







#### Convertisseurs - Bloqueurs

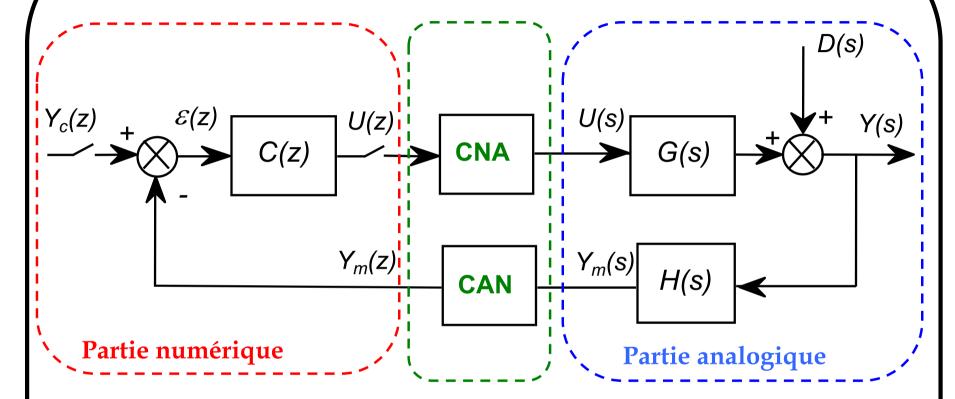
Hugues GARNIER

hugues.garnier@univ-lorraine.fr





#### Schéma de régulation numérique



• Besoin de blocs pour faire dialoguer les parties analogique et numérique :

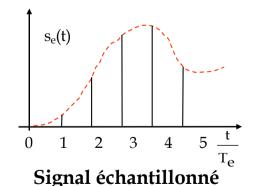
#### CNA & CAN

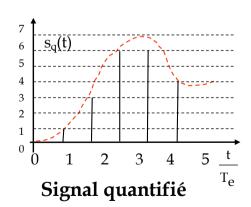




# Conversion d'un signal analogique en signal numérique : CAN

- La conversion est caractérisée par deux discrétisations
  - la 1<sup>ère</sup> concerne le *temps* et porte le nom d'*échantillonnage* : cela consiste à prendre des échantillons du signal analogique à des instants régulièrement espacés
  - La 2<sup>e</sup> concerne *l'amplitude* et porte le nom de *quantification* : cela consiste à coder l'amplitude du signal sur un nombre fini d'éléments binaires









# Choix à effectuer lors de la numérisation d'un signal analogique

- Précision de discrétisation via le choix de la fréquence d'échantillonnage
  - $-f_e$  doit être suffisamment élevée si l'on ne veut pas perdre trop d'informations sur le signal
  - Cependant plus  $f_e$  est élevée ( $T_e$  faible), plus le temps disponible pour effectuer les calculs numériques sera court et plus le nombre d'échantillons à traiter sera important

Comment choisir la fréquence d'échantillonnage  $f_e$ ?





#### Théorème d'échantillonnage (Shannon 1949)

Un signal x(t) à bande limitée dans l'intervalle de fréquence  $[-f_{max}; +f_{max}]$ 

peut être reconstruit exactement à partir de ses échantillons

$$sif_e > 2f_{max}$$

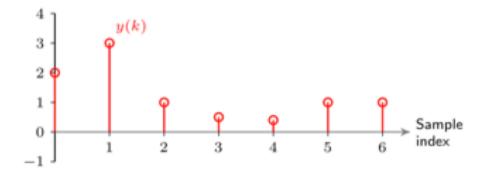
La fréquence limite  $f_e/2$  est appelée *fréquence de Nyquist* 



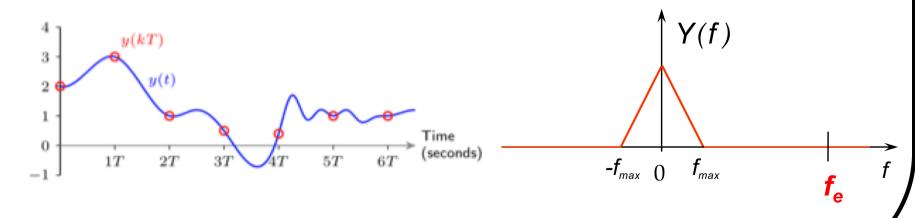


#### Théorème de Shannon - Interprétation

• On dispose des échantillons  $y(kT_e)$ . Comment en déduire y(t)?

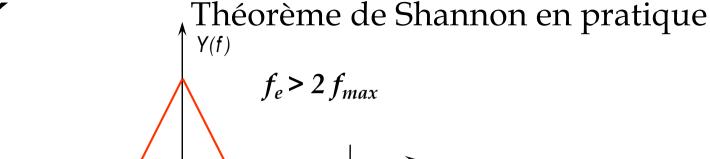


• Si  $f_e > 2 f_{max}$  alors on pourra reconstruire parfaitement y(t) à partir de des échantillons  $y(kT_e)$ 









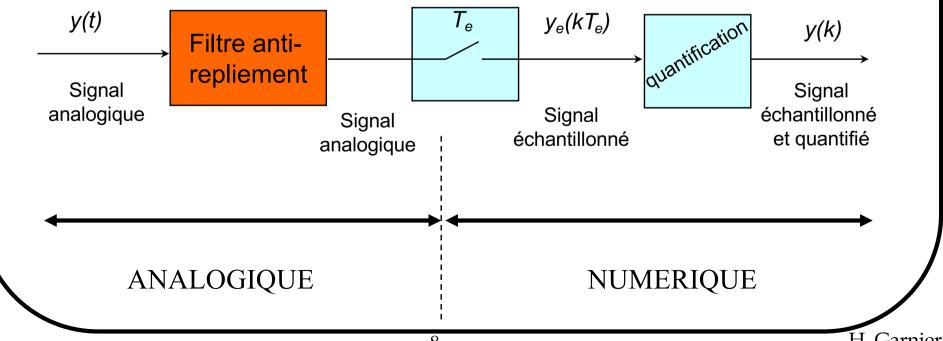
- Le théorème de Shannon ne permet d'avoir qu'une borne **inférieure** sur la fréquence d'échantillonnage à ne pas dépasser
  - Il est indispensable de choisir une fréquence d'échantillonnage bien plus élevée
- En pratique, la fréquence  $f_{max}$  est rarement connue précisément
  - Il est nécessaire de filtrer le signal analogique par un filtre analogique de type passe-bas. Un tel filtre est appelé *Filtre Anti-Repliement (de spectre)*
- Pour la mise en œuvre d'une régulation numérique, le choix de la fréquence d'échantillonnage est un problème bien plus complexe
  - Il dépend des caractéristiques de la réponse en boucle fermée désirée et donc des performances recherchées (voir plus loin)





### Chaîne pratique pour la conversion analogique numérique (CAN)

- En pratique:
  - indispensable de faire précéder l'opération d'échantillonnage par un filtre passe-bas appelé filtre anti-repliement de fréquence de coupure un peu inférieure à la fréquence de Nyquist  $f_e/2$
- La chaîne pratique pour convertir un signal analogique en signal numérique est donc constituée des éléments suivants :

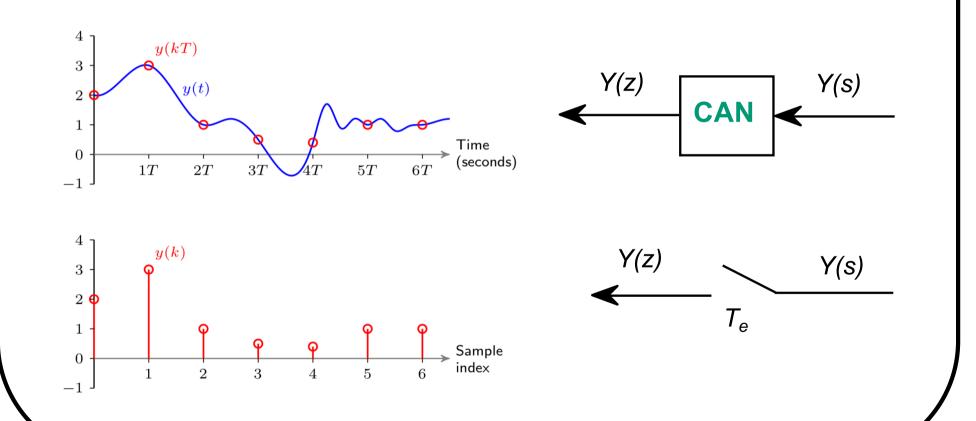






## Conversion Analogique Numérique (CAN) Représentation simplifiée

• La représentation habituelle de l'opération de CAN consiste à ne représenter que le bloc échantillonneur







## Quelques valeurs classiques de périodes d'échantillonnage

•	Asservissement	T <sub>e</sub> en secondes
		i e chi secolides

- Position 0,001 à 0,1

Régulation

- Vitesse 0,001 à 0,1

- Débit 1 à 3

- Niveau 5 à 10

- Pression 1 à 5

- Température 10 à 45

• Systèmes industriels

- Colonnes à distiller 10 à 180

- Réacteurs catalytiques 10 à 45

- Fours à ciment 20 à 45

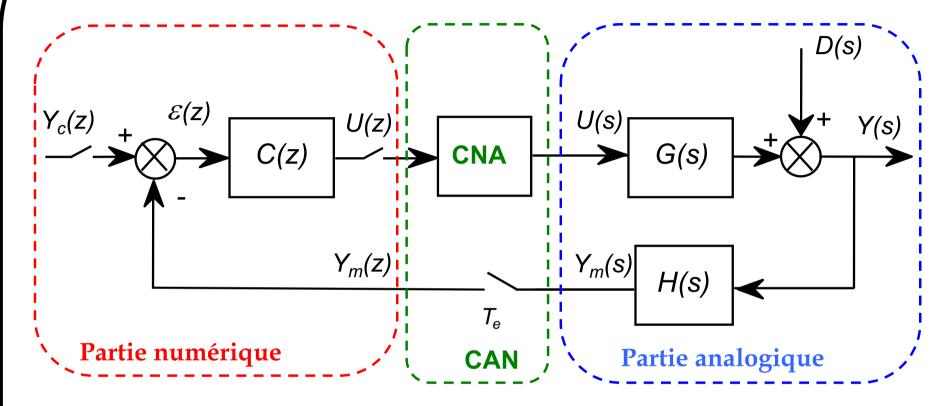
- Sécheurs 20 à 45

10





## Schéma de régulation numérique



• Besoin de blocs pour faire dialoguer les parties analogique et numérique :

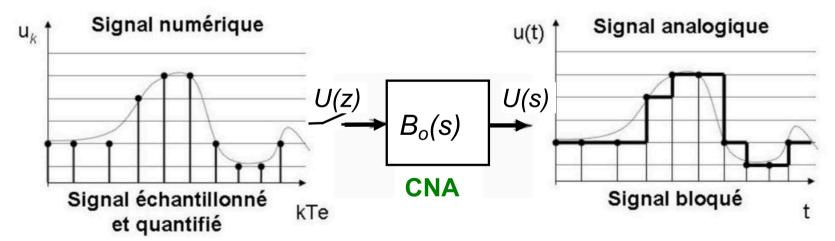
#### CAN & CNA





## Conversion Numérique Analogique (CNA) Reconstruction pratique

• L'opération de CNA la plus courante consiste à produire un signal de commande continu *u*(*t*) à partir des valeurs échantillonnées *u*(*k*) en maintenant constant *u*(*k*) durant toute la période d'échantillonnage via un bloqueur d'ordre 0 (*Zero-Order Hold ou ZOH*)

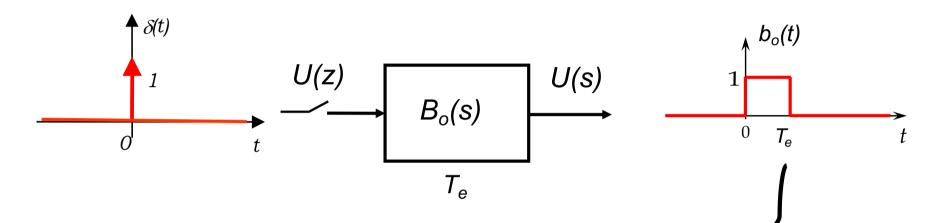






## Fonction de transfert de Laplace d'un bloqueur d'ordre zéro

• Rappel: fonction de transfert =  $\mathcal{L}$ (réponse impulsionnelle)



$$b_o(t) = \Gamma(t) - \Gamma(t - T_e)$$

$$B_o(s) = \frac{1}{s} - \frac{e^{-T_e s}}{s}$$

$$B_o(s) = \frac{1 - e^{-T_e s}}{s}$$





### Schéma de régulation numérique

