Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Кафедра Систем Управления и Информатики Группа <u>Р3340</u>

Лабораторная работа №10 "Исследование математической модели электромеханического объекта управления" Вариант - 2

Выполнила	Недоноскова	Ю.И.	(подпись)	
		(фамилия, и.о.)		
Проверил		(фамилия, и.о.)	(подпись)	
" "	20г.	Санкт-Петербург,	20г.	
Работа выполнена	с оценкой			
Лата зашиты "	" 20	Г		

Цель работы: Изучение математических моделей и исследование характеристик электромеханического объекта управления, построенного на основе электродвигателя постоянного тока независимого возбуждения.

Исходные данные. Функциональная схема типичного электромеханического объекта (ЭМО) представлена на рисунке 1. Она включает усилительно-преобразовательное устройство (УПУ), электродвигатель (ЭД), редуктор (Р) и исполнительный механизм (ИМ).

Усилительно-преобразовательное устройство служит для формирования напряжения, подаваемого на двигатель в соответствии с управляющим сигналом. Электродвигатель осуществляет преобразование электрической энергии в механическую. Редуктор снижает скорость вращения и повышает момент двигателя на валу ИМ. Для получения информации о состоянии объекта, используемой в устройстве управления, ЭМО снабжено измерительным устройством углового или линейного перемещения (измерители перемещения — ИП).

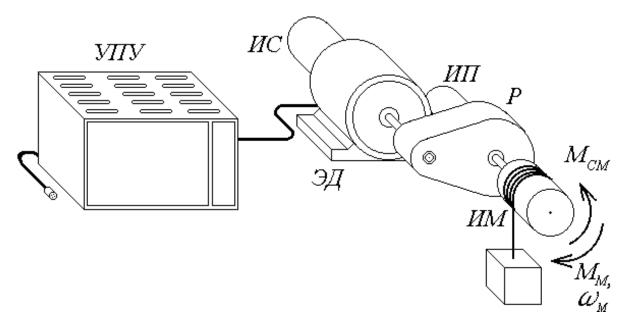


Рисунок 1 – Функциональная схема ЭМО

Исходные данные для выполнения работы приведены в таблице 1.

Таблица 1 – Исходные данные

U_H ,	n_0 ,	I_H ,	M_H ,	R,	$T_{\mathfrak{A}},$	J_{ot} ,	$T_{\mathcal{Y}}$,	i_p	$J_M,$
В	об/мин	A	Н∙м	Ом	мс	кг∙м ²	MC		$K\Gamma \cdot M^2$
48	1000	12	5,5	0.75	5	$1,6\cdot 10^{-3}$	6	16	2,75

1 Расчёт параметров математической модели двигателя

Произведём расчет необходимых параметров для полной модели:

$$J_p = 0, 2J_{\text{Д}} = 0, 2 \cdot 1, 6 \cdot 10^{-3} = 0, 32 \cdot 10^{-3} [\text{kg} \cdot \text{m}^2]$$
 (1)

$$J_{\Sigma} = J_{\Lambda} + J_p + \frac{J_M}{i_p^2} = 1,6 \cdot 10^{-3} + 0,32 \cdot 10^{-3} + \frac{2,75}{16^2} = 0,01266 [\text{kg} \cdot \text{m}^2]$$
 (2)

$$K_E = \frac{U_H}{\omega_0} = \frac{U_H \cdot 60}{2\pi \cdot n_0} = \frac{48 \cdot 60}{2\pi \cdot 1000} = 0,46[B \cdot c/\text{рад}]$$
 (3)

$$K_m = \frac{M_H}{I_H} = \frac{5.5}{12} = 0.46[H \cdot M/A]$$
 (4)

$$K_{\mathcal{A}} = \frac{1}{R} = \frac{1}{0.75} = 1,33[\text{C}_{\text{M}}]$$
 (5)

$$K_{\rm V} = \frac{U_H}{U_m} = \frac{48}{10} = 4,8[B] \tag{6}$$

Для упрощенной модели:

$$K = \frac{K_{\rm V}}{K_E \cdot i_p} = \frac{4.8}{0.46 \cdot 16} = 0.652 [\text{рад/}c]$$
 (7)

$$K_f = \frac{R}{K_m \cdot K_E \cdot i_p^2} = \frac{0.75}{0.46 \cdot 0.46 \cdot 16^2} = 0.013845 [\text{Ом·A·paд/}(H \cdot \text{м} \cdot B \cdot c)]$$
 (8)

$$T_M = \frac{R \cdot J_{\Sigma}}{K_m \cdot K_E} = \frac{0.75 \cdot 0.01266}{0.46 \cdot 0.46} = 0.044872 [\text{Ом·A·paд·кг·м}^2/(H \cdot B \cdot c)]$$
 (9)

Коэффициенты передачи измерительных устройств $K_U, K_I, K_\omega, K_\alpha$ выбираются таким образом, чтобы обеспечить соответствие максимального значения измеряемого сигнала уровню 10 В на выходе измерительного устройства.

 $K_U = 0,4167$

 $K_I = 0,4184$

 $K_{\omega} = 0,1916$

 $K_{\alpha} = 12,35$

2 Математическое моделирование полной модели электромеханического объекта

На основе структурной схемы, представленной на рисунке 2, составим схему моделирования ЭМО (рисунок 3).

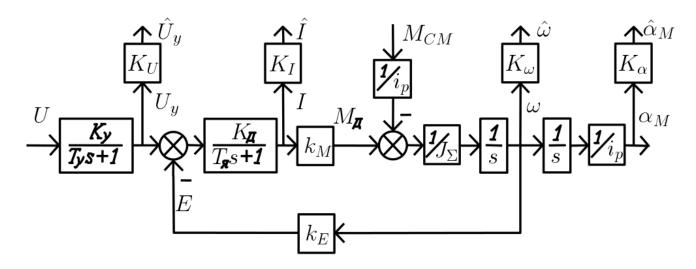


Рисунок 2 – Структурная схема ЭМО

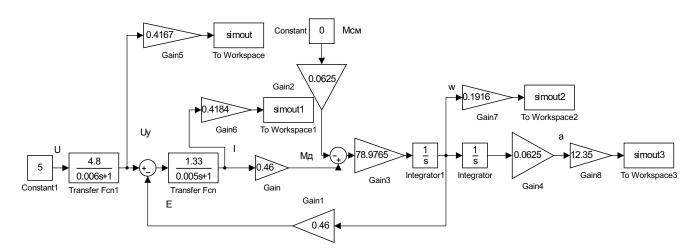
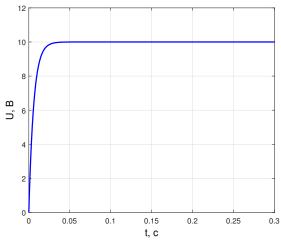
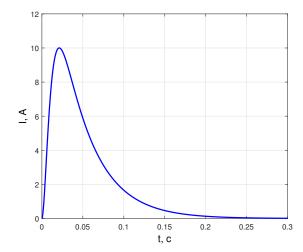


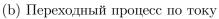
Рисунок 3 – Схема моделирования ЭМО

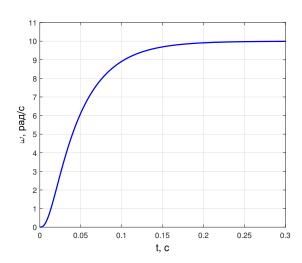
Построим графики переходных процессов при $M_{CM}=0$ H·м и U=5B (рисунок 4):

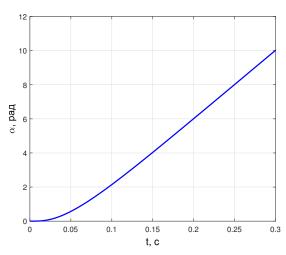




(а) Переходный процесс по напряжению







(с) Переходный процесс по угловой скорости

(d) Переходный процесс по углу поворота

Рисунок 4 – Графики переходных процессов при $M_{CM}=0$ Н·м и U=5В

3 Исследование влияния момента сопротивления M_{CM} на вид переходных процессов

Диапазон изменения M_{CM} : от 0 Н·м до величины, равной $i_p M_H = 88$. Графики переходных процессов представлены на рисунке 5.

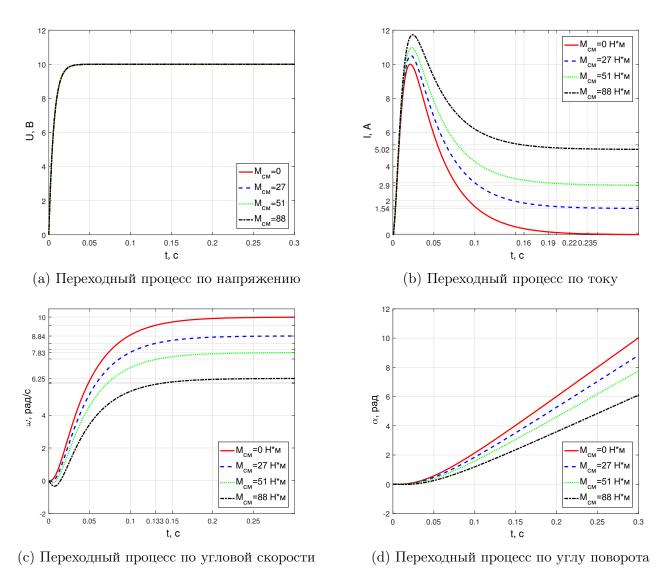


Рисунок 5 — Графики переходных процессов при различных значениях M_{CM}

4 Исследование влияния момента нагрузки J_{M} на вид переходных процессов

Диапазон изменения момента инерции: $\pm 50\%$ от заданного значения. Графики переходных процессов представлены на рисунке 6.

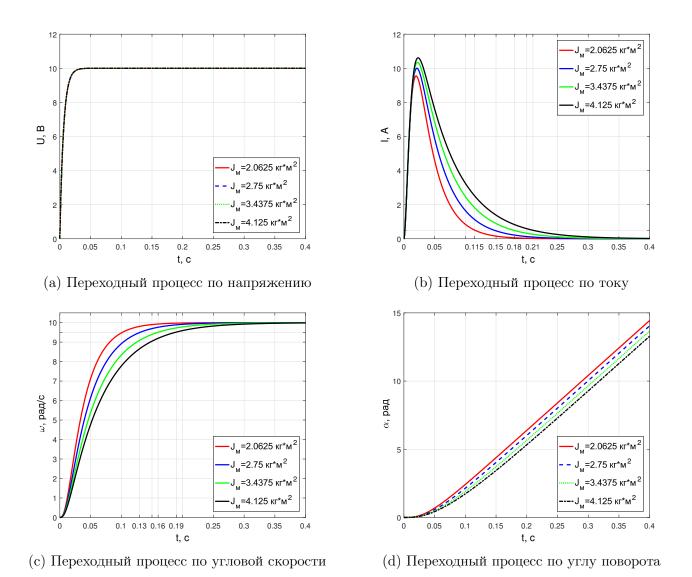


Рисунок 6 – Графики переходных процессов при различных значениях J_M

5 Исследование передаточного отношения редуктора i_p на вид переходных процессов

Исследования проводились при величине момента сопротивления $M_{CM}=0$ и при $M_{CM}=44$. Графики переходных процессов изображены на рисунках 7 и 8 соответственно. Диапазон изменения передаточного отношения: $\pm 75\%$ от заданного значения.

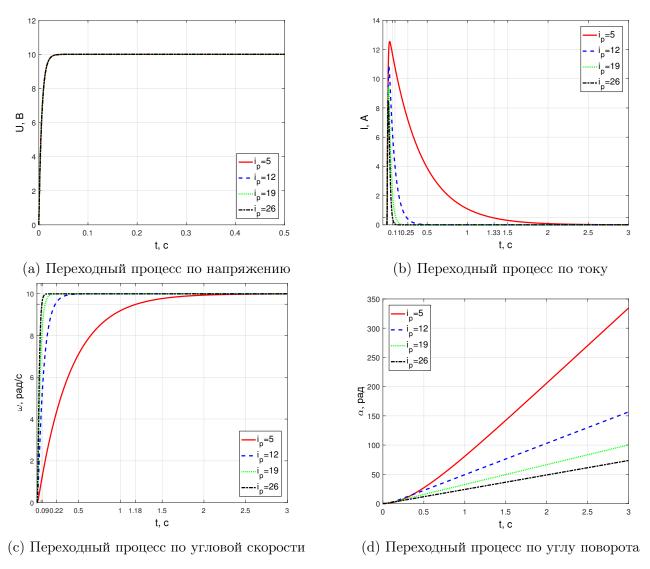


Рисунок 7 — Графики переходных процессов при различных значениях i_p и $M_{CM}=0$

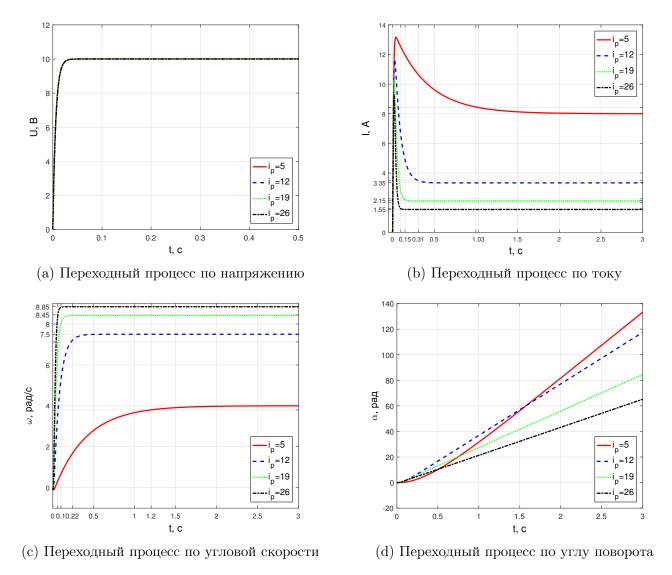


Рисунок 8 — Графики переходных процессов при различных значениях i_p и $M_{CM}=44$

6 Исследование влияния постоянных времени на вид переходных процессов

Исследования проводились при значениях постоянных времени $T_{\rm y}=\frac{0.5}{10}{\rm Mc}=0,0005{\rm c},$ $T_{\rm g}=\frac{0.6}{10}{\rm Mc}=0,0006{\rm c}.$ Графики переходных процессов изображены на рисунке 9.

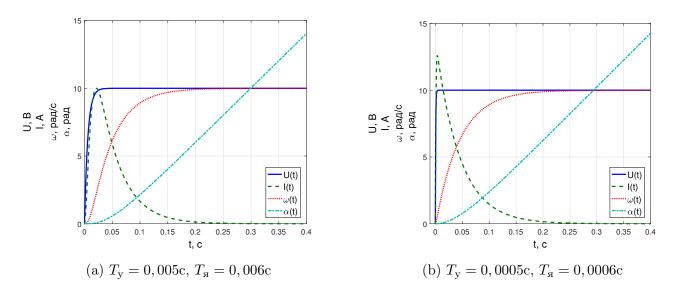


Рисунок 9 – Графики переходных процессов при различных значениях постоянных времени

Из графиков (рисунок 9) видно, что при уменьшении значений постоянных времени на порядок установившиеся значения тока и скорости, а также время переходного процесса этих величин не изменились, однако возросло максимальное значение тока.

7 Математическое моделирование упрощённой модели электромеханического объекта

На основе структурной схемы, представленной на рисунке 10, составим схему моделирования ЭМО (рисунок 11).

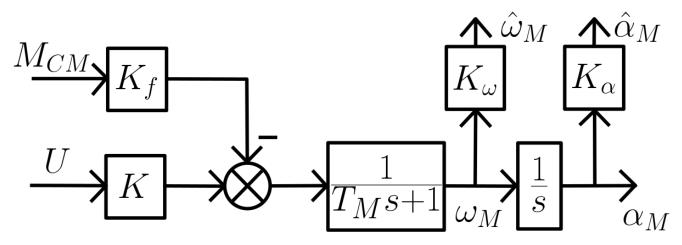


Рисунок 10 – Структурная схема ЭМО

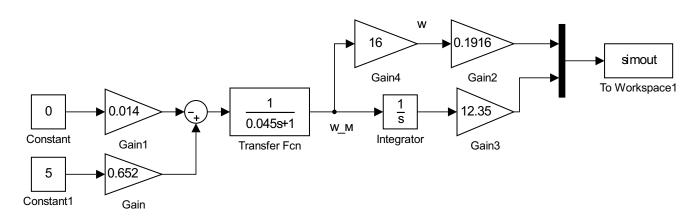
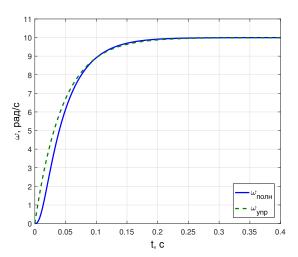
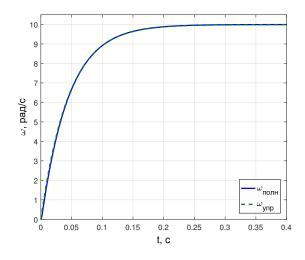


Рисунок 11 – Схема моделирования ЭМО

Для того, чтобы проанализировать погрешности проведём сравнение графиков переходных процессов по угловой скорости полной и упрощённой модели ЭМО, а также полной модели при меньших значениях постоянных времени и упрощённой модели (рисунок 12).





(а) График сравнения переходных процессов полной модели ЭМО и упрощённой

(b) График сравнения переходных процессов полной модели ЭМО при меньших значениях постоянных времени и упрощённой модели

Рисунок 12 – График сравнения переходных процессов полной и упрощённой модели ЭМО

8 Вывод математических моделей вход-состояние-выход для полной и упрощенной схем моделирования ЭМО

Полная модель ЭМО.

Для составления математической модели запишем формулы, характеризующие ЭМО, взятые из теории к данной лабораторной работе.

$$\begin{cases}
T_{\mathcal{H}}\dot{I} + I = K_{\mathcal{I}}(U_{\mathcal{Y}} - K_{E}\omega) \\
M_{\mathcal{I}} - M_{C} = J_{\Sigma}\dot{\omega} \\
\dot{\alpha} = \omega \\
T_{\mathcal{Y}}\dot{U}_{\mathcal{Y}} + U_{\mathcal{Y}} = K_{\mathcal{Y}}U
\end{cases} \Rightarrow
\begin{cases}
\dot{I} = -\frac{1}{T_{\mathcal{H}}}I + \frac{K_{\mathcal{I}}}{T_{\mathcal{H}}}U_{\mathcal{Y}} - \frac{K_{E}}{T_{\mathcal{H}}}\omega \\
\dot{\omega} = \frac{K_{m}}{J_{\Sigma}}I - \frac{1}{J_{\Sigma}}M_{C} \\
\dot{\alpha} = \omega \\
\dot{U}_{\mathcal{Y}} = -\frac{1}{T_{\mathcal{Y}}}U_{\mathcal{Y}} + \frac{K_{\mathcal{Y}}}{T_{\mathcal{Y}}}U
\end{cases} , (10)$$

где $M_{\perp} = K_m I$.

Примем вектор состояния $X = \begin{bmatrix} \alpha & \omega & I & U_{\rm V} \end{bmatrix}^T$ и вектор входных воздействий $U = \begin{bmatrix} U & M_C \end{bmatrix}^T$, тогда исходя из (10) получим модель Вход-Состояние-Выход:

$$\begin{cases}
\dot{X} = AX + BU \\
y = CX
\end{cases} \Rightarrow
\begin{cases}
\begin{bmatrix} \dot{\alpha} \\ \dot{\omega} \\ \dot{I} \\ \dot{U}_{y} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \frac{K_{m}}{J_{\Sigma}} & 0 \\ 0 & -\frac{K_{E}}{T_{R}} & -\frac{1}{T_{R}} & \frac{K_{\Lambda}}{T_{R}} \\ 0 & 0 & 0 & -\frac{1}{T_{Y}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha \\ \omega \\ I \\ U_{Y} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -\frac{1}{J_{\Sigma}} \\ 0 & 0 \\ \frac{K_{Y}}{T_{Y}} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} U \\ M_{C} \end{bmatrix}$$

$$\alpha = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \alpha \\ \omega \\ I \\ U_{Y} \end{bmatrix}.$$
(11)

Подставив рассчитанные ранее значения, получим следующие матрицы

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 36.33 & 0 \\ 0 & -92 & -200 & 266 \\ 0 & 0 & 0 & -166, 67 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & -78, 99 \\ 0 & 0 \\ 800 & 0 \end{bmatrix}$$
(12)

Упрощенная модель.

Для составления упрощённой модели ЭМО постоянные времени $T_{\rm y}$ и $T_{\rm g}$ приравнивают к 0, так как их значение существенно меньше, чем значение механической постоянной времени $T_{\rm M}$. Для получения упрощённой модели Вход-Состояние-Выход произведём соответствующие подстановки в уравнения для полной системы (10).

$$\begin{cases}
\dot{\omega} = -\frac{K_M K_{\mathcal{A}} K_E}{J_{\Sigma}} \omega + \frac{K_M K_{\mathcal{A}} K_E}{J_{\Sigma}} U - \frac{1}{J_{\Sigma}} M_C \\
\dot{\alpha} = \omega
\end{cases},$$
(13)

и на основании полученной системы построим модель:

Подставив значения, получим матрицы:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & -22, 23 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 22, 23 & -78, 99 \end{bmatrix}$$
 (15)

Вывод

В ходе лабораторной работы было проведено исследование математических моделей электромеханического объекта управления. Были выявлены изменения в переходных процессах системы путём изменения таких параметров как момент сопротивления, момент нагрузки, передаточное отношение редуктора.

Как видно из рисунка 5 при увеличении момента сопротивления установившееся значение тока якоря увеличивается, а значение угловой скорости уменьшается. Время переходного процесса по току уменьшается с 0.235с до 0.16с, а по скорости остается постоянным и равным 0.133с.

При исследовании момента инерции нагрузки было показано, что его увеличение ведёт к возрастанию времени переходного процесса по угловой скорости и по току, в то время как установившееся значение этих двух параметров остается неизменным, что можно увидеть на графике, изображенном на рисунке 6.

Так же можно наблюдать, что в случае нулевого момента сопротивления при увеличении передаточного отношения редуктора максимальное значение тока и время переходного процесса уменьшаются. Установившиеся значения тока и угловой скорости при этом остаются постоянными.

В случае момента сопротивления равном половине максимального значения при увеличении i_p не только уменьшается время переходного процесса по току и скорости, а также установившееся значение тока, но и увеличивается установившееся значение скорости.

Как можно заметить по результатам математического моделирования при постоянных времени много меньших по сравнению с механической постоянной времени переходной процесс по скорости и углу поворота ротора не имеет значительных изменений, поэтому ими можно пренебречь и перейти к упрощенной модели.