Parallel Computing for Data Science Lab x001 : Warm-up

Jairo Cugliari

M2 DM | S1 2020–2021

1 Calcul avec virgule flottante

Donnez le résultat que vous attendez de commandes R qui suivent

- is.integer(2)
- if(sqrt(2) * sqrt(2) != 2) print("what ?!")
- if(0.1 + 0.2 == 0.3) print("result is ok")
- -if(0.1 + 0.2 != 0.3) print("no way !!!!")

Ne continuez pas à travailler sur R avant de vous assurer que vous comprenez ce qui se passe dans cet exercice. Attention: ces résultats étonnants ne sont du à de défaillances de R, mais plutôt à une limite du calcul en ordinateur. Pour aller plus loin, vous pouvez utiliser d'autres langages comme Python ou Julia pour reproduire ces expériences.

2 Optimisation numérique

Exercice extrait du cours de A. Phillipe.

1. Construire une fonction qui calcule les valeurs de la fonction f définie par

$$f(x) = \sin(x)^2 + \sqrt{|x-3|}$$
.

- 2. Tracer la courbe représentative de la fonction f sur le domaine [-6,4].
- 3. Donner une valeur approché de l'intégrale de la fonction f sur [-6,4].
- 4. Donner une valeur approché du minimum de f sur [-6,4]. En quel point le minimum est il atteint ? (Astuce : regarder la fonction optimise)
- 5. Même question pour le maximum.

3 Problème

Nous voulons évaluer quelques procédures d'optimisation sur un tâche de datamining : résumer les n données univariées $y_1, y_2, ..., y_n$ dans une seule valeur \hat{y} .

Nous appelons s à une candidate de \hat{y} , la meilleure valeur possible.

Ensuite, nous définissons une famille de fonctions de perte indexées par le paramètre p que nous supposons fini¹

$$loss_p(s,y_1,y_2,...,y_n) = \left(\sum_{i=1}^n (s-y_i)^p\right)^{1/p}.$$

La famille contient la distance euclidienne (p=2) et la distance Manhantan (p=1) comme de cas particuliers.

- 1. Écrire la fonction simuData(n) qui simule un ensemble de données de taille n.
- 2. Écrire la fonction perte(s, y, p) qui calcule la distance de Minkowski de paramètre p entre la valeur s et le vecteur de données y.
- 3. Pour chaque valeur p=1,2,5,1/2, obtenir la valeur $\hat{y}=\operatorname{argmin}_s\operatorname{perte}(s,y,p)$ par optimisation numérique à l'aide de la fonction optimize. Ainsi, la valeur \hat{y} est la valeur qui rend la plus petite perte de représentation des données y par une statistique s.
- 4. Représenter de manière graphique la fonction de perte ainsi que la valeur optimale.
- 5. Obtenir la solution du problème de manière analytique pour les valeurs de p=1,2.
- 6. Rajouter au graphiques correspondantes les valeurs obtenues.
- 7. Mesurer l'erreur de calcul.

Exercices additionnels

Les différents items sont indépendants.

- 1. Obtenir le nombre maximal d'entiers qu'on peut représenter avec m bits.
- 2. Soit y=1+x avec x un nombre positif. Si y est représenté par virgule flottante (disons \tilde{y}) quel condition doit vérifier x pour que $\tilde{y}=1$?

 $^{^{1}}$ Il est possible de définir $loss_{\infty}(s,y_{1},y_{2},...,y_{n})$ avec la distance du suprême mais nous ne traiterons pas ce cas ici.

Lecture

- Page du cours de S. Baillargeon sur l'amélioration du code scientifique (cf. Moodle)
- Chapitre 2 du livre d'Eubank et Kupresanin (cf. Moodle)

Devoir Obligatoire I

Vous allez mettre en place votre espace de travail pour ce cours avec le logiciel R (et l'interface graphique Rstudio) pour le calcul scientifique, le système de gestion de versions décentralisé Git, et un environnement Latex pour la rédaction de documents.

Notez que les 3 systèmes sont de logiciels libre (i.e. gratuit et à code ouvert).

- 1. Créer un compte sur Github. Vous devrez également créer un dépôt pour le cours de PC4DS et m'ajouter comme collaborateur (mon identifiant github est cugliari). Vous trouverez beaucoup de ressources sur Internet, mais en cas de besoin je trouve ce 'livre' très instructif : https://happygitwithr.com/
- 2. Créer un compte sur Overleaf. Vous devrez également créer un projet et le partager par lien avec moi. Si vous préférez l'auto-hébergement des services vous êtes autorisé.e.s (et invité.e.s) à le faire pour ce cours.