

RED NEURONAL

⚙ Estado IA

Creación de las partes de nuestro algoritmo

Los pasos principales para construir una red neuronal son:

1. Definir la estructura del modelo (como el número de características de entrada)
2. Inicializar los parámetros del modelo
3. Bucle:
 - Calcular la pérdida actual (propagación hacia adelante)
 - Calcular el gradiente actual (propagación hacia atrás)
 - Actualizar los parámetros (descenso del gradiente)

A menudo se construyen los pasos 1-3 por separado y se integran en una función que llamamos `model()`.

¿Para qué sirve `sigmoid`?

La función **sigmoid** convierte **cualquier número** en un valor entre **0 y 1**.

👉 Eso es perfecto porque:

- 0 → "no es gato"
- 1 → "sí es gato"
- valores intermedios → probabilidad

$$\text{sigmoid}(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

En regresión logística:

text

$$z = w^T x + b$$

- `x` → una imagen (aplanada)
- `w` → pesos
- `b` → bias
- `z` → un número (o muchos)

La sigmoid transforma ese número en una probabilidad.

- `sigmoid` es un **convertidor**
- Convierte números en **probabilidades**
- Es la última capa de la regresión logística

- Sin ella, el modelo no podría decidir "sí" o "no"

- Inicialización de parámetros

Se crean los parámetros iniciales del modelo:

- `w` (pesos)
- `b` (bias)

¿Qué son `w` y `b` ?

♦ `w` (pesos)

- Es un **vector**
- Tiene **un peso por cada píxel** de la imagen
- Si la imagen tiene `dim = 12288` píxeles:

```
w.shape = (12288, 1)
```

Cada número de `w` indica **qué tan importante es ese píxel**.

♦ `b` (bias)

- Es un **solo número**
- Ayuda a mover la decisión del modelo
- Empieza en `0`

Propagación hacia adelante y hacia atrás

Paso 1: sacar un "puntaje" para cada foto

```
z = np.dot(w.T, X) + b
```

Paso 2: convertir el puntaje a probabilidad (0 a 1)

```
A = sigmoid(z)
```

Ahora la máquina dice:

- **A = 0.90** → "90% seguro que es gato"
- **A = 0.10** → "10% seguro que es gato (casi seguro que no)"

Paso 3: medir qué tan mal lo hizo (costo)

```
cost = (-1/m) * np.sum(Y*np.log(A) + (1-Y)*np.log(1-A))
```

Piensa así:

- **Y** es la respuesta correcta (0 o 1).
- **A** es lo que el modelo predijo (probabilidad).

El **costo** es como una nota:

- costo grande → lo está haciendo mal
- costo pequeño → lo está haciendo bien

 El objetivo del entrenamiento es **bajar el costo**.

Backward propagation = "Cómo corregirse"

Aquí la máquina se pregunta:


| "Ok, fallé... ¿qué tengo que cambiar en **w** y **b** para fallar menos?"

Paso 1: calcular el error

A - Y

Ejemplos:

- Si **Y=1** (sí era gato) y **A=0.2** → error = -0.8
(predije muy bajo, me equivoqué fuerte)
- Si **Y=0** y **A=0.7** → error = 0.7
(predije muy alto para un no-gato)

 Esto te dice para cada foto: "me pasé" o "me quedé corto".

Paso 2: cuánto cambiar los pesos **w**

```
dw = (1/m) * np.dot(X, (A - Y).T)
```

- `dw` es una lista que dice:

“estos píxeles/pedacitos de la imagen están causando errores, ajusta sus pesos”

✓ `dw` te dice **cómo mover** `w`.

Paso 3: cuánto cambiar el sesgo `b`

```
db = (1/m) * np.sum(A - Y)
```

- `db` dice:

“en promedio estoy prediciendo muy alto o muy bajo, ajusta b”

✓ `db` te dice **cómo mover** `b`.

¿Qué hace `optimize()` ?

Imagina que `w` y `b` son los “ajustes” de una máquina para reconocer gatos.

`optimize()` repite muchas veces este ciclo:

1. **Hace una predicción** con los valores actuales de `w` y `b`
2. **Mide qué tan mal lo hizo** (cost)
3. **Calcula cómo corregirse** (`dw`, `db`)
4. **Ajusta `w` y `b` un poquito** para hacerlo mejor

Eso es “descenso de gradiente”.

1) Calcular error y cómo corregirse

```
grads, cost = propagate(w,  
b, X, Y)
```

Esto devuelve:

2) Sacar `dw` y `db`

```
dw = grads["dw"]  
db = grads["db"]
```

Simplemente los extrae del diccionario.

- `cost` = "qué tan mal estoy" (una nota, mientras más baja mejor)
- `grads` = "qué tengo que cambiar"
 - `dw` → cuánto ajustar `w`
 - `db` → cuánto ajustar `b`

3) Actualizar parámetros (aquí aprende)

```
w = w - learning_rate * dw
b = b - learning_rate * db
```

- `dw` te dice **en qué dirección** mover `w`
- `learning_rate` te dice **qué tan grande** es el paso

📌 Si `learning_rate` es muy grande → se puede pasar y no aprende bien

📌 Si es muy pequeño → aprende muy lento

¿Por qué se resta?

Porque queremos **bajar el costo**.

Piensa en una montaña:

- `cost` es la altura
- queremos bajar hacia el valle (mínimo)
- `dw` y `db` son como la "pendiente"
- restar es moverte hacia abajo



Guardar costos para ver la curva

```
if i % 100 == 0:
    costs.append(cost)
```

Cada 100 iteraciones guarda el costo para luego graficar si baja.



Imprimir el costo (opcional)

```
if print_cost and i % 100 == 0:
    print("Cost after iteration %i: %f" % (i, cost))
```

Si `print_cost=True`, te muestra si va mejorando.



¿Qué devuelve al final?  El código de abajo (qué hace)

```
params = {"w": w, "b": b}
grads = {"dw": dw, "db": db}
return params, grads, costs
```

- `params` → los parámetros ya aprendidos (actualizados)
- `grads` → el último gradiente calculado
- `costs` → lista de costos guardados

```
params, grads, costs = optimize(w, b, X, Y, num_
iterations=100, learning_rate=0.009)
```

Eso significa:

- entrenar **100 veces**
- dando pasos de tamaño **0.009**


Luego imprime:

- `w` y `b` finales (ya no serán 0)
- `dw` y `db` finales (última corrección)

1) Inicializa `w` y `b` en cero

```
w, b = initialize_with_zeros(X_train.shape[0])
```

- `X_train.shape[0]` es el número de "características" (píxeles aplanados).
- Si tus imágenes son 64×64×3, esto vale 12288.

 Aquí el modelo todavía no sabe nada. Solo tiene:

- `w` = ceros
- `b` = 0

2) Entrena con descenso de gradiente (aprende)

```
parameters, grads, costs = optimize(w, b, X_train, Y_train, num_
iterations, learning_rate, print_cost)
```

Aquí pasa lo importante:

- Se repite muchas veces (`num_iterations`):
 - el modelo predice
 - calcula error (cost)
 - calcula cómo corregirse (`dw`, `db`)
 - actualiza `w` y `b`

✓ Al final, devuelve:

- `parameters` (los `w` y `b` ya aprendidos)
- `grads` (últimos gradientes)
- `costs` (lista del costo cada 100 iteraciones)

3) Recupera los parámetros aprendidos

```
w = parameters["w"]
b = parameters["b"]
```

Ahora `w` y `b` **ya no son 0** (o casi nunca).

4) Hace predicciones en train y test

```
Y_prediction_test = predict(w, b, X_test)
Y_prediction_train = predict(w, b, X_train)
```

Esto es como decir:

- "Con lo que ya aprendí..."
- "¿Qué digo para cada imagen?"
- devuelve 0 o 1:

✓ `Y_prediction_train` → predicciones sobre entrenamiento

✓ `Y_prediction_test` → predicciones sobre prueba

5) Calcula "accuracy" (porcentaje de aciertos)

```
print("train accuracy: {} %".format(100 - np.mean(np.abs(Y_prediction_train - Y_train)) * 100))
print("test accuracy: {} %".format(100 - np.mean(np.abs(Y_prediction_test - Y_test)) * 100))
```

6) Devuelve un diccionario con todo

```
d = {"costs": costs, "Y_prediction_test": Y_prediction_test, "Y_prediction_train": Y_prediction_train, "w": w, "b": b, "learning_rate": learning_rate, "num_iterations": num_iterations}
return d
```

Esto hace algo simple:

- compara predicción vs etiqueta real
- si son iguales → bien (error 0)
- si son diferentes → mal (error 1)
- saca el promedio de errores
- lo convierte en porcentaje de aciertos

📌 Si sale:

- train \approx 100% → aprendió muy bien el entrenamiento
- test \approx 68% → en fotos nuevas, falla bastante

Esto es para que después puedas:

- graficar `costs`
- revisar predicciones
- reutilizar `w` y `b`

1) Lista de tasas de aprendizaje a probar

```
learning_rates = [0.01, 0.001, 0.0001]
```

Aquí dicen: "vamos a entrenar el mismo modelo 3 veces", cambiando solo α .

2) Entrenar un modelo por cada learning rate

```
models = {}
for i in learning_rates:
    print("learning rate is: " + str(i))
    models[str(i)] = model(
        train_set_x, train_set_y,
        test_set_x, test_set_y,

        num_iterations=1500, learning_rate=i,
        print_cost=False)
    print('\n' + "-----"
          "-----"
          + '\n')
```

Qué pasa aquí, sencillo:

- `models = {}`: un diccionario "cajita" para guardar resultados.

- Para cada `i` (0.01, 0.001, 0.0001):

1. imprime cuál está usando
2. llama a `model(...)` y **entrena 1500 iteraciones**
3. guarda el resultado en `models` con clave `"0.01"`, `"0.001"`, etc.

✓ Al final `models["0.01"]` contiene cosas como:

- `costs` (lista del costo)
- `w`, `b`
- predicciones
- `learning_rate` usado

3) Graficar las curvas de costo

```
for i in learning_rates:
    plt.plot(np.squeeze(models[str(i)]["costs"]), label=str(models[str(i)]["learning_rate"]))
```

4) Poner etiquetas y leyenda bonita

```
plt.ylabel('cost')
plt.xlabel('iterations')
legend = plt.legend(...)
plt.show()
```

Esto dibuja una línea por cada learning rate:

- eje Y = `cost` (error)
- eje X = "pasos/iteraciones" (en realidad, **cada punto es cada 100 iteraciones**, porque en `optimize` guardabas el cost cada 100)

📌 `np.squeeze(...)` solo quita dimensiones extra para que matplotlib lo pueda dibujar bien.

¿Cómo interpretar la gráfica?

Vas a ver 3 líneas (una por α). Lo que buscas:

✓ **Una curva que baje rápido y de forma estable**

✗ Si sube, tiembla mucho, o se vuelve rara → learning rate demasiado grande

✗ Si baja casi nada → learning rate demasiado pequeño

En general:

- **0.01**: suele bajar rápido, pero puede volverse inestable dependiendo del problema.
 - **0.001**: suele ser una opción "segura" y estable.
 - **0.0001**: casi siempre baja lento.
-

Tip súper práctico

Una buena tasa de aprendizaje hace que:

- el **cost** disminuya claramente
- y no "rebote" demasiado