

高中数学I

适用于联赛一试与强基计划

作者: Johnny Tang 组织: DEEP Team

时间: January 21, 2022

请:相信时间的力量,敬畏概率的准则

目录

第一部	3分 预备篇 ————————————————————————————————————	4
第0章	数理逻辑	5
第1章	代数变换基础	6
1.1	多项式的概念	6
1.2	多项式的根与 Vieta 定理	6
1.3	整式恒等变形	6
1.4	简单的不等式	6
1.5	求和符号	6
第2章	数域与运算	7
2.1	复数初步	7
2.2	对数运算	7
第二部	3分 基础篇	8
第1章	集合	9
1.1	集合的概念	9
1.2	集合间的运算与运算律	9
1.3	集合元素的个数	9
第2章	或 <i>粉</i>	10
元 4 早 2.1	时	
2.1	常见初等函数	
2,2	2.2.1 二次函数	
	2.2.2 对勾函数	
	2.2.3 常值函数、指数函数、幂函数、对数函数	
	2.2.4 三角函数与双曲函数	
2.3	函数的性质	
		10
		10
	2.3.3 对称性	
	2.3.4 周期性	
2.4	函数迭代与函数方程	
	2.4.1 函数的迭代与不动点	

	2.4.2 简单的函数方程	11
第3章	三角函数	12
3.1	三角函数的概念	12
3.2	三角函数的函数性质	12
3.3	三角恒等变形	12
3.4	正弦定理与余弦定理	12
3.5	三角换元与三角恒等式	12
	3.5.1 三角换元	12
	3.5.2 三角恒等式	12
3.6	反三角函数	12
3.7	双曲函数	12
第4章	平面向量与复数	13
4.1	平面向量的概念	13
4.2	平面向量基本定理与坐标表示	13
4.3	复数	13
	4.3.1 复数的表示	13
	4.3.2 复数的运算	13
第5章	数列	14
5.1	等差数列与等比数列	14
5.2	数列的变形	14
5.2 5.3	数列的变形	
5.3		
5.3 第 6 章	数学归纳法	14
5.3 第 6 章	数学归纳法	14 15
5.3 第 6 章 6.1	数学归纳法	14 15 15
5.3 第 6 章 6.1 6.2 6.3	数学归纳法	14 15 15
5.3 第 6 章 6.1 6.2 6.3	数学归纳法	14 15 15 15 16
5.3 第 6 章 6.1 6.2 6.3 第 7 章	数学归纳法	14 15 15 15 16
5.3 第 6 章 6.1 6.2 6.3 第 7 章 7.1	数学归纳法	14 15 15 15 16 16
5.3 第 6 章 6.1 6.2 6.3 第 7 章 7.1 7.2	数学归纳法	14 15 15 15 16 16 16
5.3 第6章 6.1 6.2 6.3 第7章 7.1 7.2 7.3	数学归纳法	124 155 155 166 166 166
5.3 第 6 章 6.1 6.2 6.3 第 7 章 7.1 7.2 7.3 7.4	数学归纳法	124 155 155 166 166 166 166
5.3 第6章 6.1 6.2 6.3 第7章 7.1 7.2 7.3 7.4 7.5 7.6	数学归纳法极限与导数极限的概念与运算导数的概念与运算导数的应用不等式均值不等式Cauchy 不等式排序不等式函数的凹凸性与 Jensen 不等式若干著名不等式	124 155 155 166 166 166 166
5.3 第6章 6.1 6.2 6.3 第7章 7.1 7.2 7.3 7.4 7.5 7.6	数学归纳法 极限与导数 极限的概念与运算 导数的概念与运算 导数的应用 不等式 均值不等式 Cauchy 不等式 排序不等式 函数的凹凸性与 Jensen 不等式 若干著名不等式 常见不等式	124 155 155 166 166 166 166 166 166
5.3 第6章 6.1 6.2 6.3 第7章 7.1 7.2 7.3 7.4 7.5 7.6	数学归纳法 极限与导数 极限的概念与运算 导数的概念与运算 导数的应用 不等式 均值不等式 Cauchy 不等式 排序不等式 函数的凹凸性与 Jensen 不等式 若干著名不等式 常见不等式 概率、计数与组合	144 155 155 166 166 166 166 177

	E CONTRACTOR DE LA CONT	〕录
第9章	几何中的距离与角度	18
9.1	常见平面几何结论——边长	18
9.2	常见平面几何结论——三角	18
9.3	常见平面几何结论——平面向量	18
第 10 章	全解析几何	19
10.1	平面基本元素	19
	10.1.1 点与直线	19
	10.1.2 圆	19
10.2	圆锥曲线	19
	10.2.1 椭圆与双曲线	19
	10.2.2 第二定义与抛物线	19
10.3	圆锥曲线计算技巧	19
第 11 章	立体几何	20
11.1	空间中的几何体	20
11.2	空间中的位置关系	20
11.3	空间中的距离与角度	20
11.4	多面体与球	20

第一部分

预备篇

第0章 数理逻辑

充分条件与必要条件,命题的关系,命题的逻辑运算,形式逻辑词

第1章 代数变换基础

1.1 多项式的概念

多项式、多项式的根、多项式相等的概念,多项式的运算,多项式的带余除法

1.2 多项式的根与 Vieta 定理

余数定理,因式定理, Vieta 定理

1.3 整式恒等变形

换元技巧, 齐次性原理

1.4 简单的不等式

绝对值不等式,糖水不等式,均值不等式,线性规划

1.5 求和符号

求和符号

第2章 数域与运算

2.1 复数初步

基本概念

2.2 对数运算

基本概念,运算法则,特殊对数

第二部分

基础篇

第1章 集合

1.1 集合的概念

集合的概念、表示、性质,常见集合,集合中的元素,集合间的关系

1.2 集合间的运算与运算律

交集与并集,运算律

1.3 集合元素的个数

有限元集合的元素个数公式,容斥公式

第2章 函数

2.1 映射与函数

映射、映射相等的概念,特殊的映射,逆映射,映射的复合,函数的概念

2.2 常见初等函数

基本初等函数、初等函数的概念

2.2.1 二次函数

二次函数的性质,最值问题,实根分布问题

2.2.2 对勾函数

对勾函数、垃圾函数的性质

2.2.3 常值函数、指数函数、幂函数、对数函数

常值函数的概念、幂函数的概念、指数函数的概念、图像与性质,对数函数的概念、图像与性质

2.2.4 三角函数与双曲函数

详见下一章.

2.3 函数的性质

2.3.1 单调性

单调性的概念,函数单调性的运算,区间根定理

2.3.2 奇偶性

奇偶性的概念,函数奇偶性的运算

2.3.3 对称性

对称性的概念, 函数的对称变换, 含绝对值的函数

2.3.4 周期性

周期性的概念

2.4 函数迭代与函数方程

2.4.1 函数的迭代与不动点

函数迭代的概念,函数不动点的概念

2.4.2 简单的函数方程

函数方程问题, Cauchy 方程

第3章 三角函数

3.1 三角函数的概念

任意角, 弧度制, 三角函数的定义, 诱导公式, 三角函数的复数表示

3.2 三角函数的函数性质

三角函数的图像与性质

3.3 三角恒等变形

和差角公式,二倍角、半角公式,三倍角公式,万能公式,辅助角公式,积化和差、和差化积公式

3.4 正弦定理与余弦定理

正弦面积公式, 正弦定理, 余弦定理

3.5 三角换元与三角恒等式

3.5.1 三角换元

三角换元常见形式

3.5.2 三角恒等式

常见的三角恒等式

3.6 反三角函数

反三角函数的概念、图像与性质

3.7 双曲函数

双曲函数的定义, 双曲恒等变形公式

第4章 平面向量与复数

4.1 平面向量的概念

平面向量的概念,向量间的关系,向量的运算

4.2 平面向量基本定理与坐标表示

平面向量基本定理, 定比分点公式, 平面向量的坐标表示, 高维向量的定义

4.3 复数

4.3.1 复数的表示

复数的几何表示,复数的三角表示

4.3.2 复数的运算

复数的四则运算, 共轭复数的运算

第5章 数列

数列的概念,数列的表示,数列的分类

5.1 等差数列与等比数列

定义,性质,无穷递降等比数列

5.2 数列的变形

常见递推求法, Sn与 an

5.3 数学归纳法

第一数学归纳法, 跳跃数学归纳法, 第二数学归纳法, 多元归纳法

第6章 极限与导数

6.1 极限的概念与运算

数列的极限,函数的极限,极限的四则运算,常用极限

6.2 导数的概念与运算

导数的概念,导函数的概念,初等函数的导数,导数的运算法则

6.3 导数的应用

导数与单调性,导数与极值点

第7章 不等式

7.1 均值不等式

均值不等式, 加权均值不等式

7.2 Cauchy 不等式

Cauchy 不等式

7.3 排序不等式

排序不等式, 切比雪夫不等式

7.4 函数的凹凸性与 Jensen 不等式

函数的凹凸性, Jensen 不等式, 加权 Jensen 不等式

7.5 若干著名不等式

Hölder 不等式, Young 不等式, Schur 不等式, 权方和不等式, Bernoulli 不等式

7.6 常见不等式

一些常见的不等式

第8章 概率、计数与组合

8.1 概率与数学期望

8.2 排列组合模型

计数原理, 无重排列与组合, 可重排列与组合, 圆排列

8.3 二项式定理

二项式定理,组合恒等式

第9章 几何中的距离与角度

9.1 常见平面几何结论——边长

Ptolemy 定理,定差幂线定理,Stewart 定理,Menelaus 定理,Ceva 定理

9.2 常见平面几何结论——三角

张角定理,角元 Menelaus 定理,角元 Ceva 定理

9.3 常见平面几何结论——平面向量

极化恒等式,奔驰定理

第10章 解析几何

10.1 平面基本元素

10.1.1 点与直线

形式,位置关系判断,点到直线距离公式,定比分点公式

10.1.2 圆

标准方程,参数方程

10.2 圆锥曲线

10.2.1 椭圆与双曲线

椭圆的概念, 双曲线的概念

10.2.2 第二定义与抛物线

第二定义, 抛物线

10.3 圆锥曲线计算技巧

第11章 立体几何

11.1 空间中的几何体

空间中的几何体及其表面积、体积计算

11.2 空间中的位置关系

公理体系,空间中的平行关系,空间中的垂直关系

11.3 空间中的距离与角度

空间中的距离,空间中的角度

11.4 多面体与球

正方体,正四面体

11.5 空间向量

空间向量基本定理, 法向量与夹角计算