



高中数学 I

适用于联赛一试与强基计划

作者：Johnny Tang

组织：DEEP Team

时间：January 21, 2022

请：相信时间的力量，敬畏概率的准则

目录

第一部分 预备篇	4
第 0 章 数理逻辑	5
第 1 章 代数变换基础	6
1.1 多项式的概念	6
1.2 多项式的根与 Vieta 定理	6
1.3 整式恒等变形	6
1.4 简单的不等式	6
1.5 求和符号	6
第 2 章 数域与运算	7
2.1 复数初步	7
2.2 对数运算	7
第二部分 基础篇	8
第 1 章 集合	9
1.1 集合的概念	9
1.2 集合间的运算与运算律	9
1.3 集合元素的个数	9
第 2 章 函数	10
2.1 映射与函数	10
2.2 常见初等函数	10
2.3 函数的性质	10
2.4 函数迭代与函数方程	11
第 3 章 三角函数	12
3.1 三角函数的概念	12
3.2 三角函数的函数性质	12
3.3 三角恒等变形	12
3.4 三角换元与三角恒等式	12
3.5 正弦定理与余弦定理	12
3.6 反三角函数	12
3.7 三角函数的复数表示	12
3.8 双曲函数	12

第 4 章 平面向量与复数	13
4.1 平面向量的概念	13
4.2 平面向量基本定理与坐标表示	13
4.3 复数的概念与计算	13
第 5 章 数列	14
5.1 等差数列与等比数列	14
5.2 数列的变形	14
5.3 数列与数学归纳法	14
第 6 章 极限与导数	15
6.1 极限的概念与运算	15
6.2 导数的概念与运算	15
6.3 导数的应用	15
第 7 章 不等式	16
7.1 均值不等式	16
7.2 Cauchy 不等式	16
7.3 排序不等式	16
7.4 函数的凹凸性与 Jensen 不等式	16
7.5 若干著名不等式	16
第 8 章 概率、计数与组合	17
8.1 概率与数学期望	17
8.2 计数原理	17
8.3 排列数、组合数	17
8.4 组合数模型	17
8.5 二项式定理	17
第 9 章 三角、向量与几何	18
9.1 常见平面几何结论——三角	18
9.2 常见平面几何结论——平面向量	18
第 10 章 解析几何	19
10.1 直线与圆	19
10.2 圆锥曲线	19
第 11 章 立体几何	20
11.1 空间中的基本元素	20
11.2 空间中的位置关系	20
11.3 空间中的距离与角度	20
11.4 多面体与球	20

11.5 空间向量	20
-----------------	----

第一部分

预备篇

第 0 章 数理逻辑

充分条件与必要条件，命题的关系，命题的逻辑运算，形式逻辑词

第 1 章 代数变换基础

1.1 多项式的概念

多项式、多项式的根、多项式相等的概念，多项式的运算，多项式的带余除法

1.2 多项式的根与 Vieta 定理

余数定理，因式定理，Vieta 定理

1.3 整式恒等变形

换元技巧，齐次性原理

1.4 简单的不等式

绝对值不等式，糖水不等式，均值不等式，线性规划

1.5 求和符号

求和符号

第 2 章 数域与运算

2.1 复数初步

基本概念

2.2 对数运算

基本概念，运算法则，特殊对数

第二部分

基础篇

第 1 章 集合

1.1 集合的概念

集合的概念、表示、性质，常见集合，集合中的元素，集合间的关系

1.2 集合间的运算与运算律

交集与并集，运算律

1.3 集合元素的个数

有限元集合的元素个数公式，容斥公式

第2章 函数

2.1 映射与函数

映射、映射相等的概念，特殊的映射，逆映射，映射的复合，函数的概念

2.2 常见初等函数

基本初等函数、初等函数的概念

2.2.1 二次函数

二次函数的性质，最值问题，实根分布问题

2.2.2 对勾函数

对勾函数、垃圾函数的性质

2.2.3 常值函数、指数函数、幂函数、对数函数

常值函数的概念、幂函数的概念，指数函数的概念、图像与性质，对数函数的概念、图像与性质

2.2.4 三角函数与双曲函数

详见下一章.

2.3 函数的性质

2.3.1 单调性

单调性的概念，函数单调性的运算，区间根定理

2.3.2 奇偶性

奇偶性的概念，函数奇偶性的运算

2.3.3 对称性

对称性的概念，函数的对称变换，含绝对值的函数

2.3.4 周期性

周期性的概念

2.4 函数迭代与函数方程

2.4.1 函数的迭代与不动点

函数迭代的概念，函数不动点的概念

2.4.2 简单的函数方程

函数方程问题，Cauchy 方程

第 3 章 三角函数

3.1 三角函数的概念

任意角，弧度制，三角函数的定义，诱导公式

3.2 三角函数的函数性质

三角函数的图像与性质

3.3 三角恒等变形

和差角公式，二倍角、半角公式，三倍角公式，万能公式，辅助角公式，积化和差、和差化积公式

3.4 三角换元与三角恒等式

3.4.1 三角换元

三角换元常见形式

3.5 正弦定理与余弦定理

3.6 反三角函数

3.7 三角函数的复数表示

3.8 双曲函数

第 4 章 平面向量与复数

4.1 平面向量的概念

4.2 平面向量基本定理与坐标表示

4.3 复数的概念与计算

第 5 章 数列

5.1 等差数列与等比数列

5.2 数列的变形

5.3 数列与数学归纳法

第 6 章 极限与导数

6.1 极限的概念与运算

6.2 导数的概念与运算

6.3 导数的应用

第 7 章 不等式

7.1 均值不等式

7.2 Cauchy 不等式

7.3 排序不等式

7.4 函数的凹凸性与 Jensen 不等式

7.5 若干著名不等式

第 8 章 概率、计数与组合

8.1 概率与数学期望

8.2 计数原理

8.3 排列数、组合数

8.4 组合数模型

8.5 二项式定理

第 9 章 三角、向量与几何

9.1 常见平面几何结论——三角

9.2 常见平面几何结论——平面向量

第 10 章 解析几何

10.1 直线与圆

10.2 圆锥曲线

第 11 章 立体几何

11.1 空间中的基本元素

11.2 空间中的位置关系

11.3 空间中的距离与角度

11.4 多面体与球

11.5 空间向量