

Modelo

* variáveis

x_{ij} : $\begin{cases} 1 & \text{se o cliente } j \text{ é atendido pelo PA } i \\ 0, \text{ c.c.} \end{cases}$

y_i : $\begin{cases} 1 & \text{se o PA } i \text{ está ativo} \\ 0, \text{ c.c.} \end{cases}$

* Parâmetros

n : nº de clientes

m : nº de ~~PA's~~ possíveis locais p/ instalação de PA's

c_j : consumo do cliente j

q_i : capacidade do PA i

r_i : raio de cobertura do PA i

η : taxa de cobertura dos clientes

d_{ij} : distância Euclidiana entre o PA i

e o cliente j

m_{\max} : qtd de PA's disponíveis

$$\min f_1 = \sum_{i=1}^m y_i \quad (\text{minimizar qtd de PA's ativos})$$

$$\min f_2 = \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n d_{ij} \cdot x_{ij} \quad (\text{minimiza soma total das distâncias entre PA's ativos e clientes})$$

$$\sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n x_{ij} \geq n \cdot \eta \quad (R1)$$

$$\sum_{j=1}^n c_j \cdot x_{ij} \leq y_i \cdot q_i, \quad \forall i = \{1, \dots, m\} \quad (R2)$$

$$d_{ij} \cdot x_{ij} \leq y_i \cdot r_i, \quad \forall i = \{1, \dots, m\}, \forall j = \{1, \dots, n\} \quad (R3)$$

$$\sum_{i=1}^m x_{ij} \leq 1, \quad \forall j = \{1, \dots, n\} \quad (R4)$$

$$\sum_{i=1}^m y_i \leq m_{\max} \quad (R5)$$

$$x_{ij} \in \{0, 1\}, \quad \forall i = \{1, \dots, m\}, \forall j = \{1, \dots, n\} \quad (R6)$$

$$y_i \in \{0, 1\}, \quad \forall i = \{1, \dots, m\} \quad (R7)$$