

CTII 350 Julio Brandasse de Abreu Lima – Multiplicação de Matrizes

Multiplicação de Matrizes

1) $AB \times BA$

$A = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}_{2 \times 2}$ $B = \begin{bmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 1 & -3 & 4 \end{bmatrix}_{2 \times 3}$

$A \cdot B$

$\begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} -1 & 2 & 0 \\ 1 & -3 & 4 \end{bmatrix}$

$= \begin{bmatrix} -3-1 & 6-2 & 0-4 \\ 0+2 & 0-6 & 0+8 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -4 & 4 & -4 \\ 2 & -6 & 8 \end{bmatrix}$

AB é igual a $\begin{bmatrix} -4 & 4 & -4 \\ 2 & -6 & 8 \end{bmatrix}$

2) AB e BA

$$A = \begin{bmatrix} 5 & 2 & -1 \\ 7 & 4 & 3 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 3 \\ -4 & 0 \end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 15+2+4 & -10+6+0 \\ 21+4-12 & -14-12+0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 21 & -16 \\ 13 & -26 \end{bmatrix}$$

$$AB = \begin{bmatrix} 21 & -16 \\ 13 & -26 \end{bmatrix}$$

$$B \cdot A \quad A = \begin{bmatrix} 5 & 2 & -1 \\ 7 & 4 & 3 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 1 & 3 \\ -4 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 15-14 & 6-8 & -3-6 \\ 5-21 & 2-12 & -1-9 \\ -20+0 & -8+0 & 4+0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & -9 \\ -16 & -10 & -10 \\ -20 & -8 & 4 \end{bmatrix}$$

O produto de BA^t é igual a $\begin{bmatrix} 1 & -2 & -9 \\ -16 & -10 & -10 \\ -20 & -8 & 4 \end{bmatrix}$

3) $A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \end{bmatrix}$ $A^t = \begin{bmatrix} -1 & 1 \end{bmatrix}$

3) $A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ $A^t = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$

$A \cdot A^t$ } $A = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ $A^t = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} 1+0 & -1+0 \\ -1+0 & 1+4 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 5 \end{bmatrix}$$

$$A \cdot A^t = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ -1 & 5 \end{bmatrix}$$

$$4) A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 5 \\ 3 & 4 & 6 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix}$$

$$C = A \times B$$

$$C_{21} = ?$$

$$A \cdot B$$

$$2 \times 2$$

$$= \begin{bmatrix} 1+4+15 \\ 3+8+18 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 20 \\ 29 \end{bmatrix}$$

$$C_{11}$$

$$C_{21}$$

O valor de $C_{21} = 29$.

5) A) Restaurante A = 50kg carne, 25kg arroz, 20kg feijão, 200 gramas

Restaurante B = 28kg arroz, 60kg carne, 22kg feijão, 150 gramas.

1 parte°

$$A = \begin{bmatrix} 25 & 50 & 200 & 20 \\ 28 & 60 & 150 & 22 \end{bmatrix}_{2 \times 4}$$

2 parte°

$$B = \begin{bmatrix} 1,00 & 1,00 \\ 2,00 & 10,00 \\ 0,90 & 0,80 \\ 1,50 & 1,00 \end{bmatrix}$$

3ª Parte

$$\begin{matrix} A & B \\ 2 \times 4 & 4 \times 2 \end{matrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 25 + 400 + 180 + 30 + 25 + 500 + 160 + 20 \\ 23 + 480 + 135 + 33 + 28 + 600 + 120 + 20 \end{bmatrix}$$



$$A.B = \begin{bmatrix} 635 & 705 \\ 676 & 770 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{matrix} 1^\circ \\ 2^\circ \end{matrix}$$

Portanto, irá resultar em

Restaurante A: 1º fornecedor: R\$ 635,00
 2º fornecedor: R\$ 705,00
 diferença: 705 - 635 → R\$ 70,00

Restaurante B: 1º fornecedor = R\$ 676,00
 2º fornecedor = R\$ 770,00
 diferença: 770 - 676 = R\$ 94.

Mais barato fornecedor: Restaurante A ou restaurante 1

O restaurante 1 irá obter uma economia de 70 reais, mais barato que o preço do restaurante B, ou restaurante 2.

Lucro total de: 70 + 94 = R\$ 164,00



$$\begin{bmatrix} a & d & g \\ b & e & h \\ c & f & i \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix} \left\{ \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix} \right.$$

3x3 a = -1 b = 4 c = 2



$$6) \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ a & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ a & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0+1 & 0+0 \\ a^2+1 & a+0 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ a^2-1 & a \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ a^2-1 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} //$$

$$\begin{aligned} \hookrightarrow a^2-1 &= 0 \\ a^2 &= 1 \\ a &= \sqrt{1} \\ \boxed{a=1} \end{aligned}$$

Alternativa (E)

Tarefa Básica: Particularidades sobre produtos matriciais

1) $A_{m \times n}, B_{p \times q}$

a) $(A^t)^t = A, (B^t)^t = B$ = CORRETO, visto que:

se $A = \begin{bmatrix} A & C \\ B & D \end{bmatrix} = A^t = \begin{bmatrix} A & B \\ C & D \end{bmatrix} = (A^t)^t \rightarrow \begin{bmatrix} A & C \\ B & D \end{bmatrix}$

b) INCORRETO. Só é pertinente efetuar $(A+B)$ na condição de duas matrizes possuírem a mesma ordem.

c) INCORRETO, pois $AB \neq BA$, então seriam iguais se fosse $A=B$.

d) INCORRETO, é possível efetuar $(A \cdot B)$ se $(N=p) A=B$.
visto que AB é diferente

e) INCORRETO, só seriam iguais se $A=B^t$ por $AB^t \neq B^tA$.

Alternativa A) é a correta

2) $A, B, C =$ matrizes quadradas de ordem n *

A) $AB = BA \rightarrow$ INCORRETO, visto que seriam iguais somente na condição de $A = B$.

B) INCORRETO, B e C não precisam ser iguais para satisfazer a igualdade imposta. O necessário é apenas que a soma dos produtos de linhas e colunas sejam iguais, atendendo à igualdade.

C) ERRADO, $A^2 \neq A$ então $A \neq O_n$ não é verdade quando comparado a igualdade $A^2 = O_n$.

Alternativa D) é a correta

↙
D) CORRETO, pois $(AB) \cdot C = A \cdot (BC)$ é uma propriedade associativa para a multiplicação das matrizes.

E) INCORRETO, o resultado é $A^2 + AB + BA + B^2$.

Se não for $AB \neq BA$, então NÃO É possível fatorizar.

30. Dengue - ax. 5g de A, 8g de B e 10g de C.
 Chikungunya - ax. 6g de B, 9g de A e 4g de C.
 A, B, C - outros prontos medicamentos.
 x, y, z, u

$x = 1g$ de A, $y = 1g$ de B, $z = 1g$ de C.

$$\begin{matrix} & A & B & C \\ DA & 5 & 8 & 10 \\ CH & 9 & 6 & 4 \end{matrix} \times \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}_{3 \times 1} = \begin{bmatrix} 5x + 8y + 10z \\ 9x + 6y + 4z \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 5 & 8 & 10 \\ 9 & 6 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \checkmark \text{ Alternativa B.}$$


4) $A = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix}$

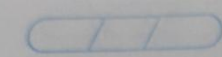
A

$$\begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix}_{3 \times 3} \times \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$a = -1$ $b = 4$ $c = 2$





1ª Linha



$$A_c = \begin{bmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} -1 & 4 & 2 \\ b & e & h \\ c & f & i \end{bmatrix}$$

C) Correta

Alternativa C)