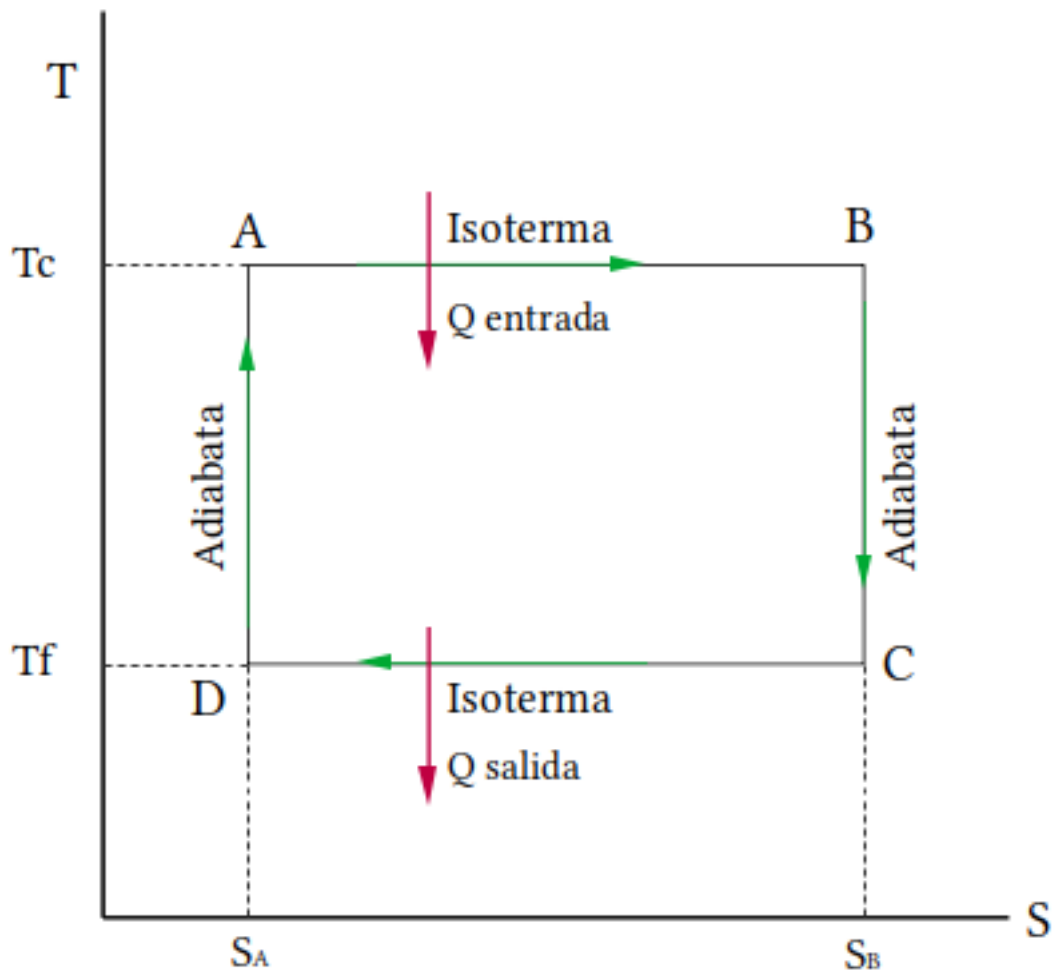


## Ejercicios Entropía.

Pérez Flores Julio Alfonso, julio\_perez@ciencias.unam.mx  
Méndez Martínez Yuvia Libertad, yuviali1614@ciencias.unam.mx  
Facultad de Ciencias, Universidad Nacional Autónoma de México.

25 de Marzo, 2023.

- 1) a) Dibuje el diagrama T -S de un ciclo de Carnot
- b) Determine la eficiencia de un ciclo de Carnot usando el diagrama T - S de a).



a)

b) Como se trata de un proceso reversible sabemos que:

$$dQ = TdS$$

El proceso de A a B se trata de un proceso isotermico, por lo que si integramos la expresión anterior tenemos:

$$\begin{aligned}\int dQ &= T_c \int dS \\ \Rightarrow \int_{v_A}^{v_B} dQ &= T_c \Delta S \\ nRT_c \ln\left(\frac{v_B}{v_A}\right) &= T_c \Delta S = Q_{entrada}\end{aligned}$$

En el proceso de B a C al tratarse de un proceso adiabático, no hay intercambio de calor  $\Rightarrow Q = 0$

En el proceso de  $C$  a  $D$  tenemos un proceso isotermico, por lo que analogamente al proceso de  $A$  a  $B$  tenemos:

$$\begin{aligned}\int dQ &= T_f \int dS \\ \Rightarrow \int_{v_C}^{v_D} dQ &= T_f \Delta S \\ nRT_c \ln\left(\frac{v_D}{v_C}\right) &= T_f \Delta S = Q_{salida}\end{aligned}$$

Como se trata de un calor de salida

$$Q_{salida} = -nRT_c \ln\left(\frac{v_D}{v_C}\right)$$

Ahora bien si se trata de un gas ideal y el proceso se realiza a presión constante tenemos que:

$$\begin{aligned}\frac{v_1}{T_1} &= \frac{v_2}{T_2} \\ \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} &= \frac{v_2}{v_1}\end{aligned}$$

Entonces tenemos que:

$$\frac{v_B}{v_A} = \frac{T_f}{T_c} = \frac{v_D}{v_c}$$

Tenemos que la eficiencia esta dada por:

$$\begin{aligned}\eta &= \frac{Q_{entrada} + Q_{salida}}{Q_{entrada}} \\ \Rightarrow \eta &= \frac{nRT_c \ln\left(\frac{v_B}{v_A}\right) - nRT_c \ln\left(\frac{v_D}{v_C}\right)}{nRT_c \ln\left(\frac{v_B}{v_A}\right)} \\ \Rightarrow \eta &= \frac{nRT_c \ln\left(\frac{v_B}{v_A}\right) - nRT_c \ln\left(\frac{v_B}{v_A}\right)}{nRT_c \ln\left(\frac{v_B}{v_A}\right)} \\ \eta &= \frac{T_c - T_f}{T_c}\end{aligned}$$

2) Un recipiente con  $N$  moles de gas ideal con un volumen inicial  $V_i$  esta en contacto con un depósito de calor  $T_0$  K. El gas se expande isotérmicamente a un volumen  $V_f$ . Calcular:

- a ) La cantidad de gas absorbido por el gas en esta expansión.
- b ) El aumento en la Entropía del gas.

Se puede apreciar que el gas al ser expandido isotérmicamente sufrió un proceso reversible, esto debido a que conocemos el camino por el cual llego a esa diferencia de volúmenes.

**a )** De la primer ley de la termodinámica, tenemos para una isoterma que:

$$\begin{aligned}\Delta U &= 0 \Rightarrow \\ Q &= -W \quad \therefore\end{aligned}$$

$$Q = \int_{V_i}^{V_f} p \, dV = nRT_i \int_{V_i}^{V_f} \frac{1}{V} \, dV = \boxed{nRT_i \ln\left(\frac{V_f}{V_i}\right)}$$

**b )** al ser un proceso reversible tenemos la siguiente relación

$$\int \frac{dQ}{T} = \int dS \Rightarrow \Delta S = \frac{Q}{T} \quad (1)$$

Como tenemos un proceso isotérmico

$$\boxed{\Delta S = nR \ln\left(\frac{V_f}{V_i}\right)}$$