Resumen microeconometria (Cameron & Trivedi)

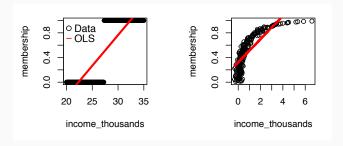
Santiago Alonso-Díaz, PhD

Profesor Asistente Departamento de Economía Universidad Javeriana



Resuelva y escriba la expresión para: Un insecto que pesa 30 gramos al nacer aumenta su peso 20% al mes. Cuál es su peso luego de dos meses?

Relaciones no lineales no son bien descritas por modelos lineales tradicionales pero si por GLMs.



Qué significa el intercepto? La pendiente? OLS captura el salto discreto en la figura de la izq.?

Muchas situaciones no lineales

Table 5.5. Nonlinear Least Squares: Common Examples

Model	Regression Function $g(\mathbf{x}, \boldsymbol{\beta})$	
Exponential	$\exp(\beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3)$	
Regressor raised to power	$\beta_1 x_1 + \beta_2 x_2^{\beta_3}$	
Cobb-Douglas production	$\beta_1 x_1^{\beta_2} x_2^{\beta_3}$	
CES production	$[\beta_1 x_1^{\beta_3} + \beta_2 x_2^{\beta_3}]^{1/\beta_3}$	
Nonlinear restrictions	$\beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \beta_3 x_3$, where $\beta_3 = -\beta_2$	

El estimativo de los parámetros requiere cuidados adicionales. Por ejemplo, si buscamos minimizar cuadrados,

$$\sum_{i} (y_i - g(x_i, \beta))^2$$

g() es una función lineal (e.g. $x\beta$) o no lineal (e.g. $e^{(x\beta)}$).

La derivada (chain rule) la igualamos a cero,

$$2 \times \sum_{i} \frac{\delta g_{i}}{\delta \beta} (y_{i} - g(x_{i}, \beta)) = 0$$

Si g es lineal i.e. $x\beta$, entonces $\frac{\delta g_i}{\delta\beta}=x_i$ Qué significa que el producto (dot) de dos vectores sea cero? Independencia! La función a optimizar (residuales al cuadrado) NO depende de x

$$2 \times \sum_{i} \frac{\delta g_{i}}{\delta \beta} (y_{i} - g(x_{i}, \beta)) = 0$$

Si g() es no lineal $\frac{\delta g_i}{\delta \beta}$ no es igual a x i.e. el residual depende de la derivada, no es independiente de x.

No hay forma analítica, se requieren métodos numéricos para estimar $\widehat{\beta}$ (más de esto en siguientes diapositivas)

```
Ejemplo método numérico: Gradient Descent
(https://www.youtube.com/watch?v=A6FiCDoz8_4)
```

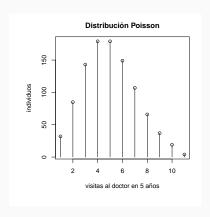
Non_linear_regression.ipynb; Sección Visualización distribuciones y regresión



Ejemplo: Distribución Poisson

La distribución Poisson sirve para modelar eventos discretos

Por ejemplo, visitas de individuos al doctor en 5 años, número de patentes por mes, o tasa de disparos de una neurona por segundo



La distribución Poisson tiene la siguiente masa,

$$f(y|\lambda) = \frac{e^{-\lambda}\lambda^y}{y!}$$

$$y = 0,1,2, ...$$

 λ : parámetro libre

$$\mathsf{E}[\mathsf{y}] = \lambda, \, \mathsf{Var}[\mathsf{y}] = \lambda$$

Qué nos interesa en una regresión? $E[y] = x\beta$ Qué es y en un proceso Poisson?

El parámetro λ varía acorde a los predictores y lo definimos,

$$\lambda = e^{\times \beta}$$

La masa queda así,

$$f(y|x,\beta) = \frac{e^{-e^{x\beta}}(e^{x\beta})^y}{y!}$$

Dado que tenemos una función de probabilidad, maximizamos la verosimilitud de los datos para obtener los parámetros β . Si asumimos independencia,

$$\prod_{i}^{n} f(y_{i}|x_{i},\beta)$$

Tomamos el logaritmo por conveniencia computacional (convertir a sumas), usamos el promedio $(\frac{1}{N})$, e igualamos a cero la derivada de $f(y_i|x_i,\beta)$ con respecto a β

$$\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (y_i - e^{(x_i \beta)}) x_i = 0$$

No hay solución explicita, por lo que el estimativo $\widehat{\beta}$ se obtiene por métodos numéricos

Interpretación de coeficientes

Efectos marginales $(\frac{dy}{dx})$. Por ejemplo, cuanto aumenta el número de pacientes con otro seguro médico?. En un modelo lineal es el parámetro β ,

$$\frac{dy}{dx}(x\beta) = \beta$$

En un modelo no lineal el eta ya no es el efecto marginal. Por ejemplo,

$$\frac{dy}{dx}(e^{x\beta}) = e^{x\beta}\beta$$

El efecto marginal también depende del predictor x

Como el efecto marginal depende del predictor x, estas son posibles soluciones

Table 5.2. Marginal Effect: Three Different Estimates

Formula	Description	
$N^{-1}\sum_{i}\partial \mathbf{E}[y_{i} \mathbf{x}_{i}]/\partial \mathbf{x}_{i}$	Average response of all individuals	
$\partial \mathbf{E}[\mathbf{y} \mathbf{x}]/\partial \mathbf{x} _{\bar{\mathbf{x}}}$	Response of the average individual	
$\partial \mathbf{E}[\mathbf{y} \mathbf{x}]/\partial \mathbf{x} _{\mathbf{x}^*}$	Response of a representative individual with $\mathbf{x} = \mathbf{x}^*$	

Non_linear_regression.ipynb; Sección Efectos marginales no lineales dependen del valor del predictor



Single index models. Si el regresor x_j (e.g. j = 1: ingreso, j = 2: genes, etc) y los parámetros β entran a la función no lineal g() directamente i.e. $g(x\beta)$ por chain rule los efectos marginales son

$$\frac{dy}{dx_j}g(x\beta) = g'(x\beta)\beta_j$$

Si hacemos una comparación relativa del efecto marginal de dos regresores j & k (e.g. ingreso y genes),

$$\frac{g'(x\beta)\beta_j}{g'(x\beta)\beta_k} = \frac{\beta_j}{\beta_k}$$

Así, por ejemplo, si β_j es el doble de β_k , una unidad de cambio del regresor j (e.g ingreso) tiene el doble de efecto que una unidad del regresor k (e.g. genes)

En suma, hay que tener cuidado con la interpretación de los coeficientes en un modelo no lineal.

Pueden indicar fuerza de relación con la respuesta y, pero dependen del valor que tome el regresor x.

Estimación de coeficientes (MLE & NLS)

En MLE (maximum likelihood estimate) se maximiza la verosimilitud o likelihood de la data $f(y, X|\theta)$ dado un vector de parámetros θ

OJO: el likelihood function $L_N(\theta|y,X)$ que se usa en MLE es una función de los parámetros.

NO confundir $f(y,X|\theta)$ (likelihood) con la función $L_N(\theta|y,X)$. Esta última también le dicen likelihood pero es la función a optimizar.

TAMPOCO confundir $L_N(\theta|y,X)$ con posterior bayesiana $f(\theta|y,X)$ que está ponderada por priors. Las funciones f son probabilidades condicionales.

Non_linear_regression.ipynb; Sección Diferentes sentidos de likelihood



Para usar MLE necesitamos una densidad i.e. tenemos que parametrizar las densidades en función de los regresores \times & parámetros β

Model	Range of y	Density $f(y)$	Common Parameterization
Normal	$(-\infty, \infty)$	$[2\pi\sigma^2]^{-1/2}e^{-(y-\mu)^2/2\sigma^2}$	$\mu = \mathbf{x}'\boldsymbol{\beta}, \sigma^2 = \sigma^2$
Bernoulli	0 or 1	$p^{y}(1-p)^{1-y}$	Logit $p = e^{\mathbf{x}'\beta}/(1 + e^{\mathbf{x}'\beta})$
Exponential	$(0, \infty)$	$\lambda e^{-\lambda y}$	$\lambda = e^{\mathbf{x}'\beta} \text{ or } 1/\lambda = e^{\mathbf{x}'\beta}$
Poisson	$0, 1, 2, \dots$	$e^{-\lambda}\lambda^{y}/y!$	$\lambda = e^{\mathbf{x}'\beta}$

Non_linear_regression.ipynb; Sección MLE



Generalized Linear Models (GLM) Fuente: [Gelman and Hill, 2006]

Qué es un GLM?

- ightharpoonup Predictores $x\beta$
- ► Una link function g() para la data y e.g. binomial
- ▶ g() produce un vector de data transformada $\hat{y} = g^{-1}(x\beta)$ que se usa para parametrizar la distribución de la data $p(y|\hat{y})$
- ▶ Una distribución de la data $p(y|\hat{y})$
- Parámetros adicionales (e.g. para la link function o la distribución de la data)

Ejemplo: regresión lineal

- ightharpoonup Predictores: $x\beta$
- ► Link function: identidad g(u) = u
- ▶ Data transformada: $\hat{y} = g^{-1}(x\beta) = x\beta$
- ▶ Distribución data: $y \sim N(\hat{y}, \sigma)$; σ se estima con la data

Ejemplo: regresión logística

- ightharpoonup Predictores: $x\beta$
- ► Link function: $g(u) = log(\frac{u}{1-u})$
- ► Data transformada: $\hat{y} = g^{-1}(x\beta) = \frac{1}{1 + e^{-x\beta}}$
- ▶ Distribución data: $y \sim binomial(n, p = \hat{y})$; n es el numero de observaciones

Ejemplo práctico: regresión logistica



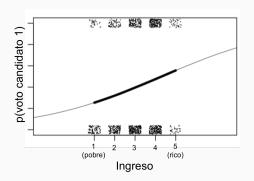
La regresión logística se usa para modelar resultados binarios.

Por ejemplo, el voto por dos candidatos en función del ingreso

Esta data es de una elección entre dos candidatos. La regresión logística dio $\beta_{intercepto} = -1.4$, $\beta_{ingreso} = 0.33$.

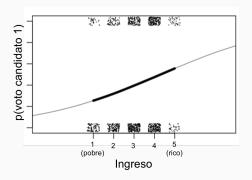
Es decir, p(voto a candidato 1) =
$$logit^{-1}(-1,4+0,33ingreso)$$
 = $\frac{1}{1+e^{-(-1,4+0,33ingreso)}}$

Qué significan los β S? con cuidado! no es lineal y la escala ya no es la de la data, todo esta en [0,1].



Tip 1: evaluar el modelo en el promedio o media de la data.

Para interpretar $\beta_{intercepto} = -1.4$: Ingreso es categórico y la categoría media es 3. Asi, p(voto a candidato 1) = $\frac{1}{1+e^{-(-1.4+0.33\times3)}} = 0.4$. Es decir, en el ingreso medio la probabilidad de votar por candidato 1 es 0.4



Tip 1: evaluar el modelo en el promedio o media de la data.

Para interpretar $\beta_{ingreso} = 0.33$:

Evaluar un cambio de ingreso e.g. ingreso medio - ingreso anterior $\frac{1}{1+e^{-(-1,4+0,33\times3)}}-\frac{1}{1+e^{-(-1,4+0,33\times2)}}=0,08. \text{ Es decir, un aumento de categoría de ingreso aumenta la probabilidad de votar por candidato }1\text{ en }8\%$

Tip 2: dividir los coeficientes por 4 (excepto el intercepto).

Suena raro pero tiene una razón: $\frac{\beta}{4}$ es la máxima diferencia de cambio de probabilidad en la función logistic correspondiente a un cambio en el predictor \times [Gelman and Hill, 2006].

Por ejemplo, $\frac{\beta_{ingreso}}{4} = \frac{0.33}{4} = 0.08$. Este es el valor de la anterior diapositiva i.e. encontramos el máximo cambio de probabilidad de votar por unidad de ingreso.

OJO: esto es para evaluar cambios máximos y se debe interpretar como tal.

Tip 3: odds ratios i.e. exponenciar los coeficientes.

 $e^{\beta_{ingreso}} = e^{0.33} = 1.39$. Es decir, un cambio en el ingreso aumenta el ratio de posibilidades de votar por candidato 1 en 1.39 (todo lo demás constante).

Qué quiere decir esto? Gelman y colegas afirman, con razón, que los odds ratios son poco intuitivos y prefieren usar cambios en probabilidad como las anteriores diapositivas.

Qué hacer si hay más regresores? Por ejemplo

$$p(\text{voto a candidato 1}) = \frac{1}{1 + e^{-(-1,4 + 0,33 ingreso + 2,12 educacion)}}$$

De nuevo, se puede evaluar el modelo en una referencia e.g. promedio de los otros regresores y evaluar el marginal del regresor de interés

Ejemplo práctico: Poisson



La distribución Poisson se usa para modelar conteos.

Por ejemplo, número de accidentes en una intersección en función de velocidad y presencia o no de semáforo

Si y_i es el número de accidentes en la intersección i,

$$y_i \sim Poisson(\theta_i)$$

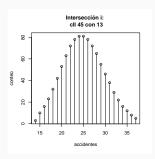
El parámetro θ_i debe ser positivo, así que

$$\theta_i = e^{x\beta}$$

Para agregar un baseline o exposure en los conteos (e.g. para controlar por número de vehículos que pasan por la intersección) añadimos un parámetro,

$$y_i \sim Poisson(exposure_i \times \theta_i)$$

El log(exposure) se llama offset



Suponga que luego de ajustar el modelo encuentra que,

 $y_i \sim Poisson(e^{2,8+0,012AvgVel_i-0,2TfcLight_i})$

Qué significan los β s de los regresores?

$$y_i \sim Poisson(e^{2,8+0,012AvgVel_i-0,2TfcLight_i})$$

Para AvgVel, el coeficiente 0.012 es la diferencia esperada en accidentes por cada km/h adicional.

por qué? $E[y] = \theta$ para una Poisson, por eso podemos interpretar $e^{0,012} = 1,012$ como un incremento de 1.2% en accidentes por cada km/h adicional.

-0.2 para traffic light (0: no hay semáforo, 1: si)? Es similar, use el signo y la magnitud $e^{-0,2}$

Paréntesis conceptual: cuando Binomial o Poisson?

- ightharpoonup Binomial se usa cuando la data y_i son eventos sobre un total n
- \triangleright Poisson se usa cuando la data y_i son eventos sin un límite n superior

Non_linear_regression.ipynb; Sección Poisson police stops



En este punto debe ser claro que regresión no-lineal difiere de la lineal (estimación e interpretación). Reforcemos con el siguiente ejemplo,

$$y = \lambda e^{-\lambda}$$

$$\lambda = e^{\left(eta_1 + eta_2 x
ight)}$$
, y asumamos que $eta_1 = 2$ y $eta_2 = -1$

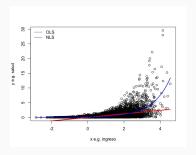
Todos los métodos no lineales aciertan los β s pero difieren en OLS Por qué? Identificación

Imagine que y es salud, x ingreso. Signos en OLS diferentes conclusiones diferentes? NO!!

Table 5.7. Exponential Example: Least-Squares and ML Estimates^a

	Estimator								
Variable	OLS	ML	NLS	WNLS	FGNLS				
Constant	-0.0093	1.9829	1.8876	1.9906	1.9840				
	(0.0161)	(0.0141)	(0.0307)	(0.0225)	(0.0148)				
	[0.0172]	[0.0144]	[0.1421]	[0.0359]	[0.0146]				
			{0.2110}						
X	0.6198	-0.9896	-0.9575	-0.9961	-0.9907				
	(0.0113)	(0.0099)	(0.0097)	(0.0098)	(0.0100)				
	[0.0254]	[0.0099]	[0.0612]	[0.0224]	[0.0101]				
			{0.0880}						
lnL	_	-208.71	-232.98	-208.93	-208.72				
R^2	0.2326	0.3906	0.3913	0.3902	0.3906				

Los (signos) β en regresiones no lineales NO se pueden interpretar como efectos marginales i.e. y es monotónica en x tanto para OLS y NLS



Calcule la derivada dy/dx de $y = e^{(-(\beta_1 + \beta_2 x))}$ (chain rule). Es positivo en todo el dominio?

Caso probit: cyberbullying CAUSA aumento de tasas de suicidio?



Algunos datos de Cyberbullying en Colombia. Lo sufren más los hombres y en colegios públicos

	Sexo		Edad			Estrato				Colegio		Curso					
Implicación		Femen. n = 999		14-15 n = 663			Medio-bajo n = 509	Medio-alto n = 608		Público n = 1253	Privado n = 629	6.° n = 323		8.° n = 379	9.° n = 301	10.° n = 237	11.º n = 293
Victimización Agresión Agresión- victimización	53.6*** 67.1*** 61.2***	32.9	42.9 34.1 32.4	33.1 34.1 42.1	24 31.8 25.5	20.8 21.4 17.7	25.5 25 22.4	35.2" 32.2" 33.5"	18.5 21.4 26.4	62.6 62.4 53.5	37.4 37.6 46.5	19.3 7.1 10.4	21.5 20 15.8	18.4 23.5 24.6	14.7 15.3 19.2	10.9 15.3 15	15.2 18.8 15
p<.05. p<.01. p<.001.																	

[Herrera-Lopez et al., 2017]

La conexión con suicidio es anecdótica o correlacional. Algunos casos mediáticos en EE.UU.



Ryan Halligan 1989-2003 Niña fingio que lo quería para reirse de sus chats



Megan Meier 1992-2006 Crearon una cuenta falsa para enamorarla

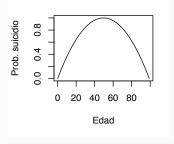
Antecedentes/literatura previa. Problemática (económica no moral).

- Cyberbullying puede reducir el capital de salud individual (intentos de suicidio fallidos)
- ► También el capital de salud de la economía (intentos de suicidio fatales)

Antecedentes/literatura previa. Relación con economía.

- ► Tiene una racionalidad si el valor futuro de mantenerse vivo es negativo
- Mayor probabilidad de suicidio si el flujo de ingresos futuros es bajo o incierto
- ► Hay más suicidios en recesiones económicas pero en términos relativos i.e. si todos están desempleados no hay más suicidios.

Antecedentes/literatura previa. Relación con edad (gráfica ilustrativa, no datos reales)



Antecedentes/literatura previa. Relación con género

- Mujeres tienen más ideaciones de suicidio no fatal
- Los hombres completan más intentos de suicidio.
- Mujeres escogen métodos menos violentos (pastillas) que los hombres (pistolas u colgarse).

Antecedentes/literatura previa. Relación con variables socioeconómicas

- ► Raza: blancos caucásicos se suicidan más
- Salud física (e.g. obesidad) y mental (depresión, anorexia) lleva a más suicidios.
- ► La correlación entre nivel de ingresos y tasa de suicidios es baja.

Antecedentes/literatura previa. Relación con juventud y cyberbullying

- Hay muchos estudios correlacionales que conectan suicidio y cyberbullying.
- Estudios causales previos muestran que bullying perjudica resultados educativos y laborales.
- ► Ninguno conecta causalmente cyberbullying con suicidio

Modelo cognitivo. El objetivo de todo joven es maximizar Z.

$$Z(a, Y, s) = \int_a^{\infty} e^{-r(m-a)} U[C(m, Y(s(\cdot))) - K(m, s(\cdot))] P(m, s(\cdot)) dm$$

U(), C(), & K() son utilidad, consumo, y costos de mantenerse vivo para cada edad m, respectivamente.

P() probabilidad de sobrevivir hasta la edad m condicional a que se vive hasta a.

Y nivel de ingreso disponible para consumir.

ω expectativa de vida máxima.

r tasa de descuento

s() función de comportamiento suicida.

Tres aspectos relevantes de la formula: 1) ideación suicida (s()) es input de la función P(), probabilidad de sobrevivir. Es decir, en el modelo tener ideas suicidas reduce la probabilidad de seguir vivo.

$$Z(a, Y, s) = \int_{a}^{\infty} e^{-r(m-a)} U[C(m, Y(s(\cdot))) - K(m, s(\cdot))] P(m, s(\cdot)) dm$$

Tres aspectos relevantes de la formula: 2) C, consumo, y K, mantenerse con vida, también dependen de ideaciones suicidas (s()). Por ejemplo, si una ideación suicida se ejecuta fallidamente, eso puede provocar verguenza y disminuir consumo (e.g. no salir con amigos después del intento).

$$Z(a, Y, s) = \int_a^{\infty} e^{-r(m-a)} U[C(m, Y(s(\cdot))) - K(m, s(\cdot))] P(m, s(\cdot)) dm$$

Tres aspectos relevantes de la formula: 3) la función s(), ideación suicida, depende de características individuales X, variables no observadas u, y la calidad del ambiente social Q del estudiante. La derivada parcial con respecto a Q es negativa i.e mejor ambiente Q menor ideación suicida.

$$s = s(X, Q; u), \frac{ds}{dQ} < 0$$

Por otro lado, $\frac{dQ}{dCyberbullying}$ < 0 i.e. cyberbullying reduce calidad de ambiente social Q.

También se asume en el modelo que $\frac{dCyberbullying}{dLaw}$ < 0 i.e. leyes pueden reducir cyberbullying.

La decisión final de suicidarse o no es una comparación entre el valor esperado Z dado que hay suicidio (s()=1) o no (s()=0).

$$Z(a, Y|s(\cdot) = 1) > Z(a, Y|s(\cdot) = 0)$$

Ahora sí las regresiones. Data=Youth Risk Behavioral Survey (1991-2015) El instrumento propuesto es leyes en contra de cyberbullying. Discusión Es un buen instrumento bajo el modelo propuesto? Las leyes afectan directamente el comportamiento suicida?

Formula de regresión probit. Segunda etapa:

$$S_{it} = \beta_0 + \beta_1 C_{it} + \beta_2 X_{it} + \beta_3 Z_{st} + \beta_4 H_{st} + \mu_s + \gamma_t + u_{it}$$

Primera etapa (instrumentos):

$$C_{it} = \alpha_0 + \alpha_1 CBL_{st} + \alpha_2 X_{it} + \alpha_3 Z_{st} + \alpha_4 H_{st} + \mu_s + \gamma_t + \epsilon_{it}$$

 S_{it} : comportamiento suicida individuo i en periodo t; C_{it} : cyberbullying; X_{it} : características socioeconómicas; Z_{St} : características económicas del estado s en periodo t; H_{St} controles de métricas de salud; μ_{S} : efectos fijos de estado; γ_{t} : shocks en tasa de suicidio; μ_{it} : shocks en preferencias de suicidio; CBL_{St} : leyes combatiendo cyberbullying en estado s en periodo t. [Nikolaou, 2017]

Por qué nos interesa más β_1 que α_1 ?

$$S_{it} = \beta_0 + \beta_1 C_{it} + \beta_2 X_{it} + \beta_3 Z_{st} + \beta_4 H_{st} + \mu_s + \gamma_t + u_{it}$$

$$C_{it} = \alpha_0 + \alpha_1 CBL_{st} + \alpha_2 X_{it} + \alpha_3 Z_{st} + \alpha_4 H_{st} + \mu_s + \gamma_t + \epsilon_{it}$$

Por qué instrumentalizar la variable cyberbullying C_{it} ? Es endógena? Pertenecer a la población cyberbullied es aleatorío? O los cyberbullied tienen características especiales?

$$S_{it} = \beta_0 + \beta_1 C_{it} + \beta_2 X_{it} + \beta_3 Z_{st} + \beta_4 H_{st} + \mu_s + \gamma_t + u_{it}$$

$$C_{it} = \alpha_0 + \alpha_1 CBL_{st} + \alpha_2 X_{it} + \alpha_3 Z_{st} + \alpha_4 H_{st} + \mu_s + \gamma_t + \epsilon_{it}$$

Efectos marginales (2nd stage): Cyberbullying aumenta 11% planes, 8.7% intentos, y 4.8% heridas por suicidio.

	Second stage					
	Suicide plans	Attempt suicide [4]	Suicide injury [5]			
Cyberbullying	0.117***	0.087***	0.048***			
	(800.0)	(0.030)	(0.009)			
Male	-0.057***	-0.008**	0.001			
	(0.004)	(0.003)	(0.001)			
Black	-0.021***	0.018***	0.012***			
	(0.003)	(0.005)	(0.002)			
Hispanic	0.003	0.021***	0.010***			
•	(0.004)	(0.003)	(0.002)			
Other race	0.018***	0.020***	0.009***			
	(0.002)	(0.002)	(0.001)			
Age 15	0.005***	0.005***	0.004***			
	(0.001)	(0.002)	(0.001)			
Age 16	0.013***	0.014***	0.008***			
	(0.002)	(0.002)	(0.001)			
Age 17	0.016	0.018***	0.011			
	(0.002)	(0.003)	(0.002)			
Age 18 plus	0.013***	0.024***	0.015***			
rige to plas	(0.003)	(0.004)	(0.002)			
Grade 10	-0.008***	-0.008***	-0.004***			
	(0.002)	(0.001)	(0.001)			
Grade 11	-0.021	-0.019***	-0.008			
orace 11	(0.002)	(0.002)	(0.001)			
Grade 12	-0.029***	-0.027***	-0.011***			
	(0.003)	(0.003)	(0.002)			
Underweight	0.011***	0.003	0.000			
	(0.004)	(0.002)	(0.001)			
Overweight	0.012	0.007***	0.003***			

Efectos marginales (1st stage): La leyes antibullying y anticyberbullying disminuyen cyberbullying pero no pensamientos suicidas buen instrumento?

	First stage		
	Cyberbullying [1]	Suicidal thoughts [2]	
Obese	0.010***	0.033***	
	(0.003)	(0.003)	
Unsafe at school	0.174***	0.146***	
	(0.006)	(0.005)	
Unemployment rate	0.001	-0.008	
. ,	(0.002)	(0.006)	
Beer tax	0.002	-0.005	
	(0.006)	(0.012)	
Cigarettes tax	-0.000	0.000	
_	(0.000)	(0.000)	
Population	-0.000	0.000	
•	(0.001)	(0.001)	
Mental health expenses	-0.000	0.000	
•	(0.000)	(0.000)	
Health consumption	0.000	0.000	
•	(0.000)	(0.000)	
Suicide prevention law	-0.000	0.019**	
•	(0.004)	(0.009)	
Mental health law	0.007*	0.012*	
	(0.004)	(0.007)	
Anti-bullying law	-0.015**	-0.005	
3 0	(0.006)	(0.009)	
Income (per capita)	-0.000	-0.000	
	(0.000)	(0.000)	

Estamos seguros que encontramos un efecto causal via el instrumento? Comparamos niños con las mismas características?

Paréntesis pedagógico: Propensity Score Matching

Objetivo: construir grupos de control con la data que se tiene (que no siempre viene de experimentos propiamente diseñados)

Opción 1: Exact matching.

Ideal pero problema combinatorio que explota rápidamente con número de características a match.

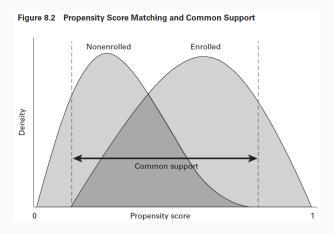
Figure 8.1 Exact Matching on Four Characteristics

Treated units				Untreated units				
Age	Gender	Months unemployed	Secondary diploma		Age	Gender	Months unemployed	Secondary diploma
19	1	3	0	\ /	24	1	8	1
35	1	12	1	\ /	38	0	1	0
41	0	17	1	$\backslash \backslash$	58	1	7	1
23	1	6	0	V	21	0	2	1
55	0	21	1		34	1	20	0
27	0	4	1		41	0	17	1
24	1	8	1		46	0	9	0
46	0	3	0	\	41	0	11	1
33	0	12	1	\	19	1	3	0
40	1	2	0		27	0	4	0

[Gertler et al., 2016]

Opción 2: Propensity score matching.

A cada unidad/individuo le asignamos una probabilidad de ser tratado basado en las características. Es una medida continua entre 0-1.



[Gertler et al., 2016]

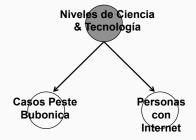
Supuestos para hacer un buen matching

► Independencia condicional

Recordemos independencia condicional

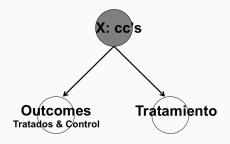


Recordemos independencia condicional



En matching, necesitamos que el tratamiento (e.g. ayuda monetaria o no) sea independiente de los resultados (e.g. vocabulario) dadas una características (e.g. nivel de ingreso familiar).

Por ejemplo, un programa de becas que ayude monetariamente no vaya a priori a buenos estudiantes si el objetivo es ver mejora en el vocabulario.



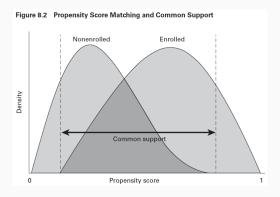
Supuestos para hacer un buen matching

- ► Independencia condicional
- ► Soporte común

Soporte común:

0 < P[tratamiento = 1|x] < 1 i.e. la probabilidad de ser tratado, dada unas características x, es mayor a cero.

Por qué necesitamos esto? Qué pasa si las dos curvas de la gráfica no se intersectan?



Cómo calcular propensity matching score? i.e. p(tratamiento|características)

Una forma es con una regresión logística i.e. tratamiento ~ caractersticas.

Todos los que tengan valor logit suficientemente cercano agruparlos.

Non_linear_regression.ipynb; Sección Propensity score matching

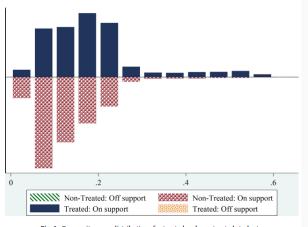


Volvamos a cyberbullying ... en las siguientes diapositivas con la data PSM (propensity score match)

	Second stage			
	Suicide plans [3]	Attempt suicide [4]	Suicide injury [5]	
Cyberbullying	0.117***	0.087***	0.048***	
	(0.008)	(0.030)	(0.009)	
Male	-0.057***	-0.008**	0.001	
	(0.004)	(0.003)	(0.001)	
Black	-0.021***	0.018***	0.012***	
	(0.003)	(0.005)	(0.002)	
Hispanic	0.003	0.021	0.010	
	(0.004)	(0.003)	(0.002)	
Other race	0.018***	0.020***	0.009***	
	(0.002)	(0.002)	(0.001)	
Age 15	0.005	0.005***	0.004***	
	(0.001)	(0.002)	(0.001)	
Age 16	0.013	0.014	0.008***	
	(0.002)	(0.002)	(0.001)	
Age 17	0.016	0.018***	0.011	
	(0.002)	(0.003)	(0.002)	
Age 18 plus	0.013***	0.024***	0.015***	
	(0.003)	(0.004)	(0.002)	
Grade 10	-0.008***	-0.008***	-0.004***	
	(0.002)	(0.001)	(0.001)	
Grade 11	-0.021***	-0.019***	-0.008	
	(0.002)	(0.002)	(0.001)	
Grade 12	-0.029***	-0.027***	-0.011***	
	(0.003)	(0.003)	(0.002)	
Underweight	0.011***	0.003	0.000	
	(0.004)	(0.002)	(0.001)	
Overweight	0.012	0.007***	0.003***	

[Nikolaou, 2017]

Distribución PSM
Por qué se cumple el supuesto de common support?



 $\textbf{Fig. 1.} \ \ \textbf{Propensity score distributions for treated and non-treated students}.$

[Nikolaou, 2017] 82

Limites de propensity score matching

- Se requiere una base de datos grande que cumpla el supuesto de common support
- ► El match se hace solo con observables i.e. asume que los no observables en las unidades control y tratamiento son similares

El resultado sobre cyberbullying y tendencias suicidas se mantienen con distintos algoritmos PSM

 Table 3

 Propensity score estimates for the effects of cyberbullying on suicidal behaviors.

	Suicidal thoughts	Suicide plans	Attempt suicide	Suicide injury
Nearest neighbor	0.149***	0.118***	0.071***	0.023***
	(0.004)	(0.004)	(0.004)	(0.003)
Radius	0.179	0.139	0.091	0.032
	(0.007)	(0.007)	(0.005)	(0.003)
Kernel	0.143	0.110	0.064	0.024
	(0.006)	(0.004)	(0.003)	(0.002)
Mean standardized bias (MSB) ^a	0.7	0.7	0.7	0.7
Pseudo-R ^{2a,b}	0.001	0.001	0.001	0.001

[Nikolaou, 2017]

Es cyberbullying law un buen instrumento para cyberbullying? Endogeneidad: Se relaciona la ley con cyberbullying? (panel A incluye # de estados cercanos con leyes; para controlar spillover effects) Falsificación; Se relaciona la ley con otras variables/unobserved? (panel B)

Table 4Additional tests for the validity of cyberbullying laws as instruments for cyberbullying in the bivariate probit models.

Panel A—policy endogeneity ^a						
	Cyberbullying law	Cyberbullying				
Number of neighboring states Cyberbullying law	0.519*** (0.115) -	- - -0.010° (0.004)				
Panel B—falsification tests ^b						
	Violent crime	Property crime	Property crime			
Cyberbullying law	-0.031 (0.182)	-0.023 (0.090)	-0.002 (0.008)			

[Nikolaou, 2017]

Modelos multinomiales



 $Non_linear_regression.ipynb; \ Secci\'on \ Multinomial \ M \ and \ M$



Otros ejemplos:

- ► Transporte (bus, carro, bicicleta, taxi, caminar)
- ► Seguro médico (EPS, EPS-Prepagada, Ninguno)
- ► Estatus laboral (Tiempo completo, Medio tiempo, Desempleado)
- Ocupación (Ingeniero, Músico, Médico, Economista, Psicólogo, Abogado)

Multinomial logit (con categorías que NO se pueden ordenar)

Cuál color de m&m escogen?



Cuál consola escogen?



Additive random-utility model:

Con categorías multinomiales que no tienen un orden claro, se asume que los individuos escogen la que les represente mayor utilidad

La utilidad de la alternativa j para el individuo i es

$$U_{ij} = Valor_{ij} + \epsilon_{ij}$$

Valor depende de x: aspectos específicos de la alternativa (e.g. precio), & z: aspectos independientes de la alternativa (e.g. genero del individuo)

$$Valor_{ij} = x_{ij}\beta + z_i\gamma_i$$

La alternativa escogida (y) es la de mayor utilidad

$$P(y = j) = P(U_{ij} \ge U_{ik})$$
para todo $k \ne j$

Una forma de asignar utilidades en función de regresores j es con la función softmax,

$$p_{ij} = \frac{e^{x_i \beta_j}}{\sum_{l=1}^m e^{x_i \beta_l}}$$

Los β s incluyen el intercepto: los otros coeficientes son relativos a ese valor como en un regresión lineal clásica

Se asume que el individuo i escoge la opción j con probabilidad dada por la formula i.e $\sum_{j=1}^m p_{ij} = 1$

Non_linear_regression.ipynb; Sección Regresión Multinomial (non-ordinal logistic regression)



Multinomial logit (con categorías que se pueden ordenar)

Las K categorías se pueden modelar en función de una variable continua $X\beta$. Los puntos de cortes c son estrictamente crecientes i.e.

$$0 = c_1 < c_2 < \dots < c_k$$

$$P(y > 1) = logit^{-1}(X\beta - c1)$$

$$P(y > 2) = logit^{-1}(X\beta - c2)$$

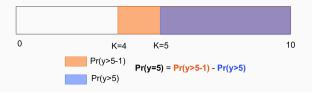
$$P(y > 3) = logit^{-1}(X\beta - c3)$$
...
$$P(y > K - 1) = logit^{-1}(X\beta - c_{k-1})$$

La resta de dos valores consecutivos nos da P(y=k),

$$P(y = k) = P(y > k - 1) - P(y > k)$$

$$P(y = k) = logit^{-1}(X\beta - c_{k-1}) - logit^{-1}(X\beta - c_k)$$

Visualización de P(y = k) i.e. la porción naranja que queda descubierta



Otra forma de escribirlo con una variable latente z:

$$f(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } z_i < 0 \\ 2 & \text{if } z_i \in (0, c_2) \\ 3 & \text{if } z_i \in (c_2, c_3) \end{cases}$$

$$\dots$$

$$K - 1 & \text{if } z_i \in (c_{k-2}, c_{k-1})$$

$$K = X_i \beta + \epsilon_i$$

Con distribución logística para el error ϵ_i i.e. $\frac{1}{1+e^{-\epsilon_i}}$. Hay que estimar β y los cortes c (con MLE).

Ejemplo (experimento):

6 jugadores van a votar sobre dos temas durante 30 rondas

Cada jugador tiene tres votos y cada ronda gana el tema con más votos. Primero se vota por tema 1 y los votos restantes van automáticamente al tema 2.

Antes del voto por el tema 1, los experimentadores le dicen a los sujetos que tanto ganan si pasa el tema en esa ronda (entre 1-100).

El número de votos (categorías) y_i se pueden modelar así. El σ se puede pensar como fuzzyness de las categorías & z como utilidad esperada.

$$y_i = \begin{cases} 1 & \text{if } z_i < c_{1|2} \\ 2 & \text{if } z_i \in (c_{1|2}, c_{2|3}) \\ 3 & \text{if } z_i > c_{2|3} \end{cases}$$

$$z_i \sim logistic(ganancia_i, \sigma^2)$$

References i



Gelman, A. and Hill, J. (2006).

Data analysis using regression and multilevel/hierarchical models.

Cambridge university press.



Gertler, P. J., Martinez, S., Premand, P., Rawlings, L. B., and Vermeersch, C. M. (2016).

Impact evaluation in practice.

The World Bank.



Herrera-Lopez, M., Romera, E., and Ortega-Ruiz, R. (2017). Bullying y cyberbullying en colombia; coocurrencia en adolescentes escolarizado.

Revista Latinoamericana de Psicologia, 49:163–172.

References ii



Nikolaou, D. (2017).

Does cyberbullying impact youth suicidal behaviors? *Journal of health economics*, 56:30–46.