

QUESTÕES DE ARVORE E GRAFOS

1. RESPOSTA

O HeapSort possui complexidade $O(n \log n)$ garantida em todos os casos, pois devido a divisão heap é $O(n)$ e cada extração n da raiz é $O(\log n)$, então quando se junta, o seu custo fica $O(n \log n)$

Essa estrutura é baseada em uma árvore binária completa, o que garante altura sempre proporcional a $\log n$, independentemente da ordem inicial dos dados.

Já o ShellSort não possui complexidade previsível devido ao seu desempenho depender da sequência de gaps utilizada, além que as diferentes sequências produzem diferentes complexidades.

Portanto, o HeapSort tem desempenho garantido, enquanto o ShellSort é dependente da estratégia adotada.

2. RESPOSTA

```
• Vetor original:
  30 12 45 6 18 3

  Max-Heap construído:
  45 18 30 6 12 3

  Após primeira extração da raiz:
  30 18 3 6 12

  ShellSort aplicado:
  3 6 12 18 30 45
```

3. RESPOSTA

A) Apenas II e IV

I – ShellSort é estável.

Como explicado na questão 01, o ShellSort não é estável, devido aos gaps e sua sequência

II – HeapSort utiliza estrutura baseada em árvore binária completa.

Sim, o Heap Sort aplica de um sistema de divisão que divide o vetor em uma árvore binária para sua organização (as “folhas” e o “tronco”).

III – HeapSort depende da sequência de gaps.

HeapSort, não se utiliza de gaps (saltos) para sua ordenação e sim galhos.

IV – ShellSort é uma melhoria do Insertion Sort.

Correto, o shellsort é uma melhoria do insertion sort, pois aplica inserções de acordo com os gaps.

4. RESPOSTA

Em um sistema que processa milhões de registros diariamente, o algoritmo mais indicado é o HeapSort, uma vez que possui complexidade garantida $O(n \log n)$. Portanto, não depende da distribuição inicial dos dados e tem comportamento previsível.

Em sistemas grandes, previsibilidade e estabilidade de desempenho são fundamentais.

5. RESPOSTA

A estrutura Heap é utilizada como fila de prioridade em algoritmos de grafos, pois permite inserir elementos com prioridade, remover rapidamente o elemento de menor ou maior valor e atualizar prioridades de maneira eficiente. Essa característica é fundamental em algoritmos que precisam selecionar repetidamente o próximo elemento mais relevante. Um exemplo clássico é o algoritmo de Dijkstra's algorithm, que utiliza um Min-Heap para selecionar sempre o vértice com a menor distância conhecida até o momento. Sem o uso de heap, a complexidade do algoritmo é $O(V^2)$. Já com a utilização de heap, a complexidade passa a ser $O((V + E) \log V)$, tornando o algoritmo significativamente mais eficiente em grafos grandes.