

Министерство образования и науки Российской Федерации

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО
ПРОФЕССИОНАЛЬНОГО ОБРАЗОВАНИЯ

САНКТ-ПЕТЕРБУРГСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАЦИОННЫХ
ТЕХНОЛОГИЙ, МЕХАНИКИ И ОПТИКИ

Кафедра

Систем Управления и Информатики

Группа P3340

Лабораторная работа №7
“Анализ точности систем управления”
Вариант - 2

Выполнила Недоноскова Ю.И. (подпись)
(фамилия, и.о.)

Проверил _____ (подпись)
(фамилия, и.о.)

"__" _____ 20__г.

Санкт-Петербург,

20__г.

Работа выполнена с оценкой _____

Дата защиты "__" _____ 20__г.

Цель работы: Исследование точностных свойств систем управления.

Исходные данные. В таблице 1 приведены передаточная функция ОУ, характеристики задающих и возмущающих воздействий.

Таблица 1 – Исходные данные

| $W(s)$ | $g = A$ | $g = Vt$ | $g = at^2/2$ | Структура системы | f_1 | f_2 | Сигнал задания |
|----------------------|---------|----------|--------------|-------------------|-------|-------|-----------------------|
| $\frac{3}{2,5s + 1}$ | 2 | 2t | $0.5t^2$ | а) | 0.5 | 0.5 | $0.2t^2 + \sin(0.5t)$ |

1 Исследование системы с астатизмом нулевого порядка

Задана замкнутая система, структурная схема которой представлена на рисунке 1, где $H(s) = k$, $W(s) = \frac{3}{2,5s + 1}$.

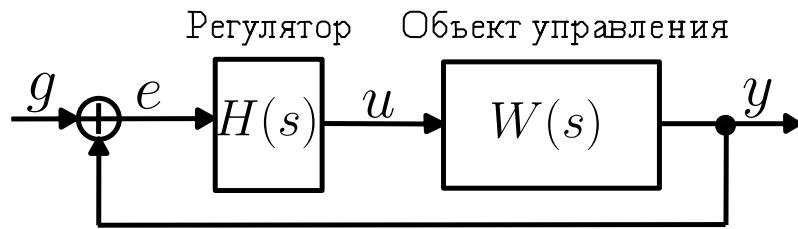


Рисунок 1 – Структурная схема моделируемой системы

1.1 Исследование стационарного режима работы: $g(t) = A$

На рисунке 2 представлена структурная схема системы при входном воздействии $g = 2$, представлены графики переходных процессов (рисунок 3) и переходные характеристики ошибок (рисунок 4) при различных значениях k .

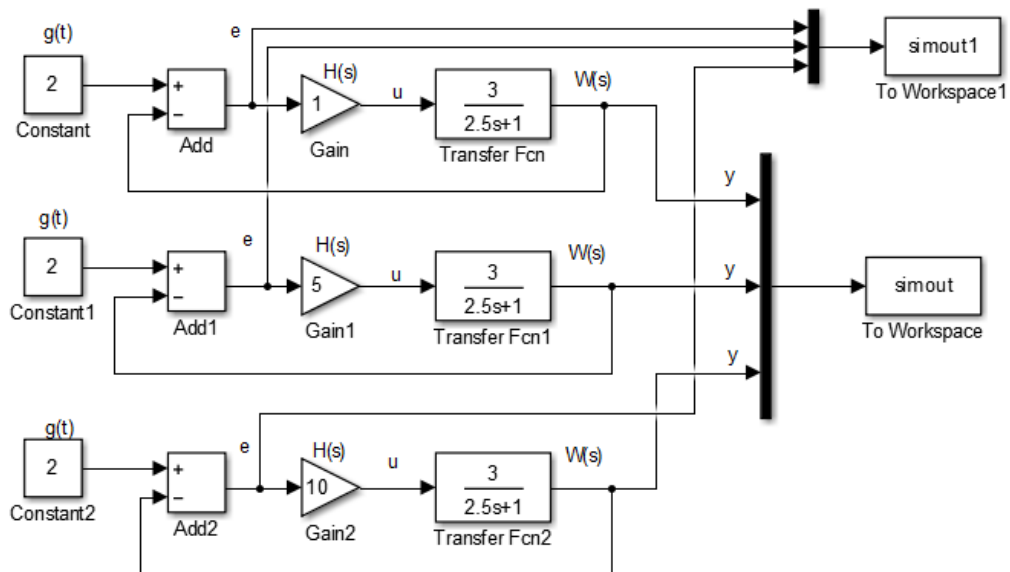


Рисунок 2 – Структурная схема системы с астатизмом нулевого порядка

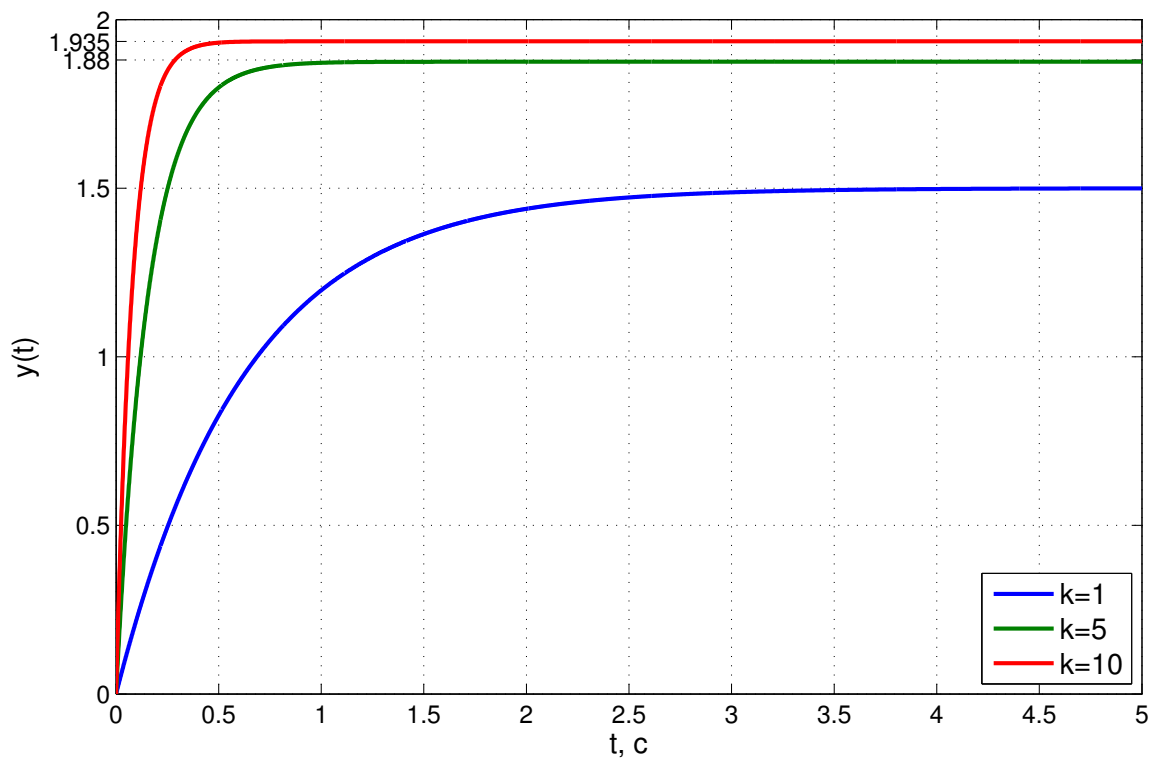


Рисунок 3 – Переходные характеристики системы для стационарного режима работы

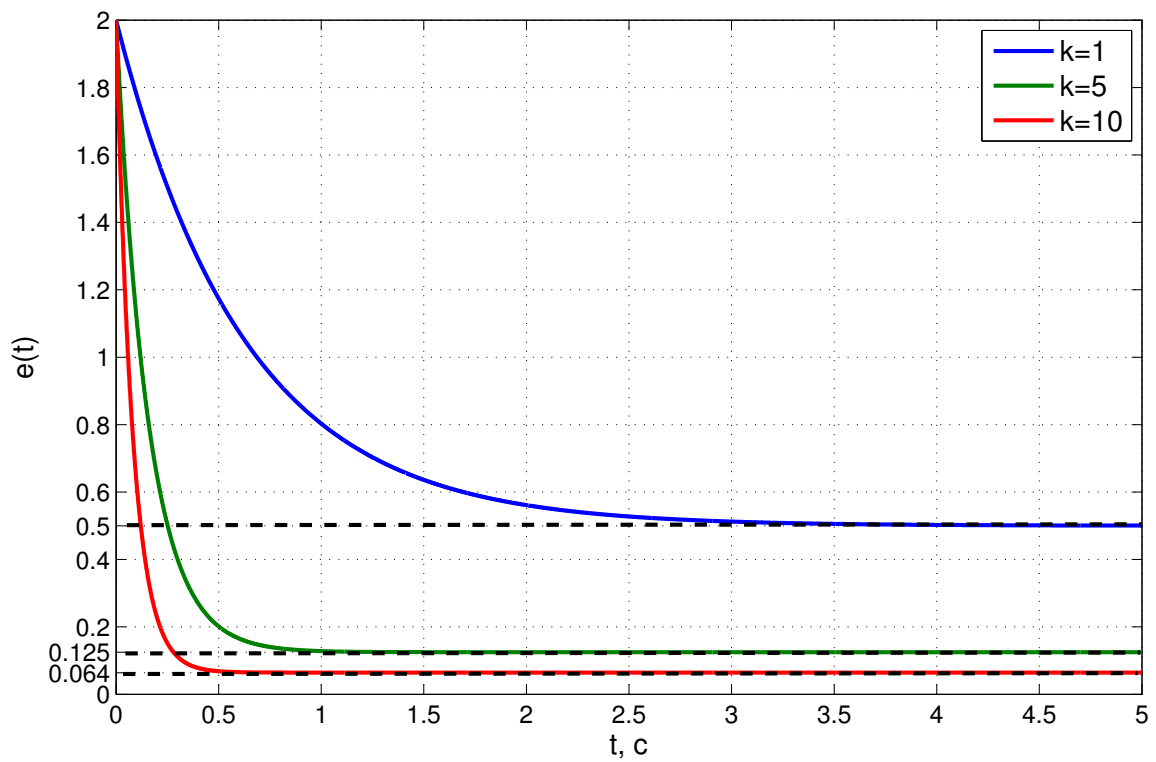


Рисунок 4 – Переходные характеристики для ошибки

Для статической системы при постоянном входном воздействии $g(t) = A$ предельное зна-

чение установившейся ошибки будет равно:

$$\varepsilon = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{1}{1 + H(s)W(s)} G(s) = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{1}{1 + \frac{3k}{2,5s + 1}} \cdot \frac{A}{s} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{5s + A}{2,5s + 3k + 1} = \frac{A}{1 + 3k}. \quad (1)$$

Тогда при $k = 1$: $\varepsilon = \frac{2}{1 + 1 * 3} = \frac{2}{4} = 0.5$;

при $k = 5$: $\varepsilon = \frac{2}{1 + 5 * 3} = \frac{2}{16} = 0.125$;

при $k = 10$: $\varepsilon = \frac{2}{1 + 10 * 3} = \frac{2}{31} = 0.0645$.

1.2 Исследование режима движения с постоянной скоростью:

$$g(t) = Vt$$

На рисунке 5 представлена переходная характеристика системы при входном воздействии $g = 2t$.

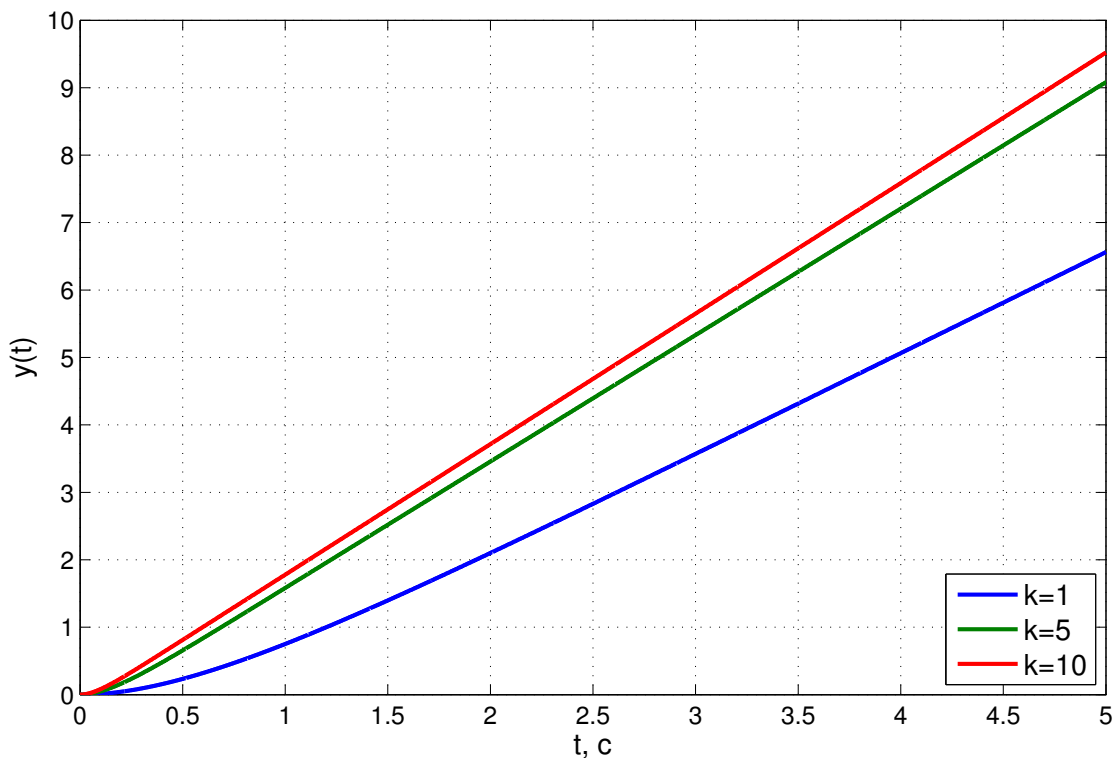


Рисунок 5 – Переходные характеристики системы для движения с постоянной скоростью

Для статической системы при линейно нарастающем входном воздействии $g(t) = Vt$ имеем:

$$\varepsilon = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{1}{1 + H(s)W(s)} G(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{3k}{2,5s + 1}} \frac{V}{s} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{V(2,5s + 1)}{s(2,5s + 3k + 1)} = \infty. \quad (2)$$

2 Исследование системы с астатизмом первого порядка

Структурная схема моделируемой системы представлена на рисунке 1, где $H(s) = \frac{k}{s}$, $W(s) = \frac{3}{2,5s + 1}$.

2.1 Исследование стационарного режима работы: $g(t) = A$

На рисунке 6 представлена структурная схема системы при входном воздействии $g = 2$, представлены графики переходных процессов (рисунок 7) и переходные характеристики ошибок (рисунок 8) при различных значениях k .

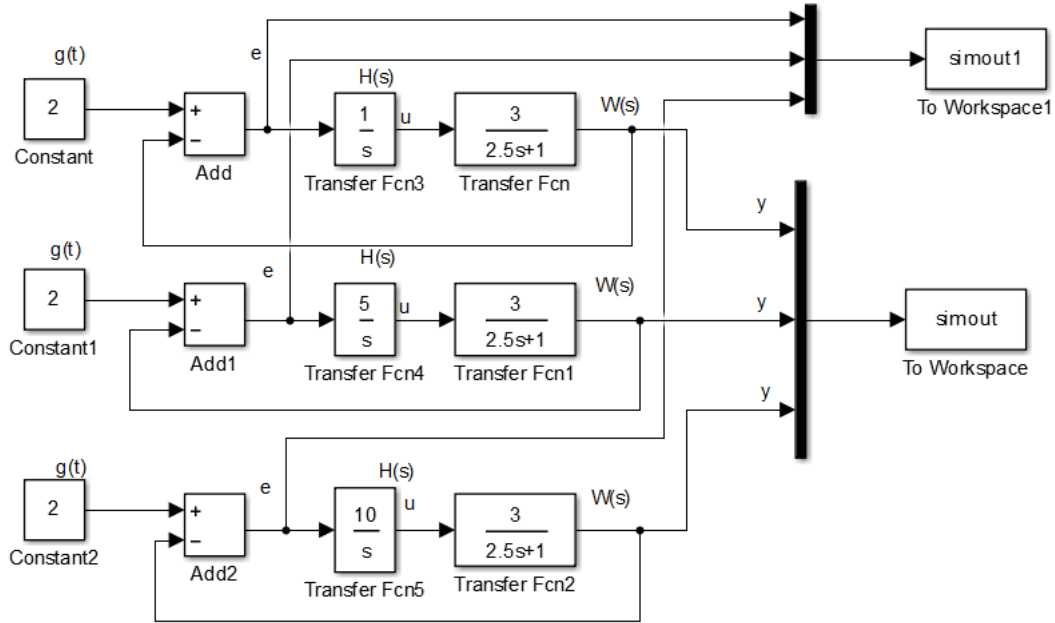


Рисунок 6 – Структурная схема системы с астатизмом нулевого порядка

Для статической системы при постоянном входном воздействии $g(t) = A$ имеем:

$$\varepsilon = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{1}{1 + H(s)W(s)} G(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{1}{1 + \frac{W^*(s)}{s}} A = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{As(2,5s + 1)}{s(2,5s + 1) + 3k} = \frac{0}{3k} = 0. \quad (3)$$

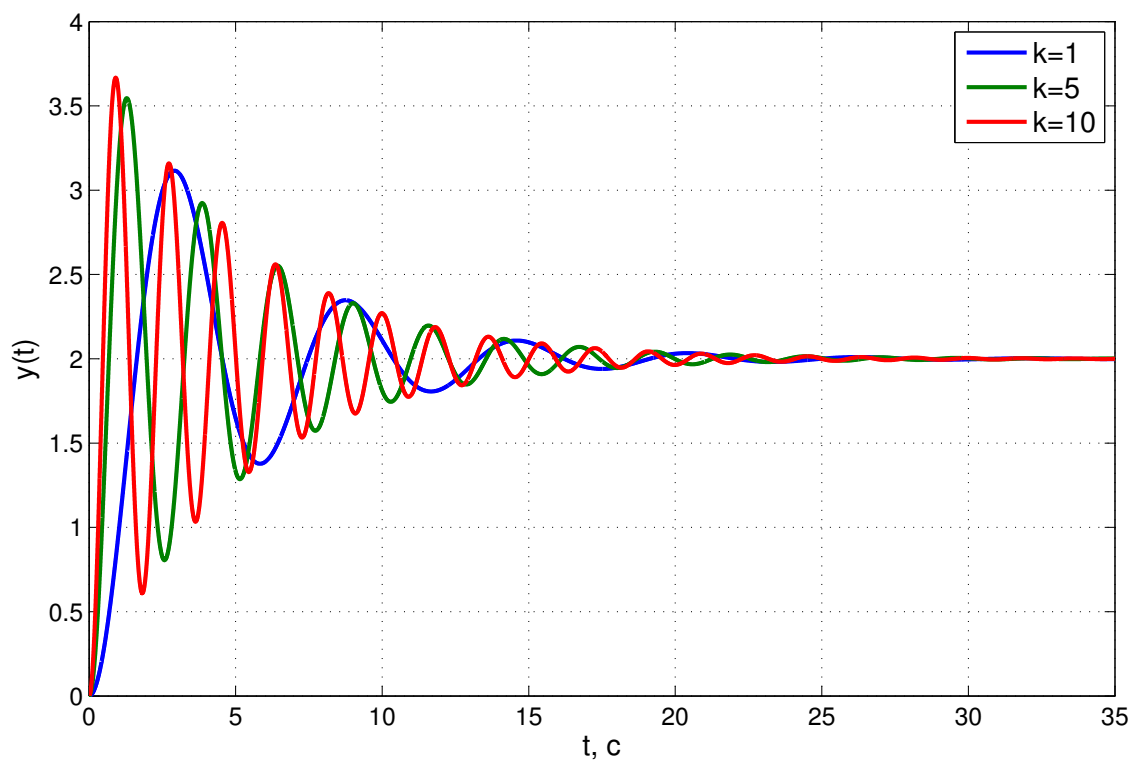


Рисунок 7 – Переходные характеристики системы для стационарного режима работы

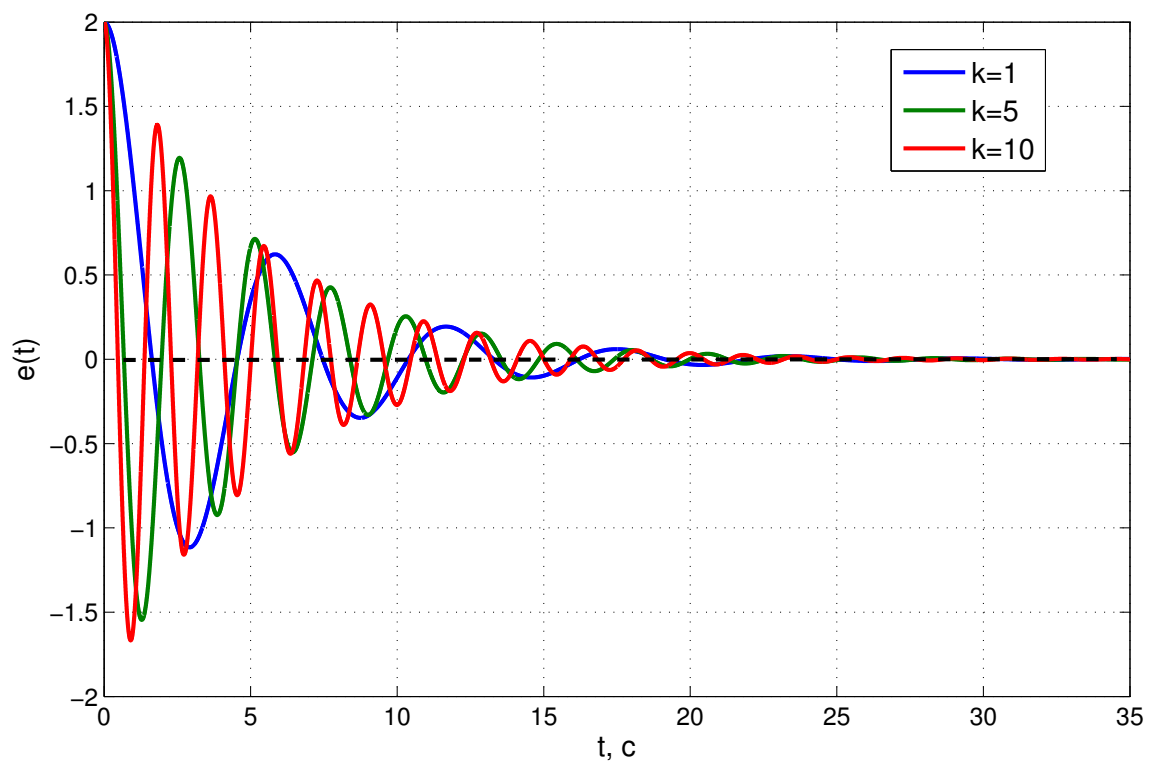


Рисунок 8 – Переходные характеристики для ошибки

2.2 Исследование режима движения с постоянной скоростью:

$$g(t) = Vt$$

На рисунке 9 представлена переходная характеристика системы при входном воздействии $g = 2t$, на рисунке 10 - переходные характеристики для ошибки.

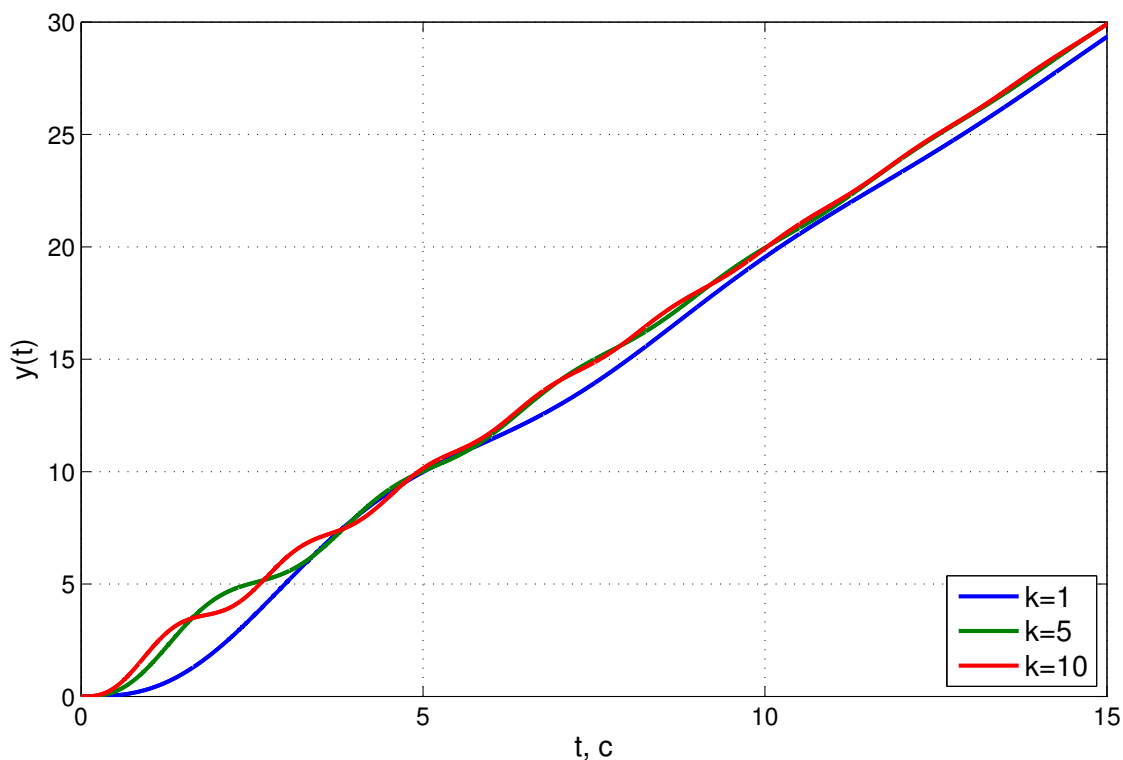


Рисунок 9 – Переходные характеристики системы для движения с постоянной скоростью

При линейно нарастающем воздействии $g(t) = Vt$ предельное значение установившейся ошибки будет равно:

$$\varepsilon = \lim_{s \rightarrow 0} s \frac{1}{1 + H(s)W(s)} G(s) = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{s}{1 + \frac{3k}{s(2,5s+1)}} \frac{V}{s^2} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{V(2,5s+1)}{s(2,5s+1) + 3k} = \frac{V}{3k}. \quad (4)$$

Тогда при $k = 1$: $\varepsilon = \frac{2}{1 * 3} = \frac{2}{3} \approx 0.667$;

при $k = 5$: $\varepsilon = \frac{2}{5 * 3} = \frac{2}{15} \approx 0.133$;

при $k = 10$: $\varepsilon = \frac{2}{10 * 3} = \frac{2}{30} \approx 0.067$.

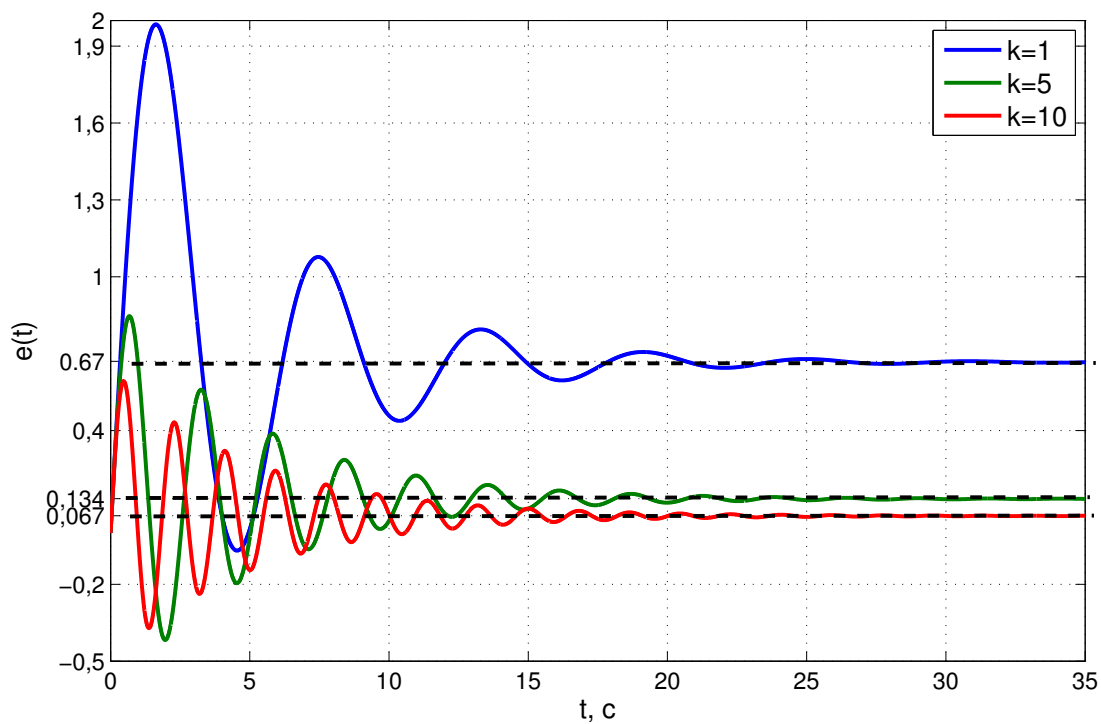


Рисунок 10 – Переходные характеристики для ошибки

2.3 Исследование режима движения с постоянным ускорением: $g(t) = at^2/2$

На рисунке 11 представлена переходная характеристика системы при входном воздействии $g = 0.5t^2$.

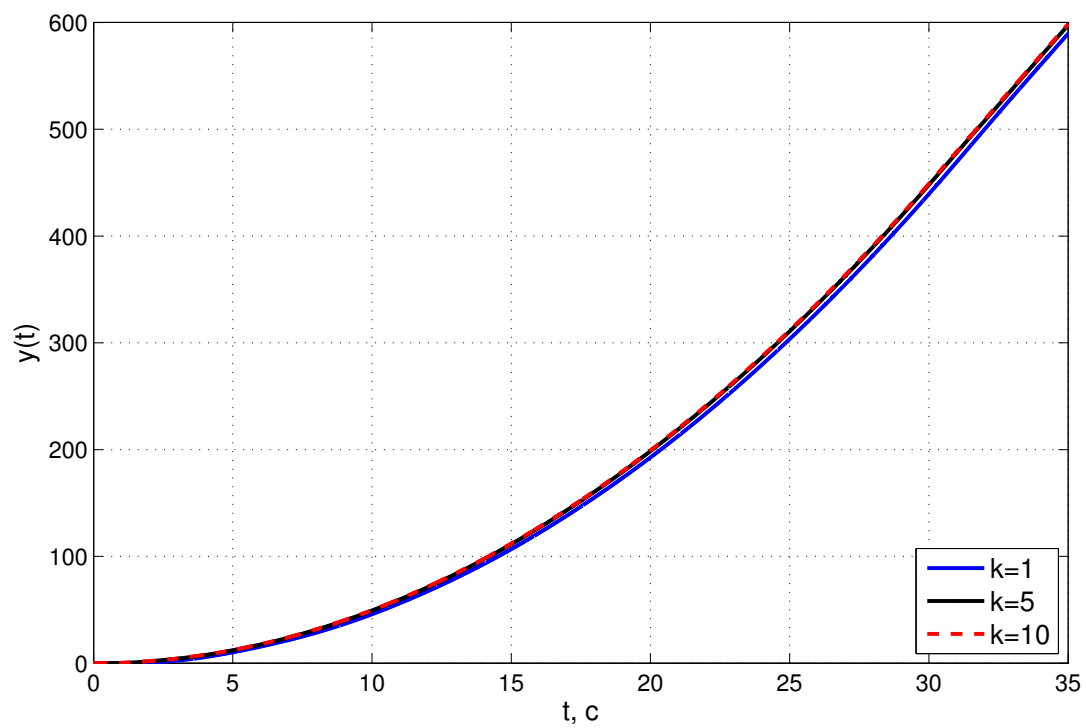


Рисунок 11 – Переходные характеристики системы для движения с постоянным ускорением

3 Исследование влияний внешних возмущений

Структурная схема возмущённой системы при входном воздействии $g = 1$ представлена на рисунке 12, также представлены графики переходных процессов (рисунок 13) и переходные характеристики ошибок (рисунок 14) при различных значениях k .

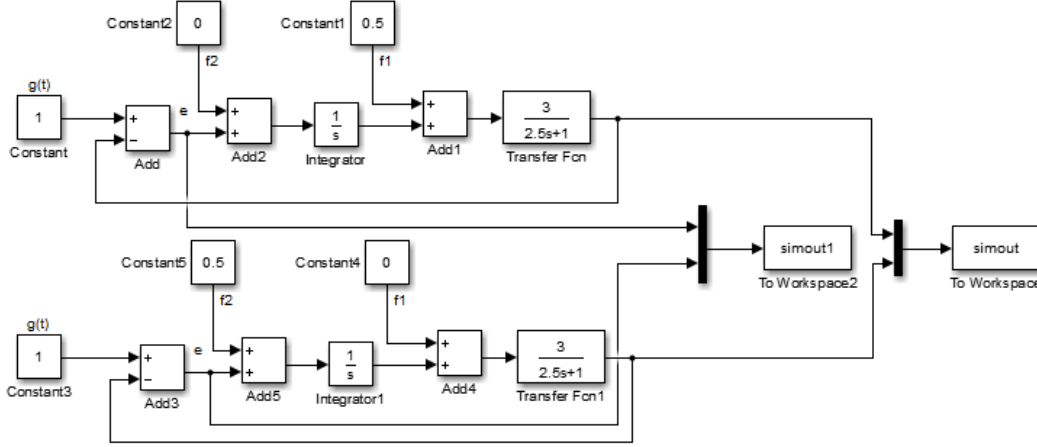


Рисунок 12 – Структурная схема системы при влиянии внешних возмущений

Функция ошибки слежения равна

$$e = \frac{g - W(s)f_1 - \frac{1}{s}W(s)f_2}{1 + \frac{1}{s}W(s)} = \frac{g - \frac{3}{2,5s+1}f_1 - \frac{3}{(2,5s+1)s}f_2}{1 + \frac{3}{(2,5s+1)s}} = \frac{g(2,5s^2 + s) - 3sf_1 - 3f_2}{2,5s^2 + s + 3}, \quad (5)$$

тогда предельное значение установившейся ошибки при $g(t) = 1$

$$\varepsilon = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{2,5s^2 + s - 3sf_1 - 3f_2}{2,5s^2 + s + 3} = \frac{-3f_2}{3} = -f_2. \quad (6)$$

Положим, что $f_2 = 0$, тогда предельное значение ошибки при заданных параметрах должно быть равно 0. Если положить $f_1 = 0$, тогда предельное значение ошибки будет равно $-f_2$, то есть -0.5.

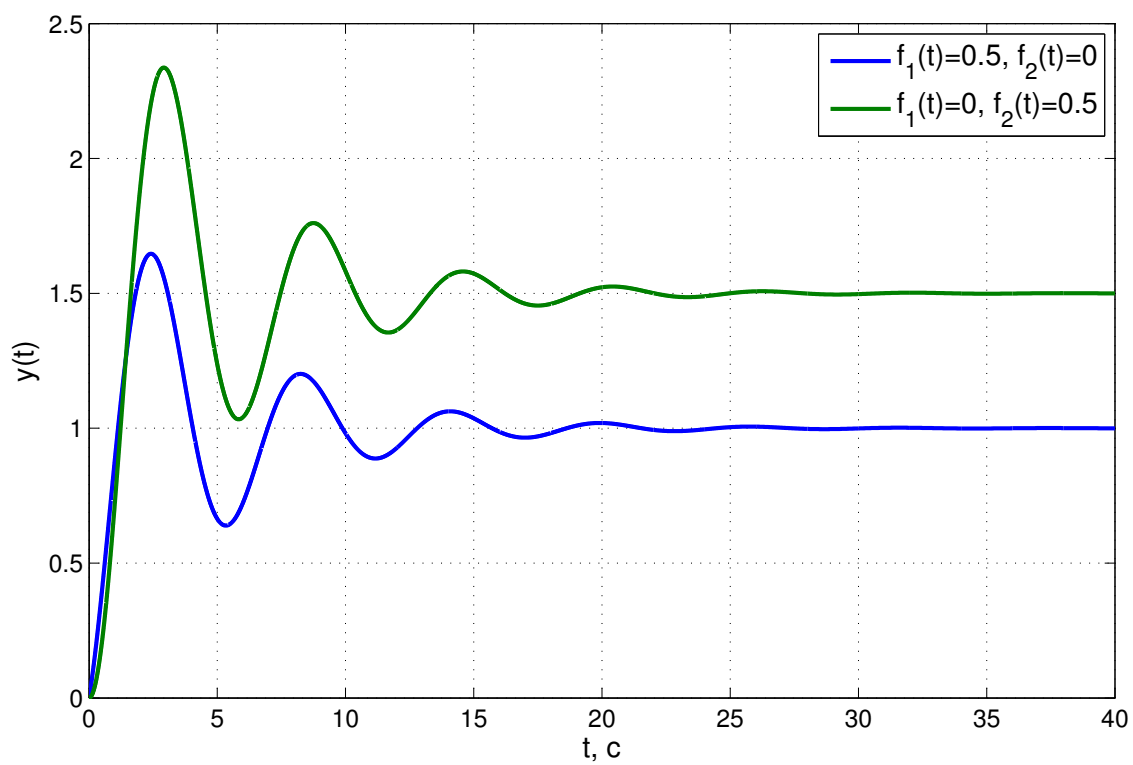


Рисунок 13 – Переходные характеристики системы при влиянии внешних возмущений

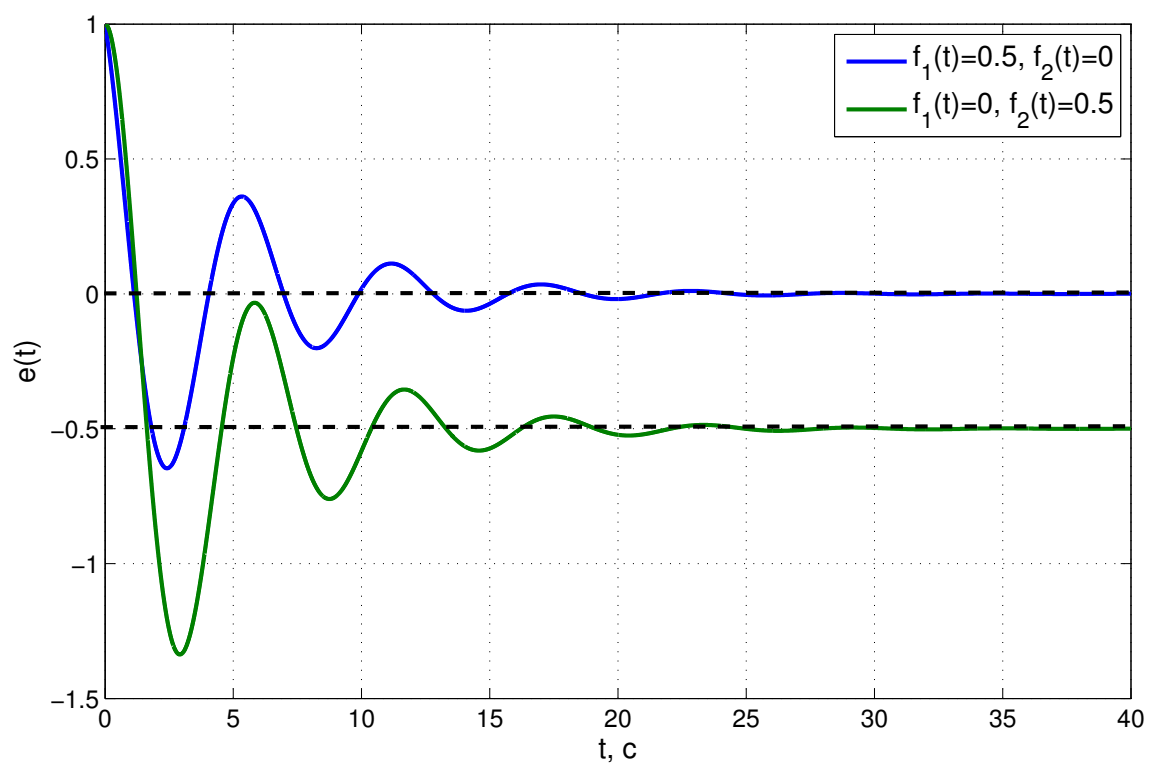


Рисунок 14 – Переходные характеристики для ошибки

4 Исследование установившейся ошибки при произвольном входном воздействии

Структурная схема представлена на рисунке 1, где $H(s) = 1$, $W(s) = \frac{3}{2,5s + 1}$, а задающее воздействие $g(t) = 0,2t^2 + \sin 0,5t$. В ходе моделирования заданной системы (рисунок 15) был получен график переходного процесса, представленный на рисунке 16. Из него видно, что предельное значение ошибки стремится к ∞ . Схема моделирования системы представлена на рисунке 13.

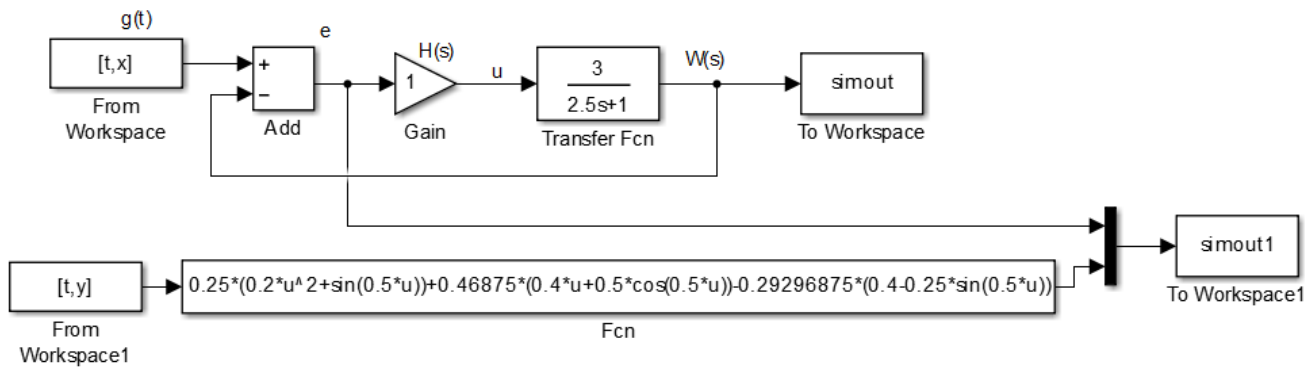


Рисунок 15 – Структурная схема системы при произвольном входном воздействии

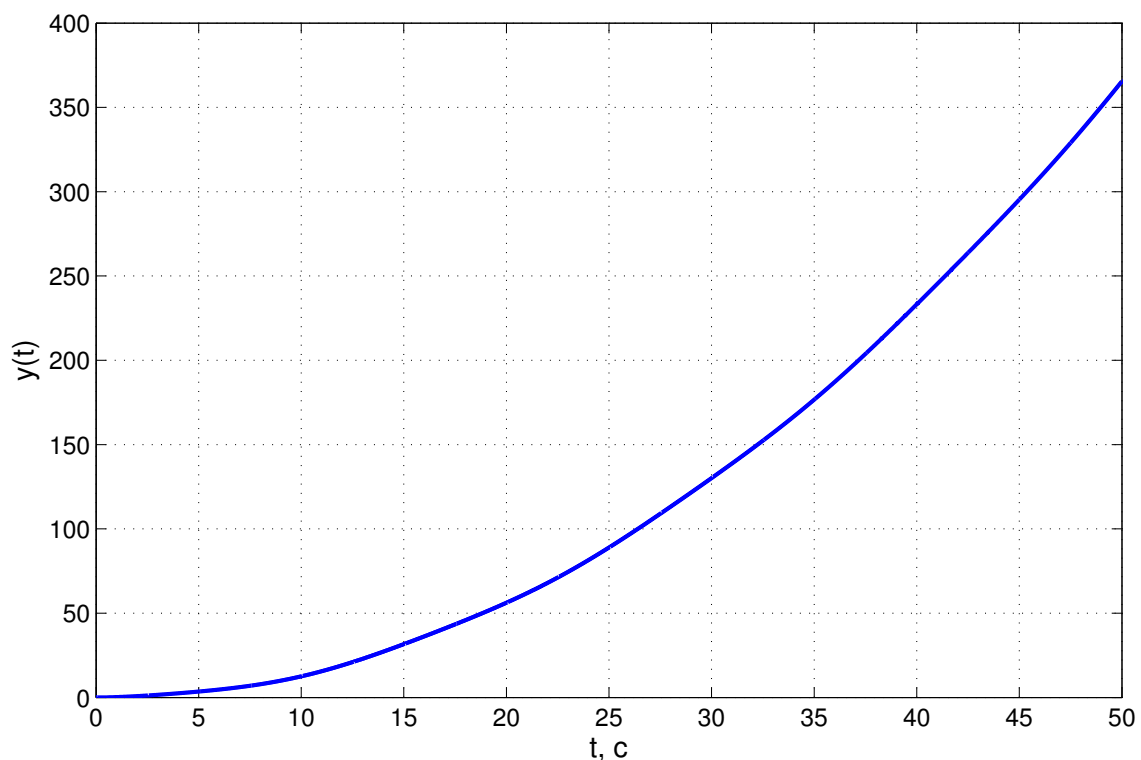


Рисунок 16 – Переходной процесс в замкнутой системе при произвольном входном воздействии

Получим приближенное аналитическое выражение для установившейся ошибки слежения путём разложения в ряд Тейлора передаточную функцию замкнутой системы по ошибке

слежения. Передаточная функция замкнутой системы по ошибке слежения выглядит так:

$$\Phi_e(s) = \frac{1}{1+W(s)} = \frac{1}{1+\frac{3}{2,5s+1}} = \frac{2,5s+1}{2,5s+4}. \quad (7)$$

При произвольном входном воздействии выражение установившейся ошибки будет выглядеть следующим образом:

$$e_y(t) = \Phi_e(s)|_{s=0}g(t) + \left. \frac{d\Phi_e(s)}{ds} \right|_{s=0} \dot{g}(t) + \left. \frac{d^2\Phi_e(s)}{ds^2} \right|_{s=0} \frac{\ddot{g}(t)}{2!}. \quad (8)$$

Найдём производные $g(t)$ и $\Phi_e(s)$:

$$\begin{aligned} g(t) &= 0.2t^2 + \sin(0.5t) & \Phi_e(s)|_{s=0} &= \frac{2,5s+1}{2,5s+4} = 0.25 \\ \dot{g}(t) &= 0.4t + 0.5 \cos(0.5t) & \left. \frac{d\Phi_e(s)}{ds} \right|_{s=0} &= \frac{7.5}{(2,5s+4)^2} = 0.469 \\ \ddot{g}(t) &= 0.4 - 0.25 \sin(0.5t) & \left. \frac{d^2\Phi_e(s)}{ds^2} \right|_{s=0} &= \frac{-37.5}{(2,5s+4)^3} = -0.586 \end{aligned}$$

Тогда получаем выражение ошибки $e_y(t)$:

$$e_y(t) = 0.25(0.2t^2 + \sin 0.5t) + 0.469(0.4t + 0.5 \cos 0.5t) - 0.293(0.4 - 0.25 \sin 0.5t). \quad (9)$$

Убедимся, что графики расчетной и экспериментально определённой установившейся ошибки слежения совпадают для этого построим их на одном графике, представленном на рисунке 17.

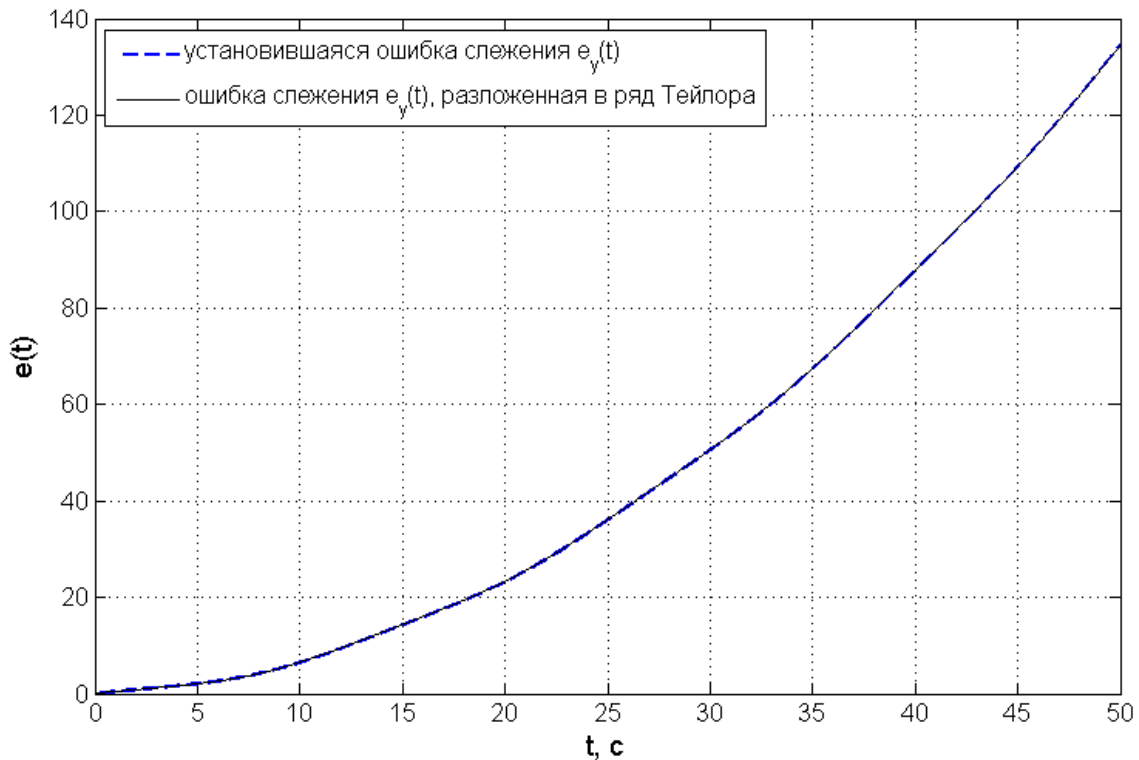


Рисунок 17 – Графики ошибок

Вывод

В ходе лабораторной работы были исследованы системы с разным порядком астатизма, при влиянии внешних возмущений и при произвольном входном воздействии. Были построены переходные характеристики для всех случаев и найдены значения установившихся ошибок. Данные исследования позволяют сделать вывод о том что, установившееся значение ошибки можно изменить путём увеличения или уменьшения общего коэффициента усиления разомкнутой системы, а также путём снижения или повышения порядка астатизма.

Кроме того было показано, что порядок астатизма системы по задающему воздействию, в общем случае, не соответствует порядку астатизма по возмущению.

Так же было получено приближенное аналитическое выражение для установившейся ошибки слежения системы при произвольном входном воздействии.