

## Instituto Tecnológico y de Estudios Superiores de Monterrey

## Regresión Lineal

## TC3004B.104 Inteligencia Artificial Avanzada para la Ciencia de Datos I

Profesores:

Ivan Mauricio Amaya Contreras

Blanca Rosa Ruiz Hernandez

Antonio Carlos Bento

Frumencio Olivas Alvarez

Hugo Terashima Marín

Julian Lawrence Gil Soares - A00832272

6 de septiembre de 2023

Regresión lineal TC3004B.104 Inteligencia Artificial Avanzada para la Ciencia de Datos I

Profesores: Ivan Mauricio Amaya Contreras Blanca Rosa Ruiz Hernandez Antonio Carlos Bento Frumencio Olivas Alvarez Hugo Terashima Marín

Julian Lawrence Gil Soares - A00832272

6 de Septiembre de 2023

```
In [ ]: from google.colab import drive
    drive.mount('/content/drive')
```

Mounted at /content/drive

```
import pandas as pd
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import statsmodels.api as sm
from scipy import stats

data = pd.read_csv('/content/drive/MyDrive/Stats/Estatura-peso_HyM.csv')
```

```
Estatura Peso Sexo
0
       1.61 72.21
1
        1.61 65.71
                    Н
2
        1.70 75.08
                    Н
3
       1.65 68.55
                    Н
       1.72 70.77
4
                     Н
        . . .
       1.58 66.39
435
                    М
436
       1.57 65.89
                    М
437
       1.56 56.48
                   М
        1.61 59.16
438
                     М
439
        1.67 80.87
                     М
```

[440 rows x 3 columns]

```
In []: # Seperate by H and M
    df_hombres = data[data['Sexo'] == 'H']
    df_mujeres = data[data['Sexo'] == 'M']

# Correlation matrix
    correlation_matrix = data.corr()
    print(correlation_matrix)

# Mean and standard deviation
    mean_values = data.mean()
    std_deviation = data.std()

# Print the results
    print("Mean values:")
    print(mean_values)
```

```
print("\nStandard Deviation:")
print(std deviation)
#Analize regression for men
X hombres = sm.add constant(df hombres['Estatura'])
y hombres = df hombres['Peso']
model hombres = sm.OLS(y hombres, X hombres).fit()
#Analize regression for women
X mujeres = sm.add constant(df mujeres['Estatura'])
y mujeres = df mujeres['Peso']
model mujeres = sm.OLS(y mujeres, X mujeres).fit()
#verify alpha for men
alpha = 0.03
if model hombres.f_pvalue < alpha:</pre>
 print(model hombres.f pvalue)
 print("El modelo es significativo")
  print(model hombres.f pvalue)
 print("El modelo no es significativo")
#verify coeficents men
for i, p value in enumerate(model hombres.pvalues):
    if p value < alpha:</pre>
      print(p value)
      print(f"El coeficiente β{i} es significativo")
    else:
      print(p value)
      print(f"El coeficiente β{i} no es significativo")
#verify alpha for women
if model mujeres.f pvalue < alpha:</pre>
 print(model mujeres.f pvalue)
 print("El modelo es significativo")
else:
  print(model mujeres.f pvalue)
 print("El modelo no es significativo")
#verify coeficents women
for i, p value in enumerate(model mujeres.pvalues):
    if p value < alpha:</pre>
      print(p value)
      print(f"El coeficiente β{i} es significativo")
    else:
      print(p value)
      print(f"El coeficiente β{i} no es significativo")
#results
print("\nModelo para hombres:")
print(model hombres.summary())
print("\nModelo para mujeres:")
print(model mujeres.summary())
```

```
#Graph
plt.scatter(df hombres['Estatura'], df_hombres['Peso'], label='Hombres', col
plt.scatter(df mujeres['Estatura'], df mujeres['Peso'], label='Mujeres', col
plt.plot(df hombres['Estatura'], model hombres.predict(X hombres), color='bl
plt.plot(df mujeres['Estatura'], model mujeres.predict(X mujeres), color='re
plt.xlabel('Estatura')
plt.ylabel('Peso')
plt.legend()
plt.show()
residuals hombres = model hombres.resid
# Normality
plt.figure(figsize=(12, 4))
plt.subplot(1, 2, 1)
stats.probplot(residuals hombres, dist="norm", plot=plt)
plt.title("Normality")
# Mean of Zero/Homoscedasticity
plt.figure(figsize=(8, 4))
plt.scatter(model hombres.fittedvalues, residuals hombres)
plt.axhline(y=0, color="red")
plt.xlabel("Values")
plt.ylabel("Residuals")
plt.show()
```

```
<ipython-input-14-3b5led91bed4>:6: FutureWarning: The default value of numer
ic only in DataFrame.corr is deprecated. In a future version, it will defaul
t to False. Select only valid columns or specify the value of numeric only t
o silence this warning.
  correlation matrix = data.corr()
<ipython-input-14-3b51ed91bed4>:10: FutureWarning: The default value of nume
ric only in DataFrame.mean is deprecated. In a future version, it will defau
lt to False. In addition, specifying 'numeric_only=None' is deprecated. Sele
ct only valid columns or specify the value of numeric only to silence this w
arning.
  mean values = data.mean()
<ipython-input-14-3b5led91bed4>:11: FutureWarning: The default value of nume
ric only in DataFrame.std is deprecated. In a future version, it will defaul
t to False. In addition, specifying 'numeric only=None' is deprecated. Selec
t only valid columns or specify the value of numeric only to silence this wa
rning.
  std deviation = data.std()
```

Estatura Peso Estatura 1.000000 0.803245 Peso 0.803245 1.000000

Mean values:

Estatura 1.613341 Peso 63.970545

dtype: float64

Standard Deviation: Estatura 0.069292 Peso 11.541615

dtype: float64

1.0635322278575254e-61 El modelo es significativo 1.4104534541878238e-27

El coeficiente β0 es significativo

1.0635322278576732e-61

El coeficiente  $\beta$ 1 es significativo

5.99751674973596e-17

El modelo es significativo

5.342762065016259e-07

El coeficiente β0 es significativo

5.997516749736435e-17

El coeficiente β1 es significativo

#### Modelo para hombres:

# OLS Regression Results

Dep. Variable: Peso R-squared: 0.7 17 Model: OLS Adj. R-squared: 0.7 16 Method: Least Squares F-statistic: 55 2.7	==							
Model: 0LS Adj. R-squared: 0.7  16  Method: Least Squares F-statistic: 55	•		F	Peso	R-square	d:		0.7
16 Method: Least Squares F-statistic: 55	-·	01.5			Adi. R-s	0.7		
				020	, a, i , i	quarcar		0.7
2.7		L	east Squa	ares	F-statis	tic:		55
Date: Wed, 06 Sep 2023 Prob (F-statistic): 1.06e-		Wod	06 Can 1	2022	Drob /E	ctaticti	-1.	1 060
Date: Wed, 06 Sep 2023 Prob (F-statistic): 1.06e-61		wed,	00 Sep 2	2023	PIOD (F-	Statistic	.):	1.00e-
Time: 22:32:03 Log-Likelihood: -597.			22:32	2:03	Log-Like	lihood:		-597.
71	· <del>-</del>							
No. Observations: 220 AIC: 119		:		220	AIC:			119
Df Residuals: 218 BIC: 120				218	BIC:			120
6.								
Df Model: 1				_				
Covariance Type: nonrobust	Covariance Type:		nonror 	ousτ ======				
==	==							
coef std err t $P> t $ [0.025 0.97		coef	std err		t	P> t	[0.025	0.97
5]	5]							
const -83.6845 6.663 -12.559 0.000 -96.818 -70.5	const -83	. 6845	6.663	-12	.559	0.000	-96.818	-70.5
51	<u> </u>		4 007		500		06 704	100 5
Estatura 94.6602 4.027 23.509 0.000 86.724 102.5		. 6602	4.02/	23	.509	0.000	86.724	102.5
	=======================================							======

==			
Omnibus:	2.048	Durbin-Watson:	2.0
Prob(Omnibus):	0.359	Jarque-Bera (JB):	2.1
Skew:	0.215	Prob(JB):	0.3
45 Kurtosis:	2.782	Cond. No.	6
0.7	=======		
==			

#### Notes:

[1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is corre ctly specified.

### Modelo para mujeres:

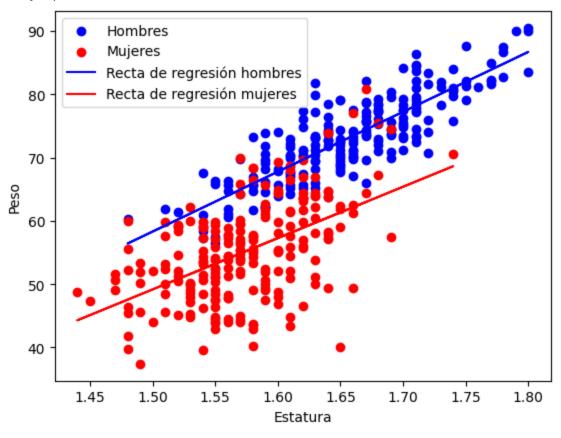
# OLS Regression Results

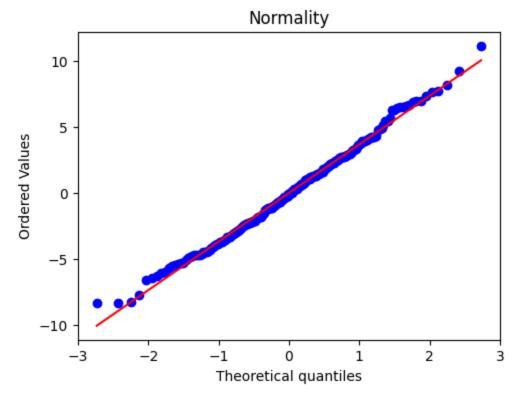
==								
Dep. Variabl	le:	Peso			R-squared:			
Model:		0LS			Adj. R-squared:			
72 Method:		Least Squares			F-statistic:			
73 Date:	We	Wed. 06 Sep 2023			Prob (F-statistic):			
17 Time:		22:32:03			Log-Likelihood:			
98		22.32.0	<i></i>	LOG LI	.KCCINOOU.		-727.	
No. Observat	tions:	22	0	AIC:			146	
Df Residuals	S:	21	8	BIC:			146	
7. Df Model:			1					
Covariance	Tyne:	nonrobus	_					
		========			.========			
==								
	coef	std err		t	P> t	[0.025	0.97	
5]								
const	-72.5604	14 041	- 5	168	0 000	-100.233	-44.8	
87	-72.5004	14.041	- )	. 100	0.000	-100.233	-44.0	
_	81.1491	8.922	9	.096	0.000	63.565	98.7	
33								
=========			===	======	========			
==			_					
Omnibus: 06		0.52	3	Durbin	-Watson:		1.8	
Prob(Omnibus	:).	0.77	0	larque	-Bera (JB):		0.5	
19	,,.	0.77	U	Jarque	. Bera (SB)	1	0.5	
Skew:		-0.11	6	Prob(J	B):		0.7	
72								
Kurtosis:		2.94	6	Cond.	No.		6	
9.2								

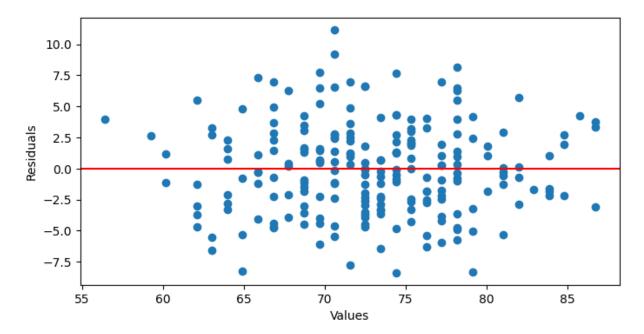
\_\_\_\_\_

### Notes:

[1] Standard Errors assume that the covariance matrix of the errors is corre ctly specified.







#### In [ ]: ''

De mis valores de alfa se puede determinar si mi modelo es significativo, es Correlación que se pueda utilizar para realizar una predicción. Los coeficie Los coeficientes son los valores por los que voy a multiplicar mi variable i si hay una relación entre mis datos y mis predicciones.

Para determinar si modelo es significativo hice una comparación entre mi alf es significativo y mi alfa es el valor que determina para mi prueba de hipót alfa, así que ambos son significativos. Para determinar si mis coeficientes mis coeficientes son significativos.

Los residuos se refieren a la diferencia entre nuestros valores esperados y El qqplot nos sirve para observar si nuestros residuos siguen una línea de t que podemos decir que como nuestros datos obtenidos siguen una tendencia nor La media cero quiere decir que nuestras predicciones por encima y por debajo representa el valor 0 y podemos observar que nuestros puntos se ven distribu puedo inferir que nuestras predicciones cumplen con la media de 0. Para la h también a la varianza que se puede observar en nuestros residuos. Pero ahora la varianza en el eje x (valores). Como podemos observar nuestros puntos est que nuestros datos cumplen con la homoscedasticidad.

Out[]: '\nDe mis valores de alpha se puede determinar si mi modelo es significativ o, esto quiere decir que puedo observar si mis datos de verdad tienen una \ncorrelacion que se pueda utilizar para realizar una prediccion. Los coefi cientes tambien sirven para determinar si mi modelo es significativo o n o.\nLos coeficientes son los valores por los que voy a multiplicar mi varia ble independiente asi que tambien son importantes para determinar \nsi hay una relacion entremis datos y mis prediciones.\n\nPara determinar si miodel o es significativo hice una comparacion entre mi alfa y mi valor p, si el v alor de p es cercano a 0 entonces mi modelo \nes significativo y mi alfa es el valor que determina para mi prueba de hipotesis, en ambos modelos el val or de p fue menor que el valor de mi\nalfa asi que ambos son significativo s. Para determinar si mis coeficientes son significativos hice la misma pru eba y obtuve los mismos resultados,\nmis coeficientes son significativos.\n \nLos residuos se refieren a la diferencia entre nuestros valores esperados y nuestros valores obtenidos.\nEl qqplot nos sirve para observar si nuestro s residuos siguen una linea de tendencia de distribucion normal. En nuestro caso esto es cierto asi \nque podemos decir que como nuestros datos obtenid os siquen una tendencia normal contra los datos esperados nuestra predicion es valida.\nLa media zero quiere decir que nuestras prediciones por encima y por debajo del valor real se cancelan. En la ultima grafica la linea roja \nrepresenta el valor 0 y podemos observar que nuestros puntos se ven distr ibuidos equitativamente por encima y por debajo de la linea roja, asi que\n podeom inferir que nuestras prediciones cumplen con la media de 0. Para la homocedasticidad utilizamos la misma grafica, este termino se refiere\ntamb ien a la varianza que se puede observar en nuestros residuos. Pero ahora en vez de observar la varianza en el eje y (residuos), observamos \nla varianz a en el eje x (valores). Como podemos observar nuestros puntos estan bien d istribuidos a lo largo del eje x asi que podemos inferir\nque nuestros dato s cumplen con la homocedasticidad.\n'

In [ ]: '''

Despues de todas las pruebas realizadas anteriormente podemos determinar que modelo de regresion lineal es valido y puede generar prediciones valiosas.