Министерство образования Республики Беларусь

Учреждение образования «Белорусский государственный технологический университет»

Факультет информационных технологий

Отчет

К практической работе №6:

Основы защиты информации

«Криптографическая защита информации»

Выполнил:

Студент 2 курса 2 группы ФИТ

Радивил Данила Юрьевич

**Минск 2022**

**Практическое занятие №6**

**«Криптографическая защита информации»**

Цель: Овладение основными криптографическими алгоритмами асимметричного шифрования.

**Задание №1**

# **Реализация элементов криптосистемы RSA**

RSA (аббревиатура от фамилий Rivest, Shamir и Adleman) — криптографический алгоритм с открытым ключом, основывающийся на вычислительной сложности задачи факторизации больших целых чисел.

Криптосистема RSA стала первой системой, пригодной и для шифрования, и для цифровой подписи. Алгоритм используется в большом числе криптографических приложений, включая PGP, S/MIME, TLS/SSL, IPSEC/IKE и других.

Весь алгоритм расписан в таблице:

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Этап | Описание операции | Результат операции |
| Генерация ключей | Выбрать два простых различных числа | p=3557,  q=2579 |
| Вычислить модуль (произведение) | n = p \cdot q = 3557 \cdot 2579 = 9173503 |
| Вычислить функцию Эйлера | \varphi(n) = (p-1) (q-1) = 9167368 |
| Выбрать открытую экспоненту | e = 3 |
| Вычислить секретную экспоненту | d = e^{-1} \mod \varphi(n)  d = 6111579 |
| Опубликовать открытый ключ | \{e, n\} = \{3,9173503 \} |
| Сохранить закрытый ключ | \{d, n\} = \{6111579, 9173503 \} |
|  |  |  |
| Шифрование | Выбрать текст для зашифровки | m = 111111 |
| Вычислить шифротекст | \begin{align} c &= E(m) \\  &= m^e \mod n \\  &= 111111^3   \mod 9173503 \\  &= 4051753 \end{align} |
| Расшифрование | Вычислить исходное сообщение | \begin{align} m &= D(c) = \\   &= c^d \mod n \\   &= 4051753^{6111579} \mod 9173503 \\   &= 111111 \end{align} |

**Задание №2**

# **Реализация элементов схемы шифрования Дифи-Хеллмана**

## **Генерация ключей**

На практике **обмен ключами** по алгоритму Диффи‑Хеллмана происходит по следующей схеме.

1. Два участника обмена договариваются о двух числах. Один выбирает большое простое число, а другой – целое число, меньшее числа первого участника. Переговоры они могут вести открыто, и это никак не отразится на безопасности.
2. Каждый из двух участников, независимо друг от друга, генерирует другое число, которое они будут хранить в тайне. Эти числа выполняют роль секретного ключа. Далее в вычислениях используются секретный ключ и два предыдущих целых числа. Результат вычислений посылается участнику обмена, и он играет роль открытого ключа.
3. Участники обмена обмениваются открытыми ключами. Далее они, используя собственный секретный ключ и открытый ключ партнера, конфиденциально вычисляют ключ сессии. Каждый партер вычисляет один и тот же ключ сессии.
4. Ключ сессии может использоваться как секретный ключ для другого алгоритма шифрования, например DES. Никакое третье лицо, контролирующее обмен, не сможет вычислить ключ сессии, не зная один из секретных ключей.

**Задание №3**

# **Реализация элементов схемы шифрования Эль-Гамаля**

## **Генерация ключей**

1. Генерируется случайное простое число ~p длины ~n [битов](https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%91%D0%B8%D1%82).
2. Выбирается случайный примитивный элемент ~g.
3. Выбирается случайное целое число ~x такое, что ~1 < x < p-1.
4. Вычисляется ~y = g^x\,\bmod\,p.
5. Открытым ключом является тройка \left( p,g,y \right), закрытым ключом — число ~x.

## **Шифрование**

Сообщение ~M шифруется следующим образом:

1. Выбирается сессионный [ключ](https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%9A%D0%BB%D1%8E%D1%87_(%D0%BA%D1%80%D0%B8%D0%BF%D1%82%D0%BE%D0%B3%D1%80%D0%B0%D1%84%D0%B8%D1%8F)) — случайное целое число ~k такое, что ~1 < k < p - 1
2. Вычисляются числа a = g^k\,\bmod\,p и b = y^k M\,\bmod\,p.
3. Пара чисел \left( a, b \right) является [шифротекстом](https://ru.wikipedia.org/wiki/%D0%A8%D0%B8%D1%84%D1%80%D0%BE%D1%82%D0%B5%D0%BA%D1%81%D1%82).

Нетрудно видеть, что длина шифротекста в схеме Эль-Гамаля длиннее исходного сообщения M вдвое.

## **Расшифрование**

Зная закрытый ключ ~x, исходное сообщение можно вычислить из шифротекста \left( a, b \right) по формуле:

M = b(a^x)^{-1}\,\bmod\,p.

При этом нетрудно проверить, что

~(a^x)^{-1}\equiv g^{-kx}\pmod{p}

и поэтому

~b(a^x)^{-1}\equiv (y^kM)g^{-xk}\equiv (g^{xk}M) g^{-xk}\equiv M \pmod{p}.

Для практических вычислений больше подходит следующая формула:

M = b(a^x)^{-1}\,\bmod\,p = b \cdot a^{(p-1-x)}\,\bmod\,p 

**Задание №4\***

**Используя существующие криптографические библиотеки, создать приложение и проанализировать работу вышеперечисленных алгоритмов.**

**Вывод:** овладел основными криптографическими алгоритмами асимметричного шифрования.

**ц**