

탐색 알고리즘

(Search Algorithm)

탐색 알고리즘

- 배열에서 특정 값을 찾기위한 알고리즘

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29를 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---



29와 비교

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29을 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

10번 만에 탐색 완료

선형 탐색 (Linear Search)

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

- 위 배열에서 29을 찾고 싶다면

8	1	5	4	9	7	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	----	----	---

10번 만에 탐색 완료

시간복잡도 : $O(N)$

문제점

- 배열의 크기가 상당히 클 경우

8	1	5	4	9	7	...	6	11	2	29	15	81	0
---	---	---	---	---	---	-----	---	----	---	----	----	----	---



1억번째

1억번 비교 필요

이분탐색 (Binary Search)

이분탐색 (Binary Search)

- 큰 배열에서 특정 값을 빠르게 탐색하기 위한 방법

이분탐색 (Binary Search)

- 큰 배열에서 특정 값을 빠르게 탐색하기 위한 방법
- 이분탐색의 필수조건 : 정렬된 배열

이분탐색 (Binary Search)

- 큰 배열에서 특정 값을 빠르게 탐색하기 위한 방법
- 이분탐색의 필수조건 : 정렬된 배열

0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----

이분탐색 (Binary Search)

- 큰 배열에서 특정 값을 빠르게 탐색하기 위한 방법
- 이분탐색의 필수조건 : 정렬된 배열

0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----

29 찾기

이분탐색

시작			중간						끝			
0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81



중간 값(7)이 찾으려는 값(29)인지 확인

이분탐색

시작	중간						끝					
0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81



- 중간을 기준으로 2개의 그룹 만들기

0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----

이분탐색

시작			중간					끝				
0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81



- 중간을 기준으로 2개의 그룹 만들기

0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----

7보다 작은 그룹

기준

7보다 큰 그룹

이분탐색

시작

중간

끝

0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----

- 중간을 기준으로 2개의 그룹 만들기

0	1	2	4	5	6
---	---	---	---	---	---

7보다 작은 그룹

29가 없는 그룹

중간값(7) > 찾으려는값(29)

7

기준

8	9	11	15	29	81
---	---	----	----	----	----

7보다 큰 그룹

29가 있는 그룹

중간값(7) < 찾으려는값(29)

이분탐색



중간 값(11)이 찾으려는 값(29)인지 확인

이분탐색



- 중간을 기준으로 2개의 그룹 만들기

8	9
---	---

11보다 작은 그룹

11

기준

15	29	81
----	----	----

11보다 큰 그룹

이분탐색

							시작	중간		끝		
0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81



- 중간을 기준으로 2개의 그룹 만들기

8	9
---	---

11보다 작은 그룹

29가 없는 그룹

중간값(11) > 찾으려는값(29)

11

기준

15	29	81
----	----	----

11보다 큰 그룹

29가 있는 그룹

중간값(11) < 찾으려는값(29)

이분탐색

										시작	중간	끝
0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15	29	81



중간 값(29)이 찾으려는 값(29)인지 확인

이분탐색

											시작	중간	끝
0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15		29	81



3번만에 탐색 완료

이분탐색

											시작	중간	끝
0	1	2	4	5	6	7	8	9	11	15		29	81



3번만에 탐색 완료

시간복잡도 : $O(\log N)$

문제점

- 같은 값을 가진 원소가 여러 개 존재할 경우

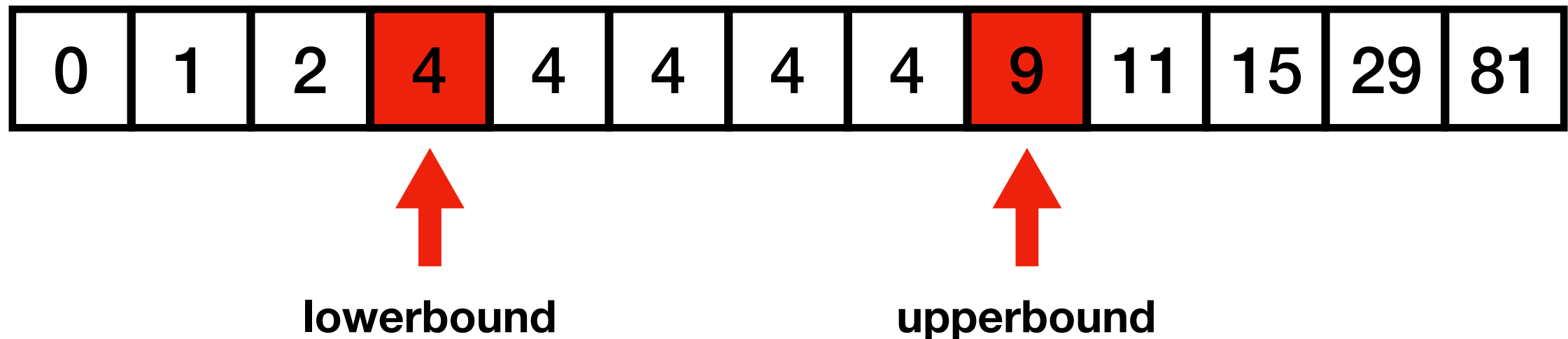
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----



어떤 값이 결과로 나올지 모름

LowerBound, UpperBound

찾고자 하는 값 : 4



- lowerbound : 찾고자 하는 값(4) 이상(\leq)의 값들 중 처음 등장하는 원소를 탐색
- upperbound : 찾고자 하는 값(4)을 초과($<$)하는 값들 중 가장 처음 등장하는 원소를 탐색

LowerBound

시작			중간					끝					
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



중간 값(4)과 찾으려는 값(4) 비교

LowerBound

시작						중간							끝
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



중간 값(4)과 찾으려는 값(4) 비교
(같음)

- **비교 결과가 가지는 의미**

- **중간 값 < 찾으려는 값** : 중간 값보다 작거나 같은(왼쪽) 원소들 중에는 lowerbound인 원소가 존재할 수 없다.
- **중간 값 >= 찾으려는 값** : 중간 값보다 작거나 같은(왼쪽) 원소들 중에 lowerbound가 있다.

LowerBound

시작			중간					끝					
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



시작			중간				끝						
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X

LowerBound

시작			중간					끝					
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



시작			중간			
0	1	2	4	4	4	4

중간						끝
4	9	11	15	29	81	X

중간값(4) \geq 찾으려는값(4)

중간값(4) $<$ 찾으려는값(4)

LowerBound

시작			중간						끝				
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



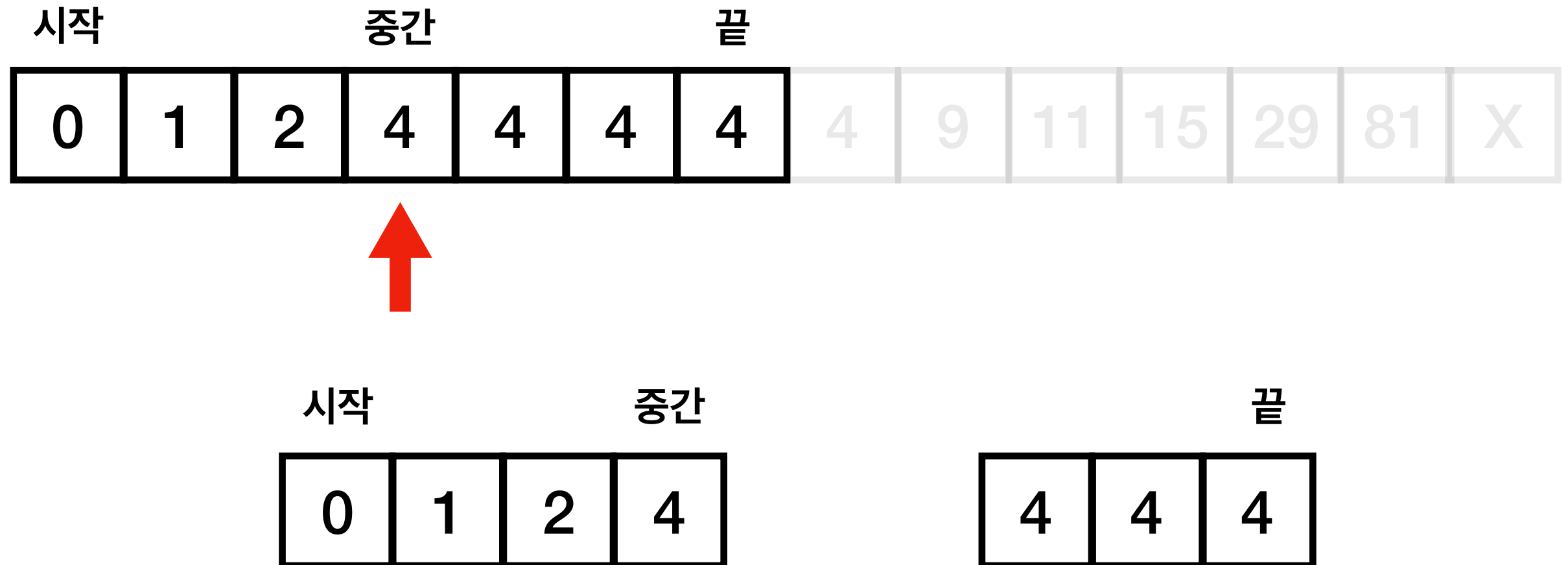
시작			중간			
0	1	2	4	4	4	4

중간값(4) \geq 찾으려는값(4)

			중간				끝	
4	9	11	15	29	81	X		

중간값(4) $<$ 찾으려는값(4)

LowerBound



LowerBound

시작

중간

끝

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---



시작		중간	
0	1	2	4

중간값(4) \geq 찾으려는값(4)

끝		
4	4	4

중간값(4) $<$ 찾으려는값(4)

LowerBound

시작	중간					끝							
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



시작	중간		
0	1	2	4

중간값(4) \geq 찾으려는값(4)

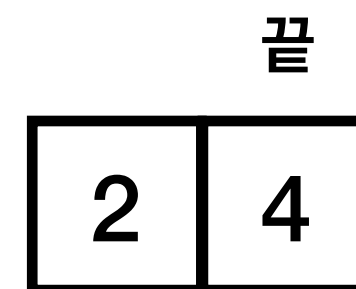
		끝
4	4	4

중간값(4) $<$ 찾으려는값(4)

LowerBound



중간값(1) >= 찾으려는값(4)



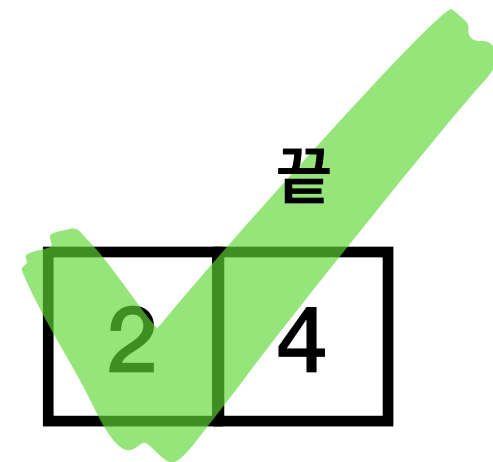
중간값(1) < 찾으려는값(4)

LowerBound

시작	중간	끝											
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X

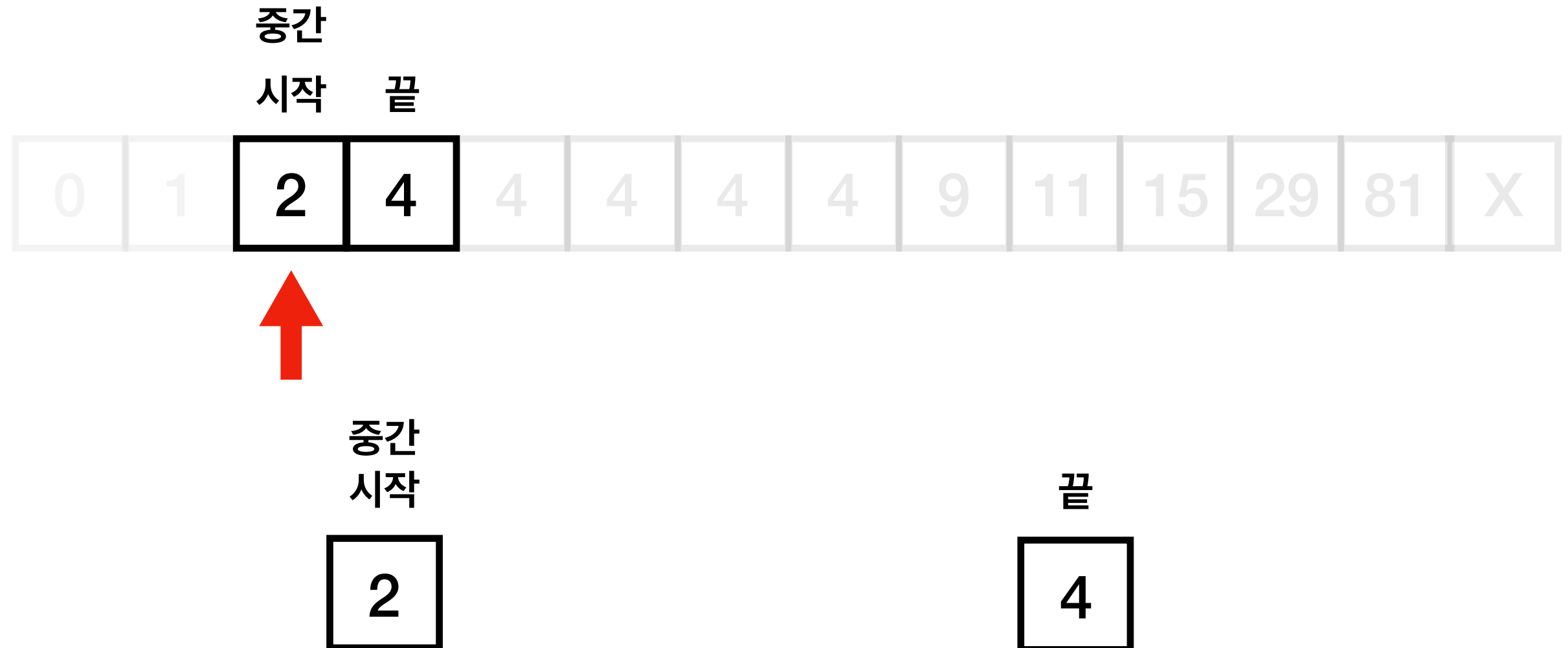


중간값(1) \geq 찾으려는값(4)



중간값(1) $<$ 찾으려는값(4)

LowerBound



LowerBound

		중간											
		시작	끝										
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



중간
시작

2

중간값(2) \geq 찾으려는값(4)

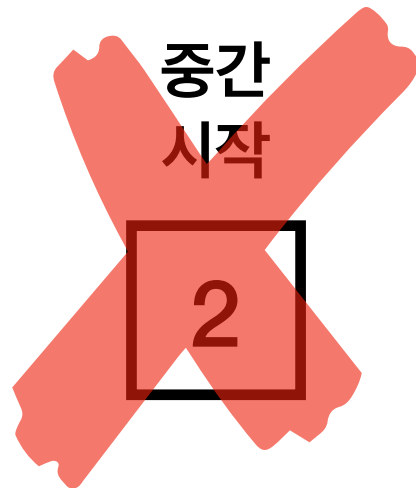
끝

4

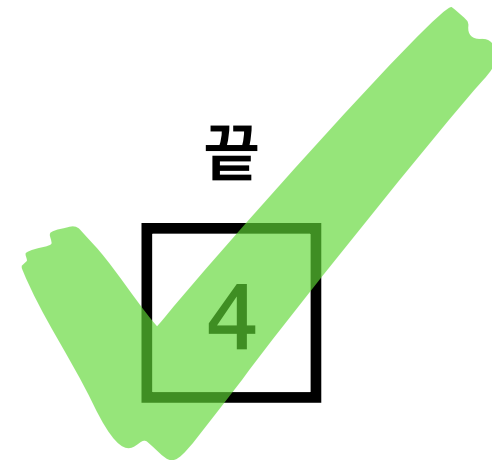
중간값(2) $<$ 찾으려는값(4)

LowerBound

		중간											
		시작	끝										
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



중간값(2) \geq 찾으려는값(4)



중간값(2) $<$ 찾으려는값(4)

LowerBound

중간
시작
끝

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---



LowerBound

중간
시작
끝

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---



LowerBound

시간복잡도 : $O(\log N)$

UpperBound

시작			중간					끝					
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



중간 값(4)과 찾으려는 값(4) 비교

UpperBound

시작						중간							끝
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



중간 값(4)과 찾으려는 값(4) 비교
(같음)

- **비교 결과가 가지는 의미**

- **중간 값 \leq 찾으려는 값** : 중간 값보다 작거나 같은(왼쪽) 원소들 중에는 upperbound 인 원소가 존재할 수 없다.
- **중간 값 $>$ 찾으려는 값** : 중간 값보다 작거나 같은(왼쪽) 원소들 중에 upperbound가 있다.

UpperBound

시작			중간					끝					
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



시작			중간				끝						
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X

UpperBound

시작			중간					끝					
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



시작			중간				끝						
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X

중간값(4) > 찾으려는값(4)

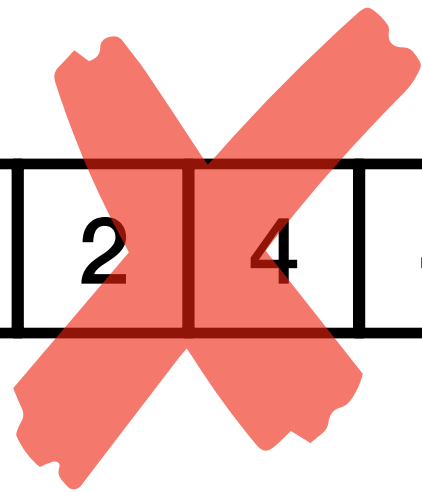
중간값(4) <= 찾으려는값(4)

UpperBound

시작			중간					끝					
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X

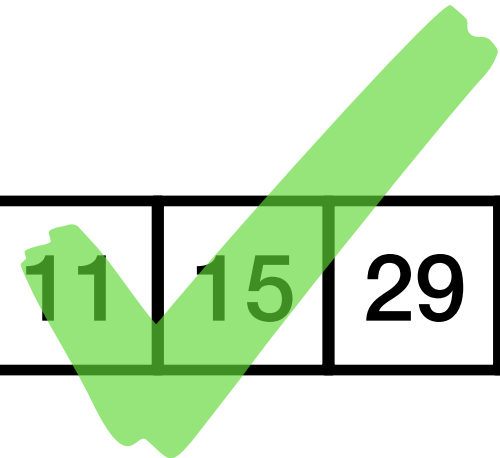


시작			중간			
0	1	2	4	4	4	4



중간값(4) > 찾으려는값(4)

시작						중간		끝		
4	9	11	15	29	81	X				



중간값(4) <= 찾으려는값(4)

UpperBound

							시작	중간			끝		
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



시작		중간	
4	9	11	15

끝		
29	81	X

UpperBound

							시작	중간			끝		
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



시작		중간	
4	9	11	15

중간값(15) > 찾으려는값(4)

끝		
29	81	X

중간값(15) <= 찾으려는값(4)

UpperBound

시작

중간

끝

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---

시작		중간	
4	9	11	15

중간값(15) > 찾으려는값(4)

		끝
29	81	X

중간값(15) <= 찾으려는값(4)

UpperBound

							시작	중간	끝				
0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X



시작		중간
4	9	

끝	
11	15

UpperBound



시작 중간

4	9
---	---

중간값(9) > 찾으려는값(4)

끝

11	15
----	----

중간값(9) <= 찾으려는값(4)

UpperBound

시작 중간 끝

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---



시작 중간

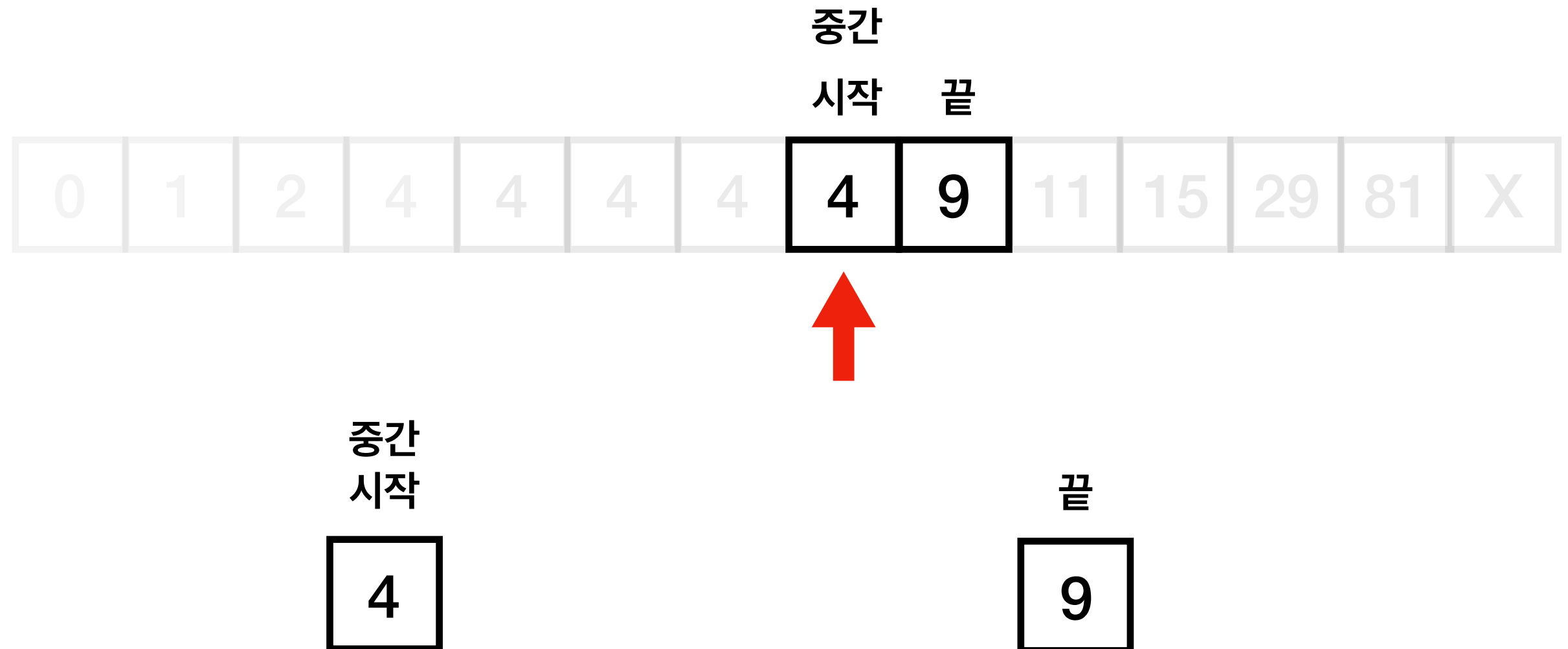
4 9

중간값(9) > 찾으려는값(4)

11 15

중간값(9) <= 찾으려는값(4)

UpperBound



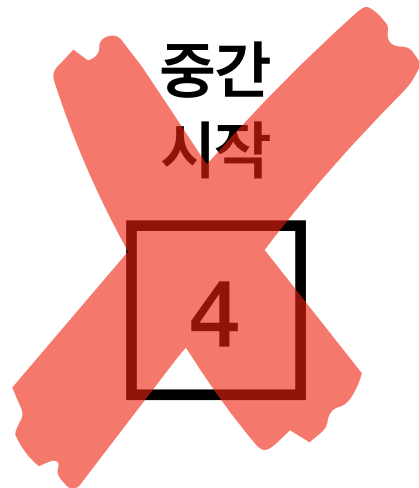
UpperBound

중간

시작

끝

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---



중간값(4) > 찾으려는값(4)



중간값(4) <= 찾으려는값(4)

UpperBound

중간
시작
끝

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---



UpperBound

시간복잡도 : $O(\log N)$

LowerBound, UpperBound

LowerBound, UpperBound

- 초기 배열의 끝점이 X인 이유

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---

LowerBound, UpperBound

- 초기 배열의 끝점이 X인 이유

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---

lowerbound 또는 upperbound가 존재하지 않을 경우 탐색되는 위치

LowerBound, UpperBound

- 끝 지점이 X인 이유

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---

lowerbound 또는 upperbound가 존재하지 않을 경우 탐색되는 위치

- 주어진 배열에서 특정 값 구간 구하기

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---

LowerBound, UpperBound

- 끝 지점이 X인 이유

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---

lowerbound 또는 upperbound가 존재하지 않을 경우 탐색되는 위치

- 주어진 배열에서 특정 값 구간 구하기

0	1	2	4	4	4	4	4	9	11	15	29	81	X
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	---



lowerbound



upperbound

STL

LowerBound, UpperBound

- lowerbound

```
template <class ForwardIterator, class T>  
ForwardIterator lower_bound (ForwardIterator first, ForwardIterator last, const T& val)
```

```
low_it = lower_bound (v.begin(), v.end(), 20);
```

- upperbound

```
template <class ForwardIterator, class T>  
ForwardIterator upper_bound (ForwardIterator first, ForwardIterator last, const T& val)
```

```
up_it = upper_bound (v.begin(), v.end(), 20);
```

연습문제

<https://www.acmicpc.net/problem/1920>