SOLUCIONES DE LOS PROBLEMAS DE CIRCUITOS ELECTRÓNICOS

Grado en Ingeniería Informática y Doble grado en Informática y Matemáticas

TEMA 1: Repaso de la Teoría de redes lineales

$$1.-V_{8\Omega} = 28.8 \text{ V}$$

2.-
$$R = 43.2 \Omega$$

$$3.- R_3 = 72 Ω$$

4.-
$$R = 390 \Omega$$

5.-
$$I_1 = 9 A$$
; $I_2 = 1.5 A$; $V_o = 67.5 V$

6.-
$$I_{R_1} = 3.37 A$$
; $I_{R_2} = 1.63 A$; $I_{R_3} = 0.37 A$

$$7.-E = 593.5 \text{ V}$$

8.- a)
$$V_{Th} = -25 V$$
; $R_{eq} = 60 \times 10^3 \Omega$
b) $I = -3.57 \times 10^{-4} A$

9.-
$$R_{eq} = 0.33 \,\Omega; V_{Th} = 10 \,V; e = -7.5 \,V$$

10.-
$$V_{Th} = 30 V$$
; $R_{eq} = 6 \Omega$; $I_N = 5 A$

11.-
$$R_{eq} = 5/6 \Omega$$
; $V_{Th} = 1 V$; $I_N = 1.2 A$

12.-
$$R = 1.6 \Omega$$
; $P = 5280 W$

13.-
$$R_{eq} = 40 \ m\Omega; V_{Th} = 12.8 \ V; I_N = 320 \ A$$

14.-
$$P_{F_1} = 8.96 W$$
; $P_{F_2} = -1.12 W$

15.-
$$e_c(t) = \frac{1}{\sqrt{5}}\cos(100t - 0.464 \, rad) \, V$$

16.-
$$R = 2.88 \,\Omega; C = 2.38 \times 10^{-4} \,F$$

17.-
$$v_{Th}(t) = \frac{3}{\sqrt{10}}\cos(10t + 0.3217 \ rad) \ V; Z_{eq} = (0.6 + 0.2j) \ \Omega;$$

$$i(t) = \frac{3}{2\sqrt{2}}\cos(10t - 0.1419 \ rad) \ A$$

18.-
$$Z = (5.76 + 1.68j) \Omega$$

19.-
$$v_r(t) = 12\cos(3t + 7.38^\circ) + 3\cos 2t \ V$$

20.
$$i_a(t) = 7\cos(10^5 t + \pi) A$$
; $i_b(t) = 17.5\cos(10^5 t) A$; $v_c(t) = 35\cos\left(10^5 t + \frac{\pi}{2}\right) V$

21.-
$$v_{AB}(t) = \frac{R_2 V_1}{R_1 + R_2} + \frac{V_2 \omega C R_{eq}}{\sqrt{1 + (\omega C R_{eq})^2}} \cos\left(\omega t + \frac{\pi}{2} - \tan^{-1}(\omega C R_{eq})\right)$$

SOLUCIONES DE LOS PROBLEMAS DE CIRCUITOS ELECTRÓNICOS

Grado en Ingeniería Informática y Doble grado en Informática y Matemáticas

22.- a)
$$\omega = 9600 \, rad/s$$

b)
$$V_0 = 25 V$$

TEMA 2: Introducción a los circuitos selectivos en frecuencia

1.- a)
$$A_V = \frac{1}{1+j\omega RC}$$
;

b)
$$A_V = \frac{j\omega RC}{1+j\omega RC}$$

c)
$$A_V = \frac{j\omega_R^L}{1+j\omega_R^L}$$

$$\mathbf{d)} A_V = \frac{1}{1 + j\omega_{\overline{P}}^L}$$

2.- a)
$$A_{v} = 4 \cdot 10^{-3} \frac{j\omega}{1 + j5 \cdot 10^{-3}\omega}$$

c)
$$\omega = 51.6 \text{ rad/s}$$

3.- a)
$$A_{v} = \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}} \frac{1}{1 + j\omega \frac{CR_{1}R_{2}}{R_{1} + R_{2}}}$$

b)
$$\omega_c = (R_1 + R_2)/(CR_1R_2)$$

4.- a)
$$A_v = \frac{1}{1 - \omega^2 LC + j\omega^L/R}$$

b)
$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

5.- a)
$$|A_v| = \frac{1}{\sqrt{1 + R^2 \left(2\pi C f - \frac{1}{2\pi L f}\right)^2}}$$

b)
$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

c)
$$|A_{v}^{max}| = 1$$

d)
$$f_c = \pm \frac{1}{4\pi RC} + \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{1}{(2RC)^2} + \frac{1}{LC}}; \ \Delta f = \frac{1}{2\pi RC}$$

$$\mathbf{6.-a)} \frac{v_{AB}}{v_i} = \frac{1}{1 + \frac{R_2}{j\omega L}} - \frac{1}{1 + j\omega CR_1} \Longrightarrow \begin{cases} \left| \frac{V_{AB}}{V_i} \right|_{\omega \to 0} = |-1| \\ \left| \frac{V_{AB}}{V_i} \right|_{\omega \to \infty} = |+1| \end{cases}$$

b)
$$\frac{V_{AB}}{V_{i}} = -1$$
; $\frac{V_{AB}}{V_{i}} = 1$

b)
$$\frac{v_{AB}}{v_i}_{\omega \to 0} = -1; \frac{v_{AB}}{v_i}_{\omega \to \infty} = 1$$
7.- a) $\frac{v_a}{v_o} = \frac{1}{1 + \frac{(R_1 + j\omega L)(j\omega C - A)}{1 + j\omega C R_2}} \Longrightarrow \begin{cases} \frac{v_a}{v_o} = \frac{1}{1 - R_1 A} \\ \frac{v_a}{v_o} = 0 \end{cases}$

b)
$$|v_a| = 1.72 V$$
; $\varphi = 2.04 rad$

8.- a)
$$|A_v|_{\omega=0} = 0$$
; $|A_v|_{\omega\to\infty} = 1$
b) $Z_i = \frac{1}{i\omega C} + \frac{j\omega LR}{R+i\omega L}$

b)
$$Z_i = \frac{1}{j\omega C} + \frac{j\omega LR}{R + j\omega L}$$

SOLUCIONES DE LOS PROBLEMAS DE CIRCUITOS ELECTRÓNICOS

Grado en Ingeniería Informática y Doble grado en Informática y Matemáticas

c)
$$A_v = \frac{-\omega^2 LCR}{R(1-\omega^2 LC)+j\omega L}$$
; $|A_v| = \frac{\omega^2 LCR}{\sqrt{R^2(1-\omega^2 LC)^2+\omega^2 L^2}}$; $\varphi = \pi - \tan^{-1} \frac{\omega L}{R(1-\omega^2 LC)}$

9.- a)
$$|A_V|_{\omega \to 0} = 1$$
; $|A_V|_{\omega \to \infty} \to 0$
b) $Z(j\omega) = j\omega L + \frac{R}{1 + j\omega RC}$

b)
$$Z(j\omega) = j\omega L + \frac{R}{1 + i\omega RC}$$

c)
$$A_V(j\omega) = \frac{1}{1-\omega^2 LC + j\omega_R^L}; |A_V(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{(1-\omega^2 LC)^2 + (\omega_R^L)^2}}; \quad \theta = \arctan\left(\frac{-\omega L}{R(1-\omega^2 LC)}\right)$$

10.-i) a)
$$A_V = \frac{R(1-\omega^2 LC)}{R(1-\omega^2 LC)+j\omega L} = \frac{R(1-\omega^2 LC)}{\sqrt{R^2(1-\omega^2 LC)^2+\omega^2 L^2}} e^{-j \tan^{-1} \frac{\omega L}{R(1-\omega^2 LC)}}$$

b)
$$|A_V|_{\omega \to 0} = |A_V|_{\omega \to \infty} = 1$$

c)
$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{IC}}$$

ii) a)
$$A_v = \frac{1}{1 + jR(\omega C - \frac{1}{\omega L})} = \frac{1}{\sqrt{1 + R^2(\omega C - \frac{1}{\omega L})^2}} e^{-j\tan^{-1}R(\omega C - \frac{1}{\omega L})}$$

b)
$$|A_V|_{\omega \to 0} = |A_V|_{\omega \to \infty} = 0$$

c) $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$

c)
$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

11.- a)
$$G \approx \omega RC \quad \left(\omega \ll \frac{1}{RC}\right); \qquad G \approx \frac{1}{\omega RC} \quad \left(\omega \gg \frac{1}{RC}\right)$$

b)
$$\omega_0 = \frac{1}{RC}$$

c)
$$G_{max} = \frac{1}{3}$$

d)
$$\theta = \frac{\pi}{2}$$
, $\theta = 0$ y $\theta = -\frac{\pi}{2}$, respectivemente

e)
$$v_o(t) = 0.3 \cos(100\pi t - 0.457 \text{ rad}) V$$

12.- a)
$$Z_{eq} = \frac{R_2}{1 + i\omega C_2 R_2}$$

b)
$$A_v = \frac{j\omega c_1 R_1 A}{(1+j\omega c_1 R_1)(1+j\omega c_2 R_2)}$$

12.- a)
$$Z_{eq} = \frac{R_2}{1+j\omega C_2 R_2}$$

b) $A_v = \frac{j\omega C_1 R_1 A}{(1+j\omega C_1 R_1)(1+j\omega C_2 R_2)}$
c) $|A_v| = \frac{\omega C_1 R_1 A}{\sqrt{1+(\omega C_1 R_1)^2}\sqrt{1+(\omega C_2 R_2)^2}}$; Paso de banda

13.- a)
$$|A_v| = \frac{1}{2+\alpha} \sqrt{\frac{\alpha^2 + (\omega CR)^2 (2+\alpha)^2}{1 + (\omega CR)^2}}; \ \theta = -\tan^{-1} \left(\frac{\omega CR (2+\alpha)}{\alpha}\right) - \tan^{-1} (\omega CR)$$

b)
$$|A_V|_{\omega \to 0} = \frac{\alpha}{2+\alpha}$$
; $|A_V|_{\omega \to \infty} = 1$. Paso alto