Otimização de Roteamento Urbano com Grafos

Gustavo D. Guimarães¹, João P. S. Marques¹, Júlia M. Silva¹, Matheus C. Rocha¹

¹ Curso de Engenharia de Software – Instituto de Ciências Exatas e Informática Pontifícia Universidade Católica de Minas Gerais (PUC Minas) Unidade Coração Eucarístico 30.535-901 – Belo Horizonte – MG – Brazil

delfinoguimaraes1@gmail.com, jpsantanamarques2905@gmail.com julia.medeiros1159@gmail.com, matheuscaetanorocha@gmail.com

Abstract. This paper presents a practical application for urban route optimization using graph theory techniques and classical graph-search algorithms. We developed a solution leveraging real data from OpenStreetMap to construct georeferenced graphs and implemented the Dijkstra and A* algorithms for calculating shortest paths between user-selected points. Results demonstrate that both algorithms efficiently solve urban routing problems. We conclude that the proposed approach effectively visualizes optimized routes, enhancing practical applications in logistics and urban mobility.

Resumo. Este trabalho apresenta uma aplicação prática de otimização de rotas urbanas utilizando técnicas de teoria dos grafos e algoritmos clássicos de busca em grafos. Desenvolveu-se uma solução que usa dados reais extraídos do OpenStreetMap para construir grafos georreferenciados, implementando os algoritmos Dijkstra e A* para calcular caminhos mínimos entre pontos selecionados pelo usuário. Os resultados indicam que ambos os algoritmos fornecem soluções eficazes para problemas de roteamento urbano. Conclui-se que a abordagem adotada permite uma visualização clara e eficiente das rotas otimizadas, potencializando aplicações práticas em logística e mobilidade urbana.

1. Introdução

1.1. Tema escolhido

A navegação eficiente em grandes centros urbanos é um problema recorrente que afeta diretamente a mobilidade, a logística, o transporte público e a qualidade de vida da população. Encontrar rotas mais curtas ou mais rápidas não é apenas uma comodidade, mas uma necessidade para empresas de transporte, plataformas de entrega, órgãos públicos de gestão de tráfego e usuários comuns. No contexto das cidades inteligentes, onde a integração de tecnologias visa otimizar os serviços urbanos, a solução eficiente do problema de roteamento urbano torna-se uma peça-chave para a fluidez e sustentabilidade dos centros metropolitanos [González et al. 2008, Y. Zheng 2014].

Neste projeto, propomos o desenvolvimento de uma aplicação interativa capaz de visualizar redes viárias reais e calcular rotas otimizadas entre dois pontos geográficos. A malha urbana é modelada como um grafo, onde os cruzamentos ou pontos de inflexão

são representados por nós (vértices), e os trechos de rua por arestas ponderadas de acordo com sua distância física real. Essa representação permite explorar algoritmos clássicos da ciência da computação para encontrar soluções eficientes e replicáveis em diversas regiões urbanas. A teoria dos grafos, nesse cenário, fornece uma base robusta e formal para representar e solucionar problemas de mobilidade e roteamento [Cormen et al. 2009, Delling et al. 2009].

Utilizando a linguagem de programação Python e dados abertos obtidos através da plataforma OpenStreetMap, a aplicação construída neste trabalho permite ao usuário carregar mapas urbanos no formato GeoJSON e interagir visualmente com a rede de ruas por meio da biblioteca gráfica Tkinter. Ao selecionar dois pontos quaisquer, o sistema é capaz de calcular não apenas o menor caminho, mas também uma rota alternativa viável, com base em dois algoritmos de caminhos mínimos: Dijkstra e A* (A-Star). A escolha desses algoritmos justifica-se por sua relevância teórica e aplicação prática comprovada em sistemas reais de navegação [Hart et al. 1968, Bast et al. 2016]. O resultado é uma plataforma funcional e educativa, que une teoria e prática ao permitir a visualização direta das rotas e da lógica computacional por trás de sua construção.

1.2. Algoritmos utilizados

Para o cálculo dos caminhos mínimos, foram implementados dois algoritmos clássicos e consagrados na literatura: o algoritmo de Dijkstra [Dijkstra 1959, Cormen et al. 2009] e o algoritmo A* [Hart et al. 1968, Russell and Norvig 2018]. Ambos operam sobre grafos ponderados, porém com estratégias distintas para explorar o espaço de possíveis rotas.

Algoritmo de Dijkstra: Desenvolvido por Edsger W. Dijkstra em 1959, este algoritmo resolve o problema do caminho mínimo com pesos não negativos, encontrando a rota mais curta de um vértice origem para todos os demais vértices do grafo [Dijkstra 1959]. A implementação utiliza uma fila de prioridade (heap) para selecionar iterativamente o nó com a menor distância acumulada. Em grafos esparsos, a complexidade é de $O(|E| + |V| \log |V|)$, onde |V| é o número de nós e |E| o número de arestas [Cormen et al. 2009]. No contexto urbano, Dijkstra garante encontrar eficientemente o caminho ótimo, mas chega a explorar regiões do grafo que podem não ser relevantes para um destino específico.

Algoritmo A*: O A* foi proposto em 1968 por Hart, Nilsson e Raphael como uma generalização heurística do algoritmo de Dijkstra [Hart et al. 1968]. Utiliza uma função de avaliação f(n) = g(n) + h(n), onde g(n) é o custo do caminho já percorrido e h(n) é uma heurística admissível que estima o custo restante até o destino. No caso deste trabalho, h(n) corresponde à distância geodésica calculada pela fórmula de Haversine, aplicável a coordenadas geográficas. Quando h(n) é consistente e nunca superestima a distância real, o A* é garantido para produzir o caminho ótimo e tende a explorar menos nós que o Dijkstra [Russell and Norvig 2018, Wikipedia contributors].

Comparação e escolha: Enquanto o Dijkstra é ideal para computar todas as rotas mínimas de uma origem a todos os destinos (espalhando a busca pelo grafo), o A* traz eficiência adicional quando se deseja uma rota entre pontos específicos – fato comprovado no desempenho observado nesta aplicação. No entanto, a implementação de ambos os algoritmos permite um comparativo interessante no ambiente gráfico, possibilitando análises sobre tempo de execução e número de nós expandidos em diferentes trechos ur-

banos.

Reconstrução dos caminhos: Tanto em Dijkstra quanto em A*, mantemos um mapa de predecessores para cada nó visitado. Após encontrar o destino, percorre-se esse mapa de trás para frente (do destino até a origem) para montar a sequência de vértices (e arestas) que formam a rota ótima. Essa abordagem é comum e eficiente, evitando armazenar todos os possíveis caminhos alternativos.

1.3. Modelagem e Diagramas

1.3.1. Diagrama de Componentes

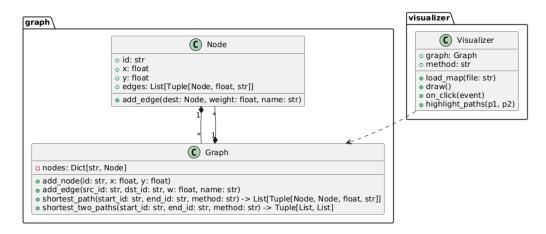


Figure 1. Diagrama de Componentes

O diagrama de componentes apresenta os principais módulos do sistema e suas interações. Ele ilustra claramente a estrutura em camadas, incluindo o parser de GeoJ-SON, as classes de grafo (Node e Graph) e a interface gráfica (Visualizer), evidenciando como cada componente contribui para as funcionalidades de carregamento, representação e visualização das rotas.

1.3.2. Diagrama de Sequência

O diagrama de sequência descreve o fluxo essencial da aplicação: após o usuário selecionar o ponto inicial (A) e, em seguida, o ponto final (B), o sistema solicita confirmação para o cálculo. Em seguida, a classe 'Visualizer' chama o método 'shortestTwoPaths()' da classe 'Graph', obtendo as rotas ótima e secundária. Por fim, esses resultados são destacados no mapa e exibidos ao usuário.

1.4. Tecnologias utilizadas

Durante o desenvolvimento da aplicação, diferentes abordagens tecnológicas foram adotadas e testadas até se alcançar a solução final. Inicialmente, foi implementado um protótipo funcional utilizando JavaScript, presente na pasta code JS. Embora viável, essa versão demonstrou-se lenta e pouco responsiva ao processar mapas urbanos com grande volume de dados. Em função disso, optou-se por uma reestruturação total do

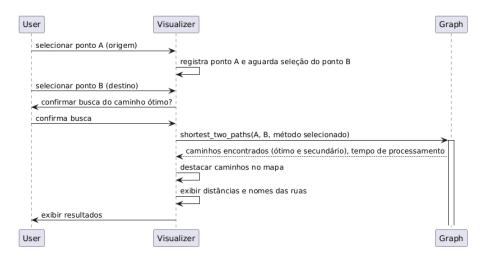


Figure 2. Diagrama de Sequência

sistema em Python, disponível na pasta code PY, resultando em um desempenho significativamente superior e em maior controle sobre estruturas de dados e algoritmos.

Para representação e carregamento da malha urbana, foi adotado o formato **Geo-JSON** — um padrão aberto baseado em JSON, projetado para armazenar dados geoespaciais como pontos, linhas e polígonos [Internet Engineering Task Force 2016]. Por sua simplicidade, legibilidade e compatibilidade com ferramentas como OpenStreetMap, foi a escolha ideal para integração com dados reais.

Os arquivos GeoJSON foram obtidos por meio da ferramenta **Overpass Turbo**, que oferece uma interface gráfica para a linguagem de consultas da Overpass API, facilitando a extração precisa de ruas e vias urbanas de qualquer região do mundo [OpenStreetMap contributors]. Com ela, foi possível selecionar áreas específicas, como bairros ou regiões centrais, e exportar os dados diretamente no formato adequado para o processamento pelo sistema.

A interface gráfica da aplicação foi construída com a biblioteca Tkinter, que faz parte da biblioteca padrão do Python e fornece recursos suficientes para criar interfaces interativas leves, portáveis e eficazes [Shipman 2013]. Por meio dela, foi implementado um canvas gráfico para visualização do grafo, menus de interação, exibição de caminhos calculados e estatísticas relevantes ao usuário.

Para representação da arquitetura da solução e do fluxo de interação, utilizou-se a ferramenta **PlantUML**, que permite a criação de diagramas UML por meio de descrições textuais simples. À medida que a solução foi evoluindo e mudando, os diagramas também foram ajustados de acordo para sempre refletir o funcionamento da aplicação.

2. Objetivos

2.1. Objetivo geral

O objetivo principal deste trabalho é desenvolver uma ferramenta computacional que modele mapas urbanos como grafos georreferenciados e permita o cálculo e visualização interativa de rotas ótimas entre dois pontos geográficos, utilizando dados reais extraídos do OpenStreetMap.

2.2. Objetivos específicos

- Modelar redes viárias urbanas como grafos, definindo nós em cruzamentos e arestas com pesos reais baseados em distâncias.
- Implementar algoritmos clássicos de caminhos mínimos, Dijkstra e A*, para cálculo eficiente de rotas.
- Permitir ao usuário visualizar e interagir com as rotas em um mapa real, carregado via GeoJSON.
- Comparar desempenho entre os algoritmos em termos de tempo de execução e número de nós explorados.
- Fornecer uma segunda rota alternativa viável, útil para contornar congestionamentos ou bloqueios.
- Demonstrar visualmente o funcionamento da teoria de grafos aplicada a problemas reais de logística e mobilidade.

3. Justificativa

A otimização de rotas urbanas é um desafio relevante em múltiplos contextos, incluindo logística de entrega, planejamento de transporte público e gerenciamento de tráfego em cidades inteligentes [Gonçalo S. et al. 2021, Dagli et al. 2016]. A aplicação da teoria dos grafos permite modelar de forma eficaz redes viárias e utilizar algoritmos bem estabelecidos para solucionar problemas de roteamento [Guze 2018]. O uso de dados reais do OpenStreetMap, acessados via Overpass Turbo, aumenta a relevância prática do sistema, tornando-o útil para cenários reais. Além disso, o trabalho contribui para a formação acadêmica, ao proporcionar experiência em manipulação de dados geográficos, implementação de algoritmos de grafos e design de interfaces gráficas. Em um contexto educacional, permite que futuros desenvolvedores e pesquisadores compreendam de forma prática como a teoria de grafos pode ser aplicada em problemas cotidianos de mobilidade urbana.

4. Desenvolvimento

Esta seção descreve em detalhes o processo de implementação do sistema de otimização de rotas urbanas desenvolvido no contexto deste trabalho. São apresentados os métodos de leitura e pré-processamento dos dados geográficos, a modelagem do grafo, a implementação dos algoritmos de menor caminho, o funcionamento da interface gráfica e os principais testes e avaliações realizados.

4.1. Leitura e Pré-processamento dos Dados

O sistema foi projetado para utilizar mapas urbanos reais obtidos no formato GeoJSON, um padrão amplamente utilizado para representação de dados geográficos. Para alimentar o sistema com informações fidedignas da malha urbana de Belo Horizonte, foram extraídos dados do OpenStreetMap através da ferramenta Overpass Turbo, possibilitando a seleção personalizada de regiões e tipos de vias.

Após a seleção do arquivo GeoJSON, o sistema realiza o processamento das informações geográficas para transformá-las em uma estrutura de grafo. Cada elemento do tipo LineString ou Polygon presente no arquivo é interpretado como uma rua, rotatória ou praça, e seus pontos extremos (coordenadas de latitude e longitude) são convertidos em

nós do grafo. As conexões entre esses pontos são registradas como arestas, cujos pesos correspondem à distância real entre os pontos, calculada por meio da fórmula de Haversine. Essa abordagem garante maior precisão na modelagem das distâncias, considerando a curvatura da Terra.

O pré-processamento dos dados, portanto, envolve:

- Leitura e parsing do arquivo GeoJSON;
- Identificação e conversão dos elementos geográficos em nós e arestas do grafo;
- Cálculo das distâncias reais entre pontos para atribuição dos pesos das arestas.

Esse fluxo automatizado permite ao sistema receber diferentes mapas urbanos e adaptá-los facilmente ao contexto da otimização de rotas, sem a necessidade de ajustes manuais.

O procedimento de leitura e pré-processamento dos dados pode ser observado na Listagem 1.

```
# Para cada feature no GeoJSON, extrai ruas e pontos
          for feat in data['features']:
              geometry = feat.get('geometry')
              if not geometry:
                  continue
              street = feat['properties'].get('name', '')
              geom_type = geometry.get('type')
              coords = geometry.get('coordinates')
10
              # Lista que conter os pontos a serem processados
              points_to_process = []
12
13
              # Trata tanto LineString quanto Polygon
14
              if geom_type == 'LineString':
15
                  points_to_process = coords
16
              elif geom_type == 'Polygon':
17
                  # Para pol gonos, as coordenadas s o uma lista de
18
     an is.
                  # Usamos apenas o primeiro anel (o contorno externo).
19
                  if coords and len(coords) > 0:
20
                      points_to_process = coords[0]
22
              # Se n o for um tipo de geometria que sabemos tratar,
     pulamos para a pr xima feature
              if not points_to_process:
24
                  continue
25
26
              # Agora o processamento
                                         seguro, pois points_to_process
27
        uma lista simples de pontos
              for lon, lat in points to process:
28
                  self.graph.add_node(str((lon, lat)), lon, lat)
29
30
              # Cria arestas entre pontos consecutivos
31
              for i in range(len(points_to_process) - 1):
32
                  u_lon, u_lat = points_to_process[i]
33
                  v_lon, v_lat = points_to_process[i+1]
34
                  w = haversine_distance(u_lat, u_lon, v_lat, v_lon)
```

```
self.graph.add_edge(str((u_lon, u_lat)), str((v_lon,
v_lat)), w, street)
```

Listing 1. Leitura e pré-processamento do GeoJSON

4.2. Modelagem do Grafo

O grafo urbano utilizado no sistema é modelado de forma orientada a objetos, garantindo flexibilidade e clareza no processamento das rotas. Cada ponto de interesse extraído do arquivo GeoJSON é representado por uma instância da classe Node, contendo um identificador único e suas coordenadas geográficas (longitude e latitude). As ruas, rotatórias ou conexões entre pontos são modeladas como arestas, armazenadas em uma lista dentro de cada nó, contendo o nó de destino, o peso (distância real entre os pontos) e, opcionalmente, o nome da rua.

A estrutura do grafo permite tanto a busca eficiente de vizinhos quanto a execução dos algoritmos de menor caminho, além de facilitar a visualização dos caminhos percorridos.

A modelagem orientada a objetos pode ser vista na Listagem 2.

```
class Node:
      11 11 11
     Representa um n do grafo, com identificador, coordenadas e lista
     de arestas.
      11 11 11
      def __init__(self, id: str, x: float, y: float):
5
          self.id = id
          self.x = x # Longitude
          self.y = y # Latitude
          self.edges: List[Tuple['Node', float, str]] = []
10
      def add_edge(self, dest: 'Node', weight: float, name: str):
          Adiciona uma aresta ligando este n a outro n do grafo.
13
14
          self.edges.append((dest, weight, name))
15
16
17 class Graph:
18
      Estrutura principal do grafo, armazena os n s e permite executar
19
     algoritmos de caminhos m nimos.
      11 11 11
20
      def __init__(self):
21
          self.nodes: Dict[str, Node] = {}
      def add_node(self, id: str, x: float, y: float):
24
25
          Adiciona um novo n
26
                               ao grafo.
          11 11 11
27
          if id not in self.nodes:
28
              self.nodes[id] = Node(id, x, y)
29
30
      def add_edge(self, src_id: str, dst_id: str, w: float, name: str =
31
     ""):
```

```
Adiciona uma aresta bidirecional entre dois n s do grafo.

"""

if src_id in self.nodes and dst_id in self.nodes:

src = self.nodes[src_id]

dst = self.nodes[dst_id]

src.add_edge(dst, w, name)

dst.add_edge(src, w, name)
```

Listing 2. Modelagem orientada a objetos dos nós e arestas do grafo.

4.3. Implementação dos Algoritmos

Para a otimização de rotas, o sistema implementa dois algoritmos clássicos de caminhos mínimos em grafos: **Dijkstra** e **A*** (A-star). Ambos são utilizados para encontrar a rota de menor custo entre dois pontos de interesse no mapa urbano modelado.

O algoritmo de Dijkstra, ilustrado na Listagem 3, foi escolhido por sua robustez e simplicidade, garantindo a obtenção do caminho mais curto em grafos com pesos não negativos. Sua implementação utiliza uma fila de prioridade (*min-heap*) para selecionar o próximo nó a ser explorado com o menor custo acumulado.

O algoritmo A*, apresentado na Listagem 4, diferencia-se por incorporar uma heurística que estima o custo restante até o destino, acelerando a busca por caminhos em mapas de grande escala. No sistema desenvolvido, a heurística utilizada é a distância de Haversine entre o nó corrente e o destino, cuja implementação está na Listagem 5.

A escolha entre os algoritmos pode ser feita pelo usuário por meio da interface gráfica, permitindo comparar o desempenho e os caminhos encontrados por cada abordagem.

```
def _dijkstra(self, start_id: str) -> Tuple[Dict[str, float], Dict[str,
      str]]:
          Implementa o algoritmo de Dijkstra para encontrar o menor
3
     caminho a partir de um n de origem
        para todos os outros n s do grafo.
         Retorna: dicion rio de dist ncias m nimas e dicion rio de
     predecessores.
          и и и
          dist = {nid: math.inf for nid in self.nodes}
          prev: Dict[str, str] = {}
8
9
          dist[start_id] = 0
10
          # Fila de prioridade: (dist ncia acumulada, id do n )
11
          pq = [(0, start_id)]
13
          while pq:
14
              d, u_id = heapq.heappop(pq)
16
              # Se j encontramos um caminho menor, ignoramos este
17
              if d > dist[u_id]:
18
                 continue
19
20
              u_node = self.nodes[u_id]
21
              for v_node, w, _ in u_node.edges:
                  if dist[u_id] + w < dist[v_node.id]:</pre>
```

```
dist[v_node.id] = dist[u_id] + w
prev[v_node.id] = u_id
heapq.heappush(pq, (dist[v_node.id], v_node.id))

return dist, prev
```

Listing 3. Implementação do algoritmo de Dijkstra.

```
def _astar_prev(self, start_id: str, end_id: str) -> Dict[str, str]:
          Implementa o algoritmo A* para encontrar o menor caminho entre
     dois n s do grafo.
          Usa a heur stica de Haversine para guiar a busca.
          Retorna um dicion rio de predecessores para reconstru o do
     caminho.
          open_set = {start_id}
          came_from: Dict[str, str] = {}
          g_score = {nid: math.inf for nid in self.nodes}
10
11
          g_score[start_id] = 0
12
          f_score = {nid: math.inf for nid in self.nodes}
          f_score[start_id] = self._heuristic(start_id, end_id)
14
15
          while open_set:
16
17
              # Seleciona o n com menor f_score
              current = min(open_set, key=lambda nid: f_score[nid])
18
              if current == end_id:
20
                  return came from
22
              open_set.remove(current)
23
24
              for neighbor, w, _ in self.nodes[current].edges:
                  tentative_g = g_score[current] + w
26
                  if tentative_g < g_score[neighbor.id]:</pre>
                       came_from[neighbor.id] = current
28
                       g_score[neighbor.id] = tentative_g
29
                       f_score[neighbor.id] = tentative_g + self.
30
     _heuristic(neighbor.id, end_id)
                       if neighbor.id not in open_set:
31
                           open_set.add(neighbor.id)
32
33
          return came_from
```

Listing 4. Implementação do algoritmo A*.

A fórmula de Haversine, apresentada na Listagem 5, é utilizada tanto para atribuir pesos reais às arestas quanto como heurística admissível no algoritmo A*. Essa fórmula calcula a distância mais curta entre dois pontos sobre a superfície de uma esfera, considerando a curvatura da Terra, sendo adequada para aplicações em mapas urbanos.

```
def haversine_distance(lat1: float, lon1: float, lat2: float, lon2:
    float) -> float:
    """
```

```
Calcula a dist ncia em metros entre duas coordenadas geogr ficas
     (latitude/longitude)
     utilizando a f rmula de Haversine, que considera a curvatura da
    Terra.
6
     d_lat = math.radians(lat2 - lat1)
     d lon = math.radians(lon2 - lon1)
7
   rad_lat1 = math.radians(lat1)
    rad lat2 = math.radians(lat2)
10
   a = (math.sin(d lat / 2) ** 2) + (math.cos(rad lat1) * math.cos(
    rad_lat2) * math.sin(d_lon / 2) ** 2)
     c = 2 * math.atan2(math.sqrt(a), math.sqrt(1 - a))
13
return RAIO_TERRA_M * c
```

Listing 5. Implementação da fórmula de Haversine para cálculo de distância geográfica.

A implementação detalhada dos algoritmos garante a flexibilidade do sistema, permitindo inclusive a busca do segundo melhor caminho por meio da remoção temporária das arestas do caminho ótimo encontrado.

4.4. Interface Gráfica

Para proporcionar uma experiência interativa ao usuário, o sistema conta com uma interface gráfica desenvolvida em Python utilizando o framework Tkinter. Logo ao iniciar o sistema, o usuário é solicitado a selecionar um arquivo de mapa no formato GeoJSON, que é então processado e exibido visualmente.

A interface é composta por duas áreas principais: o *canvas* de visualização e a barra lateral de controles. No canvas, é apresentado o grafo correspondente ao mapa urbano carregado, com nós representando pontos geográficos e arestas representando ruas e conexões. O usuário pode selecionar, com cliques do mouse, o ponto de partida e o ponto de chegada da rota desejada. Após a seleção, o sistema calcula e destaca, no próprio canvas, o menor caminho e o segundo melhor caminho entre os pontos escolhidos.

A barra lateral oferece funcionalidades como:

- Exibição do status do sistema e instruções de uso;
- Exibição do número de nós e arestas carregados;
- Seleção do algoritmo de roteamento (Dijkstra ou A*);
- Visualização dos detalhes das rotas encontradas (distância, ruas percorridas);
- Indicação do tempo de execução do algoritmo;
- Botão para redefinir seleções de pontos e caminhos.

A interface ainda oferece recursos de navegação, como zoom (utilizando a roda do mouse) e movimentação do mapa (pan) através do arrasto com o botão direito do mouse, facilitando a visualização de mapas urbanos mais extensos.

A Figura 3 apresenta a interface gráfica do sistema após o cálculo dos caminhos entre dois pontos na malha urbana.

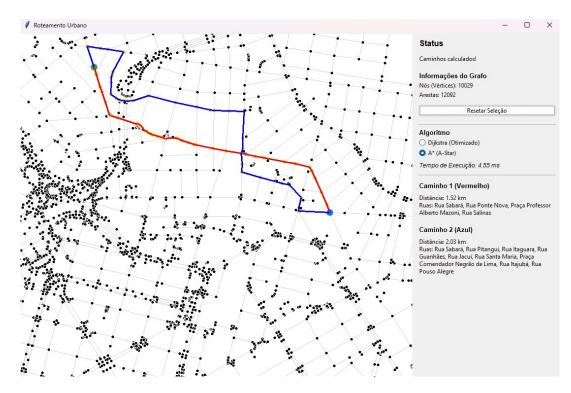


Figure 3. Interface gráfica do sistema exibindo o grafo urbano de Belo Horizonte, com destaque para o menor caminho (vermelho) e o segundo melhor caminho (azul) encontrados pelo algoritmo A*.

4.5. Desempenho e Testes

A avaliação do desempenho do sistema foi realizada em dois computadores diferentes, cujas configurações estão apresentadas na Tabela 1. Os testes buscaram analisar o tempo de execução dos algoritmos Dijkstra e A* ao calcular rotas em mapas urbanos reais de Belo Horizonte, considerando diferentes recortes de tamanho (raios de 2 km, 10 km e a cidade completa).

Table 1. Configurações dos computadores utilizados nos testes.

Computador	Processador	Memória RAM	Sistema Operacional
PC 1	13th Gen Intel Core i5	16 GB	Windows 11
PC 2	AMD Ryzen 5 5600 6-Core	16 GB	Windows 11

Os resultados dos testes de desempenho estão sumarizados na Tabela 2. Para os recortes menores (raio de 2 km), ambos os algoritmos apresentaram tempos de execução inferiores a 20 ms, permitindo uso interativo e rápido na interface. Ao aumentar o tamanho do mapa para um raio de 10 km, o tempo de processamento cresceu de forma significativa para ambos os algoritmos, mas especialmente para o A*, que ficou bem mais lento do que o Dijkstra em ambos os casos. Para a cidade inteira, o sistema não conseguiu processar o arquivo, travando a interface em ambos os computadores avaliados.

Table 2. Tempos de execução (em milissegundos) dos algoritmos Dijkstra e A* em diferentes computadores e tamanhos de mapas.

Mapa	Algoritmo	PC 1	PC 2
2*BH (raio 2 km)	Dijkstra	19,80	18,84
	A*	12,79	17,17
2*BH (raio 10 km)	Dijkstra	298,59	378,58
	A*	2744,29	3343,40
2*BH Completo	Dijkstra A*	Não processou Não processou	

Analisando os resultados, observa-se que para mapas pequenos o A* chegou a ser um pouco mais rápido que o Dijkstra, como era esperado. No entanto, para mapas maiores, o tempo de execução do A* aumentou de forma muito mais acentuada, tornando-se mais lento que o Dijkstra. Esse comportamento não é o esperado teoricamente, pois o A* deveria ser mais eficiente graças ao uso da heurística. Porém, na implementação adotada neste projeto, o conjunto aberto (*open set*) do A* foi implementado como um conjunto comum do Python, o que exige uma busca linear pelo menor *f-score* em cada iteração. Em mapas grandes, esse processo pode ser mais custoso que a fila de prioridade (*heap*) utilizada no Dijkstra, explicando o desempenho inferior do A* nos testes mais pesados.

De modo geral, o sistema mostrou-se rápido e responsivo para recortes de bairros e regiões menores, sendo adequado para aplicações didáticas ou análises locais. Em mapas urbanos completos, limitações de hardware e de implementação passaram a impactar diretamente o desempenho, tornando inviável a execução.

4.6. Destaques e Diferenciais

O sistema desenvolvido apresenta características que ampliam seu potencial didático e prático no contexto da otimização de rotas urbanas:

- Aceita mapas urbanos de qualquer cidade: O sistema aceita mapas urbanos de qualquer cidade, desde que sejam previamente baixados do OpenStreetMap utilizando ferramentas como o Overpass Turbo. Dessa forma, é possível aplicar a solução em diferentes regiões, sem necessidade de adaptações específicas no código.
- Algoritmos adaptados a partir de referências: Para a implementação dos algoritmos de Dijkstra e A*, recorremos a exemplos e discussões em fóruns e sites especializados. A partir dessas referências, adaptamos o código para atender ao nosso contexto, priorizando clareza e entendimento da lógica, sem depender de bibliotecas prontas de grafos.
- **Distâncias geográficas realistas:** Utilizamos a fórmula de Haversine para calcular distâncias reais entre os pontos, deixando as rotas encontradas mais fiéis à malha urbana.
- Interface gráfica intuitiva: O usuário pode carregar mapas, escolher pontos de partida e chegada, alternar entre algoritmos e visualizar as rotas diretamente na tela, o que facilita a compreensão do funcionamento do sistema.

- Rotas alternativas: Além do menor caminho, o sistema também mostra uma segunda opção de rota, caso exista, ampliando as possibilidades de análise.
- **Testes variados:** Rodamos o sistema em diferentes computadores e recortes de mapas, para garantir que funcionasse tanto em bairros pequenos quanto em áreas maiores, identificando limites práticos para arquivos muito grandes.
- Código comentado e organizado: Priorizamos escrever o código de forma clara, com comentários explicando as funções principais, para facilitar a manutenção ou futuras melhorias.

No geral, acreditamos que o sistema é uma base sólida para outros projetos envolvendo mobilidade urbana, podendo ser expandido para novos algoritmos ou funcionalidades conforme a necessidade.

5. Conclusão

Neste trabalho, foi possível atingir os objetivos propostos, oferecendo uma ferramenta capaz de modelar mapas urbanos como grafos georreferenciados, implementar algoritmos de caminhos mínimos (Dijkstra e A*), e permitir a visualização interativa de rotas sobre mapas reais obtidos via OpenStreetMap. Além disso, agregou-se valor ao sistema ao disponibilizar uma segunda rota alternativa viável, fundamentada em uma rotina específica de cálculo de "dois melhores caminhos". A aplicação provou ser útil tanto para fins práticos de roteamento quanto para propósitos pedagógicos, demonstrando o poder da teoria de grafos em cenários reais.

Ainda assim, algumas limitações foram identificadas. Mapas muito grandes — por exemplo, ao importar toda a região metropolitana de Belo Horizonte — podem levar ao esgotamento de memória e queda de desempenho ou até falhas no programa. Outro desafio tem relação com a natureza dinâmica das redes urbanas, afetadas por congestionamentos ou bloqueios: os algoritmos estáticos implementados não se adaptam em tempo real a essas variações, enquanto soluções dinâmicas exigem infraestrutura de dados em tempo real e processamento contínuo [Voloch et al. 2019, Mohamed H. El-Ela 2024]. Além disso, como a heurística do A* foi baseada apenas em distância geodésica, não incorporou variáveis como velocidade média de tráfego ou semáforos, o que pode gerar discrepâncias em contextos urbanos reais.

Visando melhorias futuras, considera-se promissora a extensão do trabalho para manipulação e visualização filtrada das ruas (por tipo ou hierarquia de via), integração de dados em tempo real (por exemplo, do trânsito) e adaptação dos algoritmos para respostas dinâmicas. Outra frente relevante seria a adoção de otimizações estruturais para suportar grafos maiores — como particionamento, compressão ou algoritmos paralelos — facilitando a análise de regiões metropolitanas inteiras [Voloch et al. 2019]. Por fim, uma possibilidade de pesquisa futura é implementar heurísticas híbridas ou algoritmos mais sofisticados (ex.: A* dinâmico, BC dinâmico) para monitoramento e roteamento mais adaptável e realista utilizando fontes de dados compatíveis com os princípios de cidades inteligentes.

References

Bast, H., Delling, D., Goldberg, A., Müller-Hannemann, M., Pajor, T., Sanders, P., Wagner, D., and Werneck, R. F. (2016). Route planning in transportation networks. *Algorithm Engineering*, 18:1–48.

- Cormen, T. H., Leiserson, C. E., Rivest, R. L., and Stein, C. (2009). *Introduction to Algorithms*. MIT Press, 3rd edition.
- Dagli, C. H. et al. (2016). Applied graph theory to real smart city logistic problems. In *Procedia Computer Science*, volume 95, pages 40–47.
- Delling, D., Sanders, P., Schultes, D., and Wagner, D. (2009). Engineering route planning algorithms. In *Algorithmics of Large and Complex Networks*, pages 117–139. Springer.
- Dijkstra, E. W. (1959). A note on two problems in connexion with graphs. *Numerische Mathematik*, 1(1):269–271.
- González, M. C., Hidalgo, C. A., and Barabási, A.-L. (2008). Understanding individual human mobility patterns. In *Nature*, volume 453, pages 779–782.
- Gonçalo S., R. B. et al. (2021). Smart cities and urban logistics: a systematic review of the literature. *Europa XXI*. citado em 2025-06-08.
- Guze, S. (2018). Review of methods and algorithms for modelling transportation networks based on graph theory. *Scientific Journal of Gdynia Maritime University*, 107.
- Hart, P. E., Nilsson, N. J., and Raphael, B. (1968). A formal basis for the heuristic determination of minimum cost paths. In *IEEE Transactions on Systems Science and Cybernetics*, volume 4, pages 100–107.
- Internet Engineering Task Force (2016). The geojson format (rfc 7946). https://datatracker.ietf.org/doc/html/rfc7946.
- Mohamed H. El-Ela, A. H. F. (2024). Deep heuristic learning for real-time urban pathfinding. *ArXiv*.
- OpenStreetMap contributors. Overpass turbo: web-based query tool for openstreetmap. https://overpass-turbo.eu. accessed 2025-06-08.
- Russell, S. J. and Norvig, P. (2018). *Artificial Intelligence: A Modern Approach*. Pearson, 3rd edition.
- Shipman, J. W. (2013). Tkinter 8.5 reference: a GUI for Python. New Mexico Tech.
- Voloch, N., Bloch, N. V., and Zadok, Y. (2019). Managing large distributed dynamic graphs for smart city network applications. *Applied Network Science*, 4:130.
- Wikipedia contributors. A* algorithm. https://en.wikipedia.org/wiki/A*_search_algorithm. accessed 2025-06-08.
- Y. Zheng, F. Liu, H.-P. H. (2014). U-air: When urban air quality inference meets big data. In *Proceedings of the 19th ACM SIGKDD International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining*, pages 1436–1444.