}}/w_{\text{clip}} \end{pmatrix}$$

w - показатель на сколько далеко объект находится от камеры (дистанция).

Далее, чтобы нормально всё отобразить - мы объединяем все три матрицы в одну:

$$v' = M_{\text{proj}} * M_{\text{view}} * M_{\text{model}} * v$$

Вообщем-то данную операцию мы выполняем в вертекс шейдере.

```
1 gl_Position = projection * view * model * vec4(position, 1.0f);
```

2.2.3 Использование камеры и трансформаций

```
1  const GLuint WIDTH = 800, HEIGHT = 600;
2  int SCREEN_WIDTH, SCREEN_HEIGHT;
3  // Function prototypes
4  void KeyCallback(GLFWwindow *window, int key, int scancode, int action, int mode);
5  void ScrollCallback(GLFWwindow *window, double xOffset, double);
6  void MouseCallback(GLFWwindow *window, double xPos, double yPos);
7  void DoMovement();
8  Camera camera(glm::vec3(0.0f, 0.0f, 3.0f));
9  GLfloat lastX = WIDTH / 2.0;
10 GLfloat lastY = HEIGHT / 2.0;
11 bool keys[1024];
12 bool firstMouse = true;
13 GLfloat deltaTime = 0.0f;
14 GLfloat lastFrame = 0.0f;
15 int main()
16 {
17     ...
18     Texture texture("assets/images/image1.jpg", GL_TEXTURE_2D);
19 #ifdef __EMSCRIPTEN__
20     std::function<void()> mainLoop = [&]() {
21 #else
22     while (!glfwWindowShouldClose(window))
23     {
24 #endif
25     ...
26         glm::mat4 projection(1);
27         projection = glm::perspective(glm::radians(camera.GetZoom()),
28                                     (GLfloat)SCREEN_WIDTH / (GLfloat)SCREEN_HEIGHT, 0.1f, 1000.0f);
29         // Create camera transformation
30         glm::mat4 view(1);
31         view = camera.GetViewMatrix();
32         // Pass the matrices to the shader
33         ourShader.setMat4fv(view, "view");
34         ourShader.setMat4fv(projection, "projection");
35         glBindVertexArray(VAO);
36         for (GLuint i = 0; i < 10; i++)
37         {
38             // Calculate the model matrix for each object and pass it to shader before drawing
39             glm::mat4 model(1);
40             model = glm::translate(model, cubePositions[i]);
```

```

41         GLfloat angle = 20.0f * i;
42         model = glm::rotate(model, angle, glm::vec3(1.0f, 0.3f, 0.5f));
43         ourShader.setMat4fv(model, "model");
44         ourShader.Use();
45         glDrawArrays(GL_TRIANGLES, 0, 36);
46     }
47     ...
48     #ifdef __EMSCRIPTEN__
49     };
50     emscripten_set_main_loop_arg(dispatch_main, &mainLoop, 0, 1);
51     #else
52     }
53     #endif
54     ...
55 }
56 // Moves/alters the camera positions based on user input
57 void DoMovement()
58 {
59     // Camera controls
60     if (keys[GLFW_KEY_W] || keys[GLFW_KEY_UP]) { camera.ProcessKeyboard(FORWARD, deltaTime); }
61     if (keys[GLFW_KEY_S] || keys[GLFW_KEY_DOWN]) { camera.ProcessKeyboard(BACKWARD, deltaTime); }
62     if (keys[GLFW_KEY_A] || keys[GLFW_KEY_LEFT]) { camera.ProcessKeyboard(LEFT, deltaTime); }
63     if (keys[GLFW_KEY_D] || keys[GLFW_KEY_RIGHT]) { camera.ProcessKeyboard(RIGHT, deltaTime); }
64 }
65
66 // Is called whenever a key is pressed/released via GLFW
67 void KeyCallback(GLFWwindow *window, int key, int scancode, int action, int mode)
68 {
69     if (key == GLFW_KEY_ESCAPE && action == GLFW_PRESS) { glfwSetWindowShouldClose(window, GL_TRUE); }
70
71     if (key >= 0 && key < 1024)
72     {
73         if (action == GLFW_PRESS) { keys[key] = true; }
74         else if (action == GLFW_RELEASE)
75         {
76             keys[key] = false;
77         }
78     }
79 }
80
81 void MouseCallback(GLFWwindow *window, double xPos, double yPos)
82 {
83     if (firstMouse)
84     {
85         lastX = xPos;
86         lastY = yPos;
87         firstMouse = false;
88     }
89
90     GLfloat xOffset = xPos - lastX;
91     GLfloat yOffset = lastY - yPos; // Reversed since y-coordinates go from bottom to left
92
93     lastX = xPos;
94     lastY = yPos;
95
96     camera.ProcessMouseMove(xOffset, yOffset);
97 }
98
99 void ScrollCallback(GLFWwindow *window, double xOffset, double yOffset)
100 {
101     camera.ProcessMouseScroll(yOffset);
102 }

```

2.2.4 Результат работы программы

2.2.4.1 MSVC компилятор

На данный момент результат работы программы выглядит так:

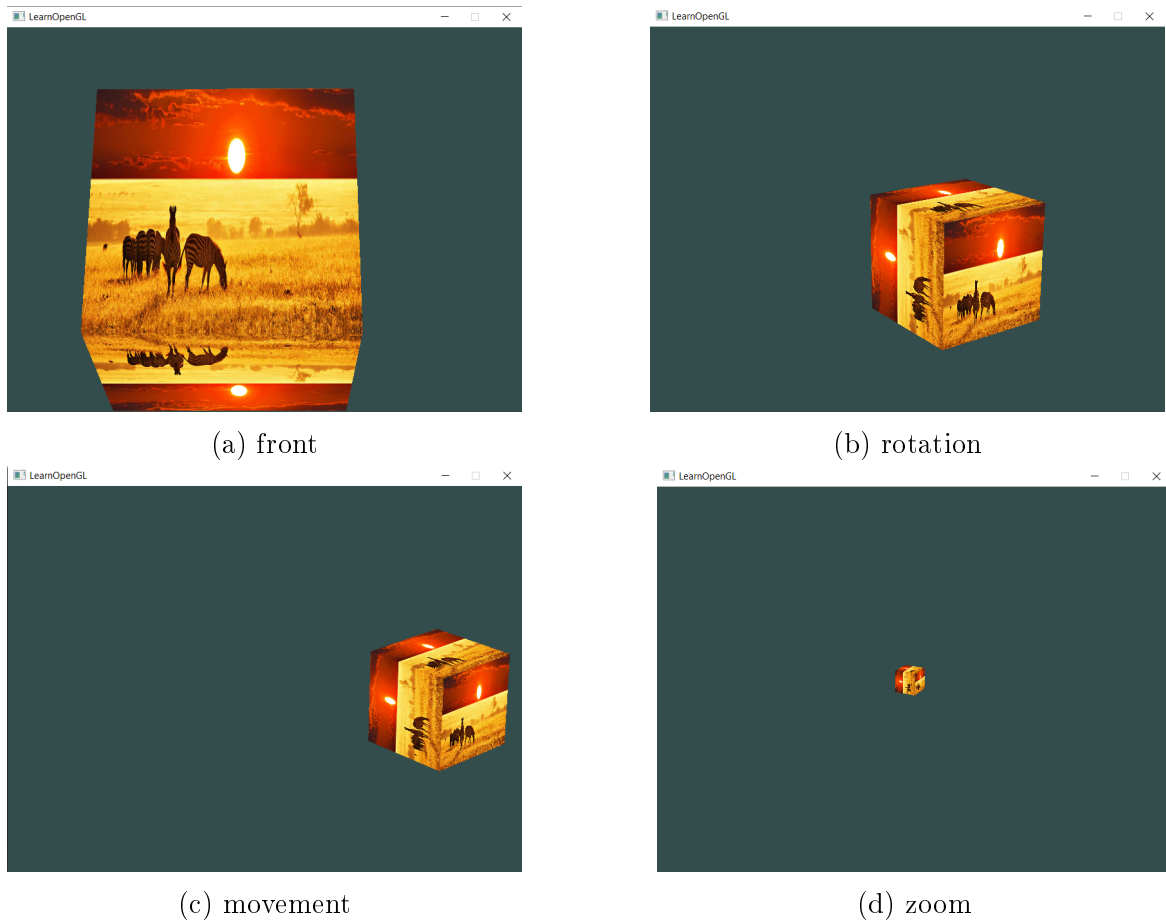


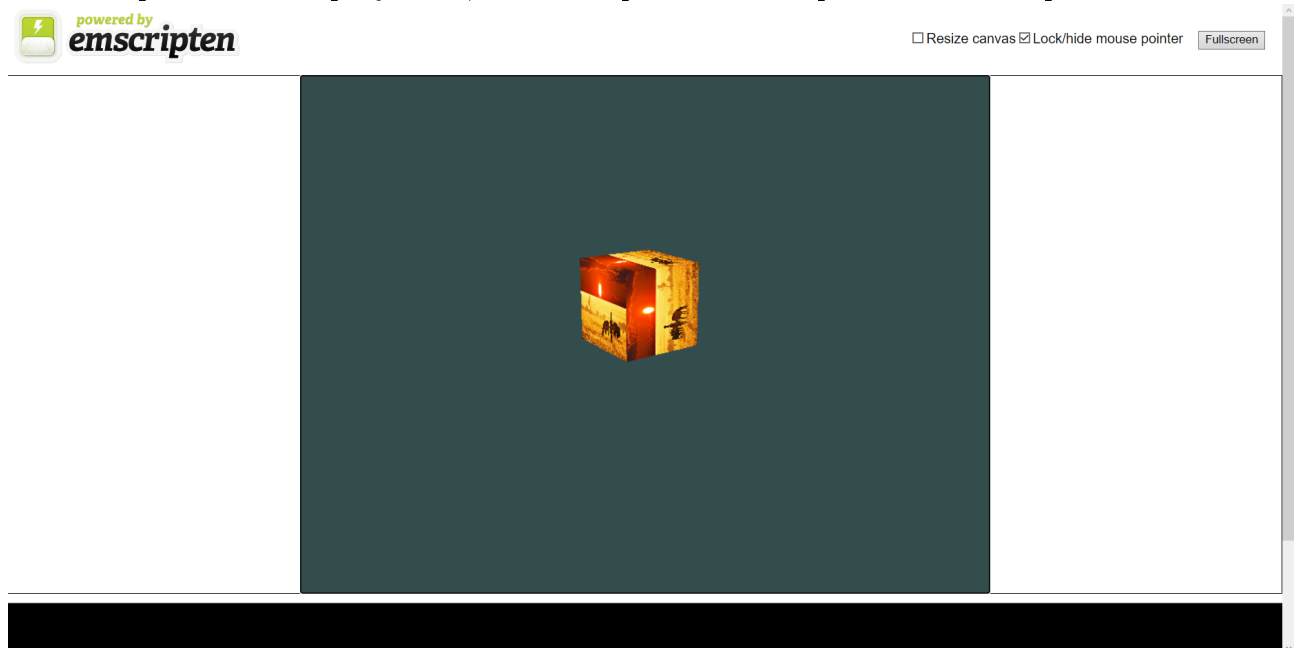
Figure 4: Transformations

2.2.4.2 Emscripten компилятор

В коде синтаксис emscripten'a обрамляется `ifndef-else-endif`. Так же флаги, которые я использовал (их значения можно увидеть [тут](#)):

- `FORCE_FILESYSTEM=1`
- `USE_WEBGL2=1`
- `USE_GLFW=3`
- `FULL_ES3=1`
- `ALLOW_MEMORY_GROWTH=1`
- `ASSERTIONS=1`
- `WASM=1`

Так же предоставляю результат, скомпилированный посредством emscripten:



2.3 Улучшения

Как я и говорил, мне осталось сделать свет и 3d object loader.