Package MTS

Jules CORBEL & Paul GUILLOTTE 04/02/2019

Nous nous intéresserons dans ce document à la mise en place de modèles VAR à l'aide du package MTS afin de prédire la masse salariale trimestrielle. Un modèle VAR, pour Vecteur AutoRégressif, a pour objectif de capturer les interdépendances entre les différentes séries temporelles à notre disposition. Ainsi, chaque variable est expliquée par ses propres valeurs passées ainsi que par les valeurs passées des autres variables du modèle.

Visualisation des séries

Même contenu que pour le package vars

Transformation des séries

Même contenu que pour le package vars

Calcul de l'ordre p

Afin de mettre en place une modélisation VAR, nous devons dans un premier temps nous intéresser à l'ordre p du modèle VAR. L'ordre p correspond à l'ordre de l'opérateur de retard, c'est-à-dire le nombre de valeurs du passé qui ont un impact sur la valeur à un instant défini. Dans le package MTS, la fonction utilisée est VARorder, qui comme VARselect utilise les critères d'AIC, BIC et HQ afin de déterminer l'ordre du processus. Toutefois, le critère FPE n'est pas présent, ce qui nous conforte dans notre idée qu'il n'est pas très utile à notre étude. Les valeurs des différents indicateurs nous font retenir un ordre p=3.

selec <- VARorder(cbind(MSEStaTrain, PIBStaTrain, SMICStaTrain, TCHOFStaTrain), maxp=10)</pre>

```
## selected order: aic = 10
## selected order: bic =
## selected order: hq = 3
  Summary table:
##
##
          р
                          BIC
                                    HQ
                                           M(p) p-value
##
         0 -31.0096 -31.0096 -31.0096
                                        0.0000
                                                 0.0000
    [1,]
         1 -30.9214 -30.5096 -30.7546 19.5070
##
    [2,]
   [3,]
          2 -31.5822 -30.7587 -31.2487 80.4006
##
                                                 0.0000
##
   [4,]
          3 -31.9307 -30.6954 -31.4305 51.9850
                                                 0.0000
##
    [5,]
          4 -32.0595 -30.4124 -31.3925 32.9649
                                                 0.0075
##
    [6,]
          5 -32.0057 -29.9469 -31.1721 18.3312
                                                 0.3049
          6 -31.9908 -29.5202 -30.9904 19.8690
##
    [7,]
                                                 0.2262
   [8,]
          7 -31.9619 -29.0796 -30.7948 17.8037
                                                 0.3355
          8 -31.8948 -28.6007 -30.5609 14.4236
                                                 0.5672
          9 -32.1777 -28.4719 -30.6771 32.5182
                                                 0.0086
  [11,] 10 -32.2875 -28.1699 -30.6202 21.3890
```

Estimation du modèle

Dans le package MTS, la fonction utilisée pour construire des modèles VAR est VAR, qui prend en entrée la série temporelle multivariée et l'ordre du processus. On affiche ci-dessous les résultats renvoyés par la fonction sur le modèle

```
modele<-VAR(cbind(MSEStaTrain, PIBStaTrain, SMICStaTrain, TCHOFStaTrain), p=3, output=F)
print("Coefficients du modèle")
## [1] "Coefficients du modèle"
coeff<-modele$coef[2:5,]</pre>
colnames(coeff)<-rownames(coeff)<-c("MSE", "PIB", "SMIC", "TCHOF")</pre>
                                                       TCHOF
##
                  MSE
                                 PTB
                                             SMIC
## MSE
         -0.56278414 -0.0168586446 -0.02625032 -0.3580146
## PIB
          0.64149028  0.1814898925  0.48689607  -6.7304243
          0.00298799 -0.0002301839 -0.53899891 0.1622353
## SMIC
## TCHOF -0.00732917 0.0011657405 -0.01560563 -0.2811625
print("Erreurs standard des coefficients")
## [1] "Erreurs standard des coefficients"
se<-modele$secoef[2:5,]</pre>
colnames(se)<-rownames(se)<-c("MSE", "PIB", "SMIC", "TCHOF")</pre>
##
                 MSE
                              PIB
                                        SMIC
                                                  TCHOF
         0.09953303 0.013493075 0.20448277 0.8112122
## MSE
         0.78217596 0.106034738 1.60691891 6.3748752
## PIB
## SMIC 0.04600804 0.006237024 0.09451989 0.3749738
## TCHOF 0.01283070 0.001739379 0.02635967 0.1045725
matrix(data=c(modele$aic, modele$bic, modele$hq), nrow=1, byrow=T, dimnames=list(NULL, c("AIC", "BIC",
##
               AIC
                         BIC
                                     HQ
## [1,] -31.79783 -30.56255 -31.29762
Afin de vérifier que les résidus du modèle ne présentent ni d'auto-corrélation (corrélation dans une série entre
deux temps différents), ni de corrélation croisée (corrélation entre deux séries différentes).
LjungBox(modele$residuals, 1:10)
```

```
##
   lags
         statistic df
                          p-value
##
           6.566401
                    16 0.9807419
       1
##
       2
         11.053772
                     32 0.9997889
       3
         17.856956
                    48 0.9999783
##
##
       4
         38.659275
                     64 0.9949102
##
       5
          60.230726
                     80 0.9515649
##
       6
          77.266279 96 0.9196279
##
       7
         98.322899 112 0.8182994
##
       8 117.417567 128 0.7384538
##
       9 136.629432 144 0.6563374
      10 149.286954 160 0.7174559
##
```

L'hypothèse nulle d'indépendance des résidus est conservée, ce qui nous permet de valider notre modèle.

Prévisions

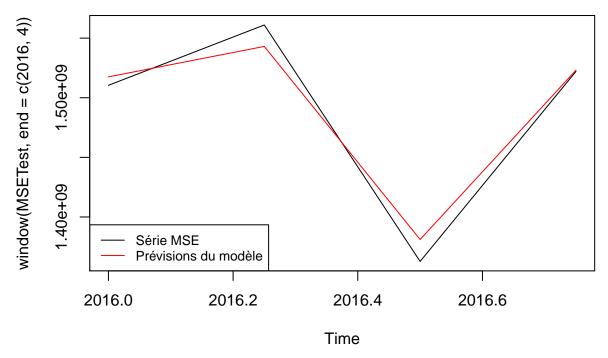
Maintenant que nous avons estimé l'ordre des différents modèle VAR, et que nous avons explicité l'estimation des modèles, nous cherchons désormais à trouver celui dont les prédictions sont les plus proches de la réalité.

Après avoir comparé tous les modèles possibles (7 : 3 modèles avec deux variables, 3 modèles avec trois variables et un modèle avec les quatre variables), nous nous apercevons que le meilleur en terme de prédictions est le modèle prenant en compte le SMIC et le PIB, avec un ordre égal à 4.

```
#SMIC
VARorder(cbind(MSEStaTrain, SMICStaTrain, PIBStaTrain), maxp=10)
modele<-VAR(cbind(MSEStaTrain, SMICStaTrain, PIBStaTrain), p=4)
pred <- VARpred(modele, 4)

plot(window(MSETest, end=c(2016,4)), main="Différences entre les véritables
    valeurs de 2016 et les prédictions du modèle pour la masse salariale")
#Reconstruction de la variable stationnaire
recon <- ts(pred$pred[,1], start=2016, frequency=4) * MSETrendTest * MSESeasonalTest
lines(recon, col = "red")
legend('bottomleft', legend = c('Série MSE', 'Prévisions du modèle'),
    col=c('black', 'red'), lty=1, cex=0.8)</pre>
```

Différences entre les véritables valeurs de 2016 et les prédictions du modèle pour la masse salaria



Nous nous intéressons donc à l'erreur quadratique moyenne de cette prévision, qui est inférieure à celle obtenue pour le meilleur modèle effectué avec le package vars.

```
EQM(MSETest, recon)
```

[1] 1.188978e+14