Método de Diferencias Finitas

Julio A. Medina[1]
[1] Universidad de San Carlos
Escuela de Ciencias Físicas y Matemáticas
Maestría en Física
julioantonio.medina@gmail.com

1. Ecuaciones diferenciales parciales elípticas

La ecuación diferencial parcial elíptica a considerar es la ecuación de Poisson

$$\nabla^2 u(x,y) \equiv \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}(x,y) + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2}(x,y) = f(x,y) \tag{1}$$

en $R = \{(x,y) \mid a < x < b,\, c < y < d\}$, con $u(x,y) = g(x,y) \in S$, donde S denota al contorno de R. Si f y g son continuas en su dominio entonces hay una única solución a la ecuación.

1.1. Seleccionando un retículo

El método a utilizar es una adaptación bidimensional del método de diferencias finitas para problemas con fronteras lineales como se discute en [1]. El primer paso es escoger enteros n y m para definir el tamaño de los pasos(*steps*) $h = (b-a)/n$ y $k = (d-c)/m$ particionando de está manera el intervalo $[a,b]$ en n partes iguales de ancho h y el intervalo $[c,d]$ en m partes iguales con ancho k como se puede ver en la figura

2. Método de Diferencias Finitas para ecuaciones elípticas

Referencias

[1] Richard L. Burden, J. Douglas Faires *Numerical Analysis*, (Ninth Edition). Brooks/Cole, Cengage Learning. 978-0-538-73351-9