

Package vars

Paul GUILLOTTE & Jules CORBEL

01/02/2019

Abstract

bbbbbb

Contents

Introduction	1
1 Analyse descriptive des séries	1
1.1 Rappel sur la stationnarité du second ordre	1
1.2 Masse salariale	2
1.3 PIB	4
1.4 SMIC	5
1.5 Taux de chômage des femmes	7
1.6 Calcul des corrélations	9
2 Modélisation individuelle	10
2.1 Découpage des séries	10
2.2 Comparaison des différents modèles	10
2.3 Lissage exponentiel	10
2.4 Modèles ARMA	14
2.5 Comparaison des différents modèles	17
2.6 Estimation de la valeur manquante du PIB	17

Introduction

1 Analyse descriptive des séries

1.1 Rappel sur la stationnarité du second ordre

Avant de commencer à analyser les séries, nous rappelons des bases sur des notions dont nous aurons besoin par la suite.

Dans de nombreux modèles de séries temporelles, la série en entrée doit satisfaire une hypothèse de stationnarité. Les conditions de la stationnarité du second ordre.

$$E[y_t] = \mu \forall t = 1 \dots T$$

$$Var[y_t] = \sigma^2 \neq \infty \forall t = 1 \dots T \quad Var[y_t] = \sigma^2 \neq \infty \forall i = 1 \dots T$$

$$Cov[y_i, Z_{i-k}] = f(k) \forall i = 1 \dots t, \forall k = 1 \dots t$$

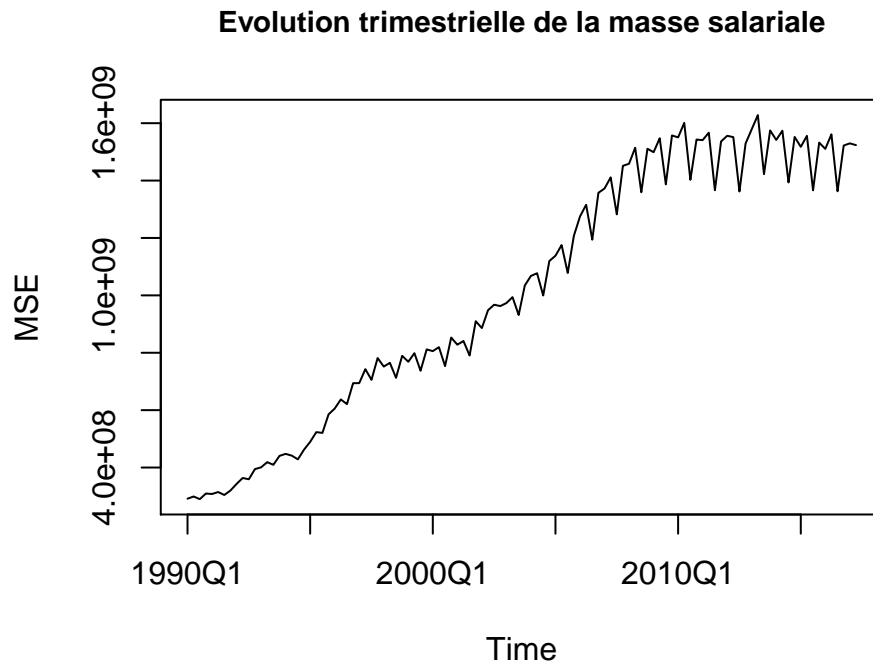


Figure 1:

Nous nous intéressons dans cette partie aux différentes séries trimestrielles à notre disposition. Dans un premier temps, nous nous intéressons aux corrélations entre les variables deux à deux afin de nous faire une première idée du lien qu'il existe entre les variables.

1.2 Masse salariale

```
MSE <- ts(trim$MSE, start = 1990, end = c(2017, 2), frequency=4)
plot(MSE, main="Evolution trimestrielle de la masse salariale", xaxt="n", cex.main=0.9)
axis(side=1, at=seq(1990,2015,5), labels=c("1990Q1", "1995Q1", "2000Q1", "2005Q1",
                                           "2010Q1", "2015Q1"))
```

```
par(mfrow=c(1,2), cex.main=0.8)
acf(MSE, main="Auto-corrélation de la
masse salariale trimestrielle", lag.max=20)
pacf(MSE, main="Autocorrélation partielle
de la masse salariale trimestrielle", lag.max=20)
```

```
kpss.test(MSE)
```

```
## Warning in kpss.test(MSE): p-value smaller than printed p-value
##
## KPSS Test for Level Stationarity
##
## data: MSE
## KPSS Level = 3.6772, Truncation lag parameter = 2, p-value = 0.01
```

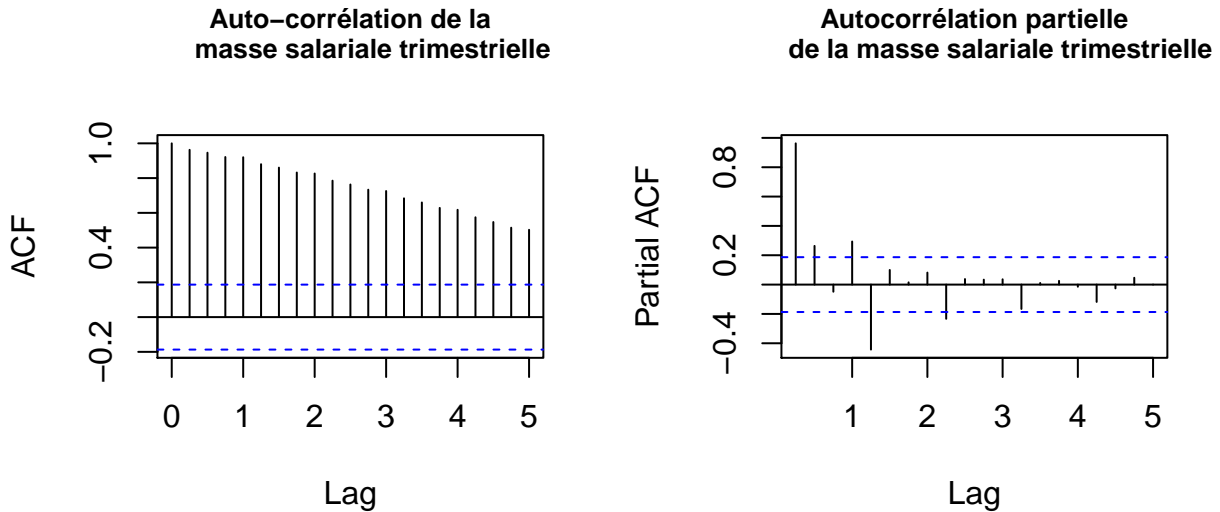


Figure 2:

```
adf.test(MSE)
```

```
## Warning in adf.test(MSE): p-value greater than printed p-value
##
## Augmented Dickey-Fuller Test
##
## data: MSE
## Dickey-Fuller = -0.20821, Lag order = 4, p-value = 0.99
## alternative hypothesis: stationary
```

La masse salariale trimestrielle, représentée en Figure 1 possède une composante de tendance de 1990 à 2010. La série tend par la suite à stagner. Nous remarquons également une saisonnalité sur cette série, qui est de plus en plus marquée à mesure que le temps passe.

Comme la série comporte une tendance et une saisonnalité, elle ne correspond pas aux deux premières conditions de la stationnarité du second ordre, soit que la série possède une moyenne et un écart-type constants. Cela est confirmé par la Figure 2, qui nous montre fonction ACF qui décroît régulièrement. Nous effectuons également un test de KPSS (test de stationnarité) servant à vérifier si la série est stationnaire ou non (sous l'hypothèse H_0 la série est stationnaire, et sous l'hypothèse H_1 elle ne l'est pas). La série est dite stationnaire si ses propriétés statistiques (espérance, variance et auto-corrélation) sont fixes au cours du temps. La p-value est de 0.01 ce qui nous confirme que la série n'est pas stationnaire avec un risque de première espèce de 5%. Nous mettons également en place un test de racines unitaires, le test de Dickey Fuller augmenté. Son hypothèse nulle est que la série a été générée par un processus présentant une racine unitaire, et donc que la série n'est pas stationnaire. Ici, avec un risque de premier espèce à 5%, on conserve l'hypothèse nulle est on conclut, à l'aide des deux tests effectués, que la série n'est pas stationnaire.

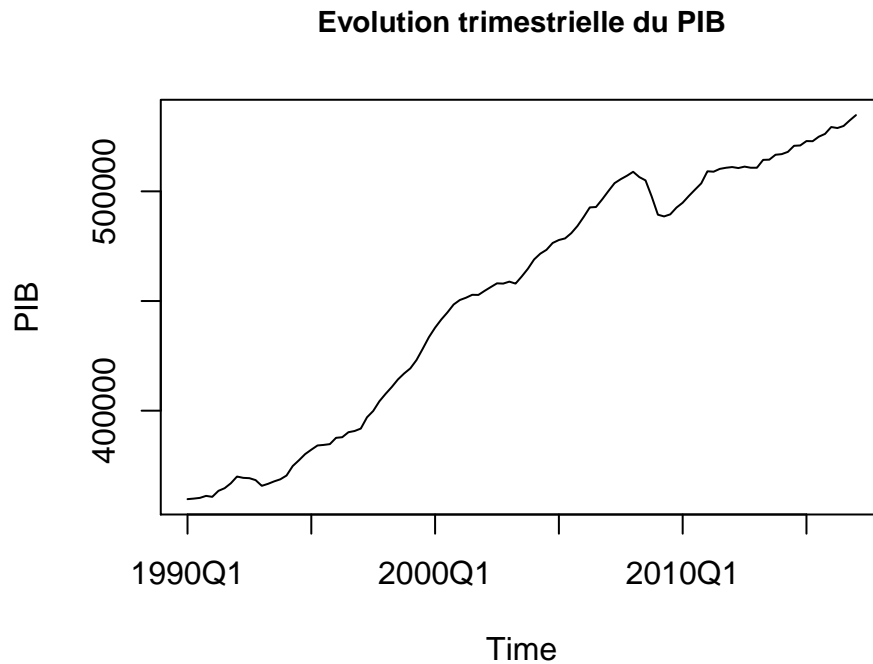


Figure 3:

1.3 PIB

```
PIB <- ts(trim$PIB, start = 1990, end = c(2017, 1), frequency=4)
plot(PIB, main="Evolution trimestrielle du PIB", xaxt="n", cex.main=0.9)
axis(side=1, at=seq(1990,2015,5), labels=c("1990Q1", "1995Q1", "2000Q1", "2005Q1", "2010Q1",
```

```
par(mfrow=c(1,2), cex.main=0.8)
acf(PIB, main="Auto-corrélation
      du PIB trimestriel", lag.max=40)
pacf(PIB, main="Autocorrélation partielle
      du PIB trimestriel", lag.max=40)
```

```
par(mfrow=c(1,1))
kpss.test(PIB)
```

```
## Warning in kpss.test(PIB): p-value smaller than printed p-value
##
## KPSS Test for Level Stationarity
##
## data: PIB
## KPSS Level = 3.6473, Truncation lag parameter = 2, p-value = 0.01
```

```
adf.test(PIB)
```

```
##
## Augmented Dickey-Fuller Test
##
```

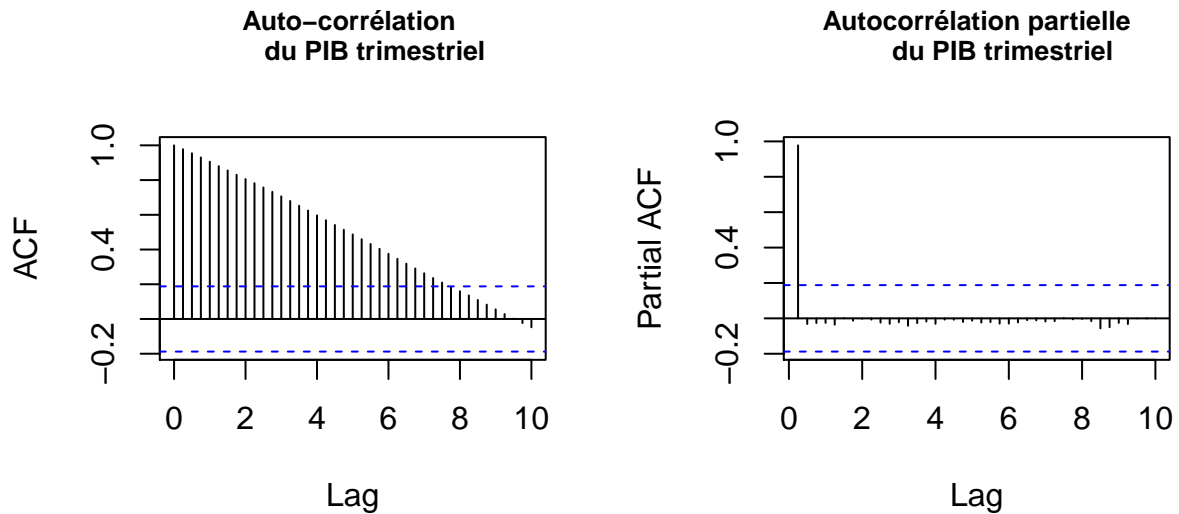


Figure 4:

```
## data: PIB
## Dickey-Fuller = -1.3274, Lag order = 4, p-value = 0.8557
## alternative hypothesis: stationary
```

La Figure 3 nous montre le PIB trimestriel qui, comme pour la masse salariale, possède une tendance. Cependant, il ne semble pas posséder de saisonnalité. Cette série ne semble donc pas non plus stationnaire. Nous effectuons à nouveau un test de KPSS. La p-value est de 0.01 ce qui nous confirme que la série n'est pas stationnaire avec un risque de première espèce de 5%. Même conclusion au regard du test augmenté de Dickey Fuller.

1.4 SMIC

```
SMIC <- ts(trim$SMIC, start = c(1990,1), end = c(2017, 4), frequency = 4)
plot(SMIC, main="Evolution trimestrielle du SMIC", xaxt="n", cex.main=0.9)
axis(side=1, at=seq(1990,2015,5), labels=c("1990Q1", "1995Q1", "2000Q1", "2005Q1", "2010Q1",
```

```
par(mfrow=c(1,2), cex.main=0.8)
acf(SMIC, main="Auto-corrélation du
      SMIC trimestriel", lag.max=20)
pacf(SMIC, main="Autocorrélation partielle
      du SMIC trimestriel", lag.max=20)
```

```
par(mfrow=c(1,1))
kpss.test(SMIC)
```

```
## Warning in kpss.test(SMIC): p-value smaller than printed p-value
```

```
##
## KPSS Test for Level Stationarity
##
## data: SMIC
```

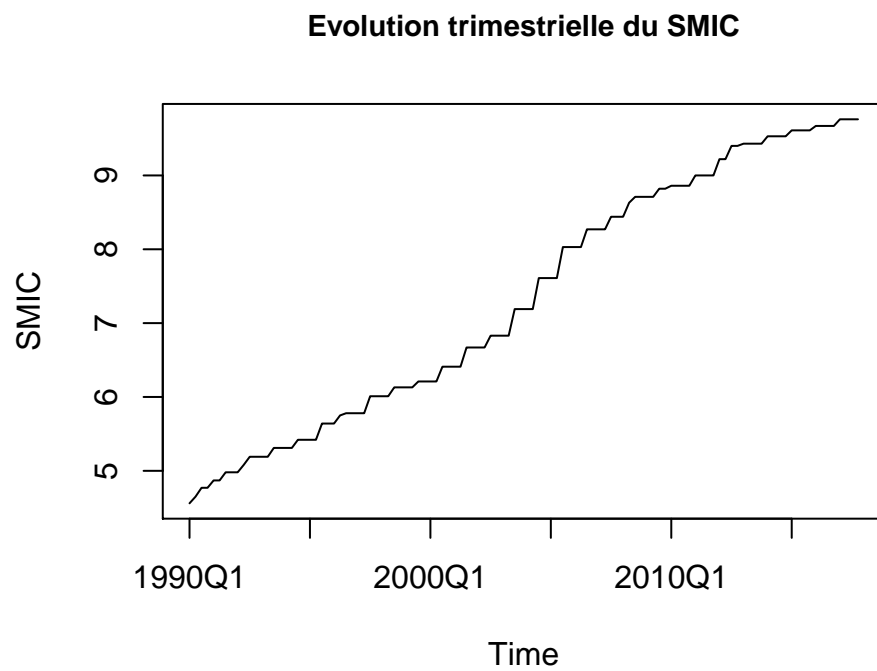


Figure 5:

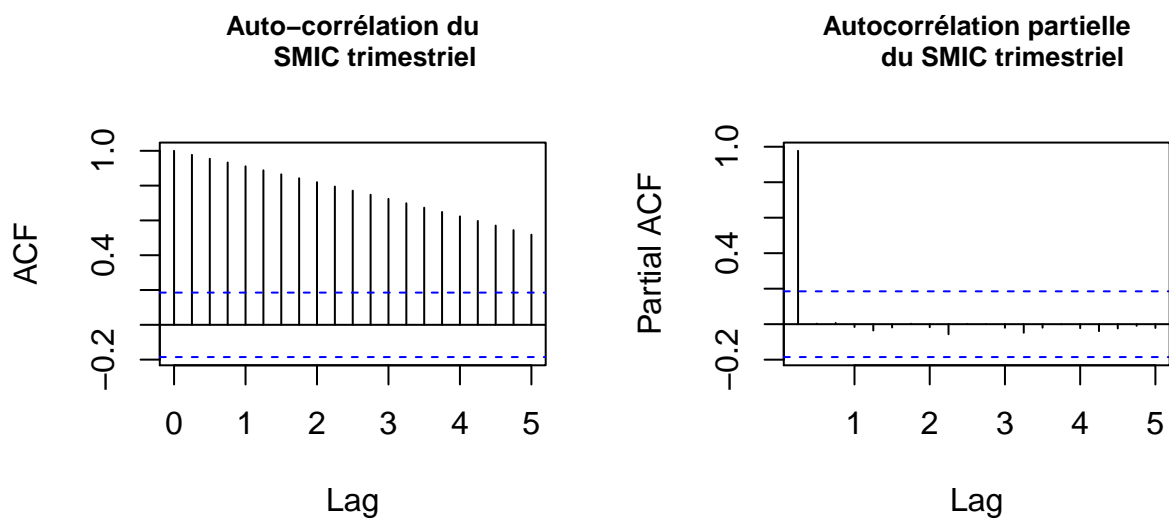


Figure 6:

Evolution trimestrielle du taux de chômage des femmes

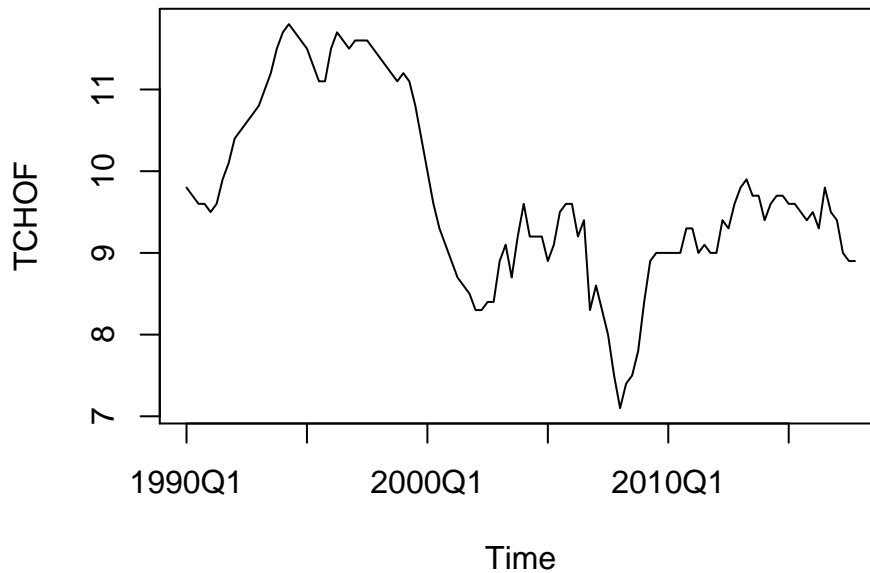


Figure 7:

```
## KPSS Level = 3.8382, Truncation lag parameter = 2, p-value = 0.01
```

```
adf.test(SMIC)
```

```
##
## Augmented Dickey-Fuller Test
##
## data: SMIC
## Dickey-Fuller = -1.4174, Lag order = 4, p-value = 0.8184
## alternative hypothesis: stationary
```

Au regard de la Figure 5, on s'aperçoit qu'il y a bien une tendance. Pour la saisonnalité, il est plus difficile de savoir s'il en existe une ou pas, puisque la série semble augmenter seulement à certains temps. Les tests de KPSS et de Dickey Fuller augmenté nous confirment que la série n'est pas stationnaire.

1.5 Taux de chômage des femmes

```
TCHOF <- ts(trim$TCHOF, start = c(1990,1), end = c(2017, 4), frequency = 4)
plot(TCHOF, main="Evolution trimestrielle du taux de chômage des femmes", xaxt="n", cex.main=1.2,
axis(side=1, at=seq(1990,2015,5), labels=c("1990Q1", "1995Q1", "2000Q1", "2005Q1", "2010Q1",
```

```
par(mfrow=c(1,2), cex.main=0.8)
acf(TCHOF, main="Auto-corrélation du taux de
chômage des femmes trimestriel", lag.max=20)
pacf(TCHOF, main="Autocorrélation partielle du
taux de chômage des femmes trimestriel", lag.max=20)
```

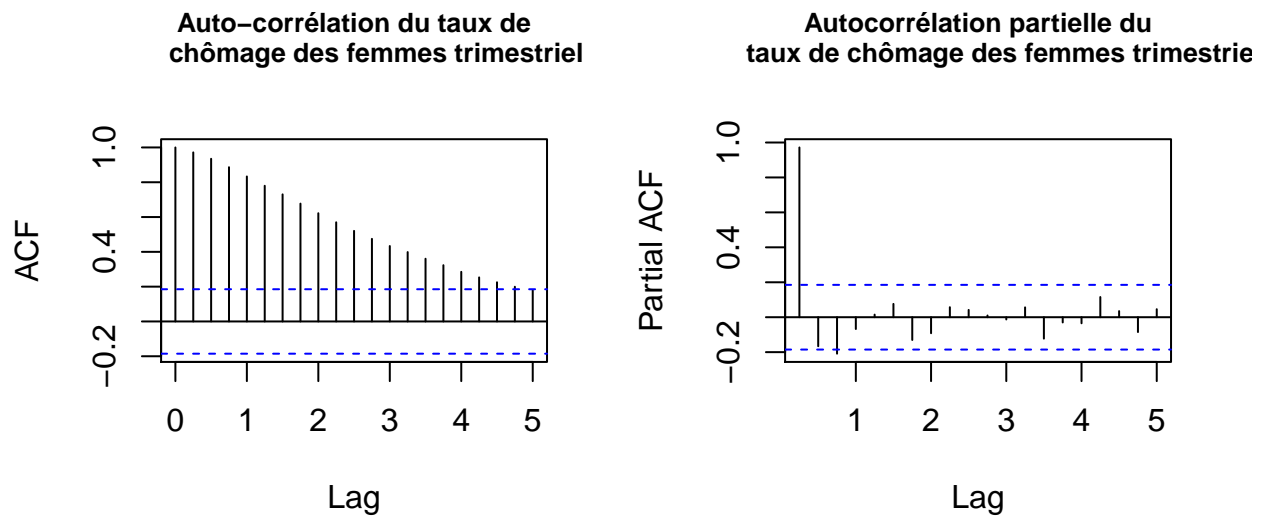


Figure 8:

```
par(mfrow=c(1,1))
kpss.test(TCHOF)
```

```
## Warning in kpss.test(TCHOF): p-value smaller than printed p-value
##
## KPSS Test for Level Stationarity
##
## data: TCHOF
## KPSS Level = 1.6407, Truncation lag parameter = 2, p-value = 0.01
```

```
adf.test(TCHOF)
```

```
##
## Augmented Dickey-Fuller Test
##
## data: TCHOF
## Dickey-Fuller = -2.5838, Lag order = 4, p-value = 0.3344
## alternative hypothesis: stationary
```

Pour cette dernière série (Figure 7) qui représente le taux de chômage trimestriel des femmes, il ne semble pas y avoir de saisonnalité. On remarque cependant qu'il y a bien une tendance, au regard de la Figure 8. En regardant la série de plus près, on s'aperçoit que la tendance semble être "par morceaux" : d'abord une hausse de 1990 à 1996, puis elle décroît jusqu'en 2002, avant d'augmenter à nouveau jusqu'en 2007, de chuter jusqu'en 2010. Si la série ne possède pas une tendance uniforme sur toute la durée étudiée, elle semble donc bien posséder une tendance par morceaux. Les tests KPSS et de Dickey Fuller augmenté nous confirment que la série n'est pas stationnaire, avec un risque de première espèce de 5%.

1.6 Calcul des corrélations

```
corrplot(cor(trim[1:109,-1]), method = "number", type="lower",
         p.mat=cor.mtest(trim[1:109,-1], 0.95)[[1]], insig="pch",
         col=colorRampPalette(c("blue", "light blue", "red"))(50), title = "
         Corrélations entre les variables trimestrielles")
```

Corrélations entre les variables trimestrielles

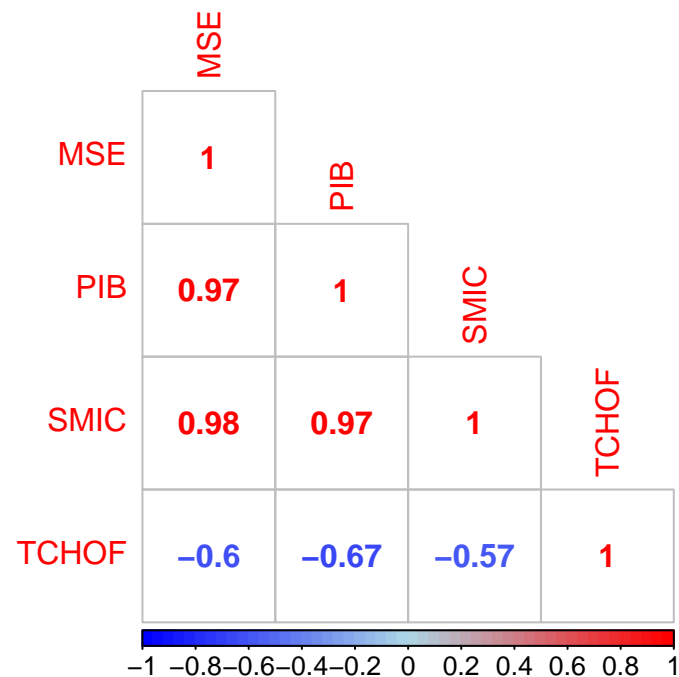


Figure 9:

```
corr <- cor.mtest(trim[1:109,-1], 0.95)[[1]]
rownames(corr) <- c("MSE", "PIB", "SMIC", "TCHOF")
colnames(corr) <- c("MSE", "PIB", "SMIC", "TCHOF")
corr
```

```
##           MSE           PIB           SMIC           TCHOF
## MSE      0.000000e+00 3.851955e-69 1.436967e-74 3.321841e-12
## PIB      3.851955e-69 0.000000e+00 1.898200e-71 2.387179e-15
## SMIC     1.436967e-74 1.898200e-71 0.000000e+00 1.377731e-10
## TCHOF    3.321841e-12 2.387179e-15 1.377731e-10 0.000000e+00
```

Nous affichons la matrice des corrélations des différentes variables en Figure 9. On se rend compte que le taux de chômage des femmes est corrélé négativement avec toutes les autres variables. Le trio de variables PIB, masse salariale et SMIC sont extrêmement liées entre elles. En regardant le tableau des p-values associées au test de Student (H_0 : La corrélation entre les deux variables est nulle), on s'aperçoit que toutes les variables prises deux à deux présentes une corrélation.

2 Modélisation individuelle

Une fois que nous avons analysé le comportement des différentes séries temporelles à notre disposition, nous souhaitons les modéliser afin de prédire les valeurs futures de ces différentes séries. En effet, si nous voulons prédire la MSE pour des valeurs futures, nous aurons également besoin des valeurs associées pour les variables explicatives, qui ne seront peut-être pas à notre disposition. Nous avons utilisé à la fois des modèles basés sur un lissage exponentiel et des processus ARMA.

2.1 Découpage des séries

Pour chacune des séries, nous allons créer un échantillon d'apprentissage, qui nous permettra de construire les différents modèles, ainsi qu'un échantillon de test, qui nous permettra de comparer les prédictions des modèles construits avec des vraies valeurs. L'échantillon d'apprentissage sera composé de toutes les valeurs du premier trimestre 1990 jusqu'au 4e trimestre 2015, tandis que celui de test comprendra toutes les valeurs à partir du 1er trimestre 2016.

```
MSETrain <- window(MSE, start=1990, end=c(2015,4))
MSETest <- window(MSE, start=2016, end=c(2017,2))
PIBTrain <- window(PIB, start=1990, end=c(2015,4))
PIBTest <- window(PIB, start=2016, end=c(2017,1))
SMICTrain <- window(SMIC, start=1990, end=c(2015,4))
SMICTest <- window(SMIC, start=2016, end=c(2017,2))
TCHOFTrain <- window(TCHOF, start=1990, end=c(2015,4))
TCHOFTest <- window(TCHOF, start=2016, end=c(2017,2))
```

2.2 Comparaison des différents modèles

Afin de comparer les modèles construits pour chaque série avec les différentes méthodes, nous calculons l'erreur quadratique moyenne (EQM), soit les moyennes des différences au carré entre les valeurs de test et les valeurs prédites par le modèle.

2.3 Lissage exponentiel

2.3.1 Définition

Le lissage exponentiel permet de prédire les valeurs d'une série temporelle en lissant successivement les données à partir d'une valeur initiale. Plus les observations sont éloignées dans le passé, moins leur poids est important lors du calcul. Pour une série stationnaire, la formule de calcul d'une valeur est la suivante : $s_t = \alpha y_t + (1 - \alpha)s_{t-1}$, le paramètre α étant le facteur de lissage. Le nom de cette méthode est un lissage exponentiel **simple**. Afin de modéliser les séries possédant une tendance, nous introduisons un paramètre β permettant de la prendre en compte, la méthode étant appelée lissage exponentiel **double**. Enfin, Holt et Winters ont également modifié la méthode pour qu'elle puisse modéliser les séries comportant une saisonnalité en introduisant un paramètre γ . Ils ont donné leur nom à cette méthode, qui est donc un lissage exponentiel de **Holt-Winters**.

Dans notre cas, nous ne calculons pas nous-mêmes α , β et γ . Ces paramètres sont déterminés automatiquement par la fonction *ets* du package **forecast** de façon à optimiser la qualité de la prédiction. Cette fonction permet également de choisir la méthode à utiliser, grâce à l'argument *model*. Afin de mesurer la qualité de notre modèle, nous avons choisi d'utiliser l'**AICc** (Akaike Information Criterion with correction). Le choix de l'AICc par rapport à l'AIC s'explique par le faible nombre de données que nous possédons par rapport au nombre de paramètres à estimer. C'est ce critère qui nous servira par la suite afin de comparer nos différents modèles.

Prenons l'exemple de la MSE. Nous avons vu dans la partie 1.2 que la série possédait une tendance linéaire ainsi qu'une saisonnalité multiplicative. L'argument *model* de la fonction **ets** prendra donc la valeur "ZAM", (erreur sélectionnée automatiquement, tendance linéaire, saisonnalité multiplicative). On peut également remarquer que lorsque tous les paramètres sont automatiquement sélectionnés (valeur "ZZZ"), les paramètres retenus sont les mêmes que ceux que nous avons rentré.

```
LEMSE<-ets(MSETrain, "ZAM")
print(LEMSE)
```

```
## ETS(M,A,M)
##
## Call:
## ets(y = MSETrain, model = "ZAM")
##
## Smoothing parameters:
##   alpha = 0.7675
##   beta  = 0.1111
##   gamma = 0.2325
##
## Initial states:
##   l = 279219343.2211
##   b = 12053621.0848
##   s = 1.0092 0.9655 1.0159 1.0094
##
## sigma: 0.0279
##
##      AIC      AICc      BIC
## 4031.536 4033.451 4055.336
```

```
PredLEMSE <- forecast(LEMSE, h = 6)
plot(MSETest, main="Comparaison entre la prédiction du lissage
exponentiel et les valeurs réelles pour la masse salariale
trimestrielle")
lines(PredLEMSE$mean, col="red")
```

```
EQM(MSETest, PredLEMSE$mean)
```

```
## [1] 2.592281e+14
```

```
ets(MSETrain, "ZZZ")
```

```
## ETS(M,A,M)
##
```

Comparaison entre la prédiction du lissage exponentiel et les valeurs réelles pour la masse salari trimestrielle

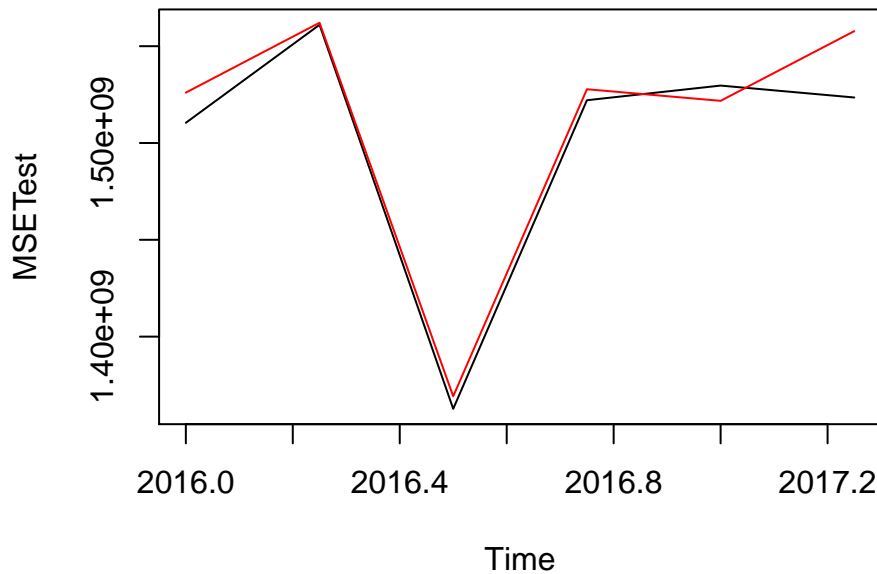


Figure 10:

```
## Call:
## ets(y = MSETrain, model = "ZZZ")
##
## Smoothing parameters:
##   alpha = 0.7675
##   beta  = 0.1111
##   gamma = 0.2325
##
## Initial states:
##   l = 279219343.2211
##   b = 12053621.0848
##   s = 1.0092 0.9655 1.0159 1.0094
##
## sigma: 0.0279
##
##      AIC      AICc      BIC
## 4031.536 4033.451 4055.336
```

On obtient donc un AICc de 4033.451 pour le modèle ainsi qu'une erreur quadratique moyenne de $2.6 * 10^{14}$. Le graphique obtenu en figure 10 nous montrent que le modèle obtenu nous donne des prédictions très proches de la réalité.

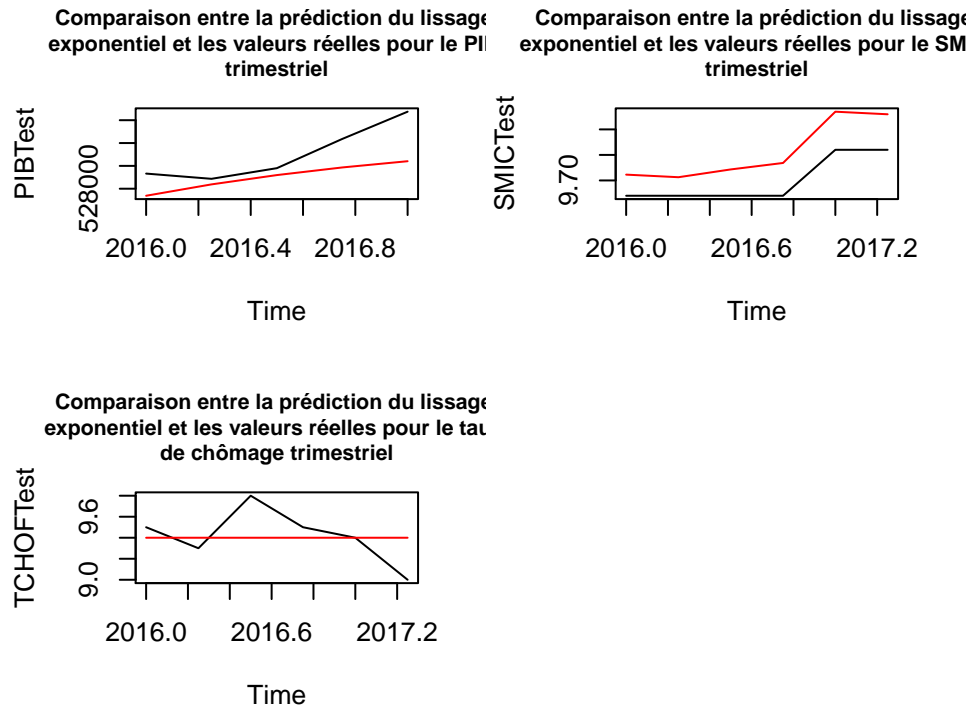


Figure 11:

2.3.2 Résultats obtenus

```
par(mfrow=c(2,2))
plot(PIBTest, ylim=c(min(PIBTest,PredLEPIB$mean),max(PIBTest,PredLEPIB$mean)), main=
"Comparaison entre la prédiction du lissage
exponentiel et les valeurs réelles pour le PIB
trimestriel", cex.main=0.8)
lines(PredLEPIB$mean, col="red")

plot(SMICTest, ylim=c(min(SMICTest,PredLESMIC$mean),max(SMICTest,PredLESMIC$mean)),
main="Comparaison entre la prédiction du lissage
exponentiel et les valeurs réelles pour le SMIC
trimestriel", cex.main=0.8)
lines(PredLESMIC$mean, col="red")

plot(TCHOFTest, ylim=c(min(TCHOFTest,PredLETCHOF$mean),max(TCHOFTest,PredLETCHOF$mean)),
main="Comparaison entre la prédiction du lissage
exponentiel et les valeurs réelles pour le taux
de chômage trimestriel", cex.main=0.8)
lines(PredLETCHOF$mean, col="red")
```

Les graphiques de la figure 11 nous montrent des résultats mitigés. Pour le PIB et le SMIC, les prédictions suivent la forme de la série mais en sont éloignées. Pour le taux de chômage des femmes, la méthode de lissage utilisée est un lissage exponentiel simple, ce qui nous donne donc des prédictions constantes soit de mauvaise qualité.

Nous résumons dans le tableau suivant les résultats obtenus pour chaque série estimée par un lissage exponentiel.

Variable	Tendance	Saisonnalité	Argument model	AIC
MSE	linéaire	multiplicative	ZAM	4033.45
PIB	linéaire	absente	ZAN	2053.15
SMIC	linéaire	additive	ZAA	-84.96
TCHOF	absente	absente	ZNN	204.37

2.4 Modèles ARMA

2.4.1 Définition

Les modèles **ARMA(p,q)** sont une autre famille de modèles permettant d'estimer une série temporelle. Il est divisé en deux parties : une partie autorégressive **AR** auquel est associé un ordre p qui donne le nombre de valeurs passées qui vont être utiles dans la prédiction, et une partie moyennes mobiles **MA** qui permet de prendre en compte les q innovations de la série dans le futur.

L'une des propriétés des processus ARMA est qu'ils sont utilisés pour modéliser des séries stationnaires, donc par extension des séries qui ne possèdent ni tendance ni saisonnalité. Afin de modéliser des séries non stationnaires, on généralise les processus ARMA en processus **ARIMA(p,d,q)**, d représentant l'ordre de différenciation de la série. Les séries saisonnières sont elles modélisées par des processus $SARIMA(p, d, q)(P, D, Q)_s$ qui modélisent des séries avec une saisonnalité de période s .

Comme pour le lissage exponentiel, nous ne calculons pas nous-mêmes les ordres des processus. Pour cela, la fonction `auto.arima` du package **forecast** nous a été très utile. Elle permet en effet de trouver les ordres du processus qui optimisent un critère défini à l'avance et de calculer un modèle avec ces coefficients. Nous avons choisi d'optimiser l'**AICc**(Akaike Information Criterion with correction), pour els raisons évoquées dans la partie 2.3.1

```
ARIMAMSE<-auto.arima(MSETrain, ic="aicc")
print(ARIMAMSE)
```

```
## Series: MSETrain
## ARIMA(0,1,1)(0,1,1)[4]
##
## Coefficients:
##          ma1      sma1
##       -0.1986  -0.3857
## s.e.    0.1014   0.0929
##
## sigma^2 estimated as 7.396e+14: log likelihood=-1834.54
## AIC=3675.09   AICc=3675.34   BIC=3682.87
```

```
PredARIMAMSE<- forecast(ARIMAMSE, h=6)
plot(MSETest, main="Comparaison entre le modèle SARIMA et les données de
```

Comparaison entre le modèle SARIMA et les données validation pour la masse salariale trimestrielle

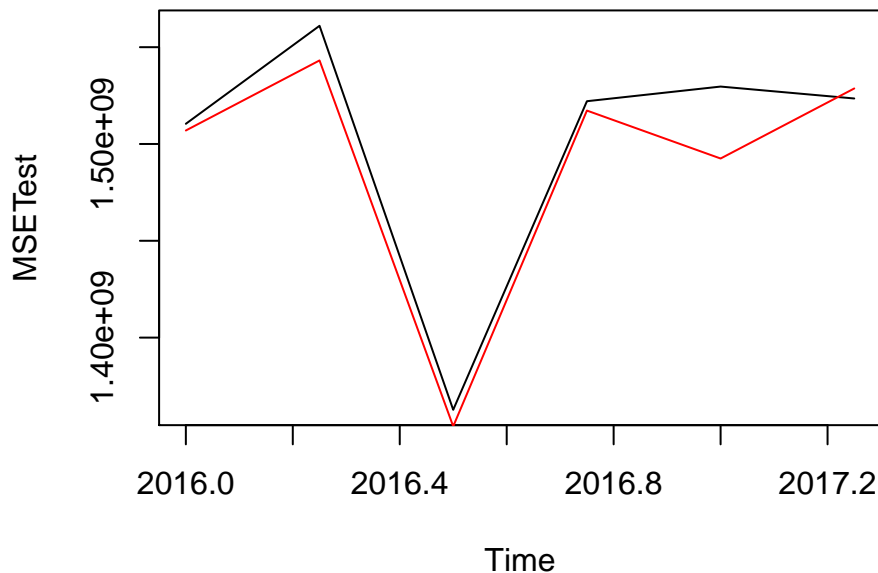


Figure 12:

```
validation pour la masse salariale trimestrielle")
lines(PredARIMAMSE$mean, col="red")
```

Pour la MSE, on obtient par exemple un modèle $SARIMA(0, 1, 1)(0, 1, 1)_4$ ainsi qu'un AICc de 3896.01. La figure 12 nous donne des prédictions d'assez bonne qualité mais qui semblent moins bonnes que celles obtenues par lissage exponentiel.

2.4.2 Résultats obtenus

```
par(mfrow=c(2,2))
ARIMAPIB<-auto.arima(PIBTrain, ic="aicc", seasonal=F)
print(ARIMAPIB)

## Series: PIBTrain
## ARIMA(2,1,0) with drift
##
## Coefficients:
##          ar1      ar2      drift
##      0.4701  0.1596 1585.8365
## s.e.  0.0966  0.0966  456.3034
##
## sigma^2 estimated as 3153980: log likelihood=-915.48
## AIC=1838.95  AICc=1839.36  BIC=1849.49
```

```

PredARIMAPIB<- forecast(ARIMAPIB, h=5)
plot(PIBTest, ylim=c(min(PIBTest,PredARIMAPIB$mean),max(PIBTest,PredARIMAPIB$mean)),
main="Comparaison entre le modèle SARIMA et les données de
validation pour le PIB trimestriel", cex.main=0.8)
lines(PredARIMAPIB$mean, col="red")

ARIMASMIC<-auto.arima(SMICTrain, ic="aicc")
print(ARIMASMIC)

## Series: SMICTrain
## ARIMA(1,0,0)(1,1,0)[4] with drift
##
## Coefficients:
##          ar1      sar1    drift
##      0.8645  -0.3643  0.0486
## s.e.  0.0514   0.0961  0.0080
##
## sigma^2 estimated as 0.003998:  log likelihood=134.95
## AIC=-261.89   AICc=-261.47   BIC=-251.47

PredARIMASMIC<- forecast(ARIMASMIC, h=6)
plot(SMICTest, ylim=c(min(SMICTest,PredARIMASMIC$mean),max(SMICTest,PredARIMASMIC$mean)),
main="Comparaison entre le modèle SARIMA et les données de
validation pour le SMIC trimestriel", cex.main=0.8)
lines(PredARIMASMIC$mean, col="red")

ARIMATCHOF<-auto.arima(TCHOFTrain, ic="aicc", seasonal=F)
print(ARIMATCHOF)

## Series: TCHOFTrain
## ARIMA(1,1,1)
##
## Coefficients:
##          ar1      ma1
##      0.6974  -0.5005
## s.e.  0.1669   0.1935
##
## sigma^2 estimated as 0.06173:  log likelihood=-1.76
## AIC=9.52   AICc=9.76   BIC=17.42

PredARIMATCHOF<- forecast(ARIMATCHOF, h=6)
plot(TCHOFTest, main="Comparaison entre le modèle SARIMA et les données de
validation pour le taux de chômage des femmes trimestriel", cex.main=0.8)
lines(PredARIMATCHOF$mean, col="red")

```

Comme pour le lissage exponentiel, nous résumons les résultats obtenus dans un tableau pour plus de lisibilité. Le PIB et le taux de chômage des femmes ne comportent pas de partie saisonnière car comme vu dans les parties 1.3 et 1.5 on ne constate pas de saisonnalité dans l'analyse descriptive de la série. On peut également voir sur la figure 13 que les prédictions du PIB semblent de bien

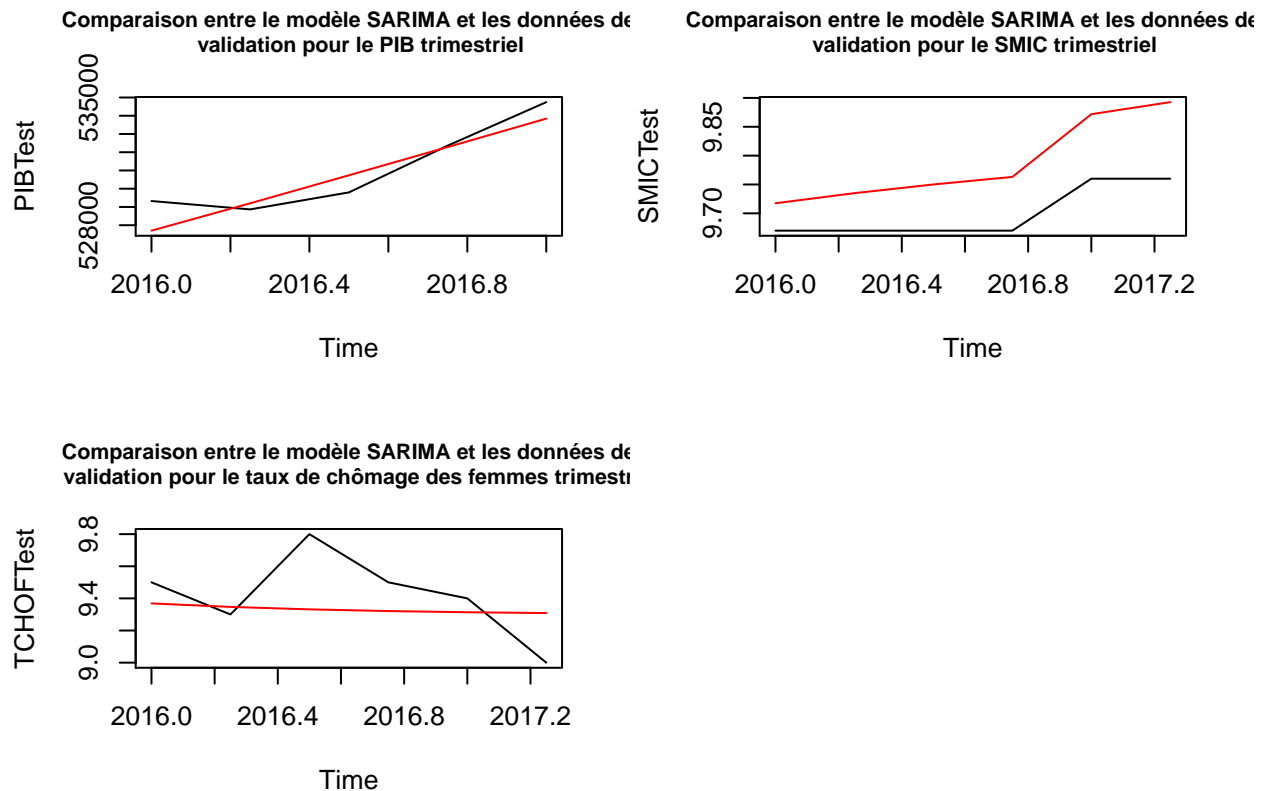


Figure 13:

meilleure qualité

Variable	Ordre du processus	AICc
MSE	(0,1,1)(0,1,1)	3675.34
PIB	(2,1,0)	1839.36
SMIC	(1,0,0)(1,1,0)	-261.47
TCHOFT	(0,1,1)	9.76

2.5 Comparaison des différents modèles

Une fois que nous avons construit les deux types de modèles pour chacune des variables, nous souhaitons les comparer pour savoir quel modèle est le plus efficace pour prédire chacune des variables. Pour cela, les EQM, calculant l'erreur de prédiction, de chacun des modèles sont synthétisées dans le tableau suivant. L'AICc ne peut pas être utilisé ici car les méthodes à comparer sont différentes. Il n'est donc pas sûr que la méthode utilisée pour calculer la vraisemblance soit la même.

```
resultats<-matrix(nrow=4, ncol=2, dimnames = list(c("MSE", "PIB", "SMIC", "TCHOFT"), c("lissage", "ARMA")),
resultats[1,1] = EQM(MSETest, PredLEMSE$mean)
resultats[2,1] = EQM(PIBTest, PredLEPIB$mean)
resultats[3,1] = EQM(SMICTest, PredLESMIC$mean)
resultats[4,1] = EQM(TCHOFTest, PredLETCHOFT$mean)
resultats[1,2] = EQM(MSETest, PredARIMAMSE$mean)
resultats[2,2] = EQM(PIBTest, PredARIMAPIB$mean)
resultats[3,2] = EQM(SMICTest, PredARIMASMIC$mean)
resultats[4,2] = EQM(TCHOFTest, PredARIMATCHOFT$mean)
resultats
```

lissage ARMA

```
PredARIMAPIB<- forecast(ARIMAPIB, h=6)
new.value <- PredARIMAPIB$mean[6]
PIBTest<-ts(c(PredARIMAPIB$mean, new.value), start = 2016, end = c(2017, 2), frequency=4)
```