向量范数与等价的充分必要条件是



证明：

必要性：

因此有 

充分性：

反证法。若不存在 即



则 ，取



与矛盾。



若不存在 即



则 ，取



与矛盾。

