Ejercicios Entropía.

Pérez Flores Julio Alfonso, julio_perez@ciencias.unam.mx Méndez Martínez Yuvia Libertad, yuviali1614@ciencias.unam.mx Facultad de Ciencias, Universidad Nacional Autónoma de México.

25 de Marzo, 2023.

1) Al efectuar una expansión adiabática y reversible de un gas ¿Cuál es la variación de entropía?

$$\Delta S = 0$$

2) 1 kg de agua se encuentra a 0 °C y se calienta hasta 100 °C. Calcúlese la variación de entropía

Podemos apreciar que este sistema se encuentra a una presión constante pues se ebulle a presión atmosférica por lo tanto podemos aprovechar la definición de C_p .

$$C_p = \frac{dQ_p}{mdT} \implies dQ_p = mC_p dT \implies$$

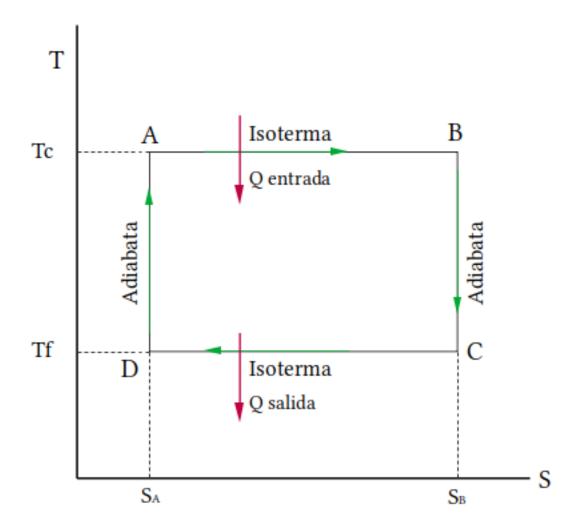
$$dS_p = \frac{mC_p}{T} dT ::$$

$$\Delta S = mC_p \int_{273.15 \text{ K}}^{373.15 \text{ K}} \frac{1}{T} dT = mC_p \ln \left(\frac{373.15 \text{ K}}{273.15 \text{ K}} \right)$$

utilizando el valor de C_p registrado por Engineering ToolBox^{Engineering}

$$\approx 1 \ kg \ 4.216 \left[\frac{kJ}{K \ kg} \right] 0.312 = \boxed{1.315 \ \text{kJ K}^{-1}}$$

- 3) a) Dibuje el diagrama T -S de un clico de Carnot
 - b) Determine la eficiencia de un ciclo de Carnot usando el diagrama T S de a).



a)

b) Como se trata de un proceso reversible sabemos que:

$$dQ = TdS$$

El proceso de *A* a *B* se trata de un proceso isotermico, por lo que si integramos la expresión anterior tenemos:

$$\int dQ = T_c \int dS$$

$$\Rightarrow \int_{\nu}^{\nu} \int_{AB} dQ = T_c \Delta S$$

$$nRT_c \ln\left(\frac{\nu_B}{\nu_A}\right) = T_c \Delta S = Q_{entrada}$$

En el proceso de B a C al tratarse de un proceso adiabático, no hay intercambio de calor $\Rightarrow Q = 0$

En el proceso de *C* a *D* tenemos un proceso isotermico, por lo que analogamente al proceso de *A* a *B* tenemos:

$$\int dQ = T_f \int dS$$

$$\Rightarrow \int_{\nu}^{\nu} {}_{CD} dQ = T_f \Delta S$$

$$nRT_c \ln\left(\frac{\nu_D}{\nu_C}\right) = T_f \Delta S = Q_{salida}$$

Como se trata de un calor de salida

$$Q_{salida} = -nRT_c \ln \left(\frac{v_D}{v_C} \right)$$

Ahora bien si se trata de un gas ideal y el proceso se realiza a presión constante tenemos que:

$$\frac{v_1}{T_1} = \frac{v_2}{T_2}$$

$$\Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{v_2}{v_1}$$

Entonces tenemos que:

$$\frac{v_B}{v_A} = \frac{Tf}{Tc} = \frac{v_D}{v_c}$$

Tenemos que la eficiencia esta dada por:

$$\eta = \frac{Q_{entrada} + Q_{salida}}{Q_{entrada}}$$

$$\Rightarrow \eta = \frac{nRT_c \ln\left(\frac{\nu_B}{\nu_A}\right) - nRT_c \ln\left(\frac{\nu_D}{\nu_C}\right)}{nRT_c \ln\left(\frac{\nu_B}{\nu_A}\right)}$$

$$\Rightarrow \eta = \frac{nRT_c \ln\left(\frac{\nu_B}{\nu_A}\right) - nRT_c \ln\left(\frac{\nu_B}{\nu_A}\right)}{nRT_c \ln\left(\frac{\nu_B}{\nu_A}\right)}$$

$$\eta = \frac{T_c - T_f}{T_c}$$

- **4**) Un recipiente con N moles de gas ideal con un volumen inicial V_i esta en contacto con un depósito de calor T₀ K. El gas se expande isotérmicamente a un volumen V_f. Calcular:
 - a) La cantidad de gas absorbido por el gas en esta expansión.
 - **b**) El aumento en la Entropía del gas.

Se puede apreciar que el gas al ser expandido isotérmicamente sufrió un proceso reversible, esto debido a que conocemos el camino por el cual llego a esa diferencia de volúmenes.

a) De la primer ley de la termodinámica, tenemos para una isoterma que:

$$\Delta U = 0 \Rightarrow O = -W :$$

$$Q = \int_{V_i}^{V_f} p \ dV = nRT_i \int_{V_i}^{V_f} \frac{1}{V} \ dV = \boxed{nRT_i \ln\left(\frac{V_f}{V_i}\right)}$$

b) al ser un proceso reversible tenemos la siguiente relación

$$\int \frac{dQ}{T} = \int dS \quad \Rightarrow \quad \Delta S = \frac{Q}{T} \tag{1}$$

Como tenemos un proceso isotérmico

$$\Delta S = nR \ln \left(\frac{V_f}{V_i} \right)$$